# Лабораторная работа №4

Научное программирование

Леонтьева К. А., НПМмд-02-23

01 октября 2023

Российский университет дружбы народов

Москва, Россия



Изучить встроенные в Octave алгоритмы, необходимые для решения систем линейных уравнений.

Запишем исходную систему

$$\begin{cases} a_1^1 x^1 + \dots + a_n^1 x^n = b^1 \\ \dots \\ a_1^m x^1 + \dots + a_n^m x^n = b^m \end{cases} \tag{1}$$

в матричном виде: Ax=b. Матрица A называется основной матрицей системы, b—столбцом свободных членов.

Алгоритм решения СЛАУ методом Гаусса подразделяется на два этапа:

- прямой ход: приводим к треугольной матрице;
- обратный ход: выражаем базисные переменные через небазисные.

#### Теоретическое введение

**LU-разложение** матрицы A имеет вид A=LU. Если известно LU-разложение матрицы A, то исходная система может быть записана как LUx=b. Эта система может быть решена в два шага: Ly=b и Ux=y.

 ${\it LUP-}$ разложение матрицы  ${\it A}$  имеет вид  ${\it PA}={\it LU}.$ 

• Для системы линейных уравнений строим расширенную матрицу и реализуем явно метод Гаусса. Для решение треугольной матрицы можно получить вручную

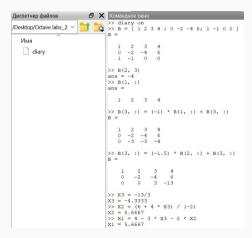


Figure 1: Рис.1: Метод Гаусса

• А можно воспользоваться встроенной командой. Кроме этого, есть возможность поменять формат вывода значений в виде десятичных дробей

```
>> [X1; X2; X3]
Имя
Скриншот 1.ipg
                             5.6667
diary
                             5.6667
                            -4.3333
                          >> rref(B)
                          ans =
                             1.0000
                                           0 1.0000 -4.3333
                          >> format long
                          >> rref(B)
                          ans =
                             1.00000000000000000
                                                 1.00000000000000000
                                                                 0 1.000000000000000 -4.33333333333
                          >> format short
```

Figure 2: Рис.2: Метод Гаусса

· Выделим из расширенной матрицы В матрицу А и вектор b. После чего найдем вектор x из уравнения Ax=b с помощью левого деления

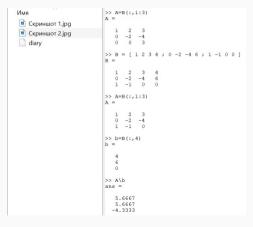


Figure 3: Рис.3: Левое деление

 $\cdot$  Реализуем LU-разложение матрицы и найдем вектор x

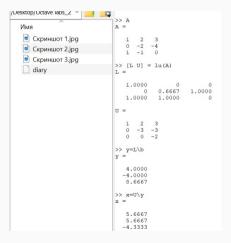


Figure 4: Рис.4: LU-разложение

· Реализуем LUP-разложение матрицы

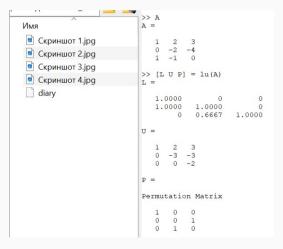


Figure 5: Рис.5: LUP-разложение

#### Вывод

• В ходе выполнения данной лабораторной работы я изучила встроенные в Octave алгоритмы, необходимые для решения систем линейных уравнений.