Примеры

Пример 1. Вычислить

$$\iint\limits_{(\sigma)} \bigl(x^2+y^2+3z^2\bigr)d\sigma \ ,$$

где σ - конечная часть поверхности

$$z = \sqrt{x^2 + y^2}$$

отсеченная плоскостями z=0, z=1.

Пример 2. Вычислить

$$\iint_{(\sigma)} z(x+y) \, d\sigma$$

где σ - часть поверхности

$$z = \sqrt{9 - x^2}$$

отсеченная плоскостями у=0, у=2.

Пример 3. Вычислить

$$\iint_{(\sigma)} \left(7y^2 - 3x^2 - 3z^2 \right) d\sigma$$

где σ - часть поверхности

$$y = \sqrt{x^2 + z^2}$$

вырезанная цилиндром

$$x^2 + z^2 = 2x$$

Пример 4. Вычислить

$$\iint\limits_{(\sigma)} \left\{ x + y^2 + z^2 - \frac{3}{2} \right\} d\sigma$$

где σ - часть поверхности

$$x = 2 - \frac{y^2}{2} - \frac{z^2}{2}$$

отсеченная плоскостью х=0.

Пример 5**. Вычислить

$$\iint_{(\sigma)} \left(\frac{x^2}{a} + \frac{2y^2}{a} + z + b \right) d\sigma$$

где σ - часть поверхности

$$z = \frac{x^2}{2a} - \frac{y^2}{2a} \left(a > 0 \right)$$

вырезанная цилиндром $(x^2 + y^2)^2 = a^2(x^2 - y^2)$.

Примеры 6-8: Демидович 2297; 2299; 2302**

Задачи ** повышнной сложности