Резюме

Элементарными рациональными дробями называют $\frac{A}{(x-a)^k}$ и $\frac{Bx+C}{(x^2+bx+c)^k}$, где

A, B, C, a, b, c – вещественные числа, причем $b^2 - 4c < 0$, а k – натуральное число.

Любую правильную рациональную алгебраическую дробь $\frac{Q_{\scriptscriptstyle m}(x)}{P_{\scriptscriptstyle n}(x)}$, где $P_{\scriptscriptstyle n}(x)$ и $Q_{\scriptscriptstyle m}(x)$

— алгебраические многочлены с вещественными коэффициентами, причем степень m многочлена $Q_m(x)$ меньше степени n многочлена $P_n(x)$, можно разложить в сумму элементарных рациональных дробей.

Контрольные вопросы к главе 3

- 1. Что называют рациональной алгебраической дробью? Приведите примеры.
- 2. Какую рациональную дробь называют правильной? неправильной? Дробь $\frac{z^5}{z^4 + 5z^2 + 4}$ представьте в виде суммы алгебраического многочлена и правильной дроби.
- 3. Какие дроби называют элементарными рациональными алгебраическими дробями? Дробь $\frac{1}{x^3+1}$ разложите в сумму элементарных дробей.

Ответы на контрольные вопросы

2.
$$\frac{z^5}{z^4 + 5z^2 + 4} = z - \frac{5x^3 + 4z}{z^4 + 5z^2 + 4}$$
.

3.
$$\frac{1}{x^3+1} = \frac{1/3}{x+1} + \frac{-(1/3)x + 2/3}{x^2 - x + 1}$$
.