

gabriel cotyari Faria Oliveira - 20.14004 - Turma 95

1) $XY = Y^X$

$$\ln X^Y = \ln Y^X$$

$$Y \cdot \ln X = X \cdot \ln Y$$

2) $[Y \cdot \ln X]' = [X \cdot \ln Y]'$

$$Y' \cdot \ln X + Y \cdot \frac{1}{X} = X' \cdot \ln Y + X \cdot \frac{1}{Y}$$

$$Y' \cdot \ln X - \frac{X \cdot Y'}{Y} = \ln Y - \frac{Y}{X}$$

$$Y' \left(\ln X - \frac{X}{Y} \right) = \ln Y - \frac{Y}{X}$$

$$Y' = \frac{\ln Y - \frac{Y}{X}}{\ln X - \frac{X}{Y}}$$

3) Para $X=2$ e $Y=2$

$$Y' = \frac{\ln 2 - \frac{2}{2}}{\ln 2 - \frac{2}{2}}$$

$$\ln 2 - \frac{2}{2}$$

$$Y' = \frac{\ln 2 - 1}{\ln 2 - 1}$$

$Y' = 1$

Slope $m = 1$

Gabriel Catigoni Faria Oliveira - 20.1.4004 - Turma 95

(4) $y - y_1 = m(x - x_1)$

$y - 2 = 1 \cdot (x - 2)$

$y = x - 2 + 2$

Resposta: $y = x$

2) a) $y = \tan^{-1}(\sqrt[3]{x})$

Derivada $y' = \frac{1}{1 + (x^{\frac{1}{3}})^2} \cdot \frac{1}{3} x^{-\frac{2}{3}}$ $\frac{1}{3} - 1 = -\frac{2}{3}$

$y' = \frac{1}{1 + x^{\frac{2}{3}}} \cdot \frac{1}{3 x^{\frac{2}{3}}}$

$y' = \frac{1}{(1 + x^{\frac{2}{3}}) \cdot (3 x^{\frac{2}{3}})}$

$y' = \frac{1}{(1 + \sqrt[3]{x^2}) \cdot (3 \sqrt[3]{x^2})}$

(3) Número crítico
 $x = 0$

(5) $y = \tan^{-1} 0 \rightarrow \text{ou } y = 0$
 $y = 0$

$x = 0$

(4)

1	+	+
$3 \sqrt[3]{x^2}$	+	+
$1 + \sqrt[3]{x^2}$	+	+
TOTAL	+	+

Resposta:
Ponto crítico: $(0, 0)$
NEM de máxima
NEM de mínima



Gabriel Catipari Faria Oliveira - 20.1.400.4 - Turma 95

Domínio: $t > -1$ e $t > 1$

$$b) y = \ln(t+1) - \ln(t-1)$$

Derivada

$$① \rightarrow y' = \frac{1}{t+1} - \frac{1}{t-1}$$

$$y'' = \frac{t-1 - (t+1)}{(t+1) \cdot (t-1)}$$

$$y' = -2$$
$$\frac{1}{(t+1) \cdot (t-1)}$$

$$t = -1 \quad t = 1$$

② Número crítico

$$t = -1, t = 1$$

Como 1 e -1 não estão no domínio da função y , não existem pontos críticos

Domínio: \mathbb{R}

3) a) $y = e^{2x} - e^{-2x}$

Derivada 1) $y' = e^{2x} \cdot 2 - e^{-2x} \cdot -2$

$y' = 2e^{2x} + 2e^{-2x}$

Derivada 2) $y'' = 2(e^{2x} \cdot 2) + 2(e^{-2x} \cdot -2)$

$y'' = 4e^{2x} - 4e^{-2x}$

$y'' = 4e^{2x} - \frac{4}{e^{2x}}$

$y'' = \frac{4e^{2x} \cdot e^{2x} - 4}{e^{2x}}$

$y'' = \frac{4e^{4x} - 4}{e^{2x}}$

3) $y'' = 0 \therefore 4e^{4x} - 4 = 0$

$4e^{4x} = 4$

$e^{4x} = 1$

$x = 0$

4) ponto de inflexão $\rightarrow (0, 0) \rightarrow$ Resposta

$x = 0$

$y = e^{2 \cdot 0} - e^{-2 \cdot 0}$

$y = 1 - e^0$

$y = 1 - 1 \rightarrow y = 0$

2) $y = \frac{\sin \theta}{1 + \cos \theta}$

↳ Domínio: $x \neq \pi$

Derivada

① $y' = \frac{(1 + \cos \theta) \cdot \cos \theta - \sin \theta \cdot (-\sin \theta)}{(1 + \cos \theta)^2}$

$$y' = \frac{\cos \theta + (\cos^2 \theta + \sin^2 \theta)}{(1 + \cos \theta)^2}$$

$$y' = \frac{\cancel{\cos \theta} + 1}{(1 + \cancel{\cos \theta})^2}$$

$$y' = \frac{1}{1 + \cos \theta}$$

Derivada

②

$$y' = (1 + \cos \theta)^{-1}$$

$$y'' = -1 \cdot (1 + \cos \theta)^{-2} \cdot (-\sin \theta)$$

$$y'' = \frac{\sin \theta}{(1 + \cos \theta)^2}$$

③ $y'' = 0 \therefore \sin \theta = 0$

$\theta = 0$, $\theta = \pi$ e $\theta = 2\pi$

↳ Este fora do domínio da função

Gabriel Catyari Faria Oliveira - Ficha 95 - 20.1.400.4

④) Pontos de inflexão $\rightarrow (0,0) \text{ e } (2\pi,0)$

\hookrightarrow caso $\theta = 0$

$$y = \frac{\sin 0}{1 + \cos 0}$$

$$y = 0$$

\hookrightarrow caso $\theta = 2\pi$

$$y = \frac{\sin 2\pi}{1 + \cos 2\pi}$$

$$y = 0$$

4) $f(x) = \frac{2x+1}{\ln(1-e^x)}$

①) \hookrightarrow Domínio: $x < 0$

$$\ln(1-e^x) > 0$$

$$\log_e(1-e^x) > 0$$

$$e^0 = 1 - e^x$$

$$0 = -e^x$$

$$-e^x = 0$$

$$(e^x = 0) \rightarrow \emptyset$$

$$1 - e^x > 0$$

$$-e^x > -1 \quad | \cdot (-1)$$

$$e^x < 1$$

$$x < 0$$

- Assíntota horizontal

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x+1}{\ln(1-e^x)}$$

$\hookrightarrow x > 0 \rightarrow$ Fora do domínio da função

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x+1}{\ln(1-e^x)} \quad \frac{x(2x+1)}{(2x+1)}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x^2-1}{\ln(1-e^x) \cdot 2x+1}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4x^2-1}{\ln(1-e^x) \cdot 2x+1}$$

$$\frac{-\infty}{0} = \frac{-\infty}{0}$$

NÃO há assíntota horizontal

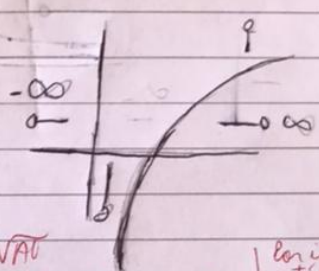
Análise da parte

$$x \rightarrow -\infty$$

$$2x+1 \rightarrow -\infty$$

$$1-e^x \rightarrow -\infty$$

$$\ln(1-e^x) \rightarrow x$$



NÃO existe logaritmo negativo } porque está fora do domínio

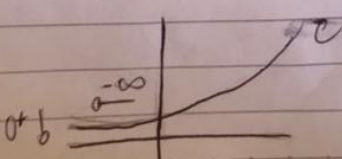
$$x \rightarrow -\infty$$

$$2x+1 \rightarrow -\infty$$

$$1-e^x \rightarrow 1$$

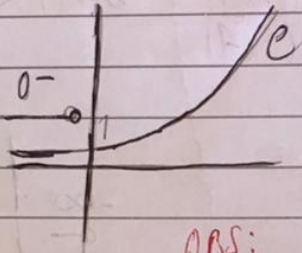
$$\ln(1-e^x) \rightarrow 0$$

$$\frac{-\infty}{0}$$



Assintota vertical

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{2x+1}{\ln(1-e^x)} = \text{?}$$



Análise do ponto

$$x \rightarrow 0^-$$

$$2x+1 \rightarrow 1$$

$$1 - e^x \rightarrow 0^+$$

$$\ln(1 - e^x) \rightarrow \text{?}$$

PBS:

há uma descontinuidade no 0, porém
não há uma assintota

NAO há assintota vertical