

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №2
по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»
Тема: Реализация и исследование алгоритма
разработки TimSort

Студент гр. 2384

Кузьминых Е.М

Преподаватель

Иванов Д.В.

Санкт-Петербург

2023

Цель работы.

Написать реализацию алгоритма TimSort на языке программирования Python.

Задачи.

Реализация

Имеется массив данных для сортировки `int arr[]` размера `n`.

Необходимо отсортировать его алгоритмом сортировки Timsort по следующему критерию: по наименьшему значению квадрата элемента (в случае равенства значений элементов в квадрате - сортировка происходит по убыванию).

Так как Timsort - это гибридный алгоритм, содержащий в себе сортировку слиянием и сортировку вставками, то вам предстоит использовать оба этих алгоритма. Поэтому нужно выводить разделённые блоки, которые уже отсортированы сортировкой вставками.

Исследование

После успешного решения задачи в рамках курса проведите исследование данной сортировки на различных размерах данных (10/1000/100000), сравнив полученные результаты с теоретической оценкой (для лучшего, среднего и худшего случаев), и разного размера `min_run`. Результаты исследования предоставьте в отчете.

Примечание:

Нельзя пользоваться готовыми библиотечными функциями для сортировки, нужно сделать реализацию сортировки вручную.

$$0 < n < 65$$

Обратите внимание на пример. (`min_run = 32`)

Выполнение работы.

Данный код реализует алгоритм TimSort, модификацию стабильного сортировочного алгоритма, объединяющего сортировку вставками и сортировку слиянием.

Функция `sorted_insertion(items, start, end)`:

Эта функция выполняет сортировку вставками на подмассиве `items[start:end+1]` основного списка `items`. Она сортирует элементы так, чтобы их квадраты были упорядочены в возрастающем порядке. Сначала функция определяет "ключевой" элемент `key_item`, а затем сравнивает его со всеми предыдущими элементами. Если квадрат ключевого элемента меньше квадрата сравниваемого элемента, или если квадраты равны, но ключевой элемент больше, тогда она "сдвигает" сравниваемые элементы к концу списка до тех пор, пока не найдет подходящее место для `key_item` (или не достигнет начала списка).

Функция `combine_parts(arr, left, middle, right)`:

Эта функция реализует слияние двух подмассивов `arr[left:middle+1]` и `arr[middle+1:right+1]` в один отсортированный подмассив, применяя аналогичное сравнение, как и `sorted_insertion`. Выбирается один элемент из каждого подмассива и сравниваются их квадраты. Меньший (или больший при равных квадратах) элемент добавляется во временный массив `temp_result`, а указатель на выбранный подмассив увеличивается на 1. Эта операция повторяется до тех пор, пока оба подмассива не будут полностью обработаны. После этого содержимое `temp_result` копируется обратно в `arr`. 3.

Функция `run_tim_sort(items)`:

Эта функция осуществляет реализацию алгоритма TimSort на входном списке `items`. Он начинается с создания отсортированных

сегментов фиксированного размера (32 элемента), используя функцию `sorted_insertion`, и выводит обработанные части на экран. Затем он объединяет эти сегменты вдвое большим размером с помощью функции `combine_parts`. Процесс повторяется до тех пор, пока весь список не станет отсортированным.

После программа запрашивает у пользователя число элементов и список этих элементов, которые необходимо сортировать, и запускает на нем функцию `run_tim_sort`. После завершения сортировки выводится отсортированный список.

Исследование работы алгоритма TimSort:

В ходе исследования была замерена скорость работы алгоритма TimSort с разными значениями `min_run`.

| | | | |
|--------------------------------------|--------|--------------------------|------------------------|
| Знач.min_run/ Кол-во элементов | 1 0 | 1000 | 100000 |
| 4 | 0 | 0.01060891151428 2227 | 2.043012380599 9756 |
| 8 | 0 | 0.01239681243896 4844 | 1.923778533935 5469 |
| 16 | 0 | 0.01124691963195 8008 | 1.972072601318 3594 |
| 32 | 0 | 0.01110243797302 2461 | 2.029382944107 0557 |
| 64 | 0 | 0.01451301574707 0312 | 2.497995615005 493 |

Таблица 1 – время сортировки массивов

Тестирование.

В ходе написания лабораторной работы для тестирования был создан файл *tests.py* с функциями, проверяющими работоспособность программы. Тесты проводились с помощью *pytest*.

| № | Входные данные | Выходные данные | Комментарий |
|---|--|--------------------------------|--------------|
| 1 | <pre>def test_short_array(): array = [0,-1,1] run_tim_sort(array) assert array==[0,1,-1]</pre> | <pre>[0,1,-1]== [0,1,-1]</pre> | Ответ верный |
| 2 | <pre>def test_len(x = 1000): array = [] for i in range(x): array.append(random.randint(-100,100)) run_tim_sort(array) assert len(array) == x</pre> | <pre>1000==1000</pre> | Ответ верный |

Вывод.

В ходе выполнения лабораторной работы был реализован алгоритм сортировки TimSort. Произведен анализ скорости сортировки алгоритма в зависимости от размера значения `min_run`, было произведено тестирование программы с помощью `pytest`.

Приложение А.

Исходный код программы.

Main.py

```
def combine_parts(arr, left, middle, right):

    pointers = [left, middle + 1]
    temp_result = []

    while pointers[0] <= middle and pointers[1] <= right:
        if arr[pointers[0]] ** 2 < arr[pointers[1]] ** 2 or (
            arr[pointers[0]] ** 2 == arr[pointers[1]] ** 2 and
arr[pointers[0]] > arr[pointers[1]]):
            temp_result.append(arr[pointers[0]])
            pointers[0] += 1
        else:
            temp_result.append(arr[pointers[1]])
            pointers[1] += 1

    while pointers[0] <= middle:
        temp_result.append(arr[pointers[0]])
        pointers[0] += 1

    while pointers[1] <= right:
        temp_result.append(arr[pointers[1]])
        pointers[1] += 1

    for i, item in enumerate(temp_result):
        arr[left + i] = item

def sorted_insertion(items, start, end):

    for pos in range(start + 1, end + 1):
        key_item = items[pos]
        j = pos - 1
        while j >= start and (
            key_item ** 2 < items[j] ** 2 or (key_item ** 2 == items[j] **
2 and key_item > items[j])):
            items[j + 1] = items[j]
            j -= 1
        items[j + 1] = key_item

def run_tim_sort(items):

    n = len(items)
    min_run = 32

    for start in range(0, n, min_run):
        end = min(start + min_run - 1, n - 1)
        sorted_insertion(items, start, end)
    print(f"Part {start // min_run}: {' '.join(map(str, items[start:end +
1]))}")
```

```

size = min_run
while size < n:
    for start in range(0, n, 2 * size):
        mid = min(n - 1, start + size - 1)
        end = min(n - 1, start + 2 * size - 1)

        if mid < end:
            combine_parts(items, start, mid, end)
    size *= 2

if __name__ == '__main__':
    items_amount = int(input())
    items = list(map(int, input().split()))

    run_tim_sort(items)
    print(f"Answer: {' '.join(map(str, items))}")

```

Tests.py

```

import random
from main import run_tim_sort

def test_from_moevm():
    array = [-4, 7, 5, 3, 5, -4, 2, -1, -9, -8, -3, 0, 9, -7, -
4, -10, -4, 2, 6, 1, -2, -3, -1, -8, 0, -8, -7, -3, 5, -1, -8,
-8, 8, -1, -3, 3, 6, 1, -8, -1, 3, -9, 9, -6]
    run_tim_sort(array)
    assert array == [0, 0, 1, 1, -1, -1, -1, -1, -1, 2, 2, -2,
3, 3, 3, -3, -3, -3, -3, -4, -4, -4, -4, 5, 5, 5, 6, 6, -6, 7,
-7, -7, 8, -8, -8, -8, -8, -8, -8, -8, 9, 9, -9, -9, -10]

def test_short_array():
    array = [0, -1, 1]
    run_tim_sort(array)
    assert array == [0, 1, -1]

def test_len(x = 1000):
    array = []
    for i in range(x):
        array.append(random.randint(-100, 100))

    run_tim_sort(array)

    assert len(array) == x

```