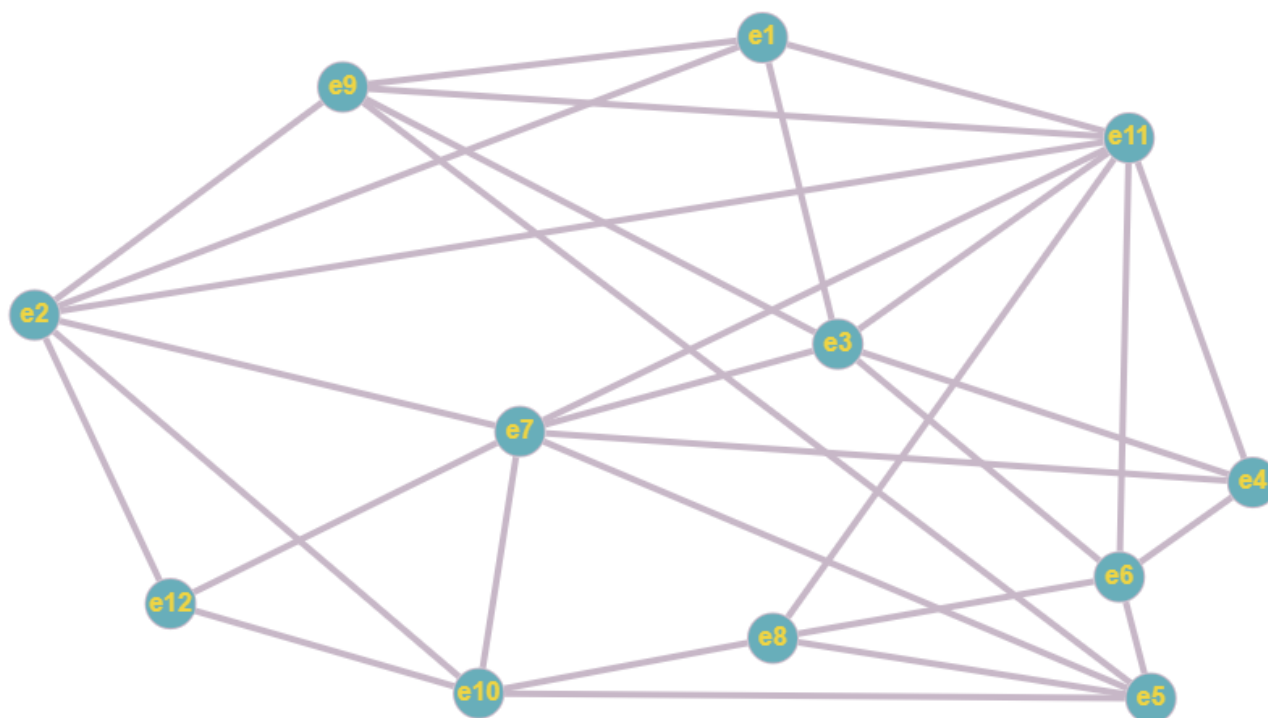


v/v	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	1	2						5		2	
e2	1	0					1		2	4	2	1
e3	2		0	4		4	1		3		5	
e4			4	0		4	4				2	
e5					0	2	4	4	4	4		
e6			4	4	2	0		1			5	
e7		1	1	4	4		0			1	1	4
e8					4	1		0		3	5	
e9	5	2	3		4				0		3	
e10		4			4		1	3		0		4
e11	2	2	5	2		5	1	5	3		0	
e12		1					4			4		0

Приняты следующие допущения:

1. Граф имеет Гамильтонов цикл
2. Два ребра пересекаются только один раз
3. Ребра, инцидентные одной вершине, не пересекаются
4. Ребра графа не пересекают ребер гамильтонова цикла
5. Ребра вершины x_j могут пересекать ребра вершины x_i при условии, что $j > i$

Искомый граф:



Нахождение гамильтонова цикла

Для нахождения гамильтонова цикла была написана программа на языке Java.

Программа находит все гамильтоновы циклы и кольца в графе от первой вершины.

Найдем Гамильтоновы циклы для данного графа

['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x6', 'x8', 'x11', 'x4', 'x3', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x4', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x6', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x6', 'x3', 'x4', 'x11', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x6', 'x4', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3', 'x9', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x6', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3', 'x11', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x6', 'x8', 'x5', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x6', 'x4', 'x11', 'x3', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x6', 'x4', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x6', 'x4', 'x11', 'x9', 'x3']	['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x6', 'x4', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x6', 'x11', 'x4', 'x3', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x3', 'x4', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x11', 'x4', 'x6', 'x3', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x4', 'x3', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x11', 'x6', 'x4', 'x3', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x4', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x9', 'x3', 'x4', 'x6', 'x8', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x4', 'x11', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x9', 'x11', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x3', 'x4', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x6', 'x3', 'x4', 'x11', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x3', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x6', 'x4', 'x3', 'x9', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x11', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x6', 'x4', 'x3', 'x11', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x11', 'x4', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x6', 'x4', 'x11', 'x3', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x6', 'x11', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x6', 'x4', 'x11', 'x9', 'x3']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x6', 'x3', 'x4', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x6', 'x11', 'x4', 'x3', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x9', 'x3', 'x4', 'x6', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x6', 'x4', 'x11', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x9', 'x3', 'x6', 'x4', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x6', 'x11', 'x4', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x9', 'x11', 'x4', 'x6', 'x3']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11', 'x4', 'x6', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x5', 'x9', 'x11', 'x6', 'x4', 'x3']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11', 'x6', 'x4', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x6', 'x5', 'x9', 'x3', 'x4', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x3', 'x4', 'x6', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x6', 'x5', 'x9', 'x11', 'x4', 'x3']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x3', 'x6', 'x4', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11', 'x3', 'x4', 'x6', 'x5', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x3', 'x6', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11', 'x4', 'x3', 'x6', 'x5', 'x9']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x6', 'x3', 'x11']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11', 'x4', 'x6', 'x5', 'x9', 'x3']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x6', 'x11', 'x3']
['x1', 'x2', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11', 'x9', 'x5', 'x6', 'x4', 'x3']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x11', 'x6', 'x3']
['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x4', 'x6', 'x5', 'x7', 'x12', 'x10', 'x8', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x11', 'x4', 'x6', 'x3']
['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x4', 'x6', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x7', 'x11', 'x6', 'x4', 'x3']
['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x4', 'x6', 'x8', 'x5', 'x10', 'x12', 'x7', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x10', 'x12', 'x7', 'x3', 'x4', 'x6', 'x8', 'x11']
['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x4', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x6', 'x8', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x3', 'x6', 'x8', 'x11']
['x1', 'x2', 'x9', 'x3', 'x4', 'x7', 'x12', 'x10', 'x5', 'x8', 'x6', 'x11']	['x1', 'x2', 'x9', 'x5', 'x10', 'x12', 'x7', 'x4', 'x6', 'x8', 'x11', 'x3']

['x1', 'x11', 'x9', 'x3', 'x4', 'x6', 'x8', 'x5', 'x10', 'x12', 'x7', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x3', 'x4', 'x6', 'x8', 'x10', 'x5', 'x7', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x3', 'x4', 'x7', 'x5', 'x6', 'x8', 'x10', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x3', 'x6', 'x4', 'x7', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x3', 'x7', 'x4', 'x6', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x3', 'x7', 'x4', 'x6', 'x8', 'x5', 'x10', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x6', 'x8', 'x10', 'x2', 'x12', 'x7', 'x4', 'x3']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x6', 'x8', 'x10', 'x12', 'x2', 'x7', 'x4', 'x3']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x7', 'x2', 'x12', 'x10', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x7', 'x3', 'x4', 'x6', 'x8', 'x10', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x7', 'x4', 'x3', 'x6', 'x8', 'x10', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x7', 'x12', 'x2', 'x10', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x8', 'x6', 'x3', 'x4', 'x7', 'x10', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x8', 'x6', 'x3', 'x4', 'x7', 'x12', 'x10', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3', 'x7', 'x10', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3', 'x7', 'x12', 'x10', 'x2']

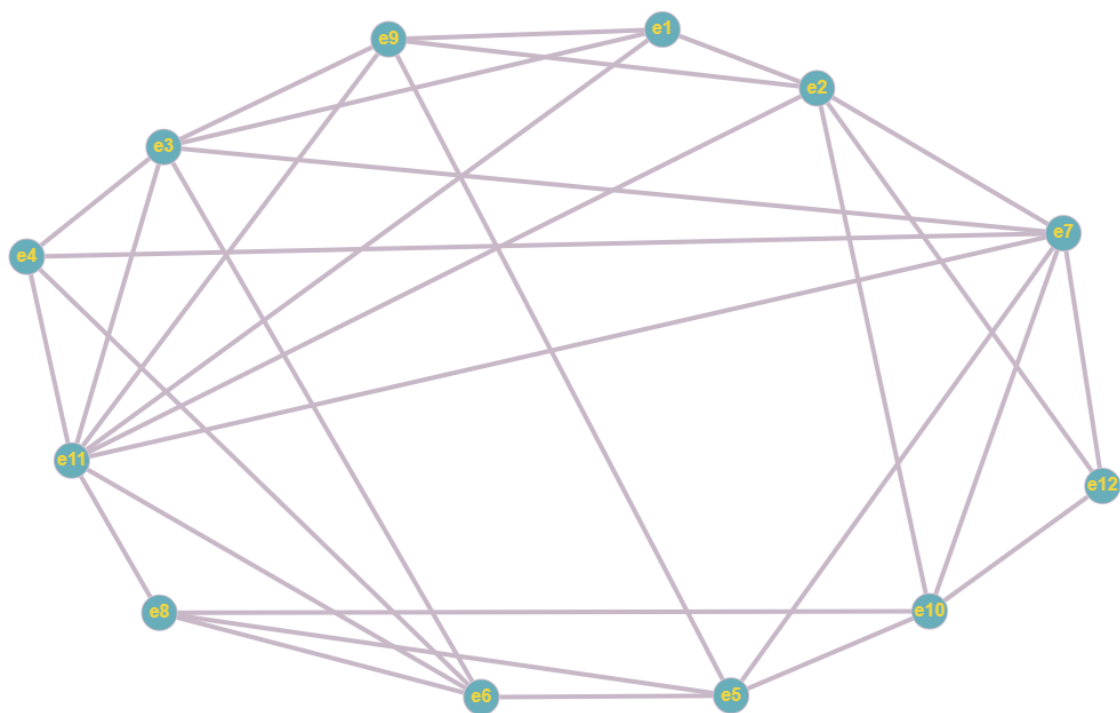
['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x2', 'x12', 'x7', 'x4', 'x6', 'x3']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x8', 'x10', 'x12', 'x2', 'x7', 'x4', 'x6', 'x3']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x10', 'x8', 'x6', 'x3', 'x4', 'x7', 'x12', 'x2']

['x1', 'x11', 'x9', 'x5', 'x10', 'x8', 'x6', 'x4', 'x3', 'x7', 'x12', 'x2']

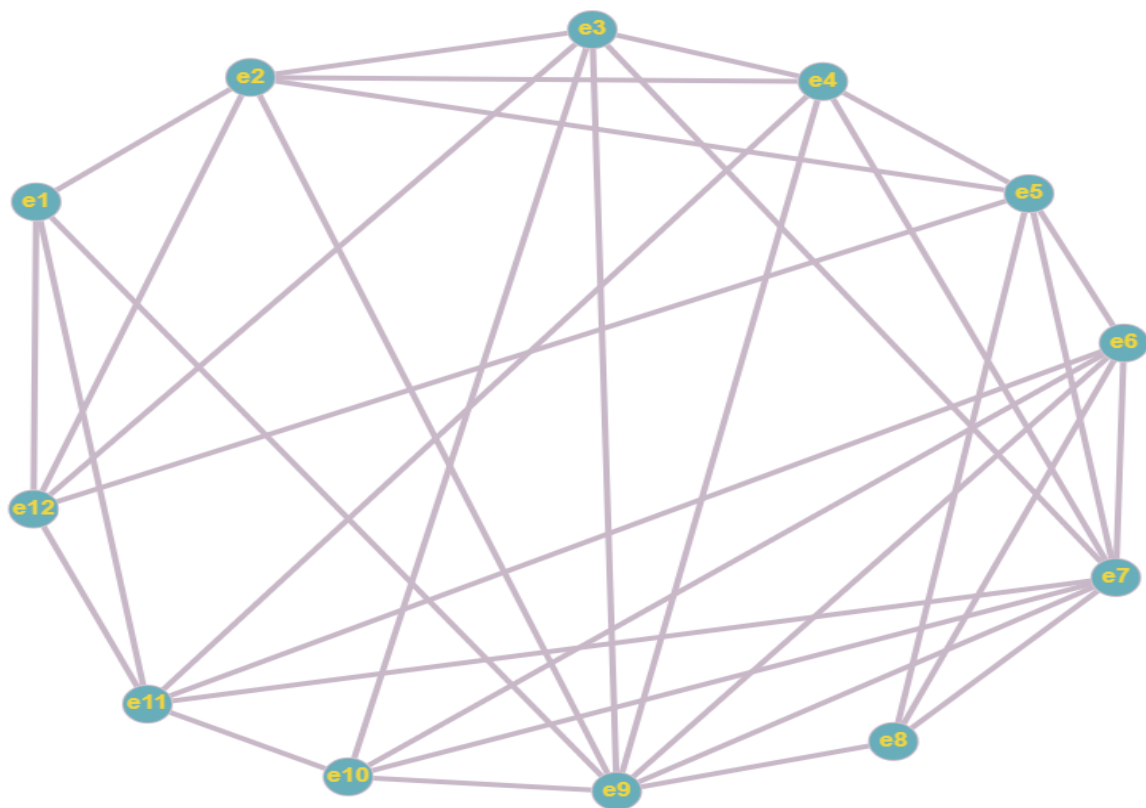
Искомый граф с гамильтоновым циклом:



Перенумеруем вершины графа таким образом, чтобы ребра гамильтонова цикла были внешними.

ДО	e1	e2	e7	e12	e10	e5	e6	e8	e11	e4	e3	e9
ПОСЛЕ	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12

[illegible]



Найдём p_2 :

Подматрица R2-12:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$$P_{2-12}=2$$

Подматрица R2-9:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1

e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{2,9}=0$

Подматрица R2-5:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

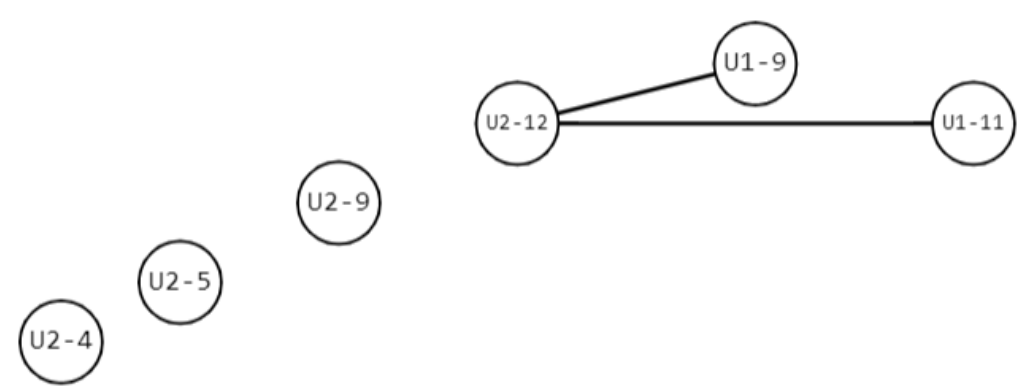
$P_{2,5}=0$

Подматрица R2-4:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{2,4}=0$

Получаем p2=2.



Найдём p3:

Подматрица R3-12:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

P3-12=5

Подматрица R3-10:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		

e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{3-10}=4$

Подматрица R3-9:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

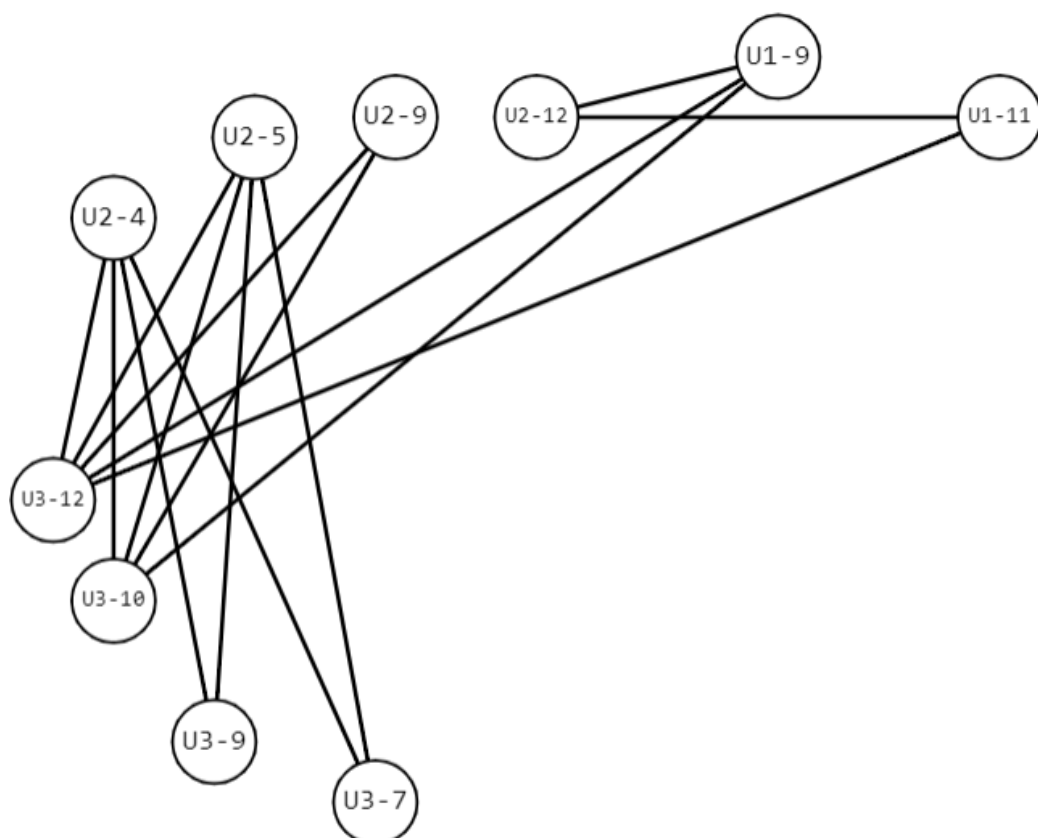
$P_{3-9}=2$

Подматрица R3-7:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{3-7}=2$

Получаем $p_3=13$.



Найдём p_4 :

Подматрица R_{4-11} :

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{4-11}=6$

Подматрица R_{4-9} :

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1

e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

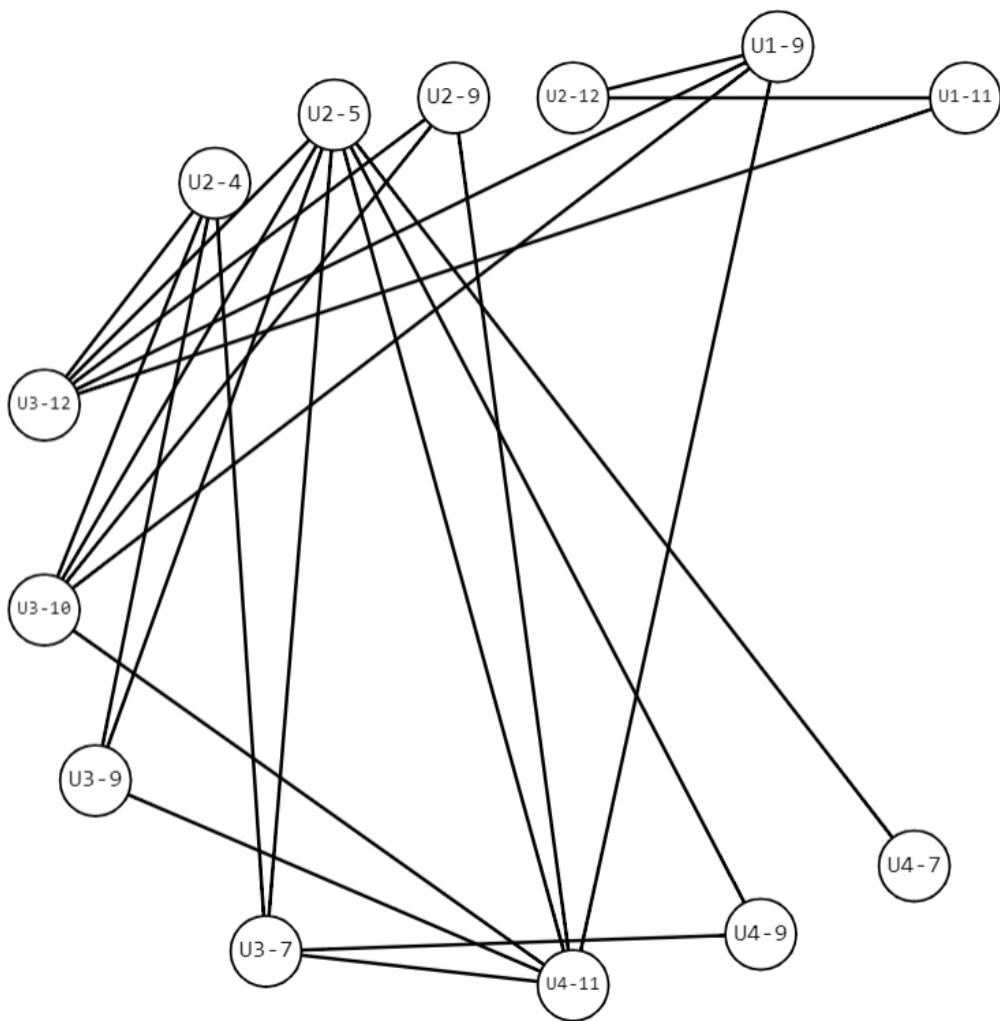
P4-9=2

Подматрица R4-7:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

P4-7=1

Получаем p4=9.



Найдём p_5 :

Подматрица R5-12:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{5-12}=9$

Подматрица R5-8:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

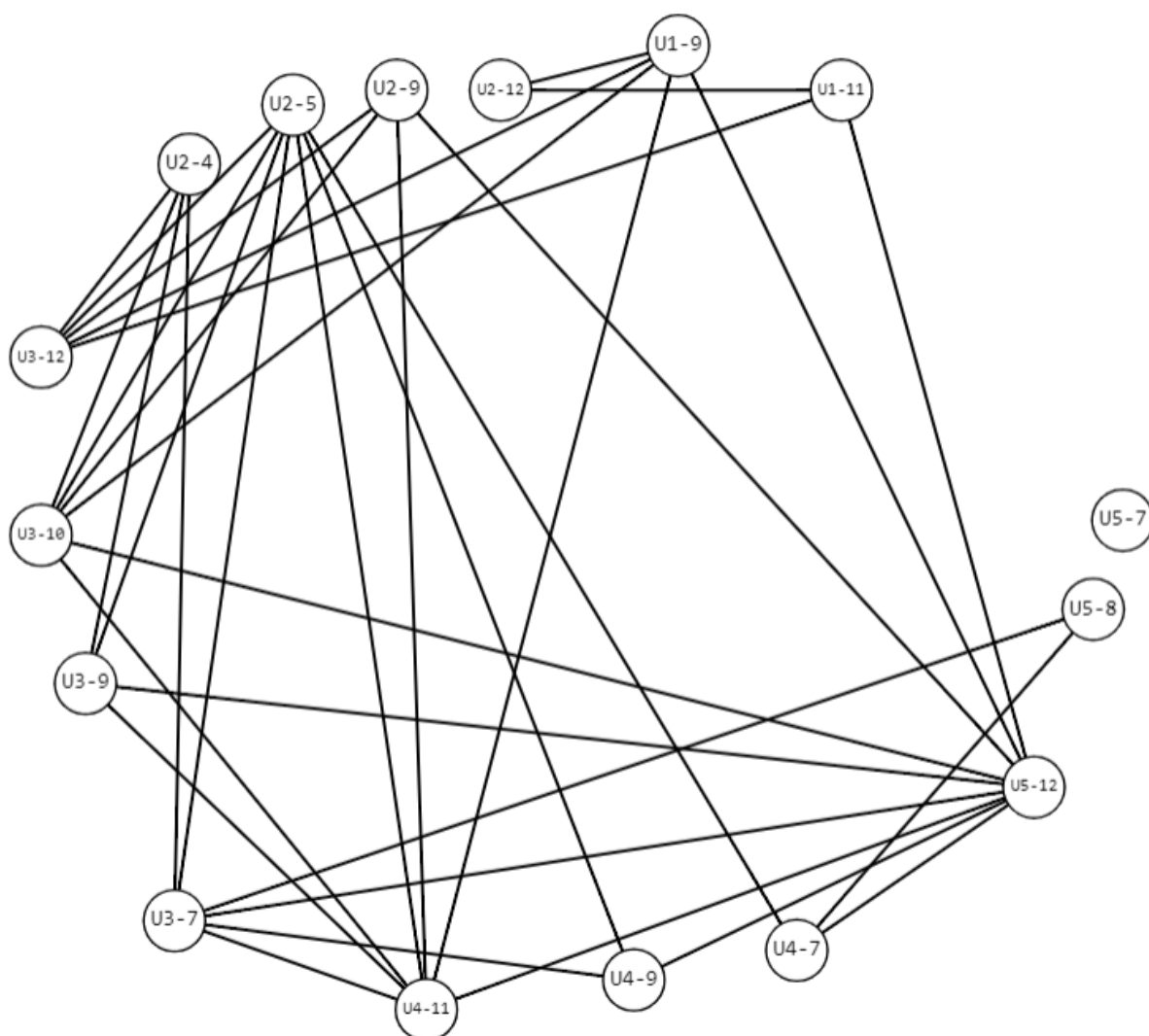
 $P_{5-8}=2$

Подматрица R5-7:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

 $P_{5-7}=0$

Получаем $p_5=11$.



Найдём r_6 :

Подматрица R6-11:

[illegible]

$P_{6-11}=9$

Подматрица R6-10:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{6-10}=8$

Подматрица R6-9:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{6-9}=4$

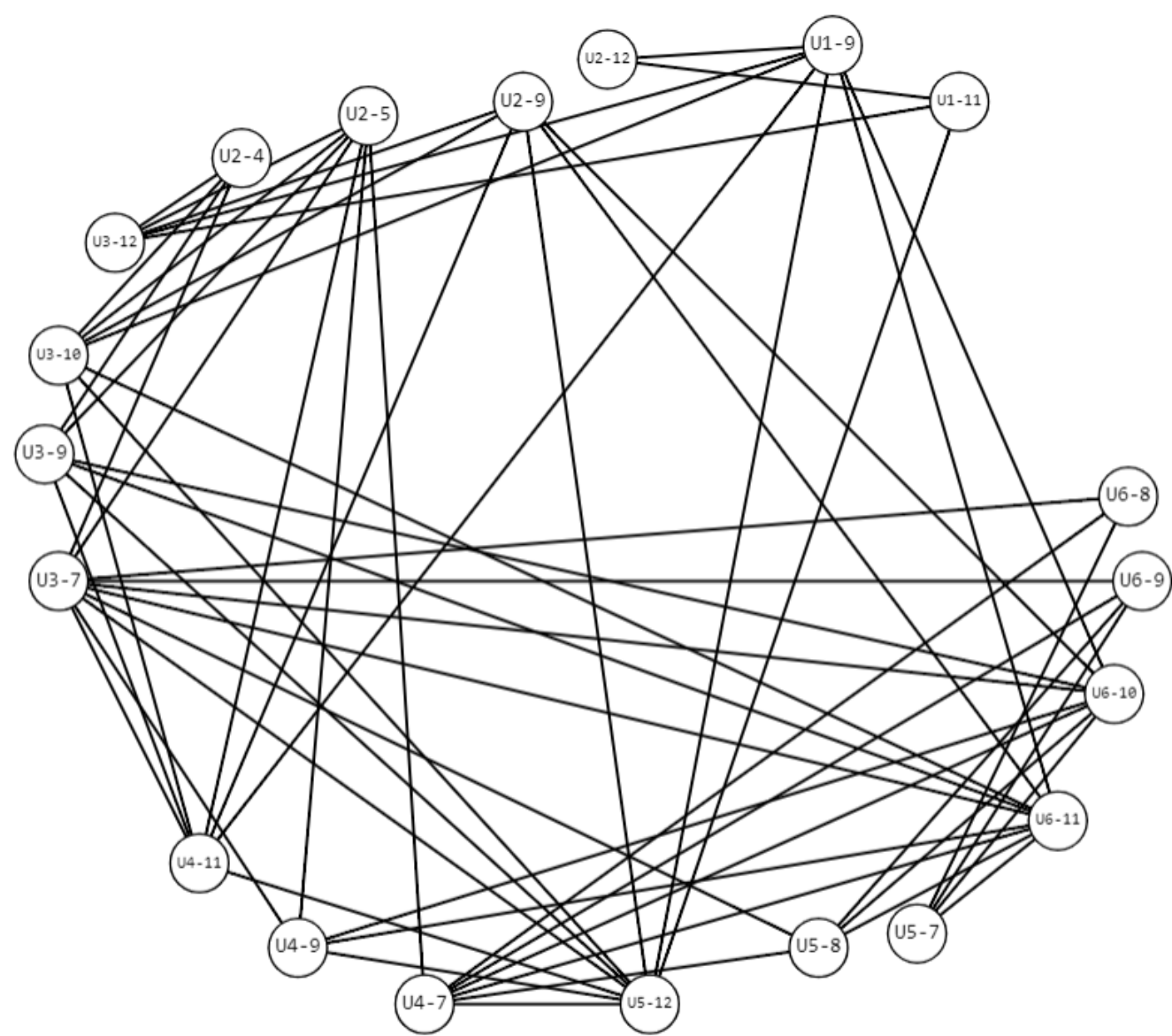
Подматрица R6-8:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	

e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

P₆₋₈=3

p6=24



Найдём p7:

Подматрица R7-11:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{7-11}=9$.

Подматрица R7-10:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			
e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

$P_{7-10}=7$.

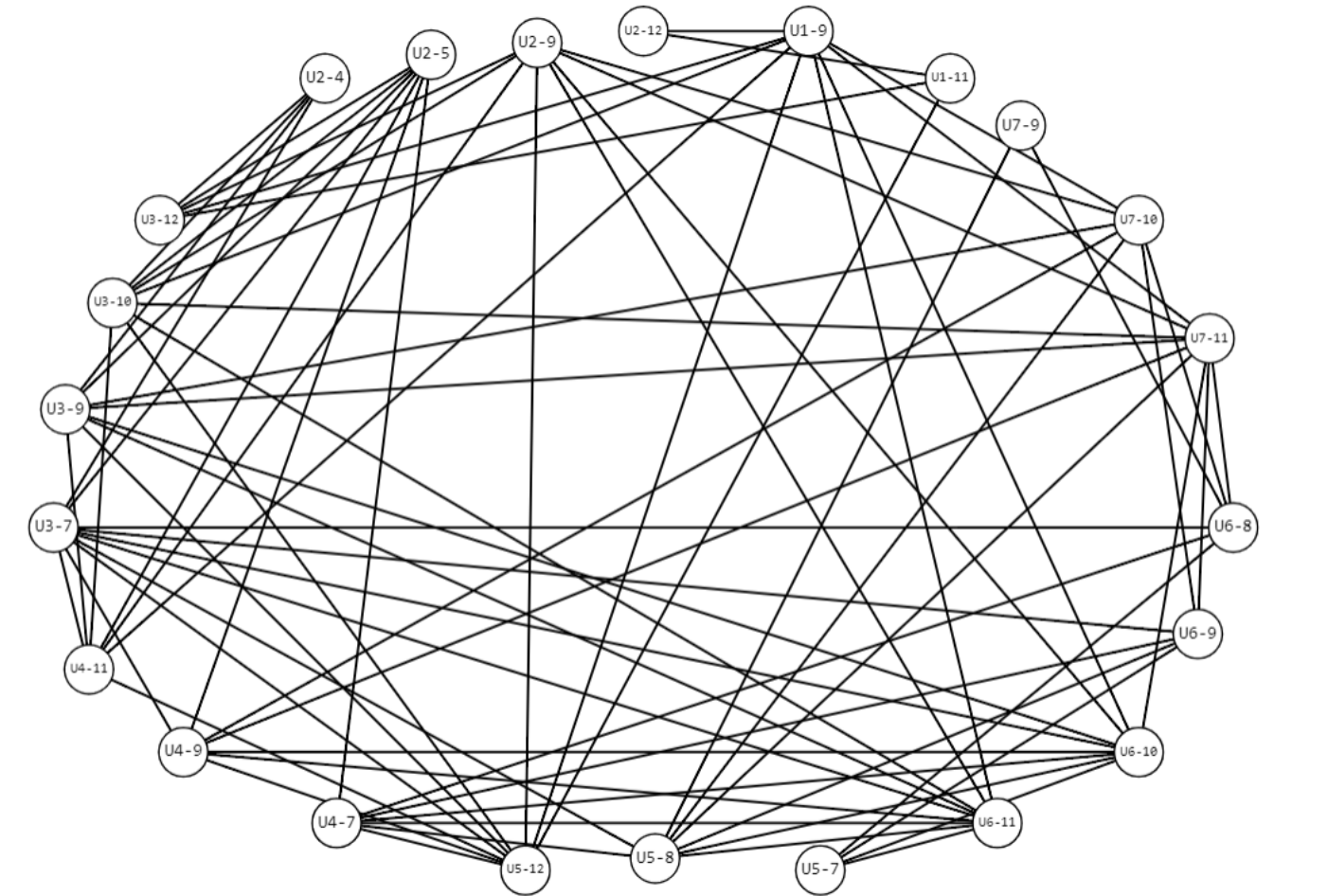
Подматрица R7-9:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12
e1	0	x							1		1	x
e2		0	x	1	1				1			1
e3			0	x			1		1	1		1
e4				0	x		1		1		1	
e5					0	x	1	1				1
e6						0	x	1	1	1	1	
e7							0	x	1	1	1	
e8								0	x			

e9									0	x		
e10										0	x	
e11											0	X
e12												0

P7.9=2.

p7=18.



Найдём p8:

p8=0

Найдём p9:

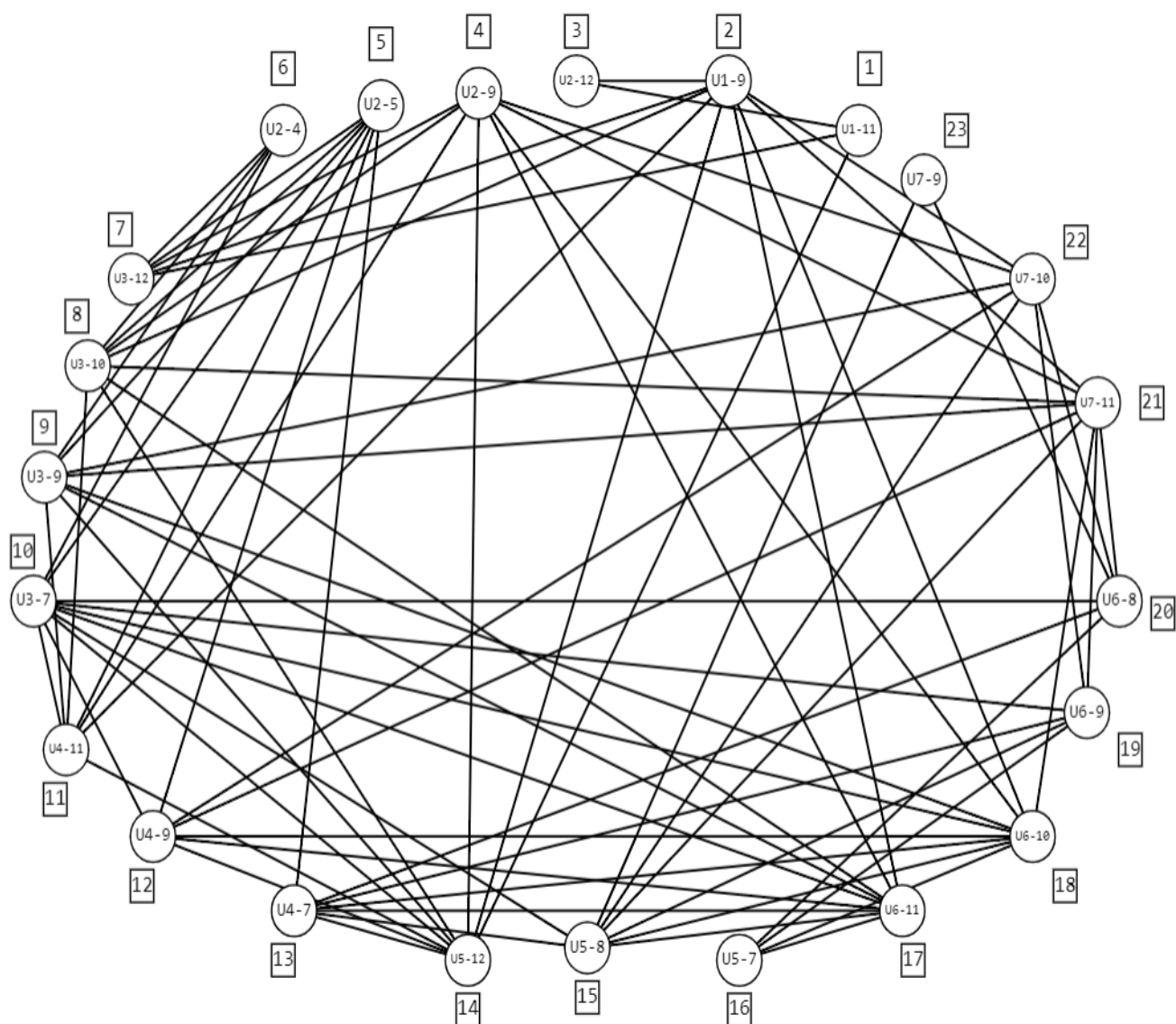
p9=0

Найдём p10:

p10=0

Итого:

V/V	e1	e2	e3	e4	e5	e6	e7	e8	e9	e10	e11	e12	Pi
e1	0	x							1		1	x	
e2		0	x	1	1				1			1	2
e3			0	x			1		1	1		1	13
e4				0	x		1		1		1		9

[illegible]

Граф пересечений G'

7	1	1		1	1	1	1																
8		1		1	1	1		1			1			1			1				1		
9					1	1			1		1			1			1	1			1	1	
10					1	1				1	1	1		1	1		1	1	1	1			
11		1		1	1			1	1	1	1			1									
12					1					1		1		1			1	1			1	1	
13					1								1	1	1		1	1	1	1			
14	1	1		1				1	1	1	1	1	1	1									
15										1			1		1		1	1	1		1	1	1
16																1	1	1	1	1			
17		1		1				1	1	1		1	1		1	1	1						
18		1		1					1	1		1	1		1	1		1			1		
19										1			1		1	1			1		1	1	
20										1			1			1				1	1	1	1
21		1		1				1	1			1			1			1	1	1	1		
22		1		1					1			1			1				1	1		1	
23															1					1			1

Для построения семейства максимальных внутренне устойчивых множеств была использована программа:

Находим семейство максимальных внутренне устойчивых множеств ΨG

В строке 1 находим семейства:

$\psi_1[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_5-8, u_5-7]$

$\psi_2[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_5-8, u_6-8]$

$\psi_3[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_5-7, u_7-9]$

$\psi_4[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_6-9, u_6-8]$

$\psi_5[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_6-9, u_7-9]$

$\psi_6[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$

$\psi_7[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_5-8, u_5-7]$

$\psi_8[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_5-8, u_6-8]$

$\psi_9[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_6-9, u_6-8]$

$\psi_{10}[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_6-9, u_7-9]$

$\psi_{11}[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_3-9, u_3-7, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$

$\psi_{12}[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$

$\psi_{13}[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_5-8, u_5-7]$

$\psi_{14}[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_5-8, u_6-8]$

$\psi_{15}[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_6-9, u_6-8]$

$\psi_{16}[u_1-11, u_1-9, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_6-9, u_7-9]$

$\psi_{17}[u_1-11, u_2-5, u_2-4, u_5-7, u_7-11, u_7-10, u_7-9]$

$\psi_{18}[u_1-11, u_2-5, u_2-4, u_6-11, u_6-10, u_6-9, u_6-8]$

$\psi_{19}[u_1-11, u_2-5, u_2-4, u_6-11, u_6-10, u_6-9, u_7-9]$

$\psi_{20}[u_1-11, u_2-5, u_2-4, u_6-11, u_6-10, u_7-10, u_7-9]$

$\psi_{21}[u_1-11, u_2-5, u_2-4, u_6-11, u_7-11, u_7-10, u_7-9]$

$\psi_{22}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_4-9, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$

$\psi_{23}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_4-9, u_5-8, u_5-7]$

$\psi_{24}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_4-9, u_5-8, u_6-8]$
 $\psi_{25}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_4-9, u_6-9, u_6-8]$
 $\psi_{26}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_4-9, u_6-9, u_7-9]$
 $\psi_{27}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_4-7, u_5-7, u_7-11, u_7-10, u_7-9]$
 $\psi_{28}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_6-11, u_6-10, u_6-9, u_6-8]$
 $\psi_{29}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_6-11, u_6-10, u_6-9, u_7-9]$
 $\psi_{30}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_6-11, u_6-10, u_7-10, u_7-9]$
 $\psi_{31}[u_1-11, u_2-4, u_4-11, u_6-11, u_7-11, u_7-10, u_7-9]$
 $\psi_{32}[u_1-11, u_3-10, u_3-9, u_3-7, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$
 $\psi_{33}[u_1-11, u_3-10, u_3-9, u_4-9, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$
 $\psi_{34}[u_1-11, u_3-10, u_3-9, u_4-9, u_5-8, u_5-7]$
 $\psi_{35}[u_1-11, u_3-10, u_3-9, u_4-9, u_5-8, u_6-8]$
 $\psi_{36}[u_1-11, u_3-10, u_3-9, u_4-9, u_6-9, u_6-8]$
 $\psi_{37}[u_1-11, u_3-10, u_3-9, u_4-9, u_6-9, u_7-9]$
 $\psi_{38}[u_1-11, u_3-10, u_3-7, u_4-7, u_5-7, u_7-10, u_7-9]$
 $\psi_{39}[u_1-11, u_3-10, u_6-10, u_6-9, u_6-8]$
 $\psi_{40}[u_1-11, u_3-10, u_6-10, u_6-9, u_7-9]$
 $\psi_{41}[u_1-11, u_3-10, u_6-10, u_7-10, u_7-9]$
 $\psi_{42}[u_1-11, u_3-7, u_4-7, u_5-7, u_7-11, u_7-10, u_7-9]$

В строке 3 находим семейства:

$\psi_{43}[u_2-12, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_5-8, u_5-7]$
 $\psi_{44}[u_2-12, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_5-8, u_6-8]$
 $\psi_{45}[u_2-12, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_5-7, u_7-9]$
 $\psi_{46}[u_2-12, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_6-9, u_6-8]$
 $\psi_{47}[u_2-12, u_2-9, u_2-5, u_2-4, u_6-9, u_7-9]$
 $\psi_{48}[u_2-12, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$
 $\psi_{49}[u_2-12, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_5-8, u_5-7]$
 $\psi_{50}[u_2-12, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_5-8, u_6-8]$
 $\psi_{51}[u_2-12, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_6-9, u_6-8]$
 $\psi_{52}[u_2-12, u_2-9, u_2-4, u_4-9, u_6-9, u_7-9]$
 $\psi_{53}[u_2-12, u_2-9, u_3-9, u_3-7, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$
 $\psi_{54}[u_2-12, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_4-7, u_5-7, u_7-9]$
 $\psi_{55}[u_2-12, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_5-8, u_5-7]$
 $\psi_{56}[u_2-12, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_5-8, u_6-8]$
 $\psi_{57}[u_2-12, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_6-9, u_6-8]$
 $\psi_{58}[u_2-12, u_2-9, u_3-9, u_4-9, u_6-9, u_7-9]$

$\psi_{95}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{4-11}, u_{6-11}, u_{6-10}, u_{7-10}, u_{7-9}]$

$\psi_{96}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{4-11}, u_{6-11}, u_{7-11}, u_{7-10}, u_{7-9}]$

$\psi_{97}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{5-12}, u_{5-8}, u_{5-7}]$

$\psi_{98}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{5-12}, u_{5-8}, u_{6-8}]$

$\psi_{99}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{5-12}, u_{5-7}, u_{7-11}, u_{7-10}, u_{7-9}]$

$\psi_{100}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{5-12}, u_{6-11}, u_{6-10}, u_{6-9}, u_{6-8}]$

$\psi_{101}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{5-12}, u_{6-11}, u_{6-10}, u_{6-9}, u_{7-9}]$

$\psi_{102}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{5-12}, u_{6-11}, u_{6-10}, u_{7-10}, u_{7-9}]$

$\psi_{103}[u_{2-12}, u_{3-12}, u_{5-12}, u_{6-11}, u_{7-11}, u_{7-10}, u_{7-9}]$

Матрица длины объединения множеств.

Матрица длин объединения, к сожалению, не поместилась в Word, т.к. Word поддерживаем максимум таблицы 63 x 63. Таблица представлена в файле Matrix.xlsx

Максимальную длину дают две пары множеств ψ_{11} , ψ_{62} и ψ_{12} , ψ_{62} .

Возьмем множества $\psi_{11}[u_{1-11}, u_{1-9}, u_{2-9}, u_{3-9}, u_{3-7}, u_{4-7}, u_{5-7}, u_{7-9}]$ и $\psi_{62}[u_{2-12}, u_{2-5}, u_{2-4}, u_{5-12}, u_{6-11}, u_{6-10}, u_{6-9}, u_{6-8}]$

В суграфе H , содержащем максимальное число непересекающихся ребер, ребра, вошедшие в ψ_{11} , проводим внутри гамильтонова цикла, а в ψ_{62} – вне его.

ψ1 1[u3-10]

$\psi_{12}[u_3-10, u_4-9]$

$\psi_{13}[u_3-10, u_4-9, u_5-8]$

$\psi_{14}[u_3-10, u_7-10]$

$\psi_{15}[u_3-12, u_3-10]$

$\psi_{16}[u_3-12, u_3-10, u_4-9]$

$\psi_{17}[u_3-12, u_3-10, u_4-9, u_5-8]$

$\psi_{18}[u_3-12, u_3-10, u_7-10]$

$\psi_{19}[u_3-12, u_7-11, u_7-10]$

$\psi_{20}[u_3-12, u_4-11, u_4-9]$

$\psi_{21}[u_3-12, u_4-11, u_4-9, u_5-8]$

$\psi_{22}[u_3-12, u_4-11, u_7-11, u_7-10]$

$\psi_{23}[u_3-12, u_4-11]$

$\psi_{24}[u_3-12, u_4-11, u_7-10]$

$\psi_{25}[u_3-12, u_5-8]$

$\psi_{26}[u_3-12]$

$\psi_{27}[u_3-12, u_7-10]$

Составим матрицу A' :

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
1	0	2	2	3	2	3	3	4	2	3	2	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	5	3	4	2	2	3
2		0	2	3	2	2	3	4	2	3	2	2	3	3	3	3	4	4	4	3	4	5	3	4	3	2	3
3			0	4	3	3	3	5	3	4	3	3	3	4	4	4	4	5	5	4	4	6	4	5	3	3	4
4				0	2	4	5	3	3	3	3	4	5	3	4	5	6	4	3	5	6	4	4	4	4	3	3
5					0	3	4	3	2	2	2	3	4	2	3	4	5	3	3	4	5	4	3	3	3	2	2
6						0	3	4	2	3	3	3	4	4	4	4	5	5	5	3	4	5	3	4	4	3	4
7							0	5	3	4	4	4	4	5	5	5	5	6	6	4	4	6	4	5	4	4	5
8								0	3	3	4	5	6	4	5	6	7	5	4	5	6	4	4	4	5	4	4
9									0	2	2	3	4	3	3	4	5	4	4	3	4	4	2	3	3	2	3
10										0	3	4	5	3	4	5	6	4	4	4	5	4	3	3	4	3	3
11											0	2	3	2	2	3	4	3	4	4	5	5	3	4	3	2	3
12												0	3	3	3	3	4	4	5	4	5	6	4	5	4	3	4
13													0	4	4	4	4	5	6	5	5	7	5	6	4	4	5
14														0	3	4	5	3	4	5	6	5	4	4	4	3	3
15															0	3	4	3	4	4	5	5	3	4	3	2	3
16																0	4	4	5	4	5	6	4	5	4	3	4
17																	0	5	6	5	5	7	5	6	4	4	5
18																		0	4	5	6	5	4	4	4	3	3

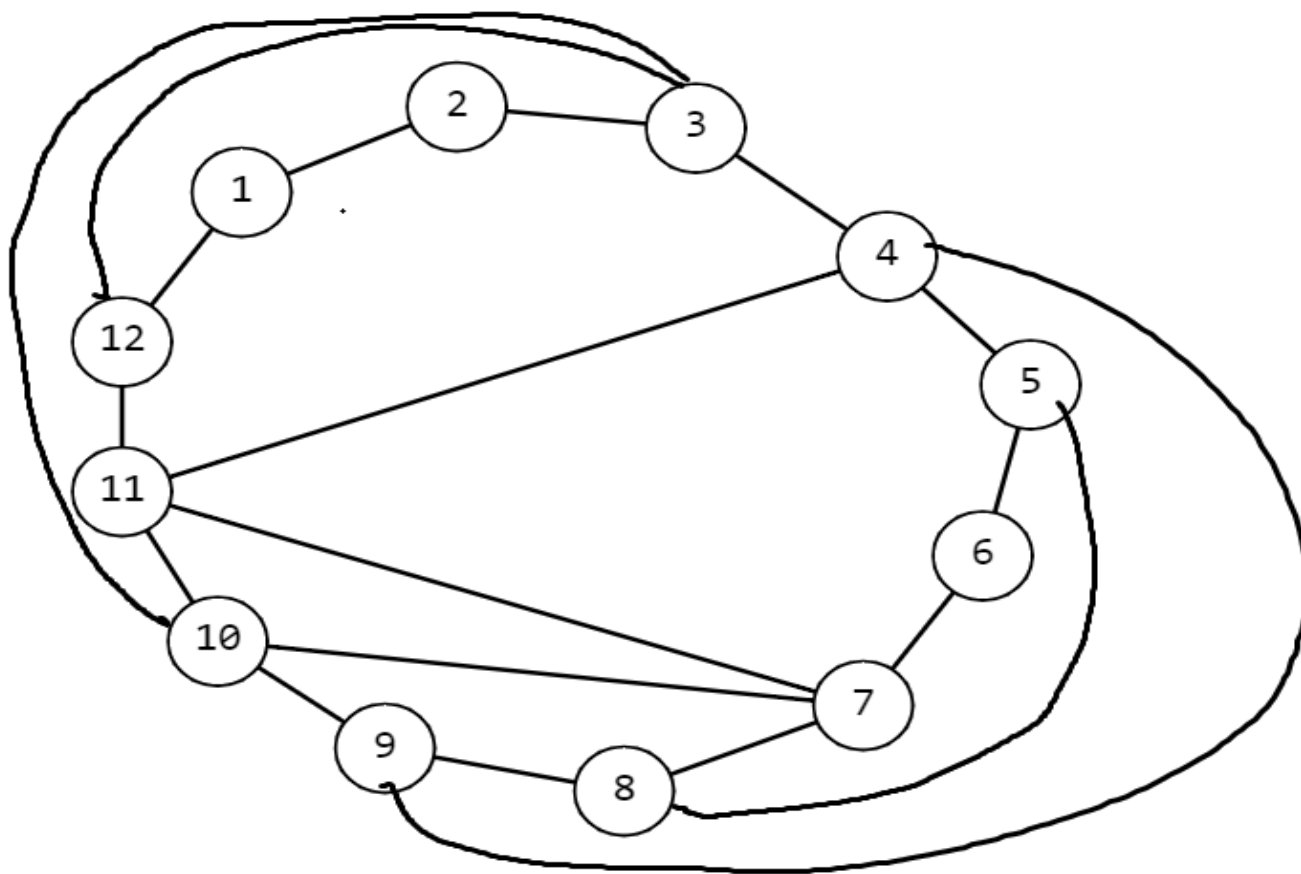
[illegible]

$\max \alpha_{\gamma\delta} = \alpha_{8-17} = \alpha_{13-22} = \alpha_{17-22} = 7$. Получаем 3 пар множеств.

Возьмём множества $\psi_8[u_4-11, u_7-11, u_7-10]$ и $\psi_{17}[u_3-12, u_3-10, u_4-9, u_5-8]$.

В суграфе H' ребра, вошедшие в ψ_8 , проводим внутри гамильтонова цикла, а в ψ_{17} – вне его:

Субграф H'



Все рёбра графа G реализованы. Толщина $m=2$.