

#### Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

| ФАКУЛЬТЕТ Информатика и Системы Управления                      |
|---|
| КАФЕДРА Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии |
|   |
| ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №1                                 |
| «ОБРАБОТКА БОЛЬШИХ ЧИСЕЛ»                                       |
|   |
| СтудентЧыонг Ван Хао  |
| фамилия, имя, отчество  |
| ГруппаИУ7И-31Б  |

**Цель работы:** реализация арифметических операций над числами, выходящими за разрядную сетку персонального компьютера, выбор необходимых типов данных для хранения и обработки указанных чисел.

# Описание условия задачи

Смоделировать операцию деления действительного числа на действительное исло в форме  $\pm$ m.n E  $\pm$ K, где суммарная длина мантиссы (m+n) - до 30 начащих цифр, а величина порядка K - до 5 цифр. Результат выдать в форме  $\pm$ 0.m1 E  $\pm$  K1, где m1 - до 30 значащих цифр, а K1 - до 5 цифр.

Если при делении чисел длина мантиссы стала больше 30 знаков, то необходимо произвести округление по следующему правилу: если 31-ая цифра больше или равна 5-ти, то число округляется по законам математики, иначе все последующие знаки отбрасываются.

## Техническое задание

#### Входные данные

Действительное число: строка, которая может состоять только из символов '+'/'-', '.', 'E' и цифр, в формате '±m[.n][E±k]', где m — целая часть числа, n — дробная часть числа, (m+n) — мантисса числа, k — порядок числа. Ввод знака перед числом обязателен. Длина мантиссы числа (m+n) меньше, либо равна 30 и больше 0. Длина порядка k меньше, либо равна 5 и больше 0. Если число вводится с дробной частью n, то ввод точки после целой части m, ввод символа 'E', ввод знака порядка обязательны.

#### Выходные данные

Действительное число: строка, которая может состоять только из символов '+'/'-', '.','Е' и цифр, в нормализованном формате '+-0.mE+/-k', где m — мантисса числа, k — порядок числа. Длина мантиссы числа m меньше, либо равна 30. Длина порядка числа k меньше, либо равна 5.

## Функция программы

Программа делит действительное число на действительное.

# Обращение к программе

Программа запускается из терминала командой «./app.exe» в директории с программой.

## Возможные аварийные ситуации и ошибки пользователя

1. Некорректный ввод: строка с действительным числом не содержит знака числа или первый символ не является знаком.

На выходе сообщение: «Первым символом действительного числа должен быть знак числа.»

2. Некорректный ввод: строка с действительным числом содержит не цифру в мантиссе.

На выходе сообщение: «Мантисса действительного числа должна состоять только из цифр.»

3. Некорректный ввод: строка с действительным числом содержит пробелы.

На выходе сообщение: «Не должно быть пробелов между символами.»

4. Неверная длина мантиссы действительного числа.

На выходе: корректное число, длина мантиссы которого превышает

30 цифр. На выходе сообщение: «Длина мантиссы действительного числа должна быть меньше, либо равна 30 и больше 0.»

На выходе: нет числа. На выходе сообщение: «Необходимо ввести действительное число.»

5. Некорректный ввод: строка с действительным числом не содержит знака порядка или он не является знаком.

На выходе сообщение: «Перед порядком действительного числа должен быть знак порядка.»

6. Некорректный ввод: строка с действительным числом содержит не цифру в порядке.

На выходе сообщение: «Порядок действительного числа должен состоять только из цифр.»

7. Неверная длина порядка действительного числа.

На выходе: корректное число, длина порядка которого превышает 5 цифр.

На выходе сообщение: «Длина порядка действительного числа должна быть меньше, либо равна 5 и больше 0.»

8. Переполнение порядка.

На входе: в процессе деления степень полученного в результате числа превышает 99999.

На выходе сообщение: «Переполнение порядка.»

9. Действительное число равно нулю.

На выходе сообщение: «Нельзя делить на 0.»

### Внутренняя структура данных

**Ввод:** Для ввода вещественного числа используется символ symbol и массив  $order[MAX\_LEN\_ORDER + 2]$ .

При помощи symbol и order поля структуры number сразу заполняются.

```
typedef struct
{
  char number_sign;
  char mantissa[MAX_LEN_MANTISSA + 2];
  int point_index;
  char order_sign;
  int order;
} number;
```

#### Поля структуры:

- $number\_sign$  знак числа. Принимает значения "+" или "-";
- $mantissa[MAX\_LEN\_MANTISSA + 2]$  значение мантиссы числа,

 $MAX\_LEN\_MANTISSA = 30$ , два дополнительных символа для знака и «0»;

- point\_index индекс точки в числе;
- *order\_sign* знак числа. Принимает значения "+" или "-";
- *int order* значение порядка числа.

В результате создаются переменный структурного типа real\_number.

**Деление:** алгоритм деления позволяет записать окончательный результат в переменную *number result\_number*.

**Вывод:** для вывода используется созданная на этапе деления переменная структурного типа number result number.

# Алгоритм

1. Программа считывает две строки символов и записывает полученные числа в переменные структурного типа number, одновременно проверяя на валидность.

```
int input number(number *real number);
```

2. Корректные числа преобразуются в нормализованный вид: удаляются ненужные нули, изменяется порядок числа в связи со сдвигом точки в начало числа

```
void normalize_number(number *one_number);
void add_zeros(number *one_number);
```

3. Выполняется деление первого числа на второе методом "деления в столбик", при этом контролируется округление, переполнение порядка числа и деление на ноль.

```
int compare_numbers(number *first_number, number *second_number);
int compare_zero(number *one_number);
void change_zero(number *one_number);
int subtraction(number *first_number, number *second_number);
```

int divide\_numbers(number \*first\_number, number \*second\_number, number
\*result\_number);

4. Корректный результат выводится на экран в нормализованном виде в соответствии со спецификацией, указанной в ТЗ.

void output\_number(number real\_number);

# Функции программы

#### void print\_conditions(void);

Описание: функция выводит назначение программы и условия ввода чисел.

Входные значения: -

Выходные значения: сообщения с информацией о назначении программы и правилах ввода чисел.

#### int input\_number(number \*real\_number);

Описание: функция считывает действительное число и записывает его в структуру *number real\_number*.

Входные значения: переменная структурного типа *number real\_number* для записи в нее числа.

Выходные значения: переменная структурного типа *number real\_number* с записанным в нее числом, код ошибки.

#### void normalize\_number(number \*one\_number);

Описание: функция нормализует мантиссу числа, записанную в *number one\_number*, изменяя порядок числа.

Входные значения: переменная структурного типа *number one\_number* с числом для нормализации.

Выходные значения: переменная структурного типа *number one\_numbe* с нормализованным числом.

#### void add\_zeros(number \*one\_number);

Описание: функция добавляет нуля в структуру *number*.

Входные значения: переменная структурного типа *number*.

Выходные значения: переменная структурного типа *number* с добавленными нулями.

#### int compare\_numbers(number \*first\_number, number \*second\_number);

Описание: функция сравнивает целое действительное *number first\_number* и действительное число *number second\_number*.

Входные значения: переменные структурного типа *number first\_number*, *number second\_number*.

Выходные значения: код результата (1 — больше или равно, 0 — меньше). *int compare\_zero(number \*one\_number)*;

Описание: функция сравнивает число и 0.

Входные значения: переменная структурного типа *number*.

Выходные значения: код результата (1 — равны, 0 — различны).

#### void change\_zero(number \*one\_number);

Описание: функция меняет позицию нуля.

Входные значения: переменная структурного типа *number*.

Выходные значения: переменная структурного типа *number* с измененной позицией нуля.

#### int subtraction(number \*first\_number, number \*second\_number);

Описание: функция вычитает из действительное числа *number first\_number* действительное *number second\_number* и записывает результат в структуру действительное *number first\_number*.

Входные значения: переменные структурного типа *number first\_number*, *number second\_number*.

Выходные значения: переменная структурного типа *number first\_number* с результатом вычитания, код ошибки.

# int divide\_numbers(number \*int\_number, number \*real\_number, number \*result\_number);

Описание: делит действительное число *number first\_number* на действительное *number second\_number* и сохраняет результат в number result\_number.

Входные значения: переменные структурного типа *number first\_number*, *number second\_number*.

Выходные значения: переменная структурного типа *number result\_number* с результатом деления, код ошибки.

#### void output\_number(number real\_number);

Описание: функция печатает число из структуры *number real\_number*. Входные значения: переменная структурного типа *number real\_number*. Выходные значения: сообщение с результатом деления в нормализованном виде.

#### Тесты

| No | Случай              | Первое<br>число | Второе<br>число | Вывод   |
|----|---------------------|-----------------|-----------------|---|
| 1  | Отсутствие<br>знака | 12334564.1      | -               | Первым символом действительного числа должен быть знак числа. |

| 2  | В мантиссе числа недопустимые символы                | +12.3                                 | +1a                                  | Мантисса действительного числа должна состоять только из цифр.                   |
|----|--|---------------------------------------|--------------------------------------|--|
| 3  | В мантиссе числа введены пробелы                     | +12 3                                 | -                                    | Не должно быть пробелов между символами.   |
| 4  | Не введен знак<br>порядка                            | +12.3                                 | +12E5                                | Перед порядком действительного числа должен быть знак порядка.                   |
| 5  | В порядке действительного числа недопустимые символы | +12.3                                 | +78E-a                               | Порядок действительного числа должен состоять только из цифр.                    |
| 6  | Неверная длина мантиссы числа                        | -12399E+1<br>(31 цифра<br>в мантиссе) | -                                    | Длина мантиссы целого числа должна быть меньше, либо равна 30 и больше 0.        |
| 7  | Неверная длина мантиссы числа                        | +12.3                                 | +                                    | Необходимо ввести действительное число.  |
| 8  | Неверная длина<br>порядка                            | +12.3                                 | +123E+99<br>(6 цифра 9 в<br>порядке) | Длина порядка действительного числа должна быть меньше, либо равна 5 и больше 0. |
| 9  | Переполнение<br>порядка                              | +1E+99999                             | +10E+0                               | Переполнение<br>порядка.   |
| 10 | Делитель равно 0                                     | -123.5                                | +0                                   | Нельзя делить<br>на 0.   |

| 11 | Делимое равно 0          | +0                      | +123.5E+2 | +0.0E+0      |
|----|--------------------------|-------------------------|-----------|--------------|
| 12 | Деление одного<br>знака  | -56789.8E+3             | -0.2E+0   | +0.283949E+9 |
| 13 | Деление разных<br>знаков | +255.5E+5               | -0.5E+1   | -0.511E+7    |
| 14 | Округление               | +999<br>(30 цифра<br>9) | +2        | +0.5E+30     |

# Выводы

При написании лабораторной работы реализована функция деления вещественное числа на длинное вещественное, используя алгоритм деления «в столбик». Для ввода чисел использовался массив символов, для хранения, обработки и вывода чисел - переменные структурного типа.

# Контрольные вопросы

#### 1. Каков возможный диапазон чисел, представляемых в ПК?

Возможный диапазон чисел зависит от выбранного типа, разрядности процессора и памяти выделенной для хранения числа. Для беззнакового целого числа выделяется 64 двоичных разряда, его максимальное значение —  $2^{64}$  -1 = 18 446 744 073 709 551 615.

# 2. Какова возможная точность представления чисел, чем она определяется?

Точность представления вещественных чисел зависит от размера памяти, выделенной для хранения мантиссы. Для мантиссы числа типа *double* это значение равно 52 битам, поэтому мантисса числа может иметь значение до 4 503 599 627 370 496.

#### 3. Какие стандартные операции возможны над числами?

Числа возможно складывать, вычитать, умножать, делить, брать остаток от числа и сравнивать числа.

# 4. Какой тип данных может выбрать программист, если обрабатываемые числа превышают возможный диапазон представления чисел в ПК?

Программист может использовать массив чисел или символов, представляя числа в строку, или структуру, поля которой могут быть частями числа.

# 5. Как можно осуществить операции над числами, выходящими за рамки машинного представления?

Можно написать собственные функции, реализующие такие операции или использовать функции дополнительных библиотек.