

ให้หาทิศทางทำมุมที่มีจุดศูนย์กลาง 2 มิติ ให้เหลือ 1 มิติ โดยให้เขียนตาม Principal Component Analysis (PCA) กับจุดศูนย์กลางที่คำนวณได้นี้ต่อไป

โจทย์ปัญหา

กำหนดจุดข้อมูล 2 มิติ ซึ่งประกอบไปด้วยจุดข้อมูล 4 จุดดังนี้

จุดข้อมูล	X	Y
A	2	1
B	4	3
C	5	5
D	7	5

$$A(2,1), B(4,3), C(5,5), D(7,5)$$

$$mean = \bar{X}, \bar{Y} = (4.5, 3.5)$$

$$= \begin{bmatrix} 4.333 & 3.667 \\ 3.667 & 3.667 \end{bmatrix}$$

$$A = -3.5319$$

$$B = -0.7064$$

$$C = 1.3807$$

$$D = 2.8576$$

$$A = (-2.5, -2.5)$$

$$\lambda_1 \approx 7.6818$$

$$B = (-0.5, -0.5)$$

$$\lambda_2 \approx 0.3182$$

$$C = (0.5, 1.5)$$

$$U_1 \approx (0.738, 0.674)$$

$$D = (2.5, 1.5)$$

$$\bar{X} = \frac{(2+4+5+7)}{4} = 18/4 = 4.5$$

$$\bar{Y} = \frac{(1+3+5+5)}{4} = 14/4 = 3.5$$

$$S_{xx} = \frac{(-2.5)^2 + (-0.5)^2 + (0.5)^2 + (2.5)^2}{3} = \frac{13}{3} \approx 4.3333$$

$$S_{yy} = \frac{(-2.5)^2 + (-0.5)^2 + (-0.5)^2 + 1.5^2}{3} = \frac{11}{3} \approx 3.6667$$

$$S_{xy} = \frac{(-2.5)(-2.5) + (-0.5)(-0.5) + (0.5)(1.5) + (2.5)(1.5)}{3} = \frac{11}{3} \approx 3.6667$$