

Datenstrukturen

Mittwoch, 8. Februar 2023 06:19

Datenstrukturen	<ul style="list-style-type: none"> • Daten : -Welche Art von Daten habe ich? -Gibt es irgendwelche Besonderheiten in den Daten? • Operationen: -Was will ich mit den Daten anfangen? -Wie häufig nutze ich die einzelnen Operationen? • (Speichern): -Wie kann ich effizient (= platzsparend) speichern? • (Besondere Anforderungen): -Einfach verständlich für den Menschen -...
Naming (Bsp. Namensgebung)	<ul style="list-style-type: none"> • Daten: -Menge an Objekten • Operationen: -Auffinden des Objektes -Identitätsvergleich • Speichern: --- • Besondere Anforderungen: -Dauerhaftigkeit -Lokation kann wechseln -Verständlichkeit für den Menschen <p>-Einfache "Nummer"</p> <ul style="list-style-type: none"> -um Daten zu benennen, kann man ihnen einfach Nummer geben -Zentrale Auflösung des Namens haben --> Bsp: ORCID (Open Researcher and Contributor Identifier) -Bsp: orcid.org/0000-0002-0964-4457 <p>-Mehrere (hierarchische) "Nummern"</p> <ul style="list-style-type: none"> -Daten sind in Hierarchie geordnet / man führt Hierarchie ein --> Bsp: DOI (Digital Object Identifier) -Bsp: doi:10.1016/j.procir.2014.10.050 -nicht nur Nummern auch Text <p>-Namensgebung wenn es um Verständlichkeit für den Menschen geht --> URL -Bsp: http://fusion.cs.uni-jena.de/www.kit.edu</p> <ul style="list-style-type: none"> -Teil des URL ist der Host-/Rechnername -> Rechner braucht Nummern um zu verstehen, deswegen muss der Name (Link) aufgelöst werden in eine Nummer -> wird aufgelöst durch das System DNS
DNS (Namen Adressen)	<ul style="list-style-type: none"> • Domain Name Service <p>->Hierarchisch aufgebaut</p>
Zusammenfassung	<ul style="list-style-type: none"> • Daten: -geordnete Menge von Objekten / bestimmte Menge von Objekten • Operationen: -Auffinden anhand der Position -Einfügen neuer Objekte -Löschen bestehender Objekte aus der Liste -(Ändern bestehender Objekte)

Objekte speichern mit Arrays und Listen	<ul style="list-style-type: none"> • 1.Versuch: -> wir nehmen Felder, diese können sein: <ul style="list-style-type: none"> -es sind Arrays - sie haben eine feste Größe -Zugriff über Index -Ein- oder mehrdimensionale Arrays -Bsp: Bücher (Index 0-4) <ul style="list-style-type: none"> ->0 Passagier 21 ->1 Kinder der Freiheit ->2 Die Lebenden und die Toten ->3 Der Sohn ->4 Der Circle -Wie Speicherung der Felder? (Bsp: Speicher 0-7) <ul style="list-style-type: none"> ->im Speicher steht Array von oben (2-6), kontinuierlich ->es gibt Random Variable und zeigt auf Speicherzelle 2, mit ersten Element (Index 0) ->wenn man anderen Index haben will, dann ausrechnen
---	---

1. VERSUCH - BEWERTUNG

• Daten

- geordnete Menge von Objekten ✓

• Operationen

- Auffinden anhand der Position ✓
- Einfügen neuer Objekte ✓
- Löschen bestehender Objekte aus der Liste ✓

• Speicher

- effizient ✓

-> bei Einfügen und Löschen zu umständlich, weil man alles verschieben muss

• 2. Versuch: -> Verkettete Listen

-können beliebig lang

-Navigierender Zugriff, nicht durch anhand der Position

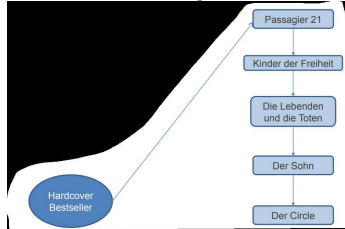
-Einfaches Einfügen und Löschen

-Bsp wie oben

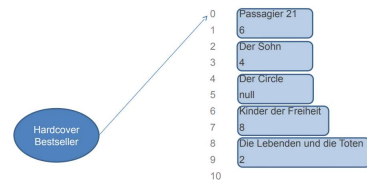
-> wir haben wieder Variable, die Anfang der Liste zeigt

-> Zeiger ist auf ersten Eintrag der Liste -> verweist dann immer auf jeweils nächste bis kein Verweis mehr drinne ist

-> wenn man Eintrag suchen will, muss man alles durchgehen bis man Element gefunden hat



-Speicherung:



-> Variable zeigt auf beliebigen Speicherplatz in Speicher

-> Darin stehen Daten

-> es gibt 2 Einträge -> der zweite ist 6, dann springe ich auf 6, usw bis Ende der Liste, bis es keinen Eintrag mehr gibt

2. VERSUCH - BEWERTUNG

• Daten

- geordnete Menge von Objekten ✓

• Operationen

- Auffinden anhand der Position ✓
- Einfügen neuer Objekte ✓
- Löschen bestehender Objekte aus der Liste ✓

• Speicher

- effizient ✓

-> Auffinden ist zwar möglich aber nicht mehr ausrechenbar

-> nicht ganz effizient, weil man mehr Daten braucht, also auch mehr Speicher

-> Möglichkeiten mit Listen und Arrays reichen nicht immer aus, man braucht also **andere Datenstrukturen**

Graphen

• Gegeben:

-> Daten: -Objekten mit best. Beziehungen untereinander

-> Operationen: -Auffinden aller direkt verbundenen Objekte

-Auffinden indirekt verbundener Objekte (über 2,3,4... Verbindungen)

-Sind X und Y verbunden?

- ...

-bestehen aus **Knoten**

-**Kanten** sind Verbindungen zw Knoten

- es gibt **gerichteten oder ungerichteten** Graphen

-Knoten sind **benachbart**, wenn sie Verbindung haben

-**Eingangsgrad** und **Ausgangsgrad** sind die Anzahl der Kanten, die von Knoten hingehen bzw. Weggehen

-wenn nicht gerichtet, dann ist der **Grad** die Anzahl der Kanten

-**Ordnung** des Graphen ist bestimmt, wie viele Knoten ich habe

-**Größe** des Graphen ist bestimmt, wie viele Kanten ich habe

-**Pfad** in Graphen ist Abfolge von Knoten, die durch Kanten verbunden sind

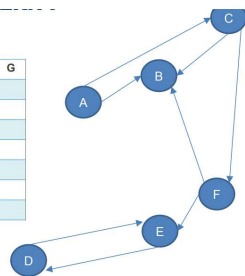
-bei **Schleife** hat man Kante, von einem Knoten wieder zum gleichen Knoten hin

-**Zyklus** geht über mehrere Knoten, aber man kommt wieder zum Ausgangsknoten zurück

• Speicherung:

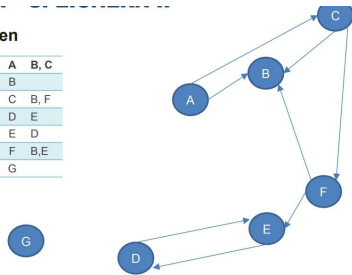
Adjazenzmatrix

	A	B	C	D	E	F	G
A		T	T				
B							
C		T				T	
D					T		
E				T			
F		T			T		
G							



Adjazenzlisten

A	B, C
B	
C	B, F
D	E
E	D
F	B, E
G	



BERWERTUNG

• Daten

- Objekten mit best. Beziehungen untereinander ✓ ✓

• Operationen

- Auffinden aller direkt verbundenen Objekte ✓ ✓
- Auffinden indirekt verbundener Objekte (über 2,3,4... Verbindungen) ✓ ✓
- Sind X und Y verbunden? ✓ ✓
- ...

Adj.-Matrix Adj.-Listen

->bei Auffinden direkter vO in Matrix müsste man in jeder Zeile nachschauen

->Auffinden indirekter vO, muss man bei beiden mehrfach suchen

->X und Y verbunden suchen bei Listen, muss man durch alle Listen durchgehen

Gerichtete Bäume

•Gegeben:

->Daten: -Objekten mit best. Beziehungen untereinander

-Hierarchie

->Operationen: -Auffinden aller Kindknoten

-Auffinden des Elternknoten

- ...

-Repräsentieren Hierarchien

-spezielle Form von gerichteten Graphen (Kanten haben Richtung)

->genau 1 Knoten mit Eingangsgrad 0 (Wurzel)

->alle anderen Knoten: Eingangsgrad 1 (es geht immer nur eine Kante zu jedem Knoten hin)

->es gibt einen Pfad von der Wurzel zu jedem anderen Knoten (zusammenhängender Graph)

-Begriffe:

->Elternknoten (Knoten die über einem Knoten sind)

->Kindknoten (Knoten die unter einem Knoten sind)

->Teilbäume

->Unterbäume

•Def. **Graph**: -Ansammlung von Knoten und Kanten

-Ordnung: Anzahl der Knoten

-Größe: Anzahl der Kanten

•Def. **Baum**: -kreisfrei (keine geschlossenen Pfade)

-zusammenhängend

•Gerichteter Graph/Baum: Kanten haben Richtung

•Gewurzelter Baum/Wurzelbaum: gerichteter Baum

•Binärbaum: Knoten haben maximal zwei direkte Nachkommen

•B-Baum / B+-Baum: komplexere Baumarten

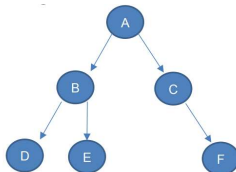
Binärbaum

-Baum, in dem jeder Knoten maximal Ausgangsgrad 2 (= maximal 2 Kinder) hat.

-Geordnet: Für alle Knoten gilt: Rechtes Kind ist nach einer gegebenen Ordnungsrelation kleiner als linkes Kind.

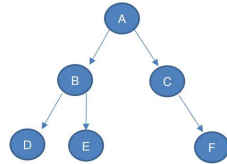
-Wichtige Anwendung -> Binäre Suchbäume

-Es gibt maximal immer 2 Kinder



•Speicherung:

- 1 A
- 2 B
- 3 C
- 4 D
- 5 E
- 6 -
- 7 F



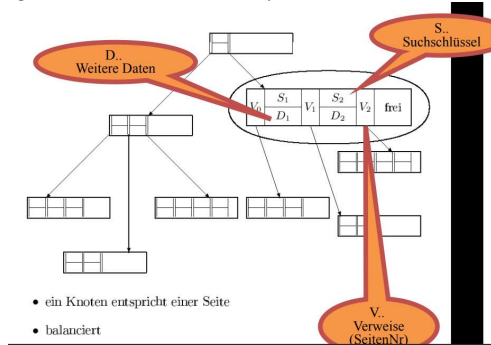
Speicherung als Array

- Knoten an Position X
- Kindknoten an Position $(2 \cdot X)$ und $(2 \cdot X + 1)$

-Ablauf von links nach rechts

B-Baum

-Wichtigste Indexstruktur in Datenbanksystemen

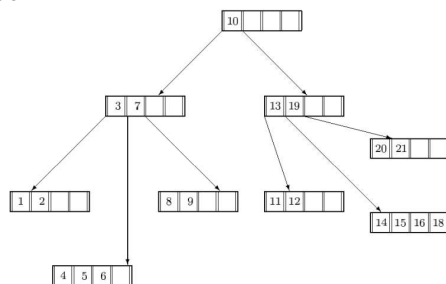


Eigenschaften:

B-Baum von Grad k :

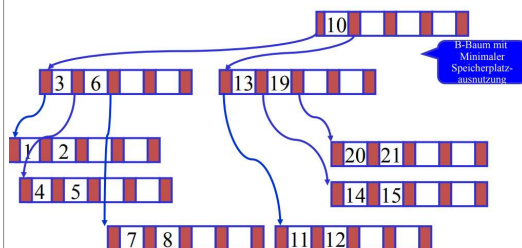
1. Jeder Weg von der Wurzel zu einem Blatt hat die gleiche Länge.
2. Jeder Knoten außer der Wurzel hat mindestens k und höchstens $2k$ Einträge. Die Wurzel hat höchstens $2k$ Einträge. Die Einträge werden in allen Knoten sortiert gehalten.
3. Alle Knoten mit n Einträgen, außer den Blättern, haben $n + 1$ Kinder.
4. Seien S_1, \dots, S_n die Schlüssel eines Knotens mit $n + 1$ Kindern. V_0, V_1, \dots, V_n seien die Verweise auf diese Kinder. Dann gilt:
 - (a) V_0 weist auf den Teilbaum mit Schlüsseln kleiner als S_1 .
 - (b) V_i ($i = 1, \dots, n - 1$) weist auf den Teilbaum, dessen Schlüssel zwischen S_i und S_{i+1} liegen.
 - (c) V_n weist auf den Teilbaum mit Schlüsseln größer als S_n .
 - (d) In den Blattknoten sind die Zeiger nicht definiert.

Beispiel:



-Bsp siehe Übung oder PDF

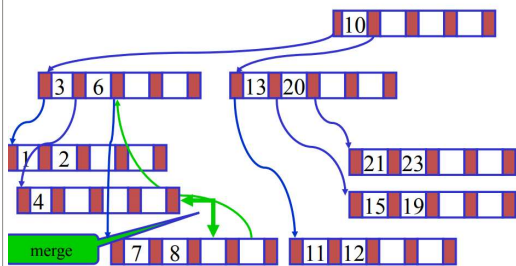
SUKZESSIVER AUFBAU EINES B-BAUMS VOM GRAD $K=2$



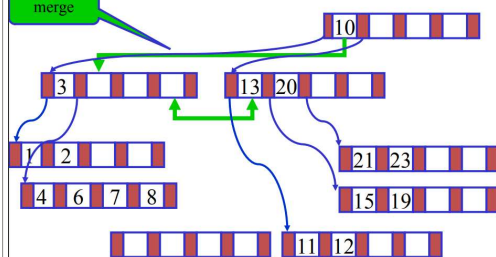
--> das war bis jz nur Einfügen

--> es kommt noch Einträge löschen und Knoten mergen (Zsmfügen)

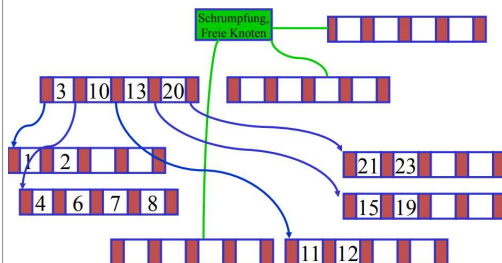
SUKZESSIVER AUFBAU EINES B-BAUMS VOM GRAD $K=2$



SUKZESSIVER AUFBAU EINES B-BAUMS VOM GRAD $K=2$

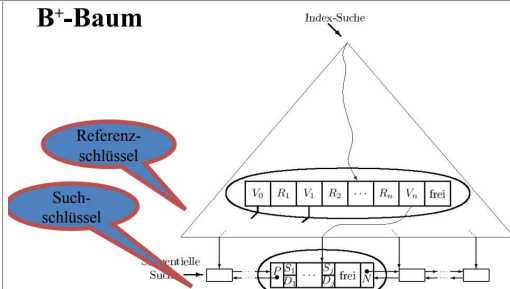


SUKZESSIVER AUFBAU EINES B-BAUMS VOM GRAD $K=2$



B⁺-Baum

B⁺-Baum



Ein B⁺-Baum vom Typ (k, k^*) hat also folgende Eigenschaften:

1. Jeder Weg von der Wurzel zu einem Blatt hat die gleiche Länge.
2. Jeder Knoten – außer Wurzeln und Blättern – hat mindestens k und höchstens $2k$ Einträge. Blätter haben mindestens k^* und höchstens $2k^*$ Einträge. Die Wurzel hat entweder maximal $2k$ Einträge, oder sie ist ein Blatt mit maximal $2k^*$ Einträgen.
3. Jeder Knoten mit n Einträgen, außer den Blättern, hat $n+1$ Kinder.
4. Seien R_1, \dots, R_n die Referenzschlüssel eines inneren Knotens (d.h. auch der Wurzel) mit $n+1$ Kindern. Seien V_0, V_1, \dots, V_n die Verweise auf diese Kinder.
 - (a) V_0 verweist auf den Teilbaum mit Schlüsseln kleiner oder gleich R_1 .
 - (b) V_i ($i = 1, \dots, n-1$) verweist auf den Teilbaum, dessen Schlüssel zwischen R_i und R_{i+1} liegen (einschließlich R_{i+1}).
 - (c) V_n verweist auf den Teilbaum mit Schlüsseln größer als R_n .

Boolesche Werte

Datentyp: Boolean
Werte: true, false

Operationen:

Or, And: Boolean x Boolean \rightarrow Boolean
Not: Boolean \rightarrow Boolean
Ture, false: \rightarrow Boolean

Gleichungen: Für alle $x, y \in$ Boolean gilt:

true or x = true
true and x = x
false or x = x
false and x = false
not true = false
not false = true

Zahlen	<ul style="list-style-type: none"> • Natürliche Zahlen <ul style="list-style-type: none"> • Meist kein eigener Datentyp: Integer • Ganze Zahlen <ul style="list-style-type: none"> • Datentyp: Integer • Rationale Zahlen <ul style="list-style-type: none"> • Meist kein eigener Datentyp • Reelle Zahlen <ul style="list-style-type: none"> • Datentypen z.B. float oder double • Datentypen haben jeweils begrenzten Wertebereich und ggf begrenzte Genauigkeit!
--------	--