Satz 210
$$\sum$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} a_n = a \qquad \sum_{n=1}^{\infty} b_n = b$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} (a_n \pm b_n) = a \pm b \qquad \sum_{n=1}^{\infty} c \cdot a_n = c \cdot \sum_{n=1}^{\infty} a_n$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} a_n \text{ ist konv. if } \forall E > 0 \exists N_{\varepsilon} : \left| \sum_{n=m+1}^{\infty} a_n \right| < E \forall n, m > N_{\varepsilon} \& n > m$$

$$|S_n - S_m| < E$$

sprich. Roihe an nonr. wenn die Tailraine von m bis n beliebig ulein wird

Satz 2.12

Konvergiert eine Reihe ($\sum a_n$) => a_n ist eine Nullfolge

Absolut nonvergent

if
$$\sum_{n=1}^{\infty} |a_n| = \kappa_{0nv} \rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} a_n$$
 ist absolut konvergent

Sut = 2.13

if
$$a_n = monoton$$
 fallende Nullfolge (mit $a_n > 0$) => $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n q_n$ konv.

if
$$\sum_{n=1}^{\infty} |a_n| = basch. \rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} |a_n|$$
 ist absolut nonvergent

Satz 2.16 Vergleichs - bzw. Majovantenuviterium

if an < bn & n ab einem zewissen N

I if $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ konvergent => a_n abs. Nonv.

I if ≥ |an | div. > bn div.

Satz 2.17 Quotienten uviterium

if
$$\frac{a_{n+1}}{a_n} \leqslant q \leqslant 1$$
 mit $q = q \leqslant 1 \leqslant 0 \leqslant n \leqslant N \Rightarrow \sum_{n=1}^{\infty} a_n = absolut wonv.$
else if $\frac{a_{n+1}}{a_n} > 1 \leqslant n \leqslant N \Rightarrow divergent$ else if $q = 1 \Rightarrow k \in Aussage$

Bow. siehe 5. 62

Satz 2.18 Wurzelnviterium

Sai
$$\geq a_n \Rightarrow \mu = \lim_{n \to \infty} \sqrt[n]{|a_n|} \Rightarrow \mu < 1 \Rightarrow \text{Reihe nonv. abs.}$$

$$\mu > 1 \Rightarrow \text{Reihe divergions}$$

Funutionsgranzwerte

IcR

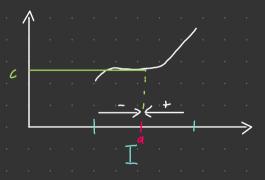
 $f: I \to \mathbb{R}$ $f = Funntion die eine Eahl <math>\in I$ auf eine Eahl $\in \mathbb{R}$ abbildet

a e I

lim f(x)

· x blaibt add > a

· Konv. gagan C if, desto nahar an x -> a, umso naher y -> c



 $\lim_{x\to a} f(x) = c \qquad \lim_{x\to a} g(x) = d$

 $\lim_{x \to a} (f(x) + g(x)) = c + d$

 $\lim_{x \to a} (f(x) \cdot g(x)) = c \cdot d$

 $\lim_{x \to a} \left(\frac{\overline{p(x)}}{g(x)} \right) = \frac{C}{d} \quad mif \quad d \neq 0$

 $\lim_{x\to} \alpha \cdot (f(x)) = \alpha \cdot c$

für manche Funutionen - lim f(x)=f(a)