

# 算法与数据结构体系课程

liuyubobobo

# 字符串匹配

# 最朴素的算法

# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

Hello, this is liuyubobobo

源字符串

s

bo

目标字符串

t

# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

Hello, this is liuyubobobo

源字符串

s

bo



目标字符串

t

20

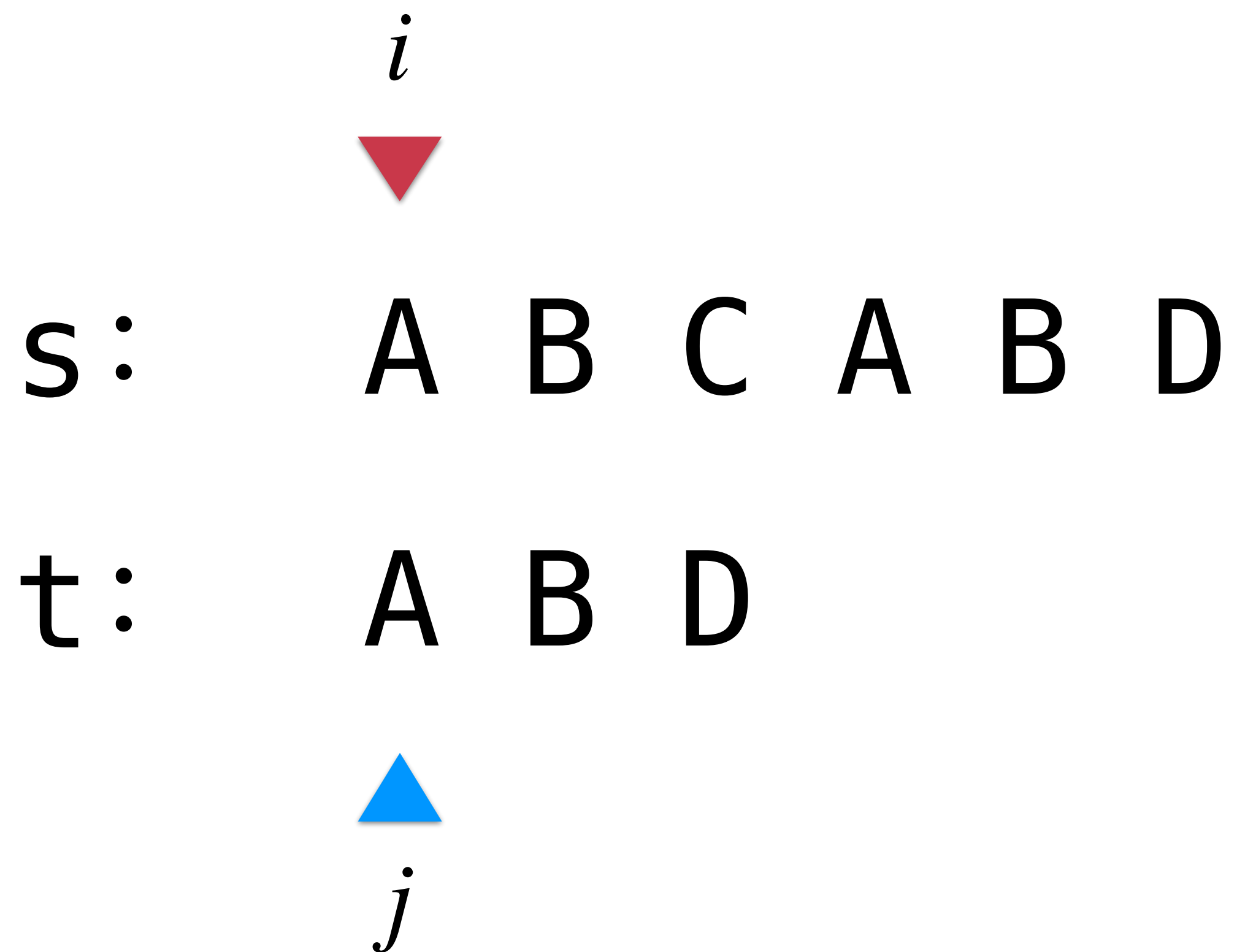
返回源字符串在目标字符串首次出现的索引

如果没有找到，返回 -1

# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

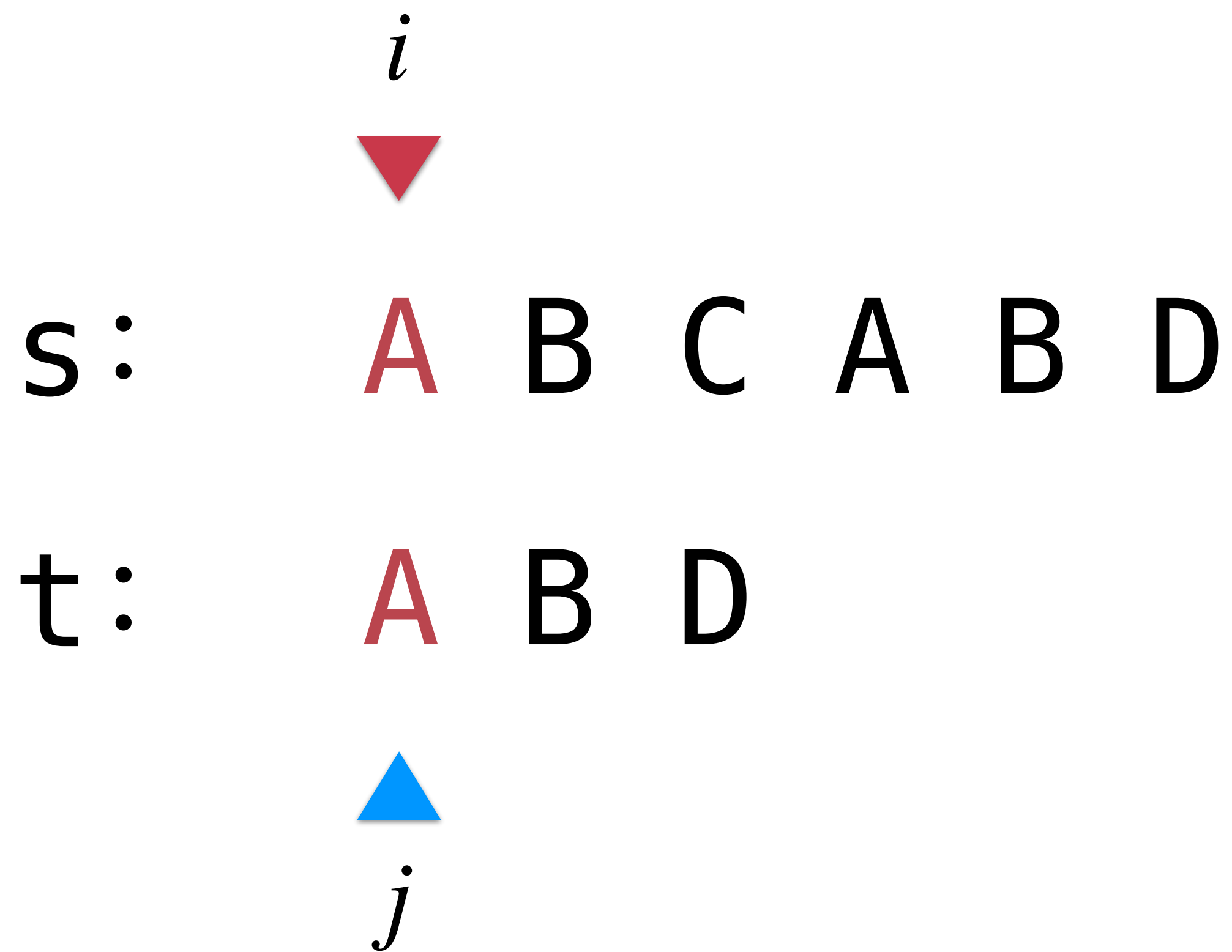
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

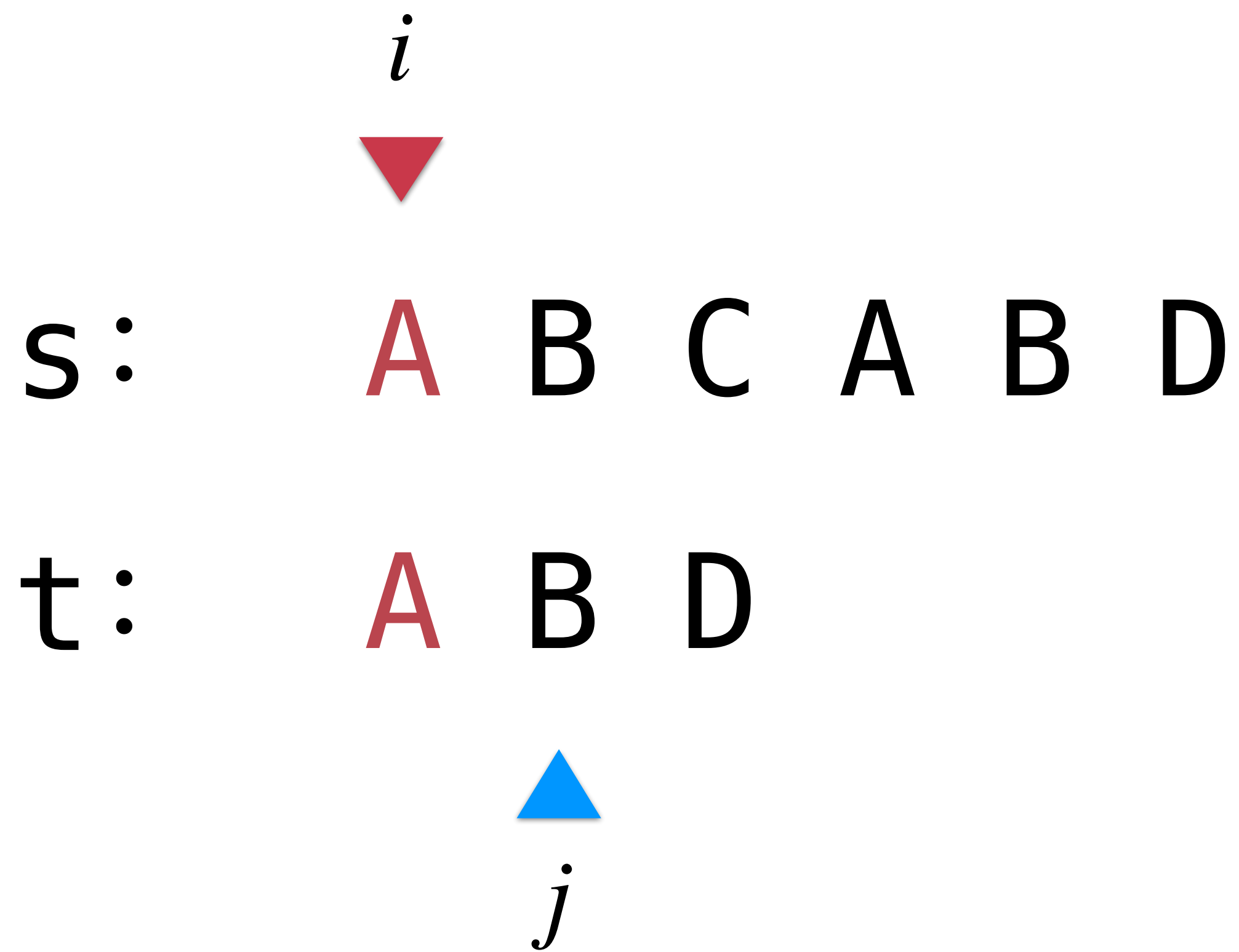
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

暴力搜索

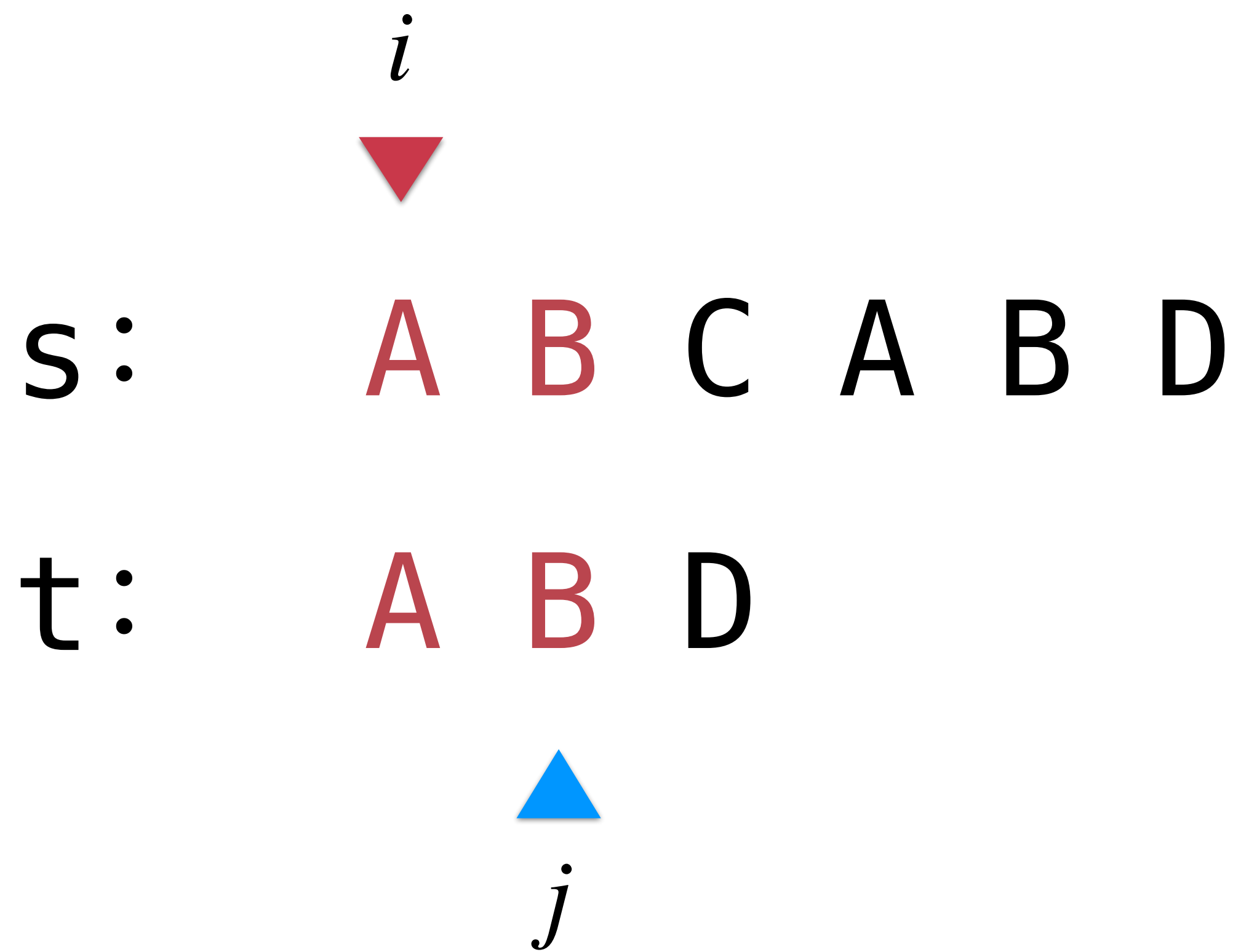




# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

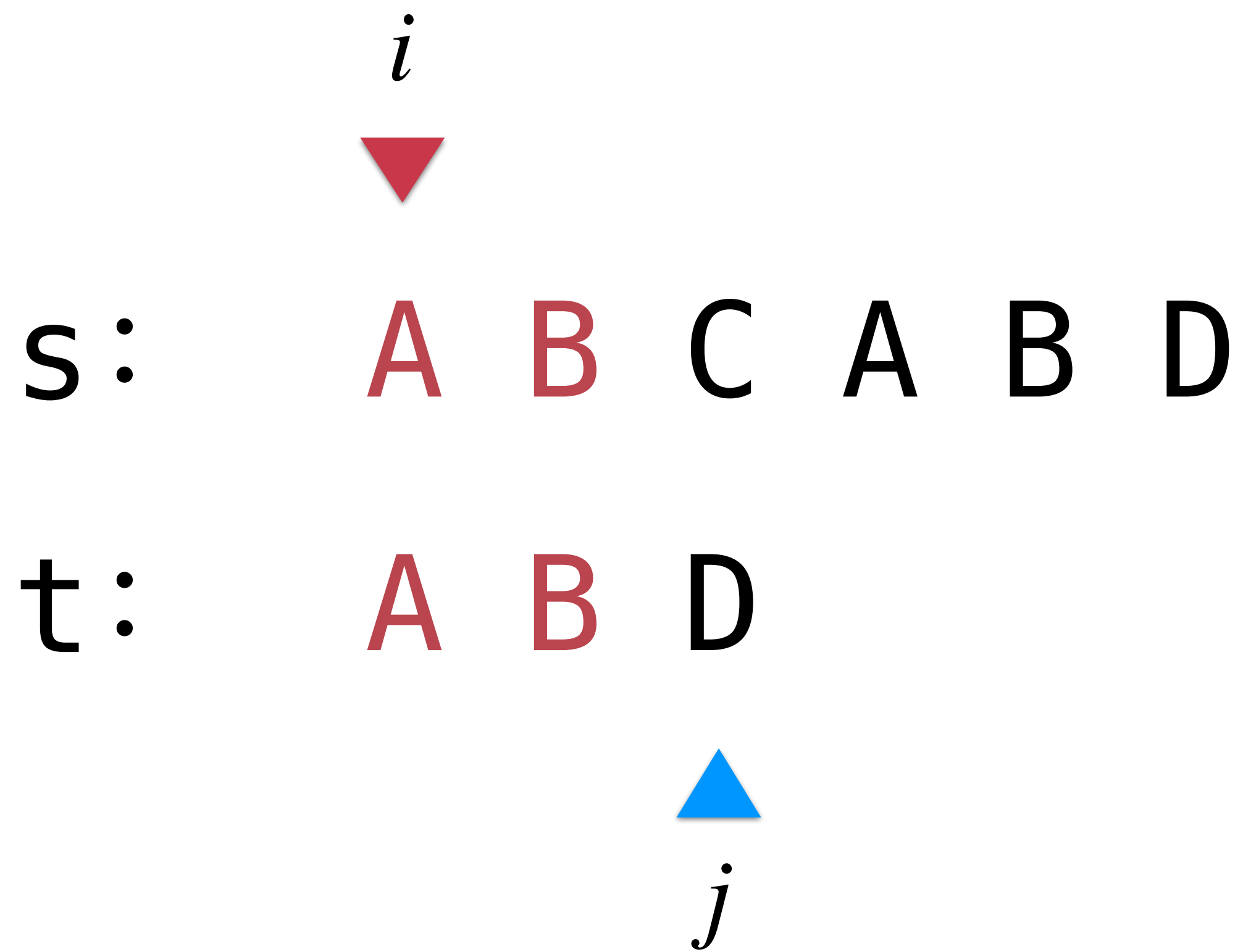
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

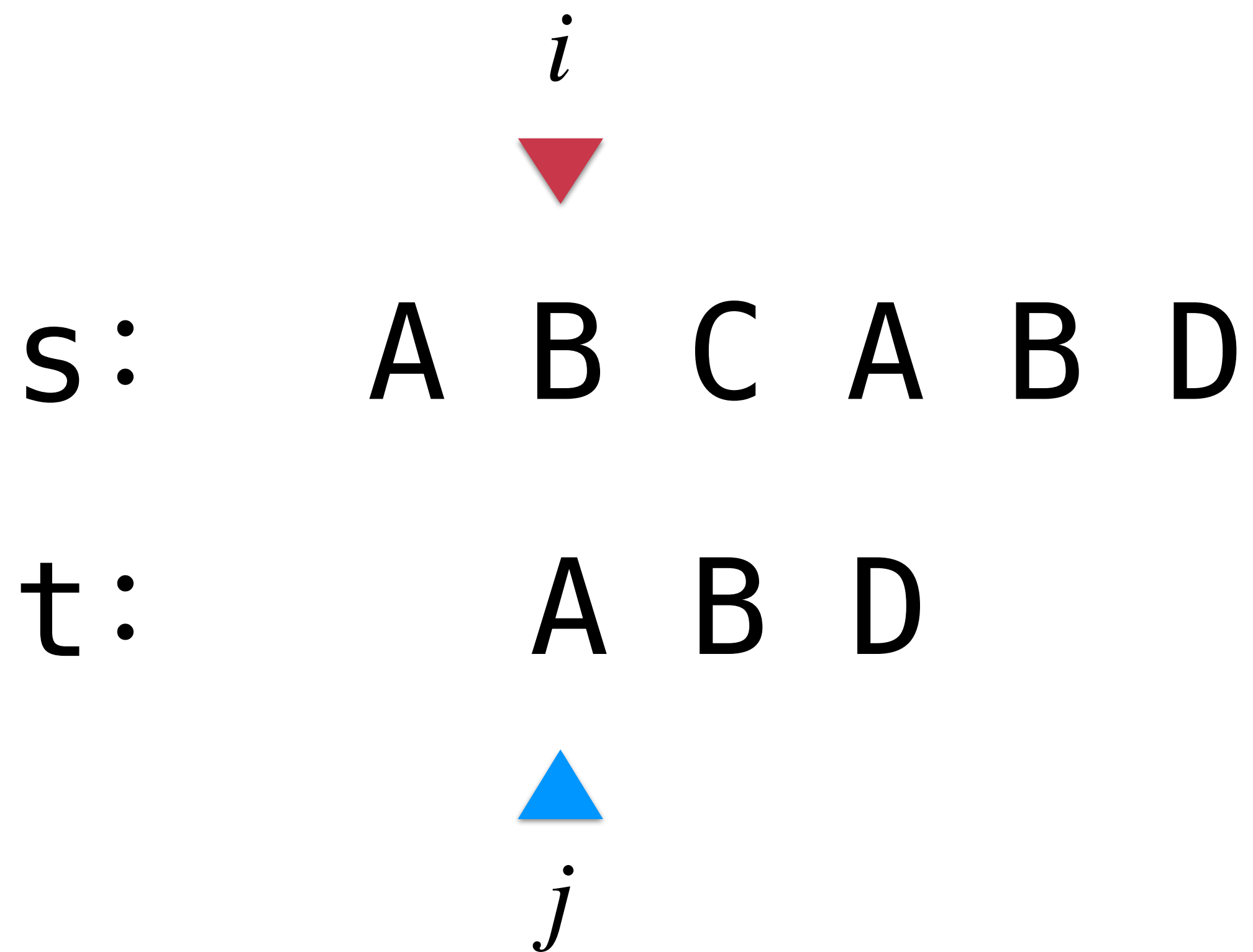
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

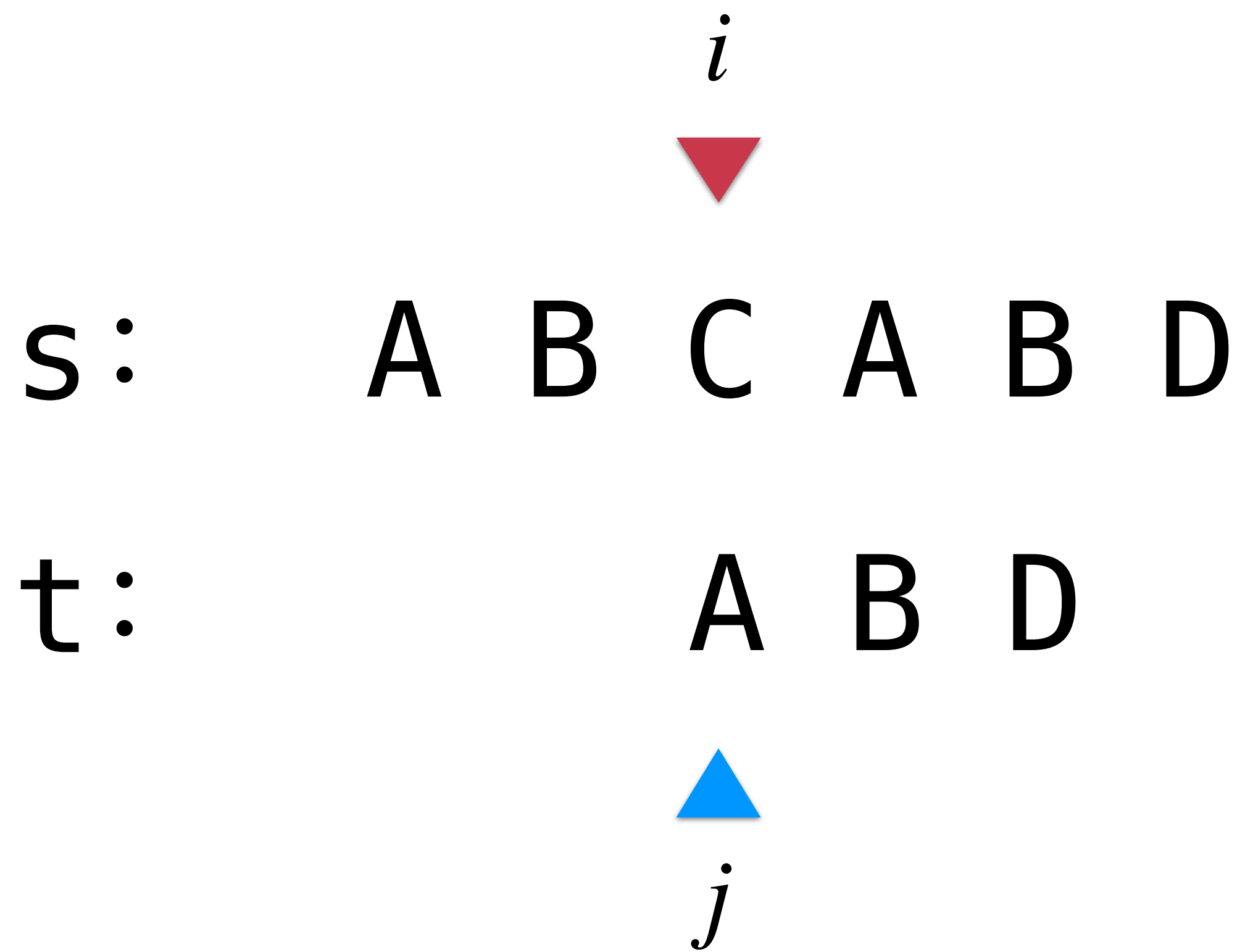
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

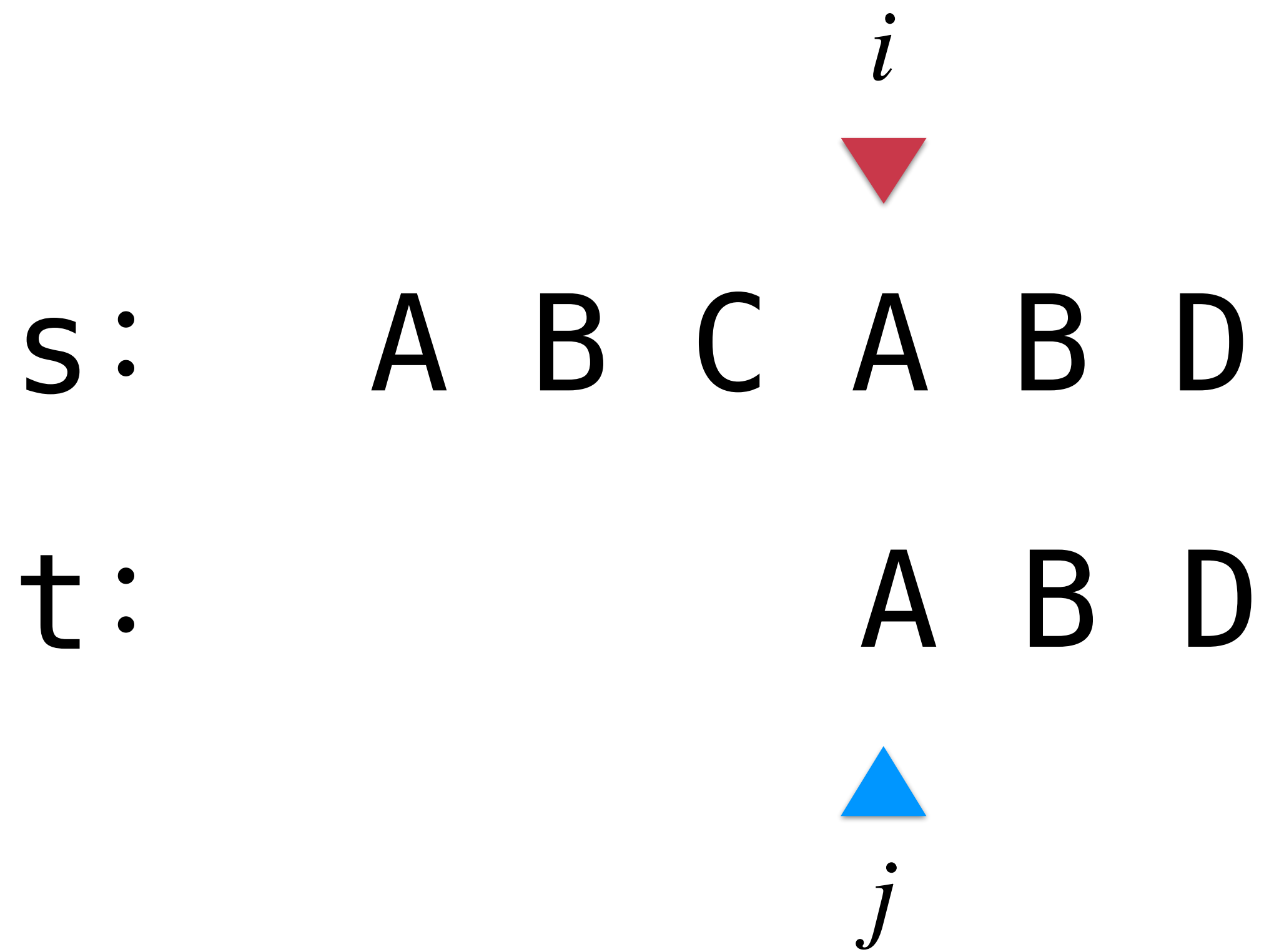
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

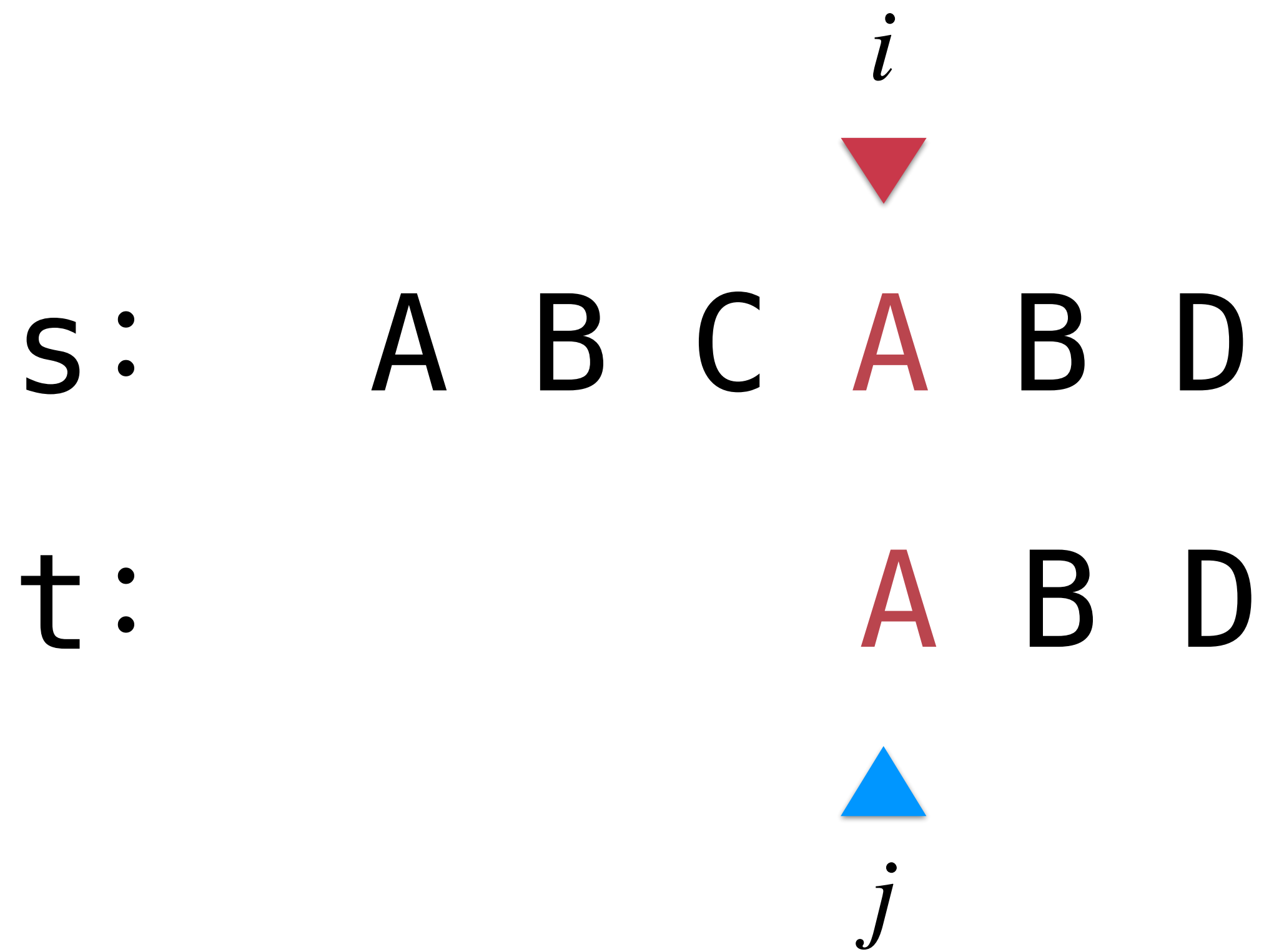
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

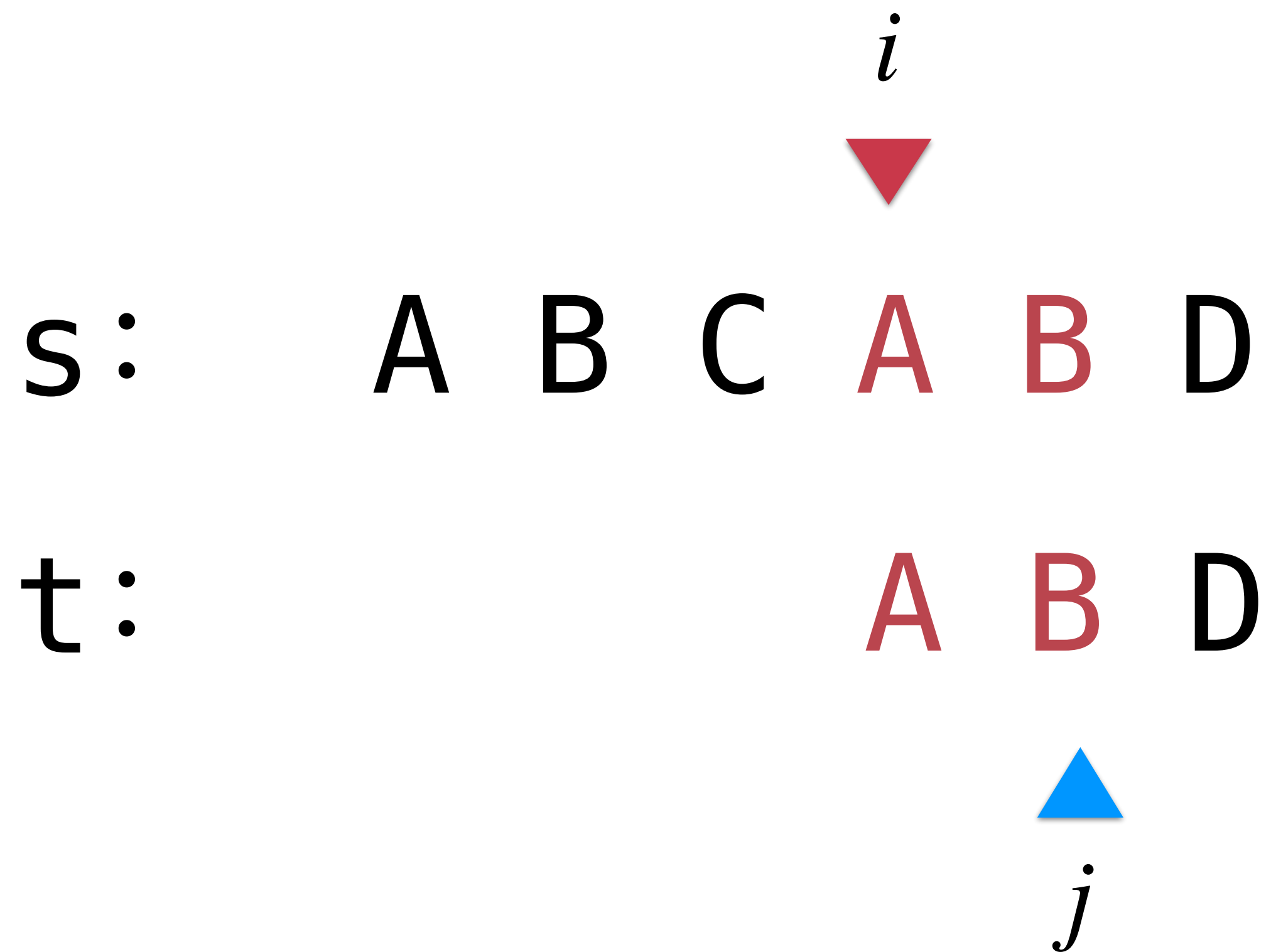
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

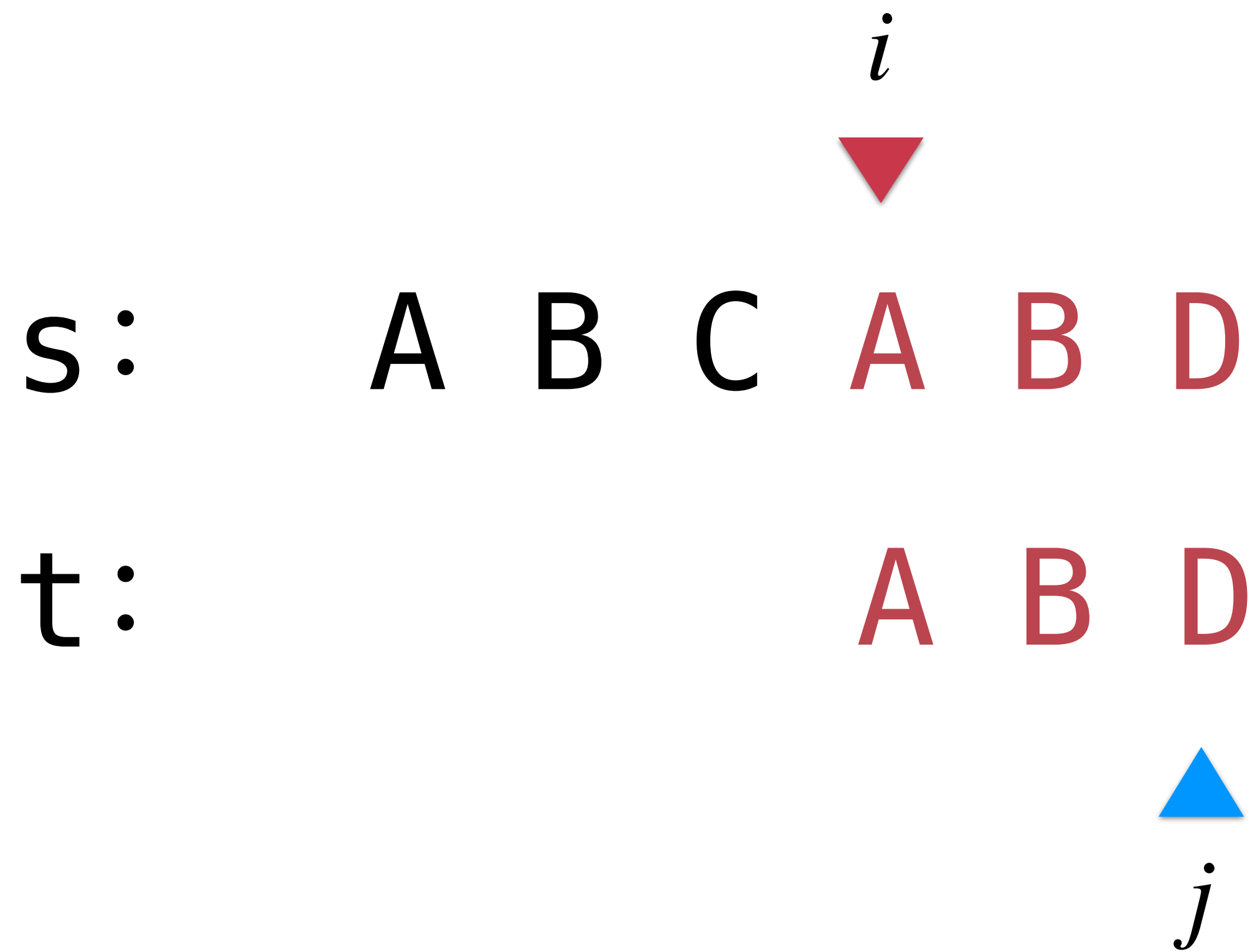
暴力搜索



# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

暴力搜索





# 字符串匹配最朴素的算法

字符串匹配

暴力搜索

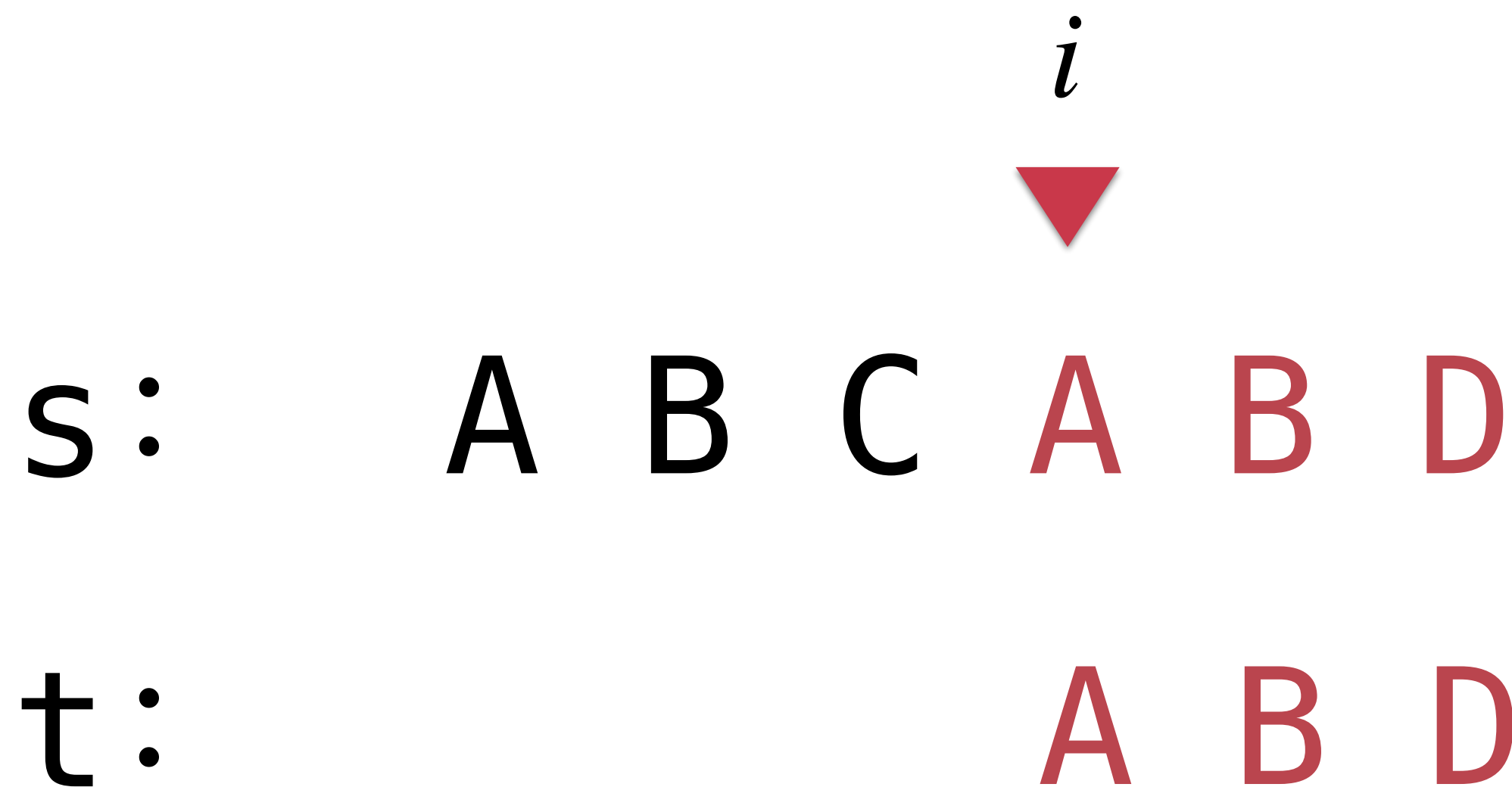
对每一个  $s$  的起始点  $i$

尝试匹配  $t$

最差:  $|s| * |t|$

实际上匹配  $t$  的过程  
可以提前终止

返回  $i$



# 实现字符串的暴力匹配

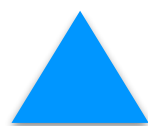
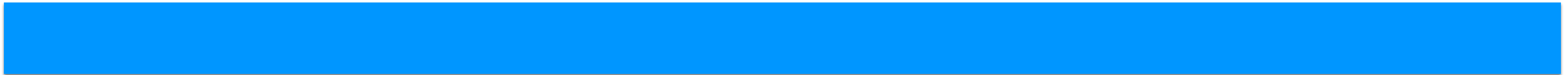
实践： 实现字符串的暴力匹配

# 实践：字符串暴力匹配的性能分析

# 哈希法

# 字符串暴力匹配的改进思路

$i$



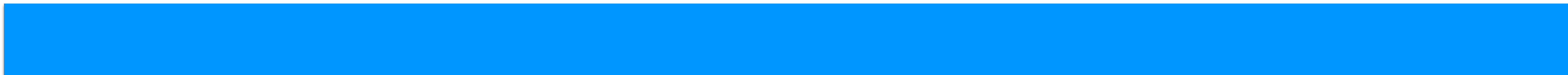
$j$

# 字符串暴力匹配的改进思路



# 字符串暴力匹配的改进思路

$i$



每一次匹配，最差情况，重新扫描一遍匹配串  $t$



$j$

比较两个字符串是否相等是  $O(n)$  的

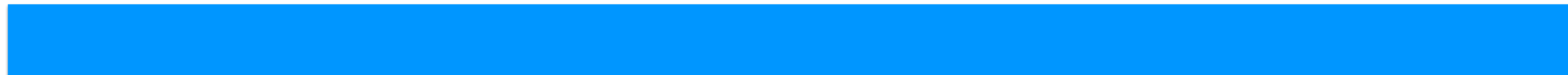
比较两个整型是否相等是  $O(1)$  的

字符串转换成整形?      哈希



# 字符串暴力匹配的改进思路

$i$



字符串转换成整形?

哈希



$j$

$$\text{hash}(\text{code}) = ( \text{c} * B^3 + \text{o} * B^2 + \text{d} * B^1 + \text{e} * B^0 ) \% M$$

# 字符串暴力匹配的改进思路

字符串转换成整形?      哈希

$$\text{hash}(\text{code}) = ( \text{c} * \text{B}^3 + \text{o} * \text{B}^2 + \text{d} * \text{B}^1 + \text{e} * \text{B}^0 ) \% \text{M}$$

$$\text{hash}(\text{code}) = (((\text{c} * \text{B} + \text{o}) \% \text{M} * \text{B} + \text{d}) \% \text{M} * \text{B} + \text{e}) \% \text{M}$$

```
int hash = 0
```

```
for(int i = 0 ; i < s.length() ; i ++)
```

```
    hash = (hash * B + s.charAt(i)) % M
```

# 字符串暴力匹配的改进思路

扔掉匹配问题，看字符串转哈希思想的一个应用

Leetcode 1147

看问题： Leetcode 1147

<https://leetcode-cn.com/problems/longest-chunked-palindrome-decomposition/>

# Leetcode 1147



# Leetcode 1147



# Leetcode 1147



# Leetcode 1147



每次添加一个字符，重新匹配？

把字符串转换成哈希值，每次比较哈希值

每添加一个字符，新的哈希值的计算



# Leetcode 1147



把字符串转换成哈希值，每次比较哈希值

每添加一个字符，新的哈希值的计算

前面：  $\text{hashcode} * B + \text{newchar}$

123 -> 1234

$123 * 10 + 4$

后面：  $\text{newchar} * B^{(\text{len} - 1)} + \text{hashcode}$

123 -> 4123

$4 * (10^3) + 123$

# 实现 Leetcode 1147

实践： Leetcode 1147

# Leetcode 1392

实践：暴力求解 Leetcode 1392

# 使用哈希法求解 Leetcode 1392

# 使用哈希法求解 Leetcode 1392



前面:  $\text{hashcode} * B + \text{newchar}$

123 -> 1234

$123 * 10 + 4$

后面:  $\text{newchar} * B^{\text{len} - 1} + \text{hashcode}$

123 -> 4123

$4 * (10^3) + 123$

# 使用哈希法求解 Leetcode 1392



前面:	$\text{hashcode} * B + \text{newchar}$	123 -> 1234	$123 * 10 + 4$
后面:	$\text{newchar} * B^{(\text{len} - 1)} + \text{hashcode}$	123 -> 4123	$4 * (10^3) + 123$



# 使用哈希法求解 Leetcode 1392



前面:  $\text{hashcode} * B + \text{newchar}$        $123 \rightarrow 1234$        $123 * 10 + 4$

后面:  $\text{newchar} * B^{(\text{len} - 1)} + \text{hashcode}$        $123 \rightarrow 4123$        $4 * (10^3) + 123$

$$(x \% M) / B \neq (x / B) \% M$$

$$1230 \% 11 / 10 = 9 / 10$$

$$1230 / 10 \% 11 = 123 \% 11 = 2$$

$$1234 \rightarrow 123 \quad 1234 \rightarrow (1234 - 4) / 10$$

# 使用哈希法求解 Leetcode 1392

$$(a + b) \% M == (a \% M + b \% M) \% M$$

$$(a * b) \% M == (a \% M * b \% M) \% M$$

$$(a / b) \% M \neq ((a \% M) / (b \% M)) \% M$$

$$(x \% M) / B \neq (x / B) \% M$$

$$1230 \% 11 / 10 = 9 / 10$$

$$1230 / 10 \% 11 = 123 \% 11 = 2$$

$$1234 \rightarrow 123$$

$$1234 \rightarrow (1234 - 4) / 10$$

# 使用哈希法求解 Leetcode 1392



从短字符串的哈希计算到长字符串的哈希      把中间的计算结果储存起来

$$(a / b) \% M \neq ((a \% M) / (b \% M)) \% M$$

$$(x \% M) / B \neq (x / B) \% M$$

$$1230 \% 11 / 10 = 9 / 10$$

$$1230 / 10 \% 11 = 123 \% 11 = 2$$

$$1234 \rightarrow 123$$

$$1234 \rightarrow (1234 - 4) / 10$$

实践：使用哈希法求解 Leetcode 1392

# Leetcode 187

实践：直接使用哈希表求解 Leetcode 187

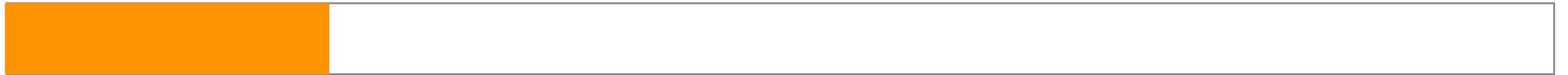
# 滚动哈希求解 Leetcode 187

# 滚动哈希求解 Leetcode 187





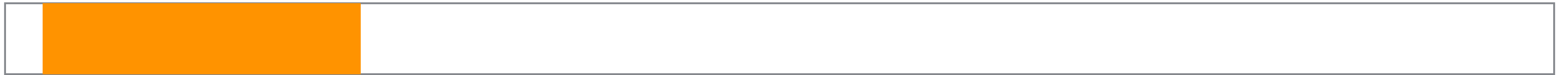
# 滚动哈希求解 Leetcode 187



# 滚动哈希求解 Leetcode 187



# 滚动哈希求解 Leetcode 187



# 滚动哈希求解 Leetcode 187



# 滚动哈希求解 Leetcode 187



因为每个字符只有 ACGT 四种取值

A->1, C->2, G->3, T->4

长度为 10 的字符串的哈希值，可以用一个 10 位的数字表示

long

# 滚动哈希求解 Leetcode 187

$s[i-9]$

$s[i]$



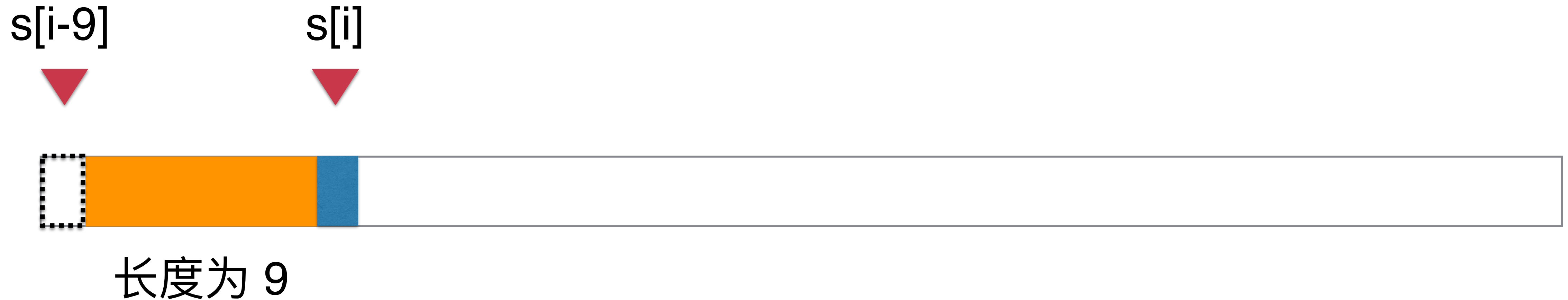
长度为 9

$$\text{hash} = \text{hash} * 10 + \text{map}[s[i]]$$

此时 hash 是一个长度为10的字符串的哈希值

$$123412341 * 10 + 2 = 1234123412$$

# 滚动哈希求解 Leetcode 187



$$\text{hash} = \text{hash} * 10 + \text{map}[\text{s}[\text{i}]]$$

此时 hash 是一个长度为10的字符串的哈希值

$$\text{hash} = \text{hash} - \text{map}[\text{s}[\text{i}-9]] * (10^9)$$

$$1234123412 - 1000000000 = 234123412$$

# 滚动哈希求解 Leetcode 187



长度为 9

$$\text{hash} = \text{hash} * 10 + \text{map}[s[i]]$$

此时 hash 是一个长度为10的字符串的哈希值

$$\text{hash} = \text{hash} - \text{map}[s[i-9]] * (10^9)$$

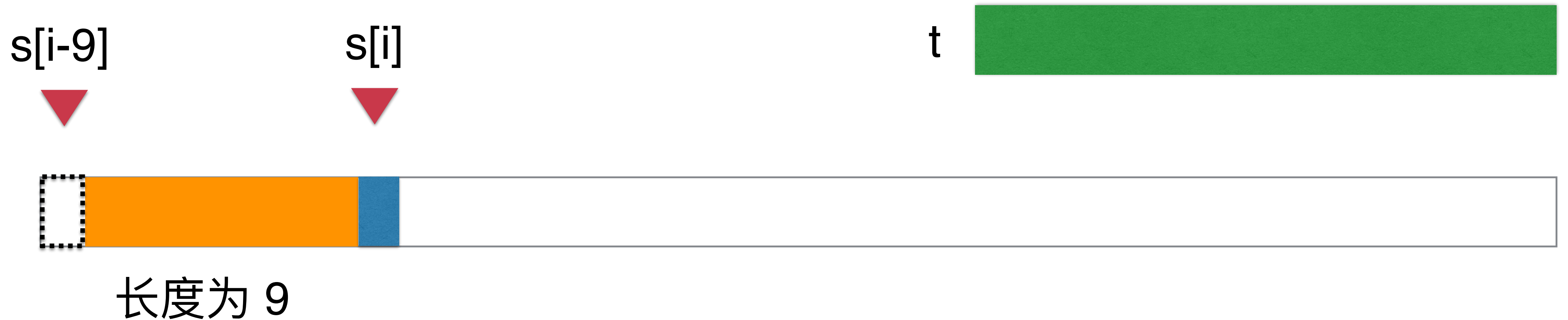
$$1234123412 - 1000000000 = 234123412$$



实践：滚动哈希求解 Leetcode 187

# 使用滚动哈希求解字符串匹配问题

# 使用滚动哈希求解字符串匹配问题

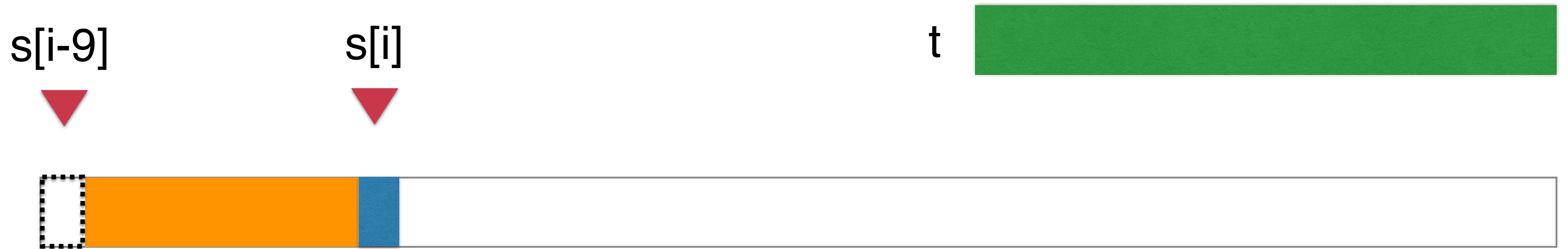


$$\text{hash} = \text{hash} * 10 + \text{map}[\text{s}[\text{i}]]$$

此时 hash 是一个长度为10的字符串的哈希值

$$\text{hash} = \text{hash} - \text{map}[\text{s}[\text{i}-9]] * (10^9)$$

# 使用滚动哈希求解字符串匹配问题



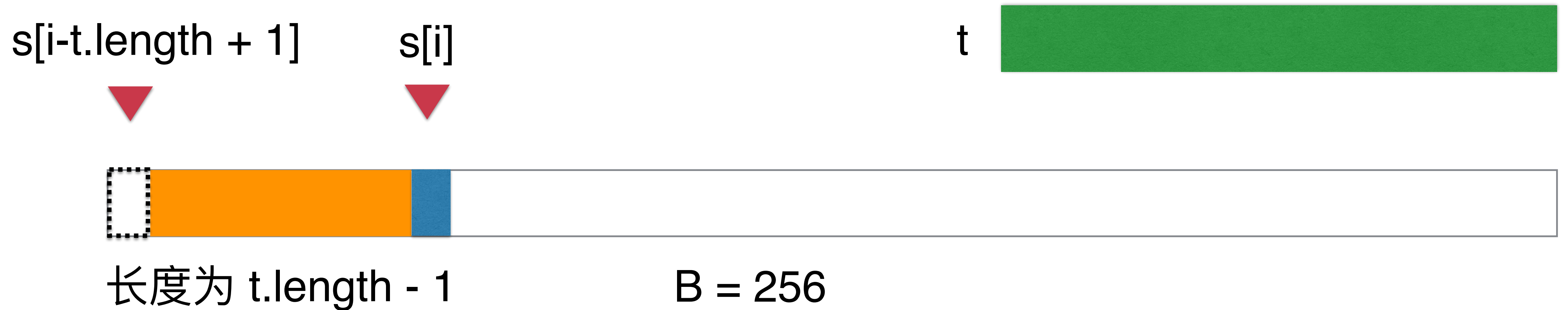
长度为  $t.length - 1$

$hash = hash * 10 + map[s[i]]$

此时  $hash$  是一个长度为10的字符串的哈希值

$hash = hash - map[s[i-9]] * (10^9)$

# 使用滚动哈希求解字符串匹配问题

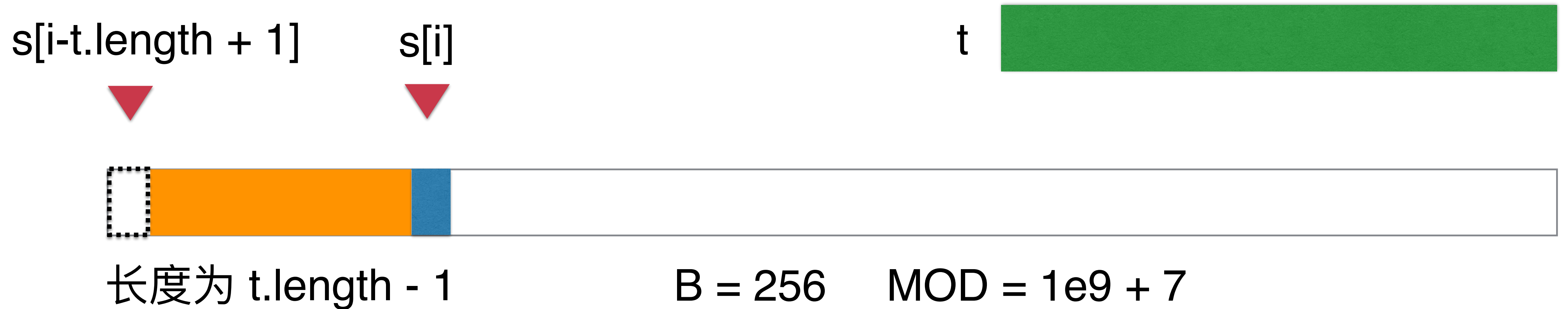


$hash = hash * 10 + map[s[i]]$

此时 hash 是一个长度为10的字符串的哈希值

$hash = hash - map[s[i-9]] * (10^9)$

# 使用滚动哈希求解字符串匹配问题

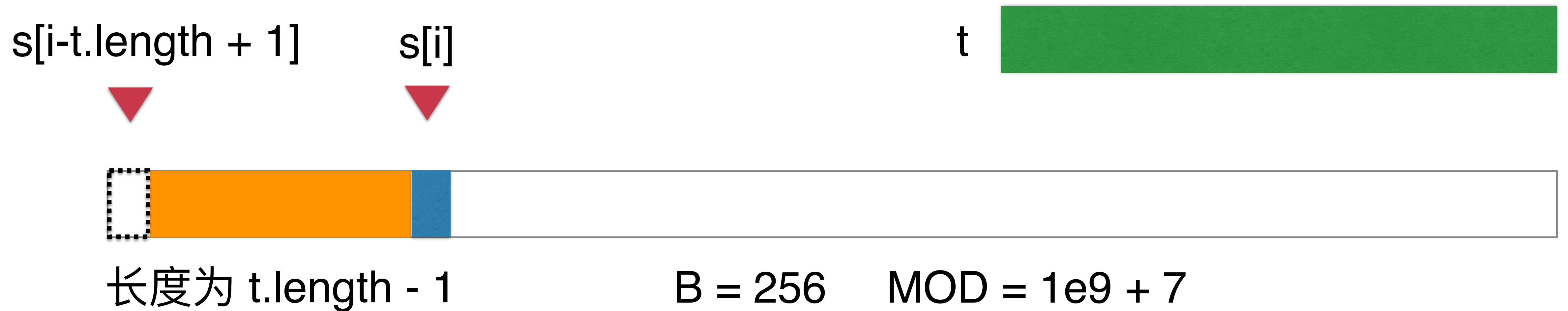


$$\text{hash} = (\text{hash} * B + s[i]) \% MOD$$

此时 hash 是一个长度为10的字符串的哈希值

$$\text{hash} = \text{hash} - \text{map}[s[i-9]] * (10^9)$$

# 使用滚动哈希求解字符串匹配问题



$$\text{hash} = (\text{hash} * B + s[i]) \% MOD$$

此时 hash 是一个长度为  $t.length$  的字符串的哈希值

$$\text{hash} = \text{hash} - \text{map}[s[i-9]] * (10^9)$$

# 使用滚动哈希求解字符串匹配问题



长度为  $t.length - 1$

$B = 256$      $MOD = 1e9 + 7$

$hash = (hash * B + s[i]) \% MOD$

此时  $hash$  是一个长度为  $t.length$  的字符串的哈希值

$hash = hash - s[i-t.length + 1] * (B^{(t.length - 1)}) \% MOD + MOD$

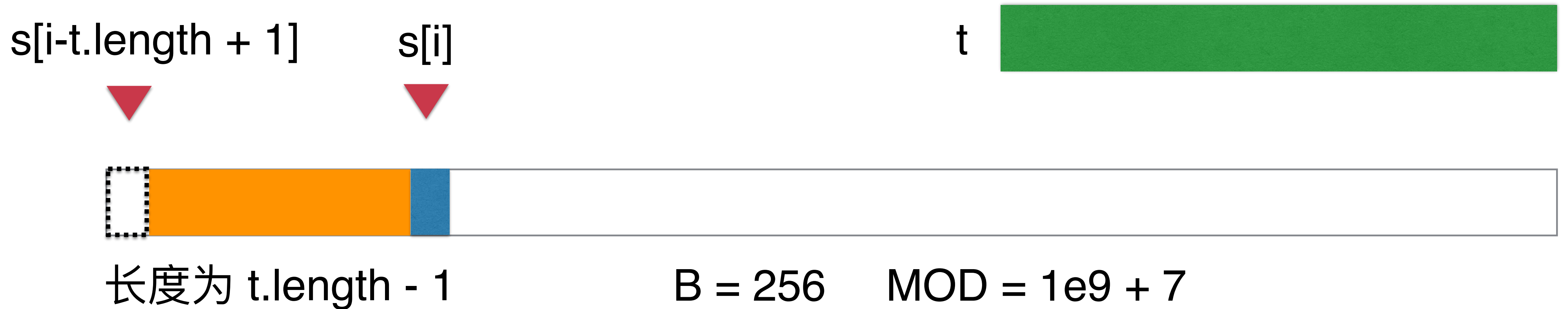
3 点向前 8 个小时

$3 - 8 = -5$

$-5 + 12 = 7$  点



# 使用滚动哈希求解字符串匹配问题



$$\text{hash} = (\text{hash} * B + s[i]) \% MOD$$

Rabin-Karp 算法

此时 hash 是一个长度为  $t.length$  的字符串的哈希值

$$\text{hash} = (\text{hash} - s[i-t.length + 1] * (B^{(t.length - 1)} \% MOD + MOD) \% MOD$$

# 实践：实现 Rabin-Karp 算法

# Rabin-Karp 算法的性能分析

# Rabin-Karp 算法的性能分析

$O(1)$  获得每一个  $t.length$  的子串的哈希值

先比较哈希值，只有哈希值相等，才处理哈希冲突

最差情况，每一步都哈希冲突  $O(mn)$

如果要寻找每一个子串的话：

aaaaaaaaaaaaaaaaaaaaa

aaaaaa

# Rabin-Karp 算法的性能分析

$O(1)$  获得每一个  $t.length$  的子串的哈希值

先比较哈希值，只有哈希值相等，才处理哈希冲突

最差情况，每一步都哈希冲突  $O(mn)$

如果要寻找每一个子串的话：

aaaaaaaaaaaaaaaaaaaaa

aaaaaa

# 其他

欢迎大家关注我的个人公众号：是不是很酷



# 算法与数据结构体系课程

liuyubobobo