UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI UDINE

Dipartimento di Matematica e Informatica Corso di Laurea Triennale in Informatica

Tesi di Laurea

PRE-DESTINAZIONE: MODELLI ED ESPERIMENTI PER LA PREVISIONE DI TRAIETTORIE

Relatore: Prof. IVAN SCAGNETTO Laureando: ALESSIO PELLIN

ANNO ACCADEMICO 2014-2015

Introduzione

Negli ultimi anni, grazie all'avvanto di nuove tecnologie nel settore delle reti wireless e dei dispositivi mobili le reti wireless sono diventate una parte fondamentale dell'infrastruttura delle telecomunicazioni. Oramai l'utente pretende che la qualita delle reti wirless siano almeno pari a quelli forniti via cavo visti gli incredibili passi avanti che le reti cellulare hanno ottenuto negli ultimi 5-6 anni. Basti pensate alla nuove reti 4G (LTE e WiMax) che promettono velocita nell'ordine sui 5-8 Mbps di Mbit/s in download e contro le attuali linea ADSL con una media di 15 Mbps promessi. In piu le attuali societa telefoniche foniscono piu facilemente reti wireless ad alta velocita piuttosto che reti cablate visto la diffusione di apparecchiature mobile quali smartphone, tablet, ecc [Vedi Figura 1]. In piu con gli attuale progetti di Facebook e Google sulla progettazione di droni capaci di portare reti WiFi o LTE si punta ad avere una copertura quasi totale del suolo mondiale.

Questa sempre piu crescente utenza connessa in movimento ha fatto acrescere l'interesse acquisire informazioni contestuali per poter offrire servizi di maggior interesse e utilita per l'utente. L'informazione contestuale puo riferirsi alla posizione dell'utente, all'ora attuale, a proprieta fisiche come la temperatura, ecc. La gestione efficiente del contesto richiede un dettagliato data modeling ottenuto con processi specifici di classificazione, inferenza e predizione.

Certo e difficilmente comprendere cosa puo essere considerato context aware, senza prima avere dato una definizione di contesto. La principale definizione di contesto e la seguente: Il contesto e qualsiasi informazione che puo essere usata per caratterizzare la situazione di una entita. Una entita e una persona, un luogo ad un oggetto considerata rilevante all interazione fra l utente e l applicativo, inclusi l utente e l applicativo stessi [1]. Il contesto dunque e specificato mediante i valori di opportuni parametri, rappresentanti l'attivita di un'entita L'approccio orientato al contesto quindi permette all'entita di adattarsi all'ambiente, offrendo superiori vantaggi e possibilita ai nuovi applicativi. Una delle proprieta che maggiormente si desidera nel mobile context-awarenesse e la loro possibilita di poter effettuare previsioni, caratteristica che permetterebbe lo sviluppo di nuove, avanzate applicazioni.



Figura 1: Copertura LTE mondiale

Nel 2001, il Computer Science and Telecommunications Board (CSTB) del Consiglio Nazionale della Ricerca degli Stati Uniti d'America ha riunito una commissione di esperti per eseguire una ricerca sulle opportunita certe e sui possibili sviluppi relativi all'interazione tra le comunita di ricerca geo-spaziale ed informatica. Nella relazione prodotta dalla commissione [2], si evidenzia come l'ubicazione dell'utente sia uno dei fattori fondamentali nelle diverse definizioni di contesto che sono state proposte in letteratura. La centralita di tale componente e la possibilita, fornita dalle attuali tecnologie mobili, di rilevare in modo sufficientemente preciso, semplice e continuativo, la posizione geografica degli utenti, fanno di questo settore un campo di ricerca attualmente molto attivo.

Contemporaneamente alla nascita dei servizi context aware, e dunque nata la necessita di avviare una ricerca mirata al miglioramento delle prestazioni nella previsione delle traiettorie. Tale ramo di ricerca ovviamente mutua gran parte della natura delle applicazioni context aware. In questo caso pero le informazioni memorizzate si riducono a semplici dati spaziali e temporali, che dunque non rischiano di ledere la privacy della persona come invece possono essere portati a fare con applicativi context aware, che per loro natura cercano di tracciare tutti gli aspetti (gusti, personalita) dell'utenza. La conoscenza della posizione di oggetti mobili ha dunque condotto allo sviluppo di applicazioni e servizi che sono stati catalogati location-based, che necessitano di conoscere la posizione approssimata di un oggetto mobile per operare. Esempio di ta-

li servizi sono gli applicativi di navigazione, gestori di traffico e la pubblicita location-based. In uno scenario tipico, il dispositivo mobile che sta fornendo un determinato servizio, periodicamente informa il framework di posizionamento della attuale posizione.

Nell'ultimo decennio anche i sistemi di sistemi di posizionamento sono migliorati. da un'accuratezza di decine di metri, si e ormai arrivari ad avere una precisione di pochi metri anche per utilizzi civili. La ricerca di una precisione sempre piu alta a disposizione di tutti ha portato alla creazione di sistemi si posizionamento alternativi la GPS quali GLONASS (Militare russo), COMPASS (Cina), Galileo (Europa) e IRNSS (India) stanno cercando di imporsi come alternativa al sistema Americano.

Grazie alla copertura sempre crescente di reti wireless e sistemi di posizionamente la context aware non e piu incentrata sulla ricerca della possizione attuale dell'utente, ma sulle possibili destinazioni e percorsi nel breve e lungo termine. Grazie ad una metodologia si cerca di predire la posizione per anticipare i movimenti dell'utente e quindi cercare di eseguire un pre-fetch del servizio sulla localita prevista. Lo sviluppo di pratiche ed accurate tecniche di previsione degli spostamenti puo dunque aprire le porte a molti applicativi quali prenotazione di risorse, servizi location-based, ma anche migliorare la pianificazione e gestione delle aree urbane, grazie ad una migliore analisi del flusso urbano.

Ovviamente la possibilita di tracciare la posizione attuale dell'utente da sola non e sufficiente ad effettuare previsioni sul futuro dell'utente. In un articolo pubblicato qualche anno fa [3], nel quale si afferma come osservando i dati storici relativi ai movimenti di un utente (collezionati con diverse tecniche, nel caso citato accedendo alle basi di dati di una compagnia telefonica) sia possibile individuare pattern di movimento, ed prevedere correttamente il luogo in cui si trova una persona per il 93% del tempo. Da tali studi emerge come ciascun individuo abbia un insieme di localita che raramente lascia, e nelle quali si sposta con grande regolarita. Gli utenti che risiedono stabilmente in un raggio di 6 miglia hanno un tasso di predicibilita della posizione che va dal 93% al 97%, ma anche nel caso in cui il raggio aumenti di centinaia di miglia, la percentuale delle previsioni rimane alta, stabilizzandosi al 93% di successo. In tale articolo vengono inoltre indicati dei legami tra le localita frequentate dall'individuo e le ore della giornata. In particolare si evince come in certi orari di transizione (prima o dopo l'orario di lavoro, oppure durante le pause pranzo) le previsioni sul luogo in cui si trova l'utente vedano un brusco peggioramento dei risultati; comunque la percentuale che l'utente si trovi in un qualsiasi momento della giornata nella localita piu visitata e molto alta (del 70%).

1 Obiettivi della tesi

Gia in precedenti lavori di tesi svoltesi nell Universita degli Studi di Udine e stato presentato un algoritmo di previsione delle traiettorie basato sul modello della fisica dei campi elettrici, dove le localita maggiormente importanti per l'individuo erano caratterizzate da forze attrattive e le meno importanti da forze nulle se non addirittura repulsive. Tale algoritmo e denominato ARDA, e stato presentato unitamente ad una nuova proposta di pesatura dell'importanza delle localita che prende il nome di SpaceRank, il quale andava ad affiancare altri indici di valutazione delle localita quali TotalTime (il tempo totale che l'individuo passa in una localita), AverageTime (il tempo medio che l'individuo passa in una certa localita durante una visita), NumberOfVisits (il numero di volte che l'utente passa per una certa localita), e combinazioni di tali indici. Il lavoro svolto in una precedente tesi [3] proponeva:

- l'implementare dell'algoritmo di previsione ARDA utilizzando vari indici di valutazione dell'importanza delle localita, con diverse suddivisioni di territorio
- confronto dei risultati di previsione ottenuti evidenziando il comportamento dell'algoritmo ARDA rispetto a due altri algoritmi di previsione(il primo che suppone l'utente prosegua la propria corsa in linea retta mantenendo la velocita media, il secondo che suppone l'utente prosegua il proprio percorso rimanendo in un intorno del punto rilevato);
- valutando la stabilita degli algoritmi proposti esegundo dei test anche su una diversa raccolta di punti GPS (messa a disposizione dal Prof. Thad Starner) riguardante un territorio di dimensioni e varieta di movimenti maggiori;
- analisi del comportamento dell'algoritmo nelle previsioni delle destinazioni finali, eseguite lungo quattro milestone virtuali poste lungo i percorsi (inizio, 25%, 50% e 75% del tracciato).

Questa tesi prende in esame l'algoritmo e i dati di quella precedentemente descritta e si pone i seguenti obbiettivi:

- Traduzione degli algoritmi dal linguaggio Python a Java e migliorarne alcuni aspetti;
- Unificare le procedure di test per i vari indici;
- Sviluppo di un'interfaccia per l'utilizzo al di fuori della riga di comando;
- Sviluppo di un sistema di visualizzazione ed esportazione dei test eseguiti.

2 Struttura della tesi

Lo scritto della tesi si divide in quattro principali parti. Nella prima parte si occupa di presentare gli algoritmi presi in esame cercando di metterne in evidenza non solo gli aspetti modellistici, ma anche i problemi implementativi. Nella seconda parte si da ampio spazio ai risultati ottenuti sia nei risultati che a livelli prestazionali. Infine la terza parte e quella conclusiva, in cui si riassume il lavoro svolto traendo le somme sul lavoro svolto, presentando i punti di forza e di debolezza delle soluzioni adottante dando anche dei gli spunti di riflessione su eventuali sviluppi.

Le tre parti sopra esposte in realta sono state svolte con diversa estensione, cercando di rispettare le gerarchie logiche. La prima sezione e racchiusa nel Capitolo 1 e 2. Il primo capitolo espone i concetti e la teoria sugli algoritmi scelti, vista l'importanza di riuscire a proporre nel modo piu esauriente possibile le soluzioni algoritmiche adottate. Il seconto capitolo invece si sofferma sulle scelte di sviluppo fatte, gli accorgimenti fatti per migliorare gli algoritmi e il funzionamento del programma. La seconda parte invece si sviluppa nei segunati due capitoli.Il Capitolo 3 e 4. Nel terzo capitolo si espongono i risultati ottenuti comparandoli con quelli ottenuti nella tesi precedente lasciando spazio a grafici e comparative cercando di capire il perche delle differenze. Nel quanto capitolo si fa una piccola osservazione sulle prestazioni delle 2 versioni facendo anche una comparativa con i tempi stimati al tempo della tesi originale. Infine la quarta parte, quella conclusiva, nella quale si cerca con il quinto capitolo di riassumere il lavoro svolto, evidenziando i risultati ottenuti e cercando di proporre come poter ulteriormente sviluppare la ricerca e miglioramenti prestazionali.

Indice

1	Obiettivi della tesi							
2	Struttura della tesi vii							
Teo	oria sugli algoritmi 1							
1.1	Space Rank							
	1.1.1 Criteri di valutazione dell'importanza							
	1.1.2 PageRank							
	1.1.3 SpaceRank							
1.2	ARDA							
	1.2.1 Formalizzazione del problema							
	1.2.2 Modello astratto di previsione							
	1.2.3 ARDA							
Cor	aversione e sviluppo 17							
2.1	Differenze implementative							
2.2	Analisi e scelte implementative							
	2.2.1 Unificazione dei valori di default							
	2.2.2 Scelte implementative							
	2.2.3 Raggruppamento delle funzioni							
2.3	Interfaccia Java							
	2.3.1 Visualizzazione plot matrici							
	2.3.2 Esportazione risultati							
Cor	nparative e valutazioni 19							
	Matrici d'importanza e SpaceRank							
	3.1.1 Dati Python							
	3.1.2 Dati Java							
	3.1.3 Comparative							
3.2	ARDA							
	3.2.1 Dati Python							
	3.2.2 Dati Java							
	3.2.3 Comparative							
	2 Teo 1.1 1.2 Con 2.1 2.2 Con 3.1							

X		INDI	CE
	3.3	Valutazioni complessive	19
		•	21
Bibliografia			

Capitolo 1

Teoria sugli algoritmi

1.1 Space Rank

Nello sviluppo di algoritmi di previsione della destinazione risulta di fondamentale importanza avere a disposizione una solida base di conoscenza relativa alle abitudini degli utenti. In particolare e necessario conoscere quali sono i luoghi importanti per un utente: tali luoghi nella maggior parte dei casi risulteranno essere le destinazioni dei suoi spostamenti. Tuttavia, in questo particolare contesto, le definizioni del concetto di importanza e dei relativi indici di valutazione compongono un campo di ricerca di nuotevole interesse. In questo sezione viene proposta una metodologia di analisi dei dati volta a stimare l'importanza delle localita sulla base dei comportamenti degli utenti. L'obiettivo e quello di utilizzare i dati relativi alle visite effettuate dagli utenti nelle singole localita in modo tale da ottenere dei valori che rappresentino l'importanza che esse assumono nelle abitudini degli utenti.

1.1.1 Criteri di valutazione dell'importanza

La letteratura presenta diversi casi in cui risulta necessario lo sviluppo di sistemi di valutazione dell'importanza delle localita. Esempi di tale necessita si trovano in [4], nel quale viene presentato l'algoritmo **Predestination**, che appunto esegue una suddivisione del territorio ed una valutazione dell'importanza di ciascuna regione, per indicarne l'appetibilita rispetto all'utente esaminato. Un altro esempio che va citato e inoltre l'articolo [5], nel quale si propone un modello gravitazionale atto a considerare i flussi di una citta per decidere in quali zone sia preferibile andare ad aprire nuove attivita commerciali. In un simile contesto risulta evidente l'apporto che un appropriato criterio di valutazione di importanza delle regioni possa dare. Definire quali siano le localita importanti per un utente non e tuttavia un problema bana-

le. Alcuni studi [6] hanno dimostrato che le probabilita che ciascuno di noi si trovi in una certa localita sono legate alla legge di potenza, ovvero che tali probabilita relativamente ad una localita sono proporzionali all'inverso della posizione occupata dalla localita stessa in una scala di importanza. Questo implica l'esistenza di un ordinamento delle localita basato sull'importanza che esse hanno per ciascuno di noi. Rimane da considerare come ottenere informazioni utili alla definizione degli interessi del singolo utente. Per tale scopo possiamo sempre utilizzare [6], in quanto esso dimostra chiaramente come le persone tendano a frequentare sempre gli stessi luoghi, dunque a passare sempre per le stesse aree. Dopo tale osservazione risulta chiaro come sia sufficiente rilevare ed analizzare i comportamenti passati dell'utente per poterne elencare gli interessi, e dunque prevederne i movimenti. Per definire l'importanza che ciascuna localita ha per l'utente, e dunque intuitivo adottare i seguenti indici:

- #visits: il numero di volte in cui l'utente e stato nella localita;
- avgTime: il tempo medio delle visite effettuate dall'utente nella localita;
- totTime: il tempo totale passato dall'utente nella localita durante le sue visite.

La potenza di questi indici e il relativo basso costo computazionale per la rilevazione, effettuabile a partire da una qualsiasi collezione di dati, previa standardizzazione della struttura del contenuto. Purtroppo pero tale approccio ha anche una importante debolezza, difatti questi indici presi separatamente, possono dare solo una visione parziale delle abitudini degli utenti, e per alcune applicazioni potrebbero non essere sufficienti. Ad esempio, considerando solamente #visits, le localita in cui l'utente solamente passa e quelle in cui l'utente si ferma per lungo tempo sono equivalentemente valorizzate. Similmente, il semplice uso di avqTime puo portare alla equiparazione di localita frequentemente visitate a quelle che vengono raramente raggiunte. Migliore dunque sembrerebbe l'utilizzo dell'indice totTime, in quanto esso riesce a valorizzare sia le lunghe permanenze che un alto numero di passaggi su una particolare cella. Rimane comunque il problema di come riuscire a differenziare le celle con stesso totTime, difficolta che si e cercato di superare con l'introduzione di un nuovo indice derivato, ottenuto dalla combinazione lineare degli indici #visits ed totTime: tale indice e stato qui definito come combLinear, e sembrerebbe la soluzione piu equa, benche faccia sorgere il problema di come pesare i due indici durante il calcolo della combinazione lineare.

Come abbiamo osservato, diverse proposte per la rilevazione dell'importanza delle localita sono gia state definite, ognuna con pregi e difetti. Alla luce di cio, e risultato interessante unire alla definizione di un algoritmo di previsione di traiettorie basato sulla pesatura delle localita anche la stesura e relativa

comparazione di un nuovo indice che potesse competere prestazionalmente con quelli gia definiti. Nella ricerca del migliore approccio possibile a tale problema inevitabile e stato imbattersi nell'algoritmo di PageRank [7], largamente utilizzato nei motori di ricerca per la catalogazione e l'ordinamento dei documenti ipertestuali come le pagine web. Esso, a partire da una mappatura dei collegamenti ipertestuali in un grafo pesato, ricava una stima dell'importanza dei documenti considerati. Similmente l'indice spaceRank, da esso ispirato, si propone di codificare i movimenti osservati degli utenti al fine di poter analizzare il grafo creato per ottenere una stima dell'importanza delle localita comprese nell'area analizzata.

1.1.2 PageRank

L'algoritmo di PageRank [7] ha avuto origine nel 1995 da un progetto di ricerca della Stanford University, a cura di Larry Page. A rendere famoso questo algoritmo e stato lo sviluppo e la successiva crescita negli anni del primo motore di ricerca ad utilizzarlo per l'ordinamento dei risultati, Google. L'obiettivo dell'algoritmo di PageRank e quello di misurare l'importanza di ciascun elemento di un insieme di documenti con collegamenti ipertestuali. A tal fine viene calcolato, per ciascun documento, un valore numerico che rappresenta la probabilita che una persona arrivi a quel dato documento scegliendo ciclicamente a caso uno dei collegamenti presenti nel documento ipertestuale che sta leggendo. Il processo matematico, utilizzato per il calcolo del valore numerico da assegnare a ciascuno dei documenti, si basa sulle catene di Markov. Dato un insieme dei documenti ipertestuali, viene innanzitutto calcolata la matrice relativa alle citazioni. Quest'ultima e una matrice $n \times n$, dove n e il numero dei documenti presenti nell'insieme. Su ciascuna riga di tale matrice vengono inseriti i valori relativi ai collegamenti ipertestuali che puntano a ciascuno dei documenti indicati dalle colonne. Su tale matrice viene effettuata una normalizzazione tale da rendere la somma dei valori di ciascuna riga pari ad 1. La matrice risultante e la matrice di adiacenza del grafo delle citazioni dell'insieme di documenti. Il grafo delle citazioni così creato puo essere interpretato come una catena di Markov ed il calcolo dell'autovettore dominante della matrice di adiacenza definisce la probabilita di trovarsi in ciascuno degli stati della catena di Markov durante una camminata casuale, ovvero la probabilita di raggiungere ciascuno dei documenti scegliendo ciclicamente a caso uno dei collegamenti ipertestuali contenuti nei documenti che vengono presentati, ovvero il valore di PageRank. Tuttavia un tale calcolo presenterebbe due problemi.

Il primo problema, a livello matematico, e relativo alla catena di Markov, la quale potrebbe non essere ergodica. Una catena di Markov si definisce ergodica se ciascuno stato della catena (ovvero ciascun nodo del grafo) e:

- aperiodico: se il suo periodo e pari a 1, ovvero se lo stato non deve sempre occorrere dopo un multiplo di un certo numero di passi;
- ricorrente positivo: se in una camminata casuale infinita c'e sempre probabilita di ritornare in uno stato gia visitato in un numero fi nito di passi.

Il calcolo dell'autovettore dominante di una matrice relativa ad una catena di Markov non ergodica potrebbe non convergere e non si avrebbe, quindi, un limite stabile da poter utilizzare come valore di PageRank.

Il secondo problema e invece attinente alla metafora utilizzata da questa metodologia. Risulta infatti difficile pensare ad un utente che sfogli un insieme di documenti unicamente seguendo i collegamenti ipertestuali e senza mai abbandonare un documento per uno qualsiasi dei documenti dell'insieme. Entrambi i problemi descritti possono essere risolti mediante l'utilizzo di quella che viene comunemente definita matrice di teletrasporto. Quest'ultima e una matrice n x n che definisce un grafo con un arco di pari peso tra ciascuna coppia di nodi. Tale grafo puo essere interpretato come una catena di Markov in cui ad ogni passo e possibile passare dallo stato attuale ad uno qualsiasi degli stati della catena (compreso quello attuale). Dalla combinazione lineare delle normalizzazioni delle due matrici descritte si ottiene la matrice il cui autovettore dominante contiene i valori di PageRank effettivamente utilizzati quali stima dell'importanza dei documenti dell'insieme. Per tale combinazione lineare viene utilizzato un fattore d, comunemente definito fattore di salto, che definisce la probabilita, stabilita a priori, che l'utente effettui un salto dal documento in cui si trova ad uno qualsiasi dei documenti dell'insieme, ovvero di seguire i collegamenti definiti dalla matrice di teletrasporto. Dunque, la matrice utilizzata per il calcolo dei valori di PageRank sara:

$$P = (1 - d)xA + dxT \tag{1.1}$$

dove A e la matrice di adiacenza normalizzata del grafo delle citazioni, T e la matrice di teletrasporto normalizzata e d e il fattore di salto. Per il calcolo dell'importanza delle pagine web, dai motori di ricerca viene solitamente utilizzato un fattore di salto pari a 0.15.

Una volta calcolata la matrice di PageRank P, non rimane che utilizzarla per calcolare la matrice di Importanza M_{imp} utilizzando il metodo delle potenze per ricavarne l'autovettore dominante. Sia x vettore qualsiasi di dimensione n, ed P la matrice di PageRank otterremo la matrice M_{imp} come segue:

$$M_{imp} = \lim_{k \to +\infty} x P^k \tag{1.2}$$

La formulazione proposta in realta non viene mai implementata in quanto presenta problemi di overflow ed underflow. Per evitarli e percio necessario eseguire ad ogni passo una normalizzazione del vettore ottenuto, costruendo una successione definita come segue:

$$\begin{cases}
M_{aux}(i+1)M_{imp}(i)P \\
\beta_{i+1} = normaDue[M_{aux}(i+1)] \\
M_{imp}(i+1) = \frac{M_{aux}(i+1)}{\beta_{i+1}}
\end{cases}$$
(1.3)

che termina non appena $M_{imp}(n) - M_{imp}(n-1) < \varepsilon$ con ε scelto dall'utente, lasciando quindi $M_{imp} = M_{imp}(n)$.

1.1.3 SpaceRank

In questo capitolo viene proposto un approccio all'analisi dei comportamenti degli utenti osservati basato sull'utilizzo dell'algoritmo di PageRank. Questo approccio e stato chiamato in [8] SpaceRank. Come per l'algoritmo di PageRank, per la costruzione della matrice, il cui autovettore dominante conterra i valori di valutazione delle localita, vi sono diversi passaggi che, dopo una de

nizione piu formale del problema, sono esposti nei seguenti paragrafi.

Formalizzazione del problema

Dato un insieme di informazioni relative all'ubicazione di un insieme di utenti in una data area e lungo un dato periodo di tempo, l'obiettivo e quello di stimare l'importanza delle localita dell'area di interesse sulla base dei dati a disposizione. Per effettuare tale analisi, si rende innanzitutto necessario discretizzare l'area di interesse in un insieme di sotto-aree $L=l_0,l_1,\ldots,l_{n-1}$ che chiameremo localita. In tale suddivisione non e necessario che le localita siano della stessa dimensione ma, per semplicita, nella seguente discussione supporremo che lo siano. Negli esempi in Figura 2.1 , i nodi del grafo, che rappresentano le localita, sono disposti in griglie quadrate. De

niamo N_i come l'insieme di tutte le localita vicine ad l_i , ovvero come l'insieme di tutte le localit a raggiungibili da l_i con un solo passaggio, compresa l_i stessa, ed N come l'insieme di tutti gli insiemi N_i . Supponiamo, quindi, di disporre dei dati relativi al campionamento dell'ubicazione e della velocita di spostamento di uno o piu utenti durante un periodo di tempo. Per ciascun utente u e possibile creare un registro storico $R_u = r_0, r_1, r_2, \ldots$ contenente i dati a disposizione per quell'utente, in cui ogni elemento e una tripla $r_i = (t, l, s)$, dove t e la marcatura temporale relativa all'istante in cui e stata

effettuata la campionatura, $l \in L$ e la localita registrata ed s e la velocita di spostamento dell'utente in quell'istante. Sia, infine, $R = R_0, R_1, \ldots, R_m$ l'insieme dei registri relativi agli m utenti del campione. Dati gli insiemi L, N ed R, l'obiettivo e quello di ottenere un valore numerico che stimi l'importanza di ciascuna localita $l \in L$.

FIGURA 2.1

Matrice basata sul registro storico dei dati

Il primo passo della procedura di calcolo di SpaceRank prevede la mappatura dei registri relativi alla campionatura dell'ubicazione degli utenti in un grafo pesato diretto, il cui scopo e di rappresentare le abitudini osservate degli utenti. Sia A la matrice di adiacenza nxn (dove n e la cardinalita di L) del grafo delle abitudini. Inizialmente, sia A[i,j] = 0 per ciascun valore di i e di j compresi tra 0 ed n-1. Dato l'insieme R, per ciascun $R_u \in R$, per ciascuna coppia di elementi di R_u temporalmente successivi r_x ed r_{x+1} , deve essere eseguito l'aggiornamento A[i,j] = A[i,j] + 1, dove l_i e la localita indicata dalla tripla r_x ed l_j e la localita indicata dalla tripla r_{x+1} . Compiuto tale procedimento, ogni elemento A[i,j] della matrice A conterra il numero di movimenti (ovvero passaggi da una localita ad un'altra) dalla localita i alla localita j effettuati dagli utenti durante il periodo di osservazione. Si noti che, nel caso in cui un utente si trovasse nella stessa localita durante due campionamenti temporalmente successivi, tale comportamento verrebbe mappato nel grafo delle abitudini come un ciclo sullo stesso nodo; de

niremo tale tipologia di movimenti come permanenze. Ad esempio in Figura 2.1 (a) viene illustrato un grafo che mappa i possibili spostamenti in un'area suddivisa in una griglia di quattro localita disposte in una griglia 2x2 (nella figura non sono visibili i pesi assegnati agli archi). Tramite un processo di normalizzazione delle righe della matrice A e possibile ottenere una matrice \bar{A} , in cui la somma dei valori di una singola riga sia ciascun valore $\bar{A}[i,j]$ contenuto in tale matrice puo essere interpretato come la probabilita che l'utente effettui un movimento dalla localita i alla localita j sulla base delle abitudini osservate, contenute nell'insieme dei registri R. Il procedimento piu semplice, ma non l'unico possibile, per ottenere una tale normalizzazione e quello di dividere ciascun elemento di ciascuna riga della matrice per la somma dei valori della riga a cui esso appartiene.

Matrice di transizione

La matrice \bar{A} finora sviluppata nell'algoritmo di Space Rank non e sicuramente la soluzione definitiva per la corretta formalizzazione del problema, in

quanto si avrebbe una probabilita pari a zero di raggiungere una localita mai visitata prima dall'utente e la catena di Markov relativa al grafo delle abitudini potrebbe non essere ergodica. A tal fine puo essere creata una matrice \bar{B} , che de

niremo come matrice di transizione, che rappresenti un grafo avente un nodo per ciascuna localita $l \in L$ ed un arco per ciascuna coppia di localita contigue. Sia dunque \bar{B} la matrice definita come:

$$\bar{B}[i,j] = \begin{cases} \frac{1}{c_i} & sel_j \in N_i \\ 0 & altrimenti \end{cases}$$
 (1.4)

dove ci e la cardinalita dell'insieme N_i . Tale matrice e gia normalizzata e descrive un grafo corrispondente ad una catena di Markov ergodica in cui si ha la stessa probabilita di effettuare ad ogni passo una transizione dallo stato attuale ad uno qualsiasi degli stati che rappresentano le localita vicine a quella in cui si trova l'utente (compresa quest'ultima). Ad esempio in Figura 2.1 (b) viene illustrato il grafo di una possibile matrice \bar{B} relativa ad un'area suddivisa in quattro localita disposte in una griglia 2x2 (nella

gura non sono visibili i pesi assegnati agli archi). In questo caso particolare, l'insieme dei vicini di ciascuna localita comprende tutte le localita dell'area di interesse. Lo stesso vale per la localita centrale in Figura 2.1 (c), dove viene illustrato il grafo di una possibile matrice \bar{B} relativa ad un area suddivisa in nove localita disposte in una griglia 3x3 (nella figura non sono visibili i pesi assegnati agli archi), ma non per le altre localita di questo secondo esempio, dalle quali e possibile raggiungere solo alcune localita (4 o 6 a seconda della posizione).

Combinazioni delle matrici

Ottenute, dunque, le due matrici \bar{A} e \bar{B} , che rappresentano rispettivamente le abitudini osservate degli utenti e la conformazione dell'area d'interesse, e possibile combinare le due matrici per ottenere una matrice normalizzata a cui possa essere applicato il calcolo dell'autovettore dominante, come avviene nel caso del calcolo di PageRank. Come per il calcolo del PageRank, deve essere utilizzato un fattore di combinazione d, che nel caso dei documenti ipertestuali viene comunemente definito fattore di salto e che in questo contesto puo essere definito come fattore di comportamento non abitudinario, dato che de

nisce la percentuale di probabilita con cui deve essere presa in considerazione la possibilita che l'utente si muova al di fuori delle abitudini osservate. La matrice a cui verra dunque applicato il calcolo dell'autovettore dominante sara:

$$S = (1 - d)x\bar{A} + dx\bar{B}$$

In prima istanza, il valore d=0.15, comunemente utilizzato per il calcolo del PageRank, puo essere preso in considerazione come un buon valore di combinazione delle due matrici. Un valore minore darebbe maggiore importanza alle abitudini osservate, mentre un valore superiore porterebbe a prendere maggiormente in considerazione un comportamento generico e non legato alle abitudini osservate. I due casi estremi porterebbero a $S=\bar{A}$, con d=0, ed a $S=\bar{B}$, con d=1. Ovviamente quest'ultimi due casi sono da escludere: il primo perche porterebbe agli stessi problemi a causa dei quali e stata introdotta nel calcolo la matrice \bar{B} ; il secondo perche non darebbe alcuna effettiva informazione relativa ai comportamenti osservati degli utenti.

Calcolo della Matrice di Importanza

Una volta calcolata la matrice di SpaceRank S, non rimane che utilizzarla per calcolare la matrice di Importanza M_{imp} utilizzando il metodo delle potenze per ricavare l'autovettore dominante.

Sia x vettore qualsiasi di dimensione n, ed S la matrice di SpaceRank otterremo la matrice M_{imp} come segue:

$$M_{imp} = \lim_{k \to +\infty} x S^k \tag{1.5}$$

Ovviamente per calcolare effettivamente M_{imp} sara sufficiente eseguire la seguente successione libera da problemi di undreflow ed overflow:

$$\begin{cases}
M_{aux}(i+1)M_{imp}(i)S \\
\beta_{i+1} = normaDue[M_{aux}(i+1)] \\
M_{imp}(i+1) = \frac{M_{aux}(i+1)}{\beta_{i+1}}
\end{cases}$$
(1.6)

che termina non appena $M_{imp}(n) - M_{imp}(n-1) < \varepsilon$ con ε scelto dall'utente, lasciando quindi $M_{imp} = M_{imp}(n)$.

1.2 ARDA

Come esposto nell'introduzione, negli ultimi anni, specialmente nel contesto dei sistemi mobili, sono stati sviluppati diversi algoritmi per la previsione delle traiettorie degli utenti. Nella maggior parte dei casi essi si basano su complicati modelli matematici e statistici operanti su informazioni raccolte nel passato. In questo capitolo, dopo una breve formalizzazione del problema della previsione delle traiettorie, viene proposto un modello astratto presentato in [8] per la previsione delle stesse basato sull'utilizzo di una semplice metafora legata alla fisica dei campi elettrici.

1.2 ARDA 9

1.2.1 Formalizzazione del problema

Si prenda ad esempio un generico oggetto in movimento. Possiamo indicare tale oggetto generico come oggetto della previsione (ODP). Assumiamo che l'ODP si muova su una super

cie bidimensionale; cio ci permette una semplice rappresentazione bidimensionale del problema, ma l'estensione al caso tridimensionale e di semplice realizzazione. L'obiettivo e quello di determinare la probabilita con cui l'ODP, che all'istante attuale t0 e posizionato nel punto (x_0, y_0) sulla superficie, si verra a trovare in ciascuno dei punti del piano ad un certo istante t_i nel futuro, dato un suo attuale vettore di spostamento $\vec{v_0}$. In prima istanza, questo equivale a cercare una funzione a sette parametri:

$$p(x_0, y_0, t_0, \vec{v_0}, t_i, x, y)$$
 (1.7)

che calcoli un valore di probabilita per ciascun punto (x, y) del piano. Normalmente, gli spostamenti quotidiani di una persona non sono casuali, ma guidati dall'interesse della persona stessa verso un piccolo insieme di luoghi [6]. Risulta quindi ovvio che la posizione di tali oggetti di interesse influenzi il movimento dell'ODP sulla super

cie. Interpretando l'interesse dell'ODP verso questi luoghi come un'attrazione esercitata su di esso dagli stessi, possiamo dunque posizionare sulla super

cie dei punti di interesse, che possono rappresentare case, uffici, negozi, citta, stazioni, ecc. Quindi l'obiettivo e quello di trovare una qualche funzione del tipo:

$$p[k_1, \dots, k_n](x_0, y_0, t_0, \vec{v_0}, t_i, x, y)$$
 (1.8)

che calcoli la probabilita che (x, y) sia la posizione dell'ODP al tempo t_i , dato uno schema

ssato di punti di interesse sulla super cie $[k_1, \ldots, k_n]$.

1.2.2 Modello astratto di previsione

Le metafore legate al mondo reale sono largamente utilizzate in diversi campi dell'informatica. Questo si deve al fatto che l'utilizzo delle metafore fornisce una base comune per la condivisione di idee tramite modelli ampiamente conosciuti e studiati. In questo capitolo viene presentato un modello astratto, per la previsione delle traiettorie degli utenti nel contesto dei sistemi mobili, che sfrutta una metafora legata alla

sica dei campi elettrici.

Modello gravitazionale

Un recente studio [6] ha confermato che ciascuno di noi e legato ad un insieme di localita che possono essere definite importanti. Le analisi condotte indicano che vi sono alte probabilita che in un qualsiasi momento una data persona si trovi in due o tre localita importanti e basse probabilita che si trovi in un qualsiasi altro posto. Da queste considerazioni si puo dedurre che se un utente e in movimento ci sono alte probabilita che si stia dirigendo verso uno di questi punti di interesse. Per ciascuno di noi vi sono infatti alcuni tragitti molto utilizzati che sono quelli che ci portano da una localita per noi importante ad un'altra, come ad esempio il tragitto che ci conduce da casa al luogo di lavoro e viceversa.

Tuttavia, durante lo svolgimento delle nostre attivita quotidiane effettuiamo anche altri spostamenti che ci portano a localita non appartenenti a quel piccolo insieme di localita definite come importanti. Le probabilita che la destinazione di un nostro tragitto sia una di queste localita meno importanti e bassa, ma non nulla.

Inoltre, e evidente che la vicinanza delle diverse localita e la velocita e la direzione di spostamento influenzano il nostro tragitto. Se ad esempio un utente avanza lentamente in direzione di una localita vicina, anche se quest'ultima risulta essere di importanza relativa per l'utente, le probabilita che essa sia la sua destinazione

nale sono comunque maggiori rispetto alle probabilita che intuitivamente assegneremmo ad una localita lontana seppur importante. Se invece l'utente avanza a velocita sostenuta ed in direzione tangenziale rispetto ad una localita non molto importante, la probabilita che si assegnerebbe intuitivamente a quella localita sarebbe bassa.

La metafora qui presentata propone un parallelo tra la modalita intuitiva di assegnazione delle probabilita appena descritta e le leggi

siche che regolano l'attrazione gravitazionale. Se un oggetto si muove in uno spazio in cui agiscono delle forze gravitazionali prodotte da altri oggetti in posizioni

sse, la traiettoria dell'oggetto verra modi

cata delle forze, si pensi ad esempio ad un asteroide che si muova in un sistema planetario. Riprendendo gli esempi portati precedentemente, se un ODP si trova in un'area soggetta ad una debole forza di attrazione gravitazionale, se e diretto verso il punto in cui si trova l'oggetto che genera il campo di attrazione o se la sua velocita e sufficientemente bassa, l'ODP molto probabilmente verra attratto verso tale oggetto. Se, invece, la direzione dell'ODP e tangenziale rispetto alla forza di attrazione e la sua velocita e la distanza dal

1.2 ARDA 11

punto di origine della forza gravitazionale sono sufficienti, esso sfuggira alla forza generata dal campo di attrazione e proseguira lungo la sua traiettoria.

Supponiamo quindi di conoscere quali sono le localita importanti per un dato utente, ovvero di utilizzare una scala di importanza con un valore assegnato a ciascuna di queste e di conoscere la disposizione spaziale di tali localita in un piano bidimensionale che rappresenti l'area di interesse in cui l'utente si muove. Supponiamo inoltre di conoscere i dati relativi alla velocita ed alla direzione di movimento dell'utente in un certo istante temporale t0. Date tali informazioni e possibile creare un modello

sico gravitazionale che rappresenti la situazione in cui si trova l'utente all'istante t0 secondo il modello astratto precedentemente descritto. Si parta da un modello

sico di spazio tridimensionale vuoto e si aggiunga, su uno stesso piano nello spazio tridimensionale, un oggetto

sso per ciascuna delle localita importanti secondo la loro disposizione nell'area di interesse, assegnando a ciascun oggetto una massa proporzionale all'importanza della localita che rappresenta. La presenza di questi oggetti

ssi nello spazio tridimensionale dara origine ad uno schema di forze quale risultato dell'interazione dei campi di attrazione gravitazionale generati dai diversi oggetti. Aggiungendo al modello

sico un oggetto puntiforme di massa trascurabile, il cui vettore di spostamento sul piano su cui sono stati disposti gli oggetti

ssi corrisponde alla velocita ed alla direzione dell'utente all'istante t0, il movimento di tale oggetto dipendera dalle forze di attrazione gravitazionale generate dagli altri corpi presenti (vedi Figura 3.1).

FIGURA 3.1

Generazione del modello

La metafora legata alla

sica gravitazionale e probabilmente quella piu intuitiva per questo modello astratto di previsione della traiettoria. Tuttavia le stesse leggi che regolano i campi gravitazionali valgono anche per modelli

sici quali la diffusione del suono e i campi elettrici. Questi ultimi possono risultare di particolare interesse poiche prevedono la presenza sia di potenziali negativi generati dalla presenza di cariche negative, che esercitano forze attrattive (per oggetti di carica positiva) come quelle dei campi gravitazionali, sia di potenziali positivi generati dalla presenza di cariche positive che esercitano forze repulsive (per oggetti di carica positiva), come illustrato in Figura 3.2 . Inoltre, questo parallelo permette una piu semplice rappresentazione sul piano

bidimensionale.

La possibilita di introdurre delle forze repulsive in un modello come quello descritto nel Paragrafo 2.2.1 puo inizialmente sembrare contro intuitiva, ma puo risultare utile in alcuni casi. Si pensi ad esempio a un sistema di previsione della destinazione installato in un'autovettura. Vi sono alcune zone che l'utente non potra raggiungere in auto nonostante la sua traiettoria, come ad esempio il centro di un lago, una zona in mare aperto o piu semplicemente una zona a traffico esclusivamente pedonale. In questi casi la traiettoria dovra deviare, ad esempio verso una localita che rappresenti il parcheggio che solitamente l'utente utilizza quando deve andare in una zona a traffico pedonale come il centro di una citta.

Come si puo notare, in questo tipo di modello

sico, basato sui campi elettrici, e piu semplice ragionare in termini di potenziale presente in una certa localita piuttosto che di presenza di una certa carica nella localita stessa. Inoltre, l'analisi delle abitudini di un utente dara come risultato un valore di importanza da assegnare a ciascuna delle localita prese in considerazione e potrebbe non essere banale scegliere un piccolo insieme di punti di interesse disposti sulla super

cie, come invece descritto nel Paragrafo 3.2.1. Si puo quindi scegliere di interpretare i valori di importanza, assegnati a ciascuna localita, come i valori opposti del potenziale elettrico presente in quella data localita. In tal modo, maggiore e l'importanza, minore e il valore del potenziale e quindi maggiore e l'attrazione esercitata dalla localita.

1.2.3 ARDA

Possiamo ora presentare l'algoritmo di previsione basato sul modello astratto precedentemente descritto nel Paragrafo 3.2. In questo paragrafo vengono introdotte le formule utilizzate per eseguire una previsione della traiettoria dell'utente, sia a breve termine che a lungo termine, sulla base dei valori di importanza assegnati alle localita secondo un dato indice di stima. Le simulazioni

siche descritte vengono effettuate in uno spazio bidimensionale a valori continui rappresentante l'area di interesse. Poiche i dati ottenuti dall'analisi dei comportamenti degli utenti sono relativi ad un insieme discreto di localita (per le motivazioni illustrate nel Paragrafo 3.2.3), il piano utilizzato nella simulazione deve essere suddiviso mediante una griglia. Durante la simulazione, l'applicazione delle forze in gioco previste dal modello astratto viene operata in modo omogeneo a tutti i punti del piano continuo appartenenti ad una stessa sezione della griglia, ovvero a tutti i punti dello spazio appartenenti ad una stessa localita. Si suppone che i valori di importanza utilizzati siano disponi-

1.2 ARDA 13

bili per mezzo di una struttura dati di tipo matriciale M_{imp} che rappresenti la griglia delle localita.

Utilizzo dei valori di importanza

Con l'adozione di un modello gravitazionale, possiamo de

nire una matrice M_{pot} , rappresentante l'energia potenziale elettrica di ciascuna localita. Ciacun ODP sara attratto dalle aree a basso potenziale, associate con le localita piu importanti per l'individuo. Per derivare i valori della matrice M_{pot} e possibile utilizzare qualsiasi indice di localita come ad esempio:

- #visits: il numero di volte in cui l'utente e stato nella localita;
- avgTime: il tempo medio delle visite effettuate dall'utente nella localita;
- totTime: il tempo totale passato dall'utente nella localita durante le sue visite;
- spaceRank: basato su un analisi dello storico degli spostamenti dell'utente e sull'analisi dell'intorno di ciascuna localita.

Al di la degli indici adottati per l'analisi del territorio, importante e comprendere come il risultato di tale procedura sia una matrice di importanza M_{imp} , che associa i valori piu alti alle localita dalla maggiore importanza. Dato che il nostro modello fisico utilizza valori di importanza opposti, dobbiamo generare partendo da M_{imp} la matrice a valori opposti M_{pot} , rappresentante il potenziale delle locazioni. Per ottenere cio utilizziamo dunque una funzione monotona decrescente. Nel nostro caso si e scelto di utilizzare per comodita la funzione f(x) = -x, ma sarebbe stato possibile adottare anche funzioni di tipo polinomiale, logaritmico od esponenziale. A questo punto non rimane altro che calcolare la matriceMacc delle accelerazioni dipendenti dal potenziale delle aree di interesse. In particolare ogni cella conterra il vettore accelerazione relativo alla localita rappresentata dalla cella della matrice. M_{acc} e dunque calcolato utilizzando il gradiente:

$$M_{acc} = -\vec{\nabla}(M_{pot}) \tag{1.9}$$

Infine, per ottenere una matrice di accelerazione che abbia dei vettore accelerazione che abbiano una magnitudo dello stesso ordine di quanto osservato nei dati rilevati, andiamo a normalizzare i vettori di accelerazione ottenuti in M_{acc} in modo che la media delle accelerazioni rilevate nei dati acquisiti corrisponda alla media delle accelerazioni contenute in M_{acc} . Per fare questo ultimo passo dunque e opportuno seguire la seguente procedura:

- 1. Rilevare tutte le magnitudo dei vettori di accelerazione dai dati acquisiti e calcolarne il valore medio: AvgRealMagnitude
- 2. Rilevare tutte le magnitudo dei vettori di accelerazione di Macc e calcolarne il valore medio: AvgMaccMagnitude
- 3. Per ogni vettore accelerazione di Macc moltiplicare gli elementi del vettore per la costante ricavata da $\frac{AvgRealMagnitude}{AvgMaccMagnitude}$

FIGURA 3.4

Calcolo della traiettoria futura

Arrivati a questo punto abbiamo preparato tutte le strutture dati necessarie per il calcolo della traiettoria. E' dunque possibile la previsione della traiettoria utilizzando pochi semplici fattori:

- Un tempo di campionamento, indicante la profondita temporale in secondi della singola pervisione (Ad esempio: quanti secondi in avanti prevedere). Nelle nostre rilevazioni abbiamo utilizzato $\Delta_t = 1$
- La posizione $(x_1; y_1)$ al tempo corrente t_1
- La posizione $(x_0; y_0)$ al tempo $t_0 = t_1 \triangle_t$
- La matrice di accelerazione M_{acc} , dove $M_{acc}[x, y]$ contiene il vettore di accelerazione per la localita (x, y)
- Una funzione frenante $\gamma(M_{imp}, x, y)$, che ritorni il fattore frenante in base all'importanza della localita

Analizzando gli elementi sopra proposti notiamo subito l'introduzione di una funzione frenante, della quale ancora non era stato fatto espressamente cenno nella presentazione del modello adottato. Per comprendere il senso di tale funzione e fondamentale ritornare alla metafora che vede l'ODP come una pallina che rotola su un territorio formato da tante localita, ognuna portata ad applicare una forza sulla pallina. Tali forze saranno neutre o repulsive nel caso di localita poco importanti o addirittura da evitare (ad esempio le caselle che si trovano al centro di un lago o del mare) saranno invece attrattive nel caso di celle importanti in cui l'utente ha soggiornato a lungo in passato. Proprio in questo ultimo caso, dunque, e necessario che tali celle possano frenare il movimento della pallina rappresentante l'ODP,

no anche a fermarne l'avanzamento. Nel nostro caso abbiamo adottato una funzione frenante che garantisse fattori frenanti che andassero dal 1.5% al 10%

1.2 ARDA 15

del valore ad ogni previsione, a seconda dell'importanza della localita percorsa. Tale decisione ha dunque portato alla definizione della seguente funzione:

$$\gamma(M_{imp}, x, y) = 0.015 + 0.085 \times M_{imp}[x, y]$$
(1.10)

Una volta definiti i vari elementi del processo previsionale, non rimane che proporre la formula adottata per simulare l'itinerario dell'ODP e quindi per prevedere la posizione (x_2, y_2) dell'utente al tempo $t_2 = t_1 + \Delta_t$. Tale funzione e la Verlet integration formula:

$$[r](x2; y2) = \begin{cases} [2 - \gamma(M_{imp}, x_1, y_1)] \times (x_1, y_1) \} \\ - \{ [1 - \gamma(M_{imp}, x_1, y_1)] \times (x_0, y_0) \} \\ + \{ M_{acc}[x, y] \times \triangle_t^2 \} \end{cases}$$
(1.11)

Tale formula puo essere applicata iterativamente per calcolare le future posizioni dell'ODP in ogni tempo $t_k = t_1 + (k-1) \times \triangle_t$, con $k \ge 2$.

Utilizzo di informazioni aggiuntive

L'algoritmo

nora descritto prevede l'utilizzo, come unica fonte di informazioni relative all'importanza delle localita, della matrice M_{imp} costruita in base ai valori di importanza ottenuti dall'analisi dei comportamento dell'utente durante il periodo di osservazione. Tuttavia il modello astratto prevede l'utilizzo di informazioni sull'importanza delle localita indipendentemente dalla fonte di tali dati.

Se nella precedente discussione si e presupposto di utilizzare i valori ottenuti dal calcolo dell'algoritmo SpaceRank, e tuttavia possibile utilizzare per l'algoritmo di previsione un qualsiasi indice di importanza, costruendone la relativa matrice di valori assegnati alle localita dell'area di interesse. Ad esempio, e possibile scegliere di utilizzare dei valori di importanza calcolati solo relativamente ad un dato giorno della settimana o ad un certo periodo di tempo all'interno di una giornata, cercando in tal modo specializzare la previsione in base all'orario in cui viene fatta. Allo stesso modo e possibile scegliere di utilizzare i dati relativi al solo utente in questione oppure quelli relativi a tutti gli utenti osservati, sfruttando l'opportunita di basarsi su un'importanza di tipo globale o condivisa nel caso in cui, ad esempio, non siano disponibili i dati relativi ad un certo utente per una data zona.

Altre tipologie di dati che possono essere integrate in questo algoritmo e sfruttate in alcune particolari situazioni sono quelle deducibili da programmi di tipo agenda o da reti sociali. Molti programmi che offrono la funzionalita di calendario permettono infatti di aggiungere informazioni relative alla localita

in cui un dato evento avra luogo. L'importanza relativa a tali tipi di localita puo quindi essere aumentata durante un dato arco temporale che include l'evento stesso. Le informazioni relative al posizionamento di amici o colleghi puo essere sfruttata in modo simile, presupponendo che la destinazione dell'utente possa essere inflenzata dalla presenza di conoscenti in alcune localita. La flessibilita del modello nella codi

ca dei dati da utilizzare come informazioni sull'importanza delle localita viene sottolineata dalla semplicita con la quale le diverse tipologie di dati possono essere integrate in un'unica valutazione. Due o piu fonti di dati, o metodologie di analisi, possono infatti essere sovrapposte, mediante una combinazione lineare delle matrici di importanza relative alle singole fonti, generando un'unica matrice:

$$M_{imp} = \alpha_1 M_{fonte1} + \alpha_2 M_{fonte2} + \dots {(1.12)}$$

dove $\alpha_1 M_{fonte1} + \alpha_2 M_{fonte2} + \dots$ sono le matrici relative alle singole fonti ed $\alpha_1, \alpha_2, \dots$ sono i rispettivi pesi utilizzati per la combinazione lineare.

Capitolo 2

Conversione e sviluppo

- 2.1 Differenze implementative
- 2.2 Analisi e scelte implementative
- 2.2.1 Unificazione dei valori di default
- 2.2.2 Scelte implementative
- 2.2.3 Raggruppamento delle funzioni
- 2.3 Interfaccia Java
- 2.3.1 Visualizzazione plot matrici
- 2.3.2 Esportazione risultati

Capitolo 3

Comparative e valutazioni

- 3.1 Matrici d'importanza e SpaceRank
- 3.1.1 Dati Python
- 3.1.2 Dati Java
- 3.1.3 Comparative
- 3.2 ARDA
- 3.2.1 Dati Python
- 3.2.2 Dati Java
- 3.2.3 Comparative
- 3.3 Valutazioni complessive

Bibliografia

- [1] A.Dey, *Understanding and using context*, Personal and Ubiquitous Computing, vol. 5, no. 1, pp 4-7, 2001
- [2] Chaoming Song, Zehui Qu, Nicholas Blumm, Albert-Laszlo Barabasi. Limits of Predictability in Human Mobility, Science 19 February 2010: Vol.327. no 5968, pp.1018-1021
- [3] Luca Snaidero, Valutazione sperimentale dell'algoritmo ARDA per la previsione di traiettorie, 2009
- [4] J. Krumm and E. Horvitz. *Predestination: Inferring destinations from partial trajectories ubicomp*. In Springer, editor, Lecture Notes in Computer Science, volume 4206, pages 243-260, 2006.
- [5] D. Ambrosin and A. Sciomachen. A gravitational approach for locating new services in urban areas. In Proceedings of the 16th Mini EURO Conference and 10th Meeting of EWGT, pages 194-199, Poznan, Poland, 2005. Poznan University of Technology.
- [6] M. C. Gonzalez, C. A. Hidalgo, and A. L. Barabasi. *Understanding individual human mobility patterns*. Nature, 435(7196):779-782, 2008.
- [7] L. Page, S. Brin, R. Motwani, and T. Winograd. *The pagerank citation ranking: Bringing order to the web.* Technical report, Stanford Digital Library Technologies Project, 1998.
- [8] S. De Sabbata, Pre-destinazione: modelli ed esperimenti per la previsione di traiettorie, Tesi laurea specialistica Universita degli Studi di Udine.