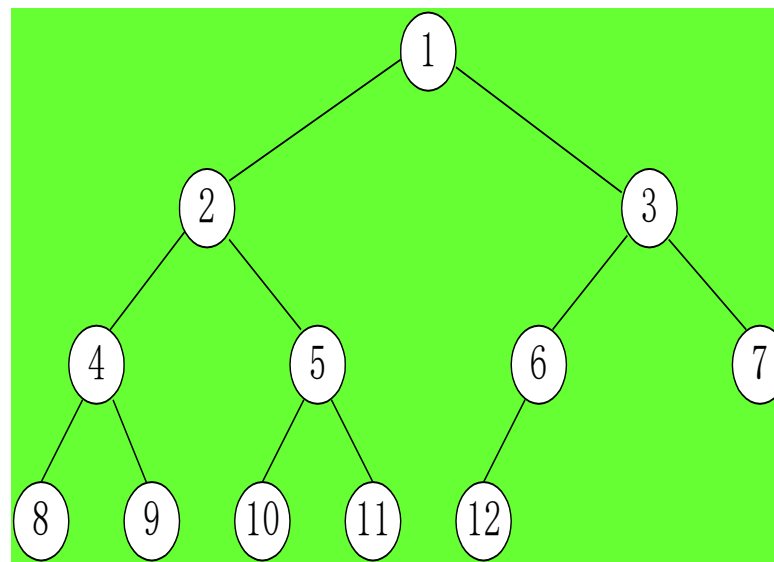
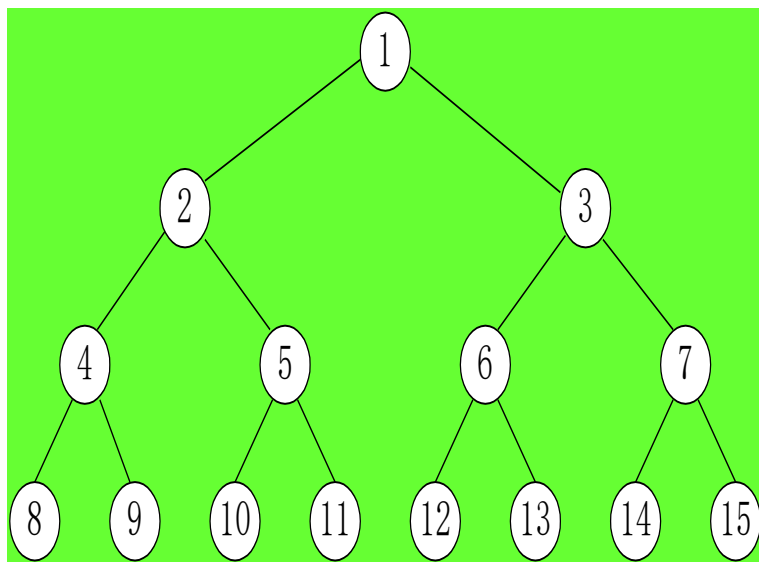


满二叉树和完全二叉树的区别

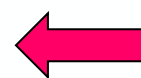
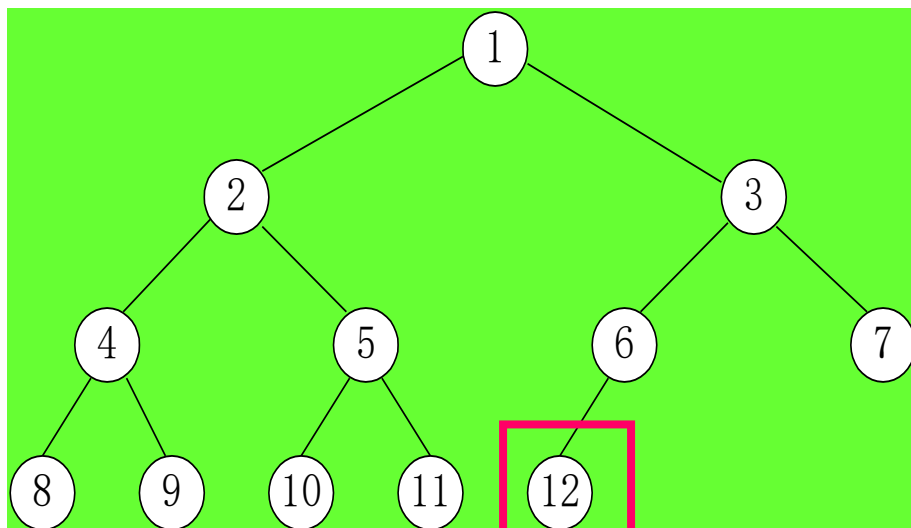
满二叉树是叶子一个也不少的树，而完全二叉树虽然前 $n-1$ 层是满的，但最底层却允许在右边缺少连续若干个结点。**满二叉树是完全二叉树的一个特例。**



练习

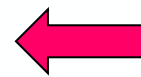
一棵完全二叉树有5000个结点，可以计算出其叶结点的个数是（ **2500** ）

性质4: 具有n个结点的完全二叉树的深度必为 $\lfloor \log_2 n \rfloor + 1$



k-1层

$$2^{k-1} - 1$$



k层

$$2^k - 1$$



n

$$2^{k-1} - 1 < n \leq 2^k - 1 \quad \text{或} \quad 2^{k-1} \leq n < 2^k$$

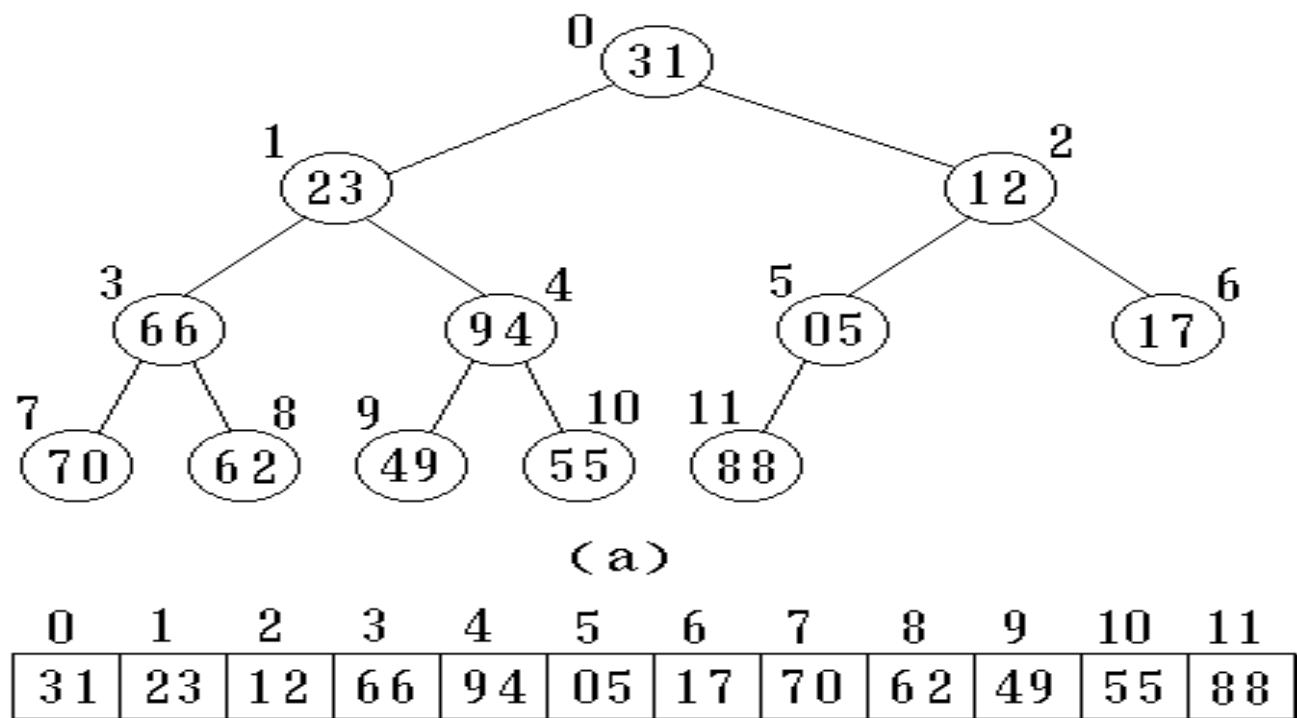
$k-1 \leq \log_2 n < k$, 因为k是整数

$$\text{所以 } k = \lfloor \log_2 n \rfloor + 1$$

性质5: 对完全二叉树, 若从上至下、从左至右编号, 则编号为 i 的结点, 其左孩子编号必为 $2i$, 其右孩子编号必为 $2i + 1$; 其双亲的编号必为 $i/2$ 。

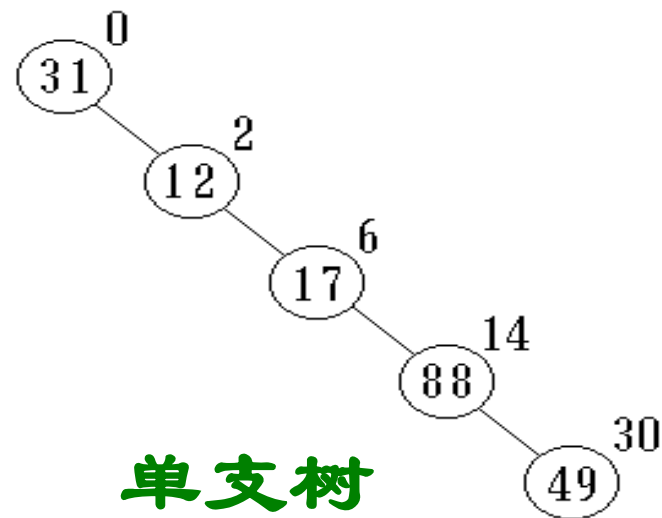
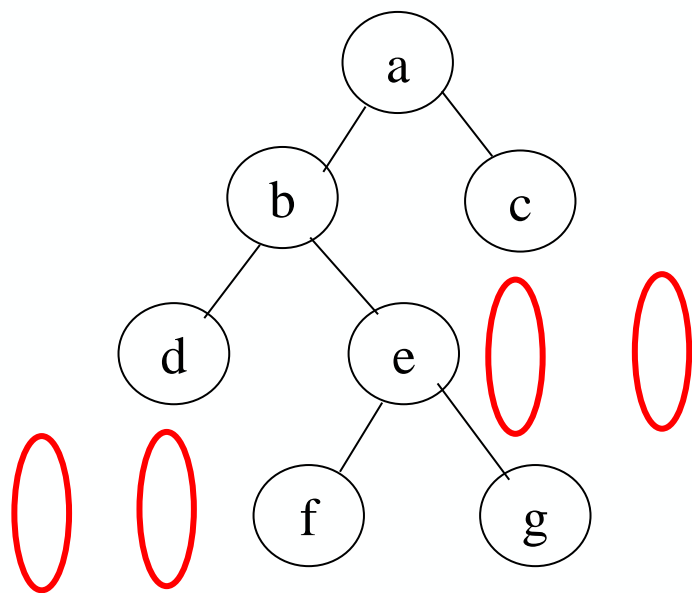
二叉树的顺序存储

实现：按**满二叉树**的结点层次编号，依次存放二叉树中的数据元素。



二叉树的顺序存储

| | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| a | b | c | d | e | 0 | 0 | 0 | 0 | f | g |

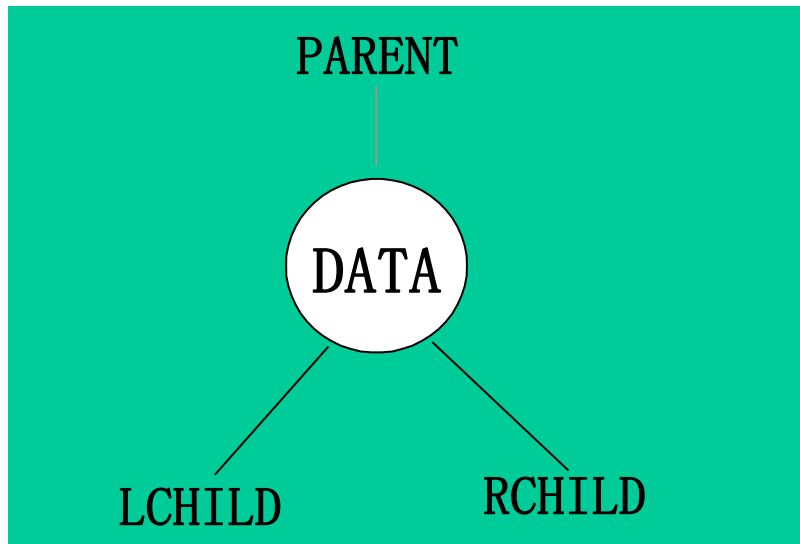


特点:

结点间关系蕴含在其存储位置中

浪费空间，适于存满二叉树和完全二叉树

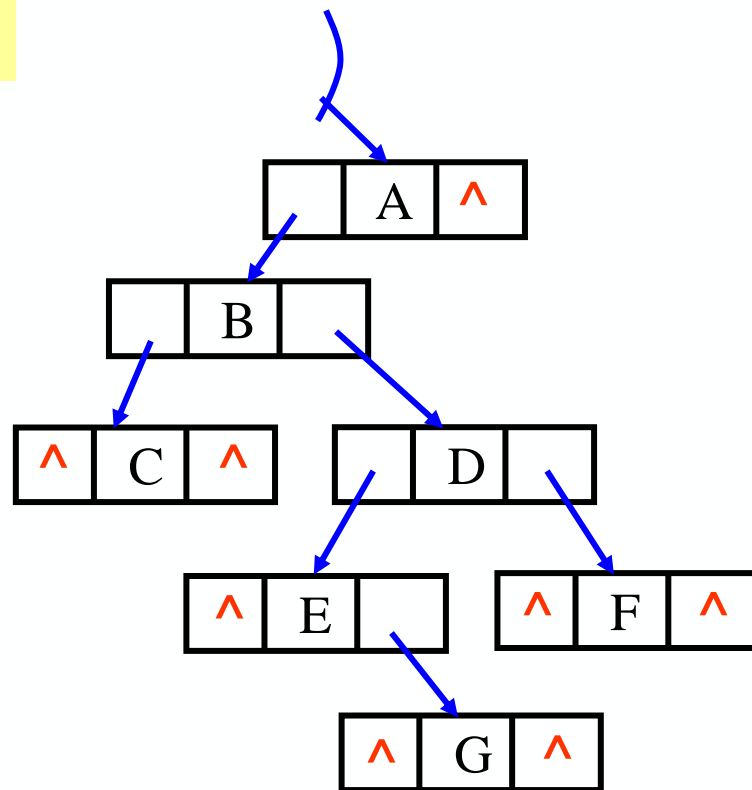
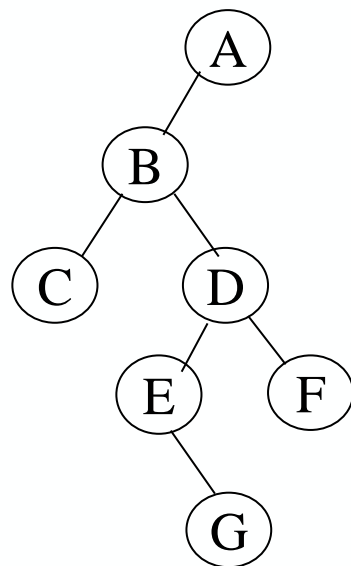
二叉树的链式存储



| | | |
|--------|------|--------|
| lchild | data | rchild |
|--------|------|--------|

| | | | |
|--------|------|--------|--------|
| lchild | data | parent | rchild |
|--------|------|--------|--------|

二叉链表



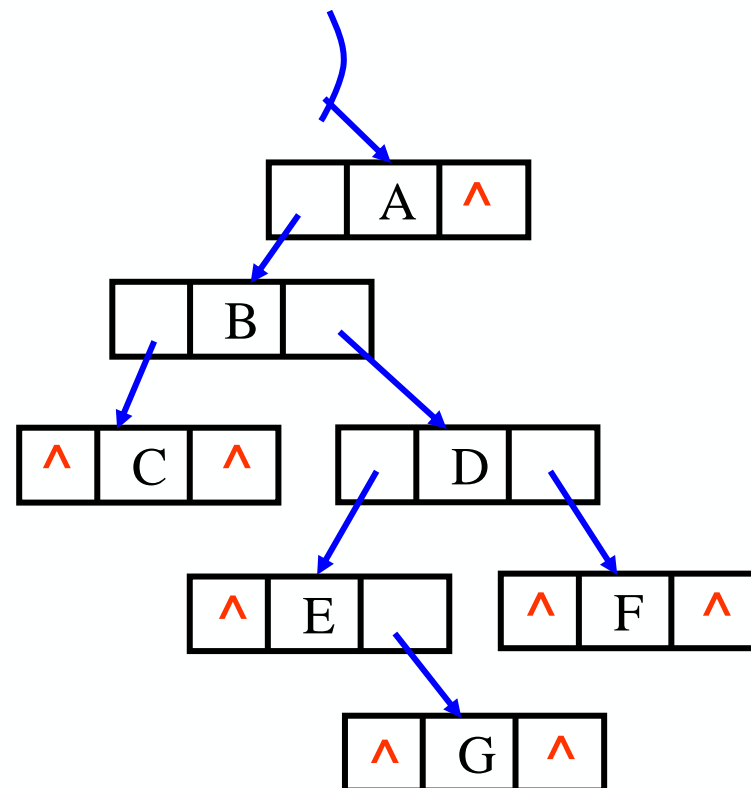
```
typedef struct BiNode{  
    TElemType  data;  
    struct BiNode  *lchild,*rchild; //左右孩子指针  
}BiNode,*BiTree;
```


练习

在n个结点的二叉链表中，有 $n+1$ 个空指针域

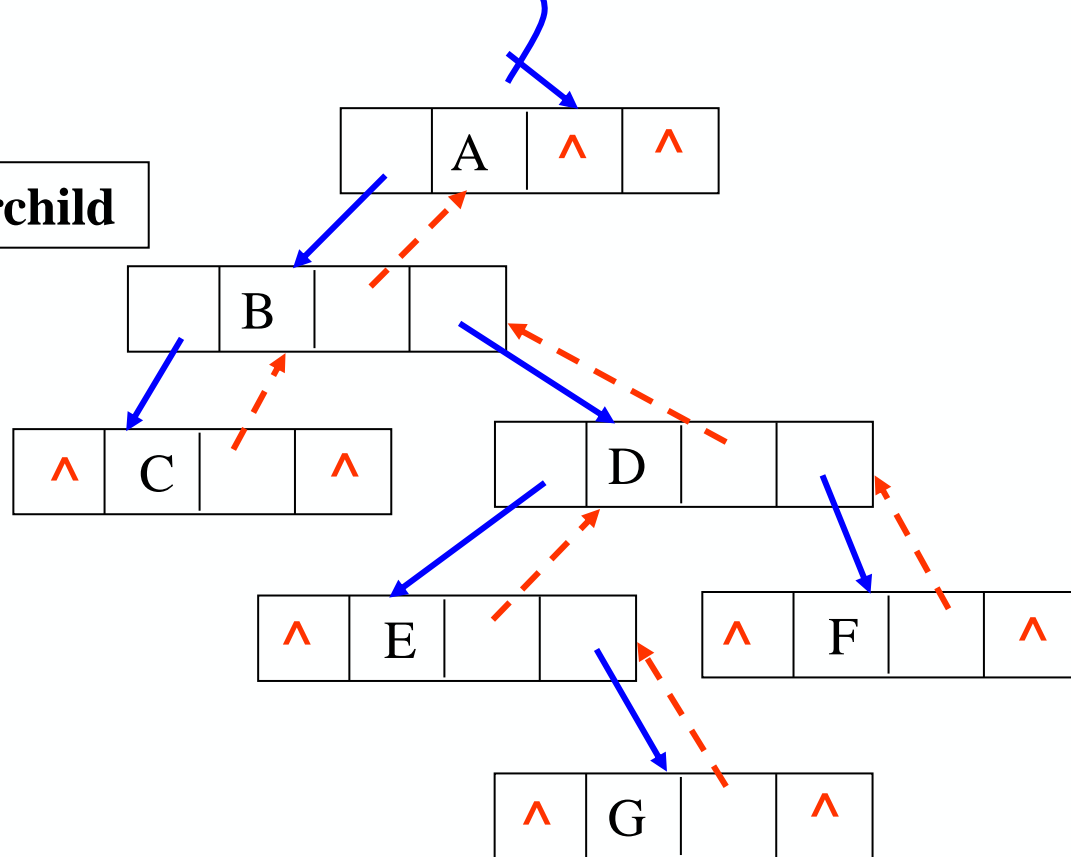
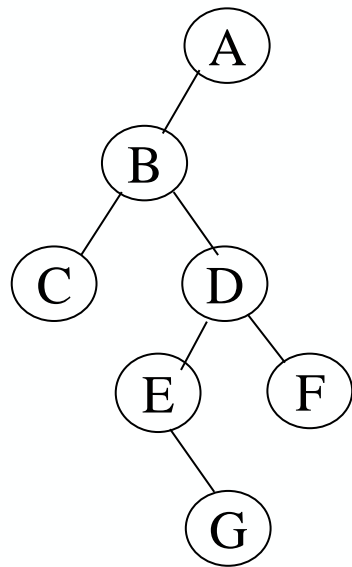
分析：必有 $2n$ 个链域。除根结点外，每个结点有且仅有一个双亲，所以只会有 $n-1$ 个结点的链域存放指针，指向非空子女结点。

$$\text{空指针数目} = 2n - (n-1) = n+1$$



三叉链表

| lchild | data | parent | rchild |
|--------|------|--------|--------|
|--------|------|--------|--------|



```
typedef struct TriTNode
{
    TelemType data;
    struct TriTNode *lchild,*parent,*rchild;
}TriTNode,*TriTree;
```

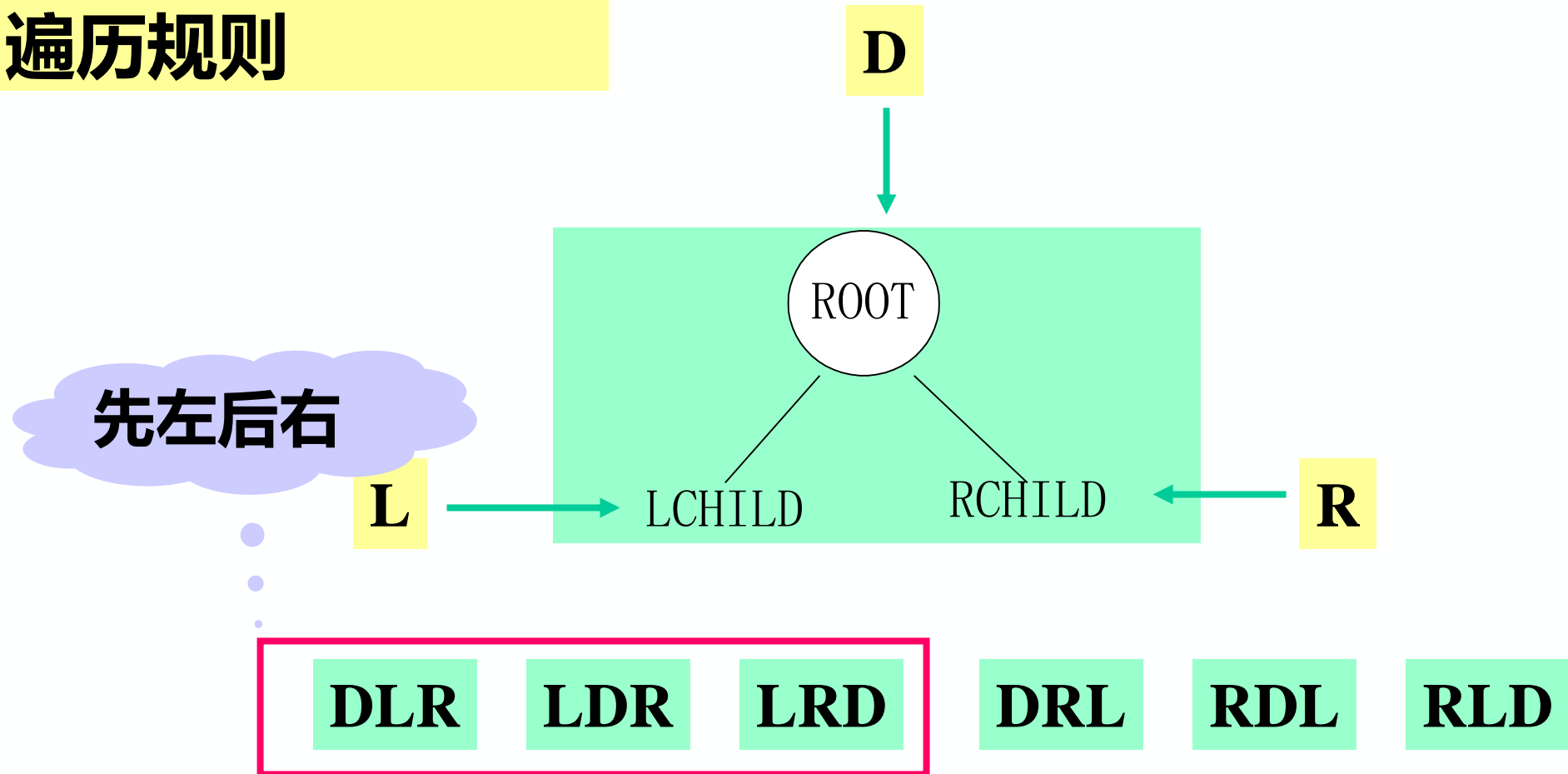
5.5 遍历二叉树和线索二叉树

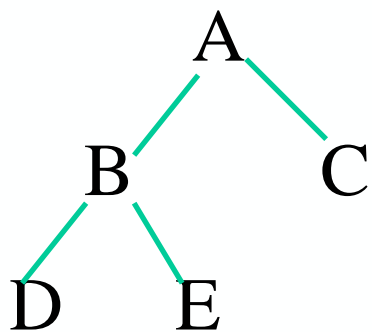


遍历定义——指按某条搜索路线遍访每个结点且不重复（又称周游）。

遍历用途——它是树结构插入、删除、修改、查找和排序运算的前提，是二叉树一切运算的基础和核心。

遍历规则





先序遍历: **A B D E C**

中序遍历: **D B E A C**

后序遍历: **D E B C A**

口诀:

DLR—先序遍历, 即先根再左再右

LDR—中序遍历, 即先左再根再右

LRD—后序遍历, 即先左再右再根