

第3章 栈和队列



教学内容

- 3.1 栈和队列的定义和特点
- 3.2 案例引入
- 3.3 栈的表示和操作的实现
- 3.4 栈与递归
- 3.5 队列的的表示和操作的实现
- 3.6 案例分析与实现

第3章 栈和队列



教学目标

1. 掌握栈和队列的**特点**，并能在相应的应用问题中正确选用
2. 熟练掌握栈的**两种存储结构**的基本操作实现算法，特别注意**栈满和栈空**的条件
3. 熟练掌握**循环队列和链队列**的基本操作实现算法，特别注意**队满和队空**的条件
4. 理解**递归算法**执行过程中栈的状态变化过程
5. 掌握**表达式求值方法**

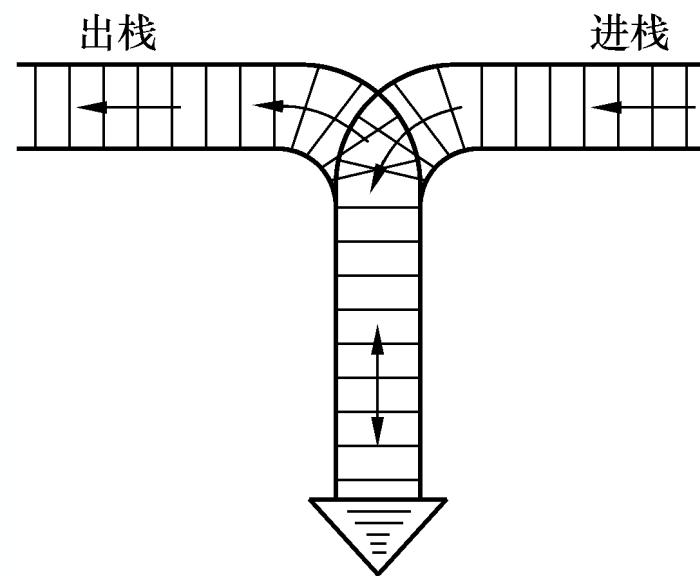
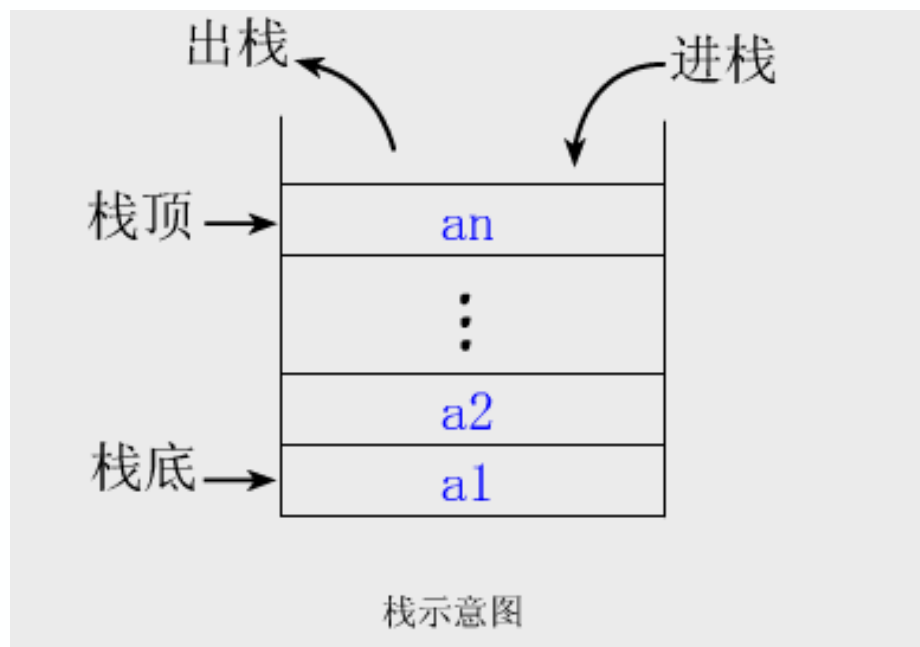
栈 (Stack)

- 1. 定义**
- 2. 逻辑结构**
- 3. 存储结构**
- 4. 运算规则**
- 5. 实现方式**

队列 (Queue)

- 1. 定义**
- 2. 逻辑结构**
- 3. 存储结构**
- 4. 运算规则**
- 5. 实现方式**

栈



用铁路调度站表示栈

3.1 栈和队列的定义和特点



栈

1. 定义

只能在**表的一端**（**栈顶**）进行插入和删除运算的**线性表**

2. 逻辑结构

与线性表相同，仍为**一对一**关系

3. 存储结构

用**顺序栈**或**链栈**存储均可，但以顺序栈更常见

4.运算规则

只能在**栈顶**运算，且访问结点时依照**后进先出（LIFO）**或**先进后出（FILO）**的原则

5.实现方式

关键是编写**入栈**和**出栈**函数，具体实现依顺序栈或链栈的不同而不同

基本操作有**入栈、出栈、读栈顶元素值、建栈、判断栈满、栈空**等

队列是一种先进先出(FIFO) 的线性表. 在表一端插入,在另一端删除



$$q = (a_1, a_2, \dots, a_n)$$



$$q = (a_1, a_2, \dots, a_n)$$

出队列
←

~~a_1~~

a_2

a_3

\dots

a_n

↑
队头

↑
队尾

$$q = (a_1, a_2, \dots, a_n)$$

出队列
←

~~a_1~~

~~a_2~~

$a_3 \dots$

a_n

↑
队头

↑
队尾

3.1 栈和队列的定义和特点



队列

1. 定义

只能在表的一端（**队尾**）进行插入，
在另一端（**队头**）进行删除运算的
线性表

2. 逻辑结构

与线性表相同，仍为**一对一**关系

3. 存储结构

用**顺序队列**或**链队**存储均可

4.运算规则

先进先出 (FIFO)

5.实现方式

关键是编写**入队**和**出队**函数，具体实现依顺序队或链队的不同而不同

栈、队列与一般线性表的区别

栈、队列是一种特殊（**操作受限**）的线性表

区别：仅在于**运算规则**不同

一般线性表

逻辑结构：一对一

存储结构：顺序表、链表

运算规则：**随机、顺序存取**

栈

逻辑结构：一对一

存储结构：顺序栈、链栈

运算规则：**后进先出**

队列

逻辑结构：一对一

存储结构：顺序队、链队

运算规则：**先进先出**

3.2 案例引入



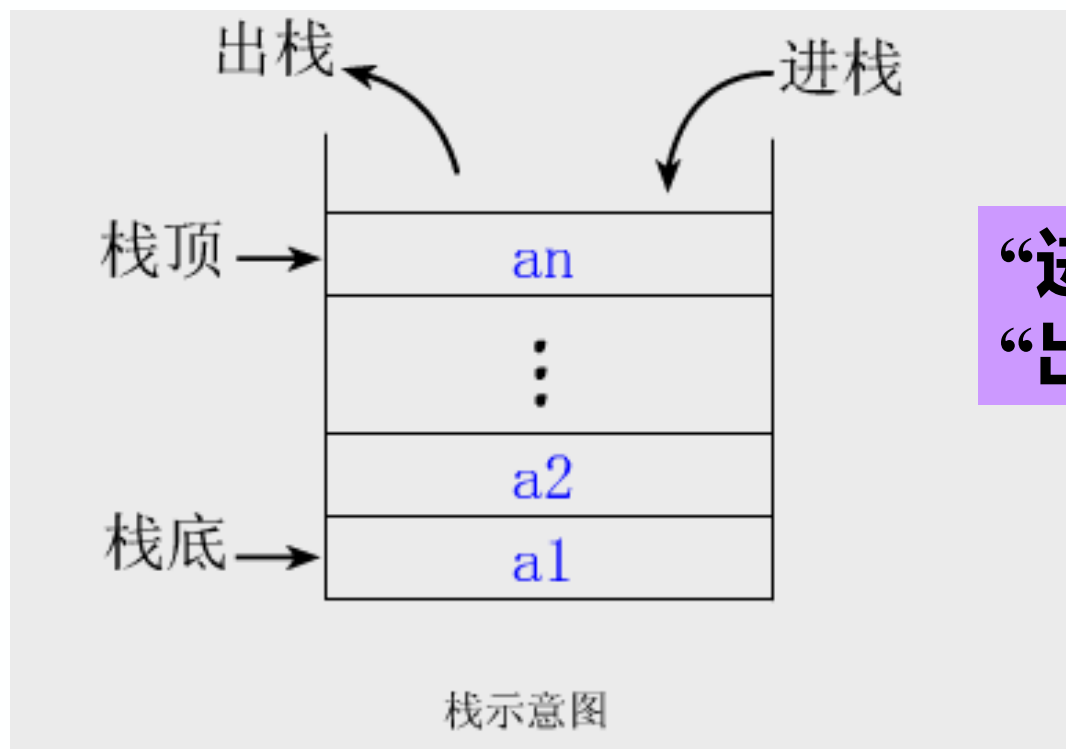
案例3.1：一元多项式的运算

案例3.2：括号匹配的检验

案例3.3：表达式求值

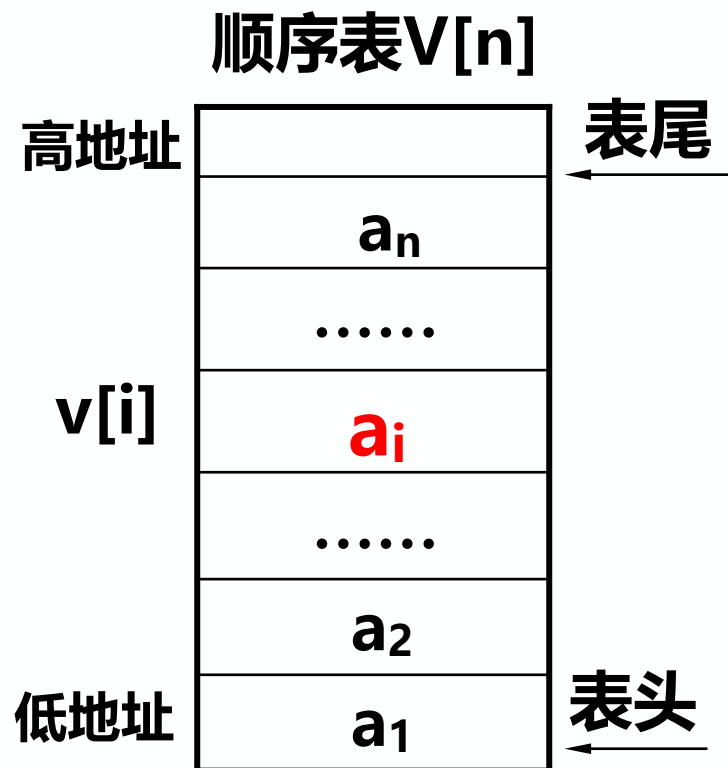
案例3.4：舞伴问题

3.3 栈的表示和操作的实现

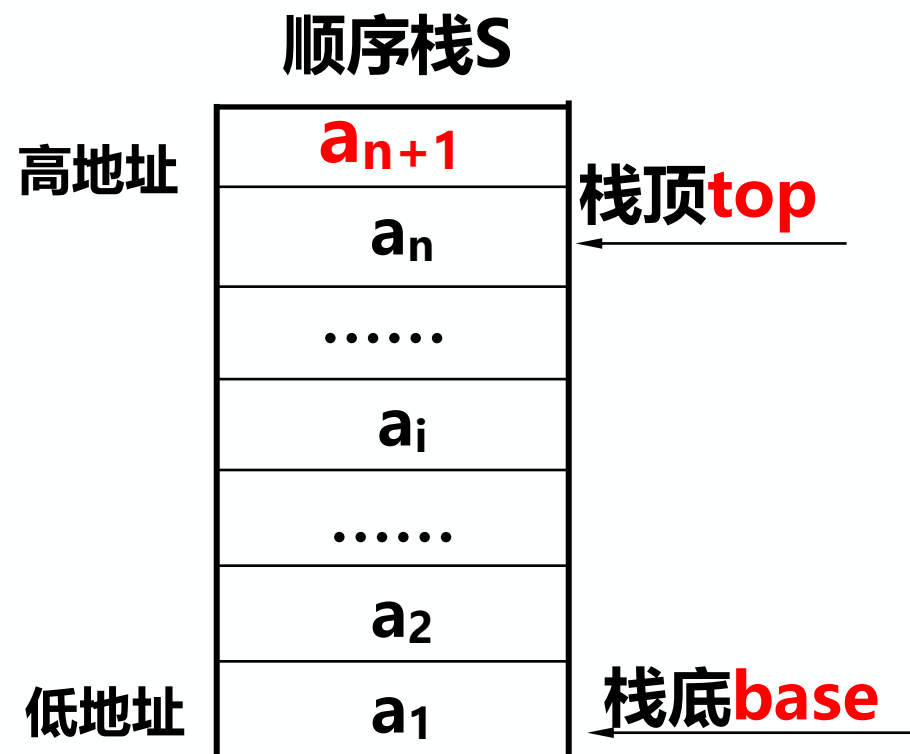


“进” = 压入 = PUSH ()
“出” = 弹出 = POP ()

顺序栈与顺序表



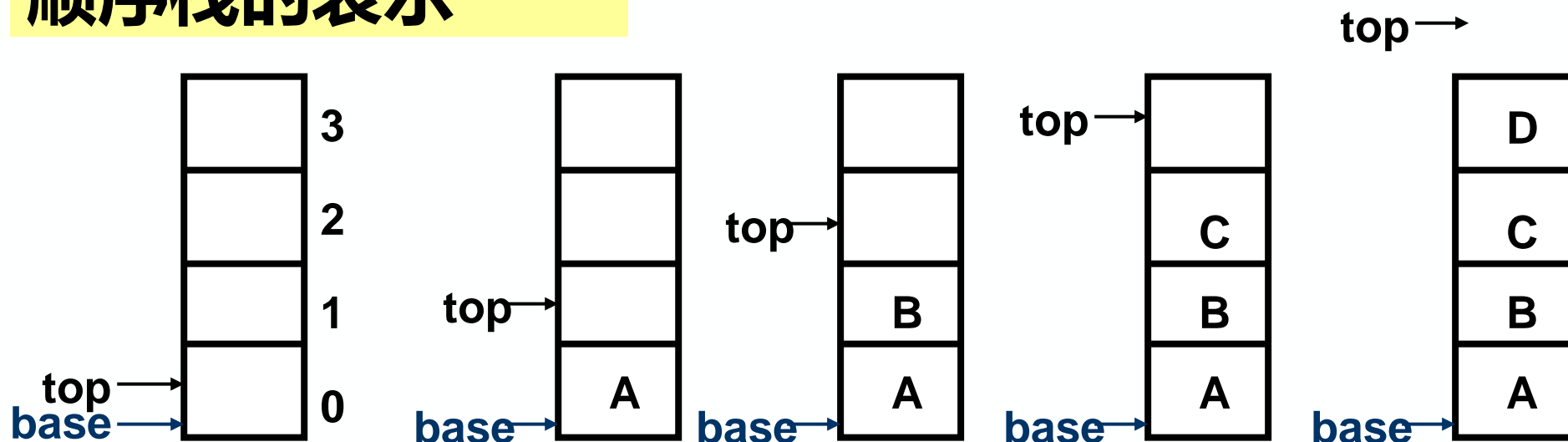
写入: $v[i] = a_i$
读出: $x = v[i]$



压入: PUSH (a_{n+1})
弹出: POP (x)

前提: 一定要预设栈顶指针top!

顺序栈的表示



空栈

`base == top`
是栈空标志

`stacksize = 4`

`top` 指示真正的**栈顶元素之上**的下标地址
栈满时的处理方法:

- 1、**报错**,返回操作系统。
- 2、**分配更大的空间**,作为栈的存储空间,将原栈的内容移入新栈。

顺序栈的表示

```
#define MAXSIZE 100
typedef struct
{
    SElemType *base;
    SElemType *top;
    int stacksize;
}SqStack;
```

顺序栈初始化

- 构造一个空栈

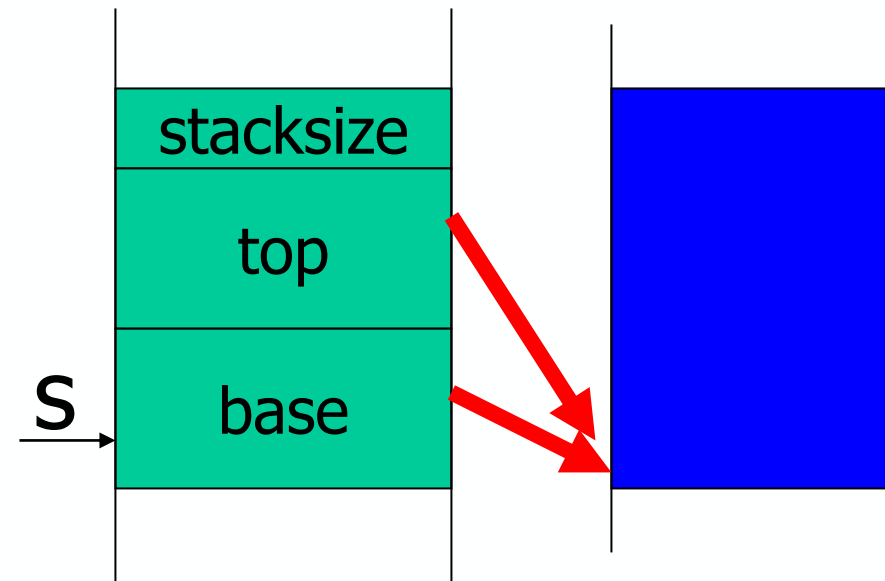
- 步骤:

(1)分配空间并检查空间
是否分配失败, 若失败
则返回错误

(2)设置栈底和栈顶指针

$S.top = S.base;$

(3)设置栈大小

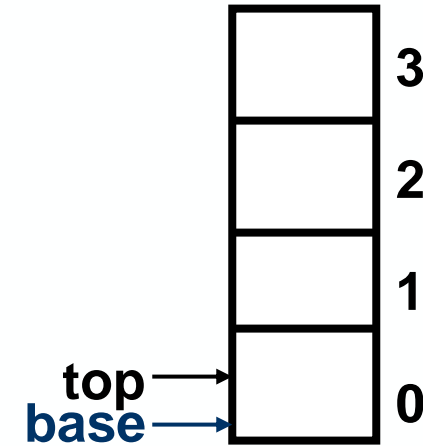


顺序栈初始化

```
Status InitStack( SqStack &S )  
{  
    S.base = new SElemType[MAXSIZE];  
    if( !S.base )    return OVERFLOW;  
    S.top = S.base;  
    S.stackSize = MAXSIZE;  
    return OK;  
}
```

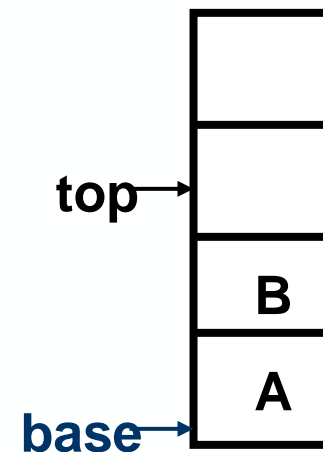
判断顺序栈是否为空

```
bool StackEmpty( SqStack S )  
{  
    if(S.top == S.base) return true;  
    else return false;  
}
```



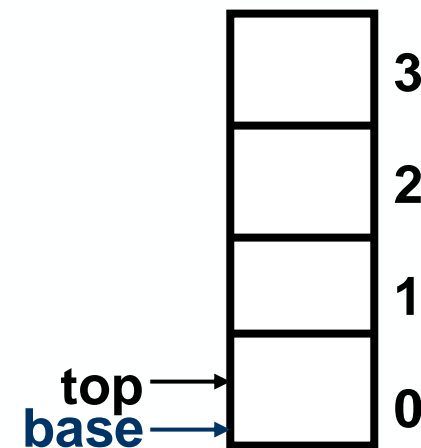
求顺序栈的长度

```
int StackLength( SqStack S )  
{  
    return S.top - S.base;  
}
```



清空顺序栈

```
Status ClearStack( SqStack &S )  
{  
    if( S.base ) S.top = S.base;  
    return OK;  
}
```

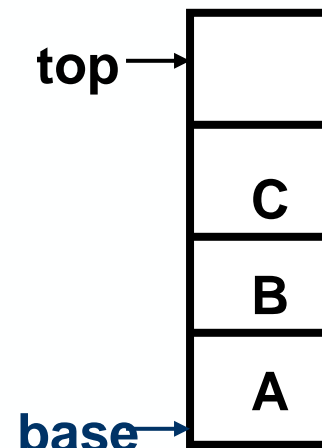


销毁顺序栈

```
Status DestroyStack( SqStack &S )  
{  
    if( S.base )  
    {  
        delete S.base ;  
        S.stacksize = 0;  
        S.base = S.top = NULL;  
    }  
    return OK;  
}
```

顺序栈进栈

- (1)判断是否栈满，若满则出错
- (2)元素e压入栈顶
- (3)栈顶指针加1



```
Status Push( SqStack &S, SElemType e)
```

```
{
```

```
    if( S.top - S.base == S.stacksize - 1 ) // 栈满
```

```
        return ERROR;
```

```
    *S.top++=e;
```

```
    return OK;
```

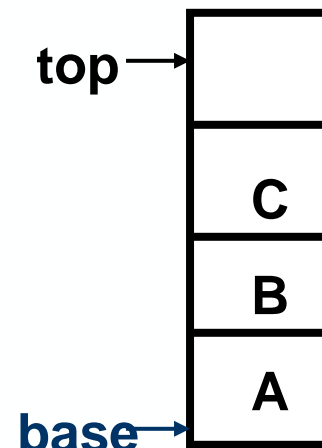
```
}
```

***S.top=e;**

s.top++;

顺序栈出栈

- (1)判断是否栈空，若空则出错
- (2)获取栈顶元素e
- (3)栈顶指针减1

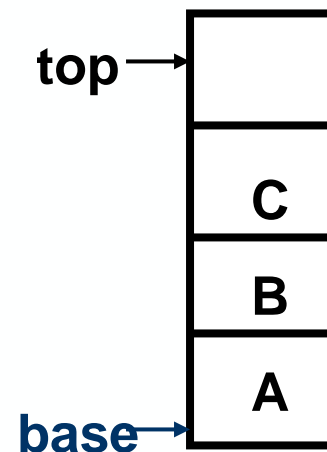


```
Status Pop( SqStack &S, SElemType &e)
{
    if( S.top == S.base) // 栈空
        return ERROR;
    e = *--S.top;
    return OK;
}
```

--S.top;
e=*S.top;

取顺序栈栈顶元素

- (1) 判断是否空栈，若空则返回错误
- (2) 否则通过栈顶指针获取栈顶元素



```
Status GetTop( SqStack S, SElemType &e)
```

```
{
```

```
    if( S.top == S.base )    return ERROR; // 栈空
```

```
    e = *( S.top - 1 );
```

```
    return OK;
```

```
}
```

e = *(S.top --);
???

练习

1.如果一个栈的输入序列为123456，能否得到435612和135426的出栈序列？

435612中到了12顺序不能实现；
135426可以实现。