

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по учебной практике**  
**Тема: Генетические алгоритмы**

Студентки гр. 3341

\_\_\_\_\_

Кузнецова С.Е.  
Максимова Е.Д.  
Чинаева М.Р.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Жангиров Т.Р.

Санкт-Петербург

2025

### **Цель работы.**

Создание финального по визуалу GUI, создание рабочей версии генетического алгоритма

### **Задание №18.**

Задача о клике.

В заданном графе  $G = (V, E)$  необходимо найти клику максимального размера.

### **Распределение ролей в бригаде.**

Максимова Екатерина: Реализация GUI

Чинаева Маргарита: Реализация основного алгоритма и подготовка для связи с GUI

Кузнецова Светлана: Загрузка и выгрузка данных и вспомогательные функции для основного алгоритма (проверка смежности, прохождение по соседям, проверка подграфа, является ли он кликой и т.п.) + генерация случайных данных

### **Описание текущей реализации генетического алгоритма:**

Класс *GeneticAlgorithm* - реализует генетический алгоритм для поиска максимальной клики в графе. Использует эволюционные методы для нахождения оптимального решения задачи о максимальной клике.

Поля класса:

*Graph graph* - Граф, в котором ищется максимальная клика

*Parameters params* - Параметры работы генетического алгоритма

*float current\_mutation\_prob\_chrom* - Текущая вероятность мутации хромосомы

*float current\_mutation\_prob\_gene* - Текущая вероятность мутации отдельного гена

*int current\_crossover\_points* - Текущее количество точек кроссовера

*int generation* - Номер текущего поколения

*int stagnation\_count* - Счетчик поколений без улучшения лучшего решения

*int best\_fitness* - Найденный максимальный размер клики

*list[int] best\_chromosome* - Лучшая найденная хромосома

*int n* - Количество вершин в графе

*int max\_degree\_original* - Максимальная степень вершины в исходном графе

Основные методы:

*\_\_init\_\_(self, graph: Graph, params: Parameters)* – Инициализирует алгоритм с заданным графом и параметрами, выполняет преобразование графа и генерацию начальной популяции.

*generate\_chromosome(self) -> List[int]* – Генерирует случайную хромосому, представляющую клику, использует жадный алгоритм с случайным выбором вершин среди вершин одной степени.

*generate\_initial\_population(self) -> List[Individual]* – Создает начальную популяцию заданного размера.

*select\_parents(self) -> List[Individual]* – Выбирает родителей для скрещивания методом рулетки с масштабированием приспособленности.

*crossover(parent1, parent2) -> Tuple[List[int], List[int]]* - Выполняет кроссовер с несколькими точками разрыва, попеременно копируя сегменты хромосом родителей.

*mutate\_and\_repair(chromosome) -> List[int]* – Применяет мутации и восстанавливает хромосому до валидной клики.

*select\_new\_population(current\_pop, offspring) -> List[Individual]* – Формирует новую популяцию с сохранением разнообразия, выбирая особи, максимально отличающиеся от уже выбранных.

*\_update\_best\_solution()* – Обновляет лучшее решение при обнаружении улучшения.

*\_reduce\_parameters()* – Уменьшает параметры алгоритма на заданный процент от начальных значений.

*should\_stop()* -> *bool* – Проверяет условия останова алгоритма.

*next\_generation()* – Выполняет одну полную итерацию генетического алгоритма:

1. Выбор родителей
2. Генерация потомков
3. Формирование новой популяции
4. Обновление лучшего решения и списка поколений
5. Уменьшение параметров (при необходимости)

*get\_best\_solution()* -> *Tuple[int, List[int]]* – Возвращает лучшее решение в исходной нумерации вершин.

*\_hamming\_distance()* – Вычисляет нормализованное расстояние Хэмминга

### **Обработка и хранение данных, вспомогательные функции**

Были реализованы классы для хранения данных, использующихся в работе алгоритма, и вспомогательные функции.

1. Класс *Graph* – отвечает за работу с графом, его загрузкой, имеет вспомогательные функции для работы с графом

Поля класса:

*list[set[int]] adj\_list* – начальный граф в виде списка смежности (списка множеств)

*int n* – его размер (количество вершин)

*list[set[int]] transformed\_adj* – преобразованный граф в виде списка смежности – граф с переназначенными вершинами, отсортированными по убыванию степеней в исходном графе

*list old\_to\_new* – список для преобразования старых индексов (вершин графа) в новые

*list new\_to\_old* – список для преобразования новых индексов (вершин графа) в старые

Основные методы:

*from\_adj\_matrix(matrix: list[list[int]])* -> 'Graph' – строит граф в виде списка смежности из матрицы смежности

*load\_from\_file(file\_path: str)* -> 'Graph' – загружает граф через json-файл, в котором граф представлен в виде "вершина: список соседей"

*random\_graph(n: int, p: float)* -> 'Graph' – генерирует случайный список смежности размера  $n$  с вероятностью  $p$  для каждого ребра  $i - j$  и строит по нему граф

*transform\_by\_degree(self)* – преобразует граф, переупорядочивая вершины по убыванию степени. Создает списки для отображения старых индексов в новые, новых в старые

*transform\_to\_original(self, sorted\_chromosome: list[int])* -> *list[int]* – преобразует хромосому из преобразованной нумерации в исходную нумерацию вершин графа

*transform\_to\_sorted(self, original\_chromosome: list[int])* -> *list[int]* – преобразует хромосому из исходной нумерации в преобразованную

*get\_subgraph(self, chromosome: list[int])* -> *list[set[int]]* – строит подграф на основе хромосомы (для исходного графа). В дальнейшем будет необходима для построения подграфа в GUI.

*all\_neighbors(self, v: int)* -> *list[int]* – возвращает список соседей вершины  $v$  в преобразованном графе

*has\_edge(self, u: int, v: int)* -> *bool* – проверяет наличие ребра между  $u$  и  $v$  в преобразованном графе

*degree\_in\_subgraph(self, included: list[int])* – вычисляет степени вершин в подграфе (в преобразованном графе)

*is\_clique(self, chromosome: list[int])* -> *bool* – проверяет, задают ли включенные в хромосому вершины клику в преобразованном графе

*repair\_chromosome(self, chromosome: list[int]) -> list[int]* – пока включенные вершины не образуют клику, удаляет случайную вершину минимальной степени в подграфе. Возвращает новую хромосому

2. Класс *Parameters* – отвечает за хранение параметров генетического алгоритма, их загрузкой из файла.

Поля класса:

*int population\_size* – Размер популяции

*int max\_generations* – Максимальное количество итераций

*int stagnation\_limit* – Количество итераций в застое

*float max\_mutation\_prob\_gene* – Максимальная вероятность мутации 1 гена

*float max\_mutation\_prob\_chrom* – Максимальная вероятность мутации хромосомы

*float fitness\_scaling\_percent* – Масштабирование приспособленности хромосом при селекции родителей (в процентах)

*int max\_crossover\_points* – Максимальное количество точек разреза

*float decrease\_percent* – Процент уменьшения вероятности мутации и точек разреза

*int decrease\_step* – Шаг (количество поколений) уменьшения точек разреза, вероятности мутации гена и хромосомы

Методы класса:

*load\_parameters\_from\_json(file\_path: str) -> 'Parameters'* – Загружает параметры генетического алгоритма из json-файла. Выбрасывает ошибку `FileNotFoundError`, если файл не существует или `ValueError`, если неверные значения параметров или отсутствуют ключи

3. Класс *Indididual* – отвечает за хранение конкретной особи, заданной хромосомой.

Поля класса:

*list[int] chromosome* – Бинарный вектор, задающий хромосому

*float fitness* – Размер клики

Методы класса:

*evaluate(self)* – вычисляет приспособленность особи как размер клики, считая, что заданная хромосома всегда задает клику

4. Класс *Population* – отвечает за работу с популяцией, хранит все необходимые параметры и имеет вспомогательные методы для работы с популяцией

Поля класса:

*list[Individual] individuals* – список особей

*Individual best* – лучшая особь в популяции

*float avg\_fitness* – средняя приспособленность

Методы класса:

*get\_len(self)* – Подсчет количества особей в популяции

*update\_stats(self)* – Пересчитывает статистики популяции

*select\_best(self, n: int) -> list[Individual]* – Возвращает n лучших особей

*get\_fitnesses(self) -> list[float]* – Возвращает список приспособленностей всех особей

*add\_individuals(self, new\_individuals: list[Individual])* – Добавляет новых особей в популяцию

5. Класс *History* – отвечает за хранение промежуточных данных работы алгоритма для дальнейшей работы с ними, имеет вспомогательные методы

Поля класса:

*list[int] generations* – Список номеров поколений

*list[float] best\_fitness* – Лучшие приспособленности на каждом поколении

*list[float] avg\_fitness* – Средние приспособленности на каждом поколении

*list[list[int]] best\_solutions* – Лучшие решения на каждом поколении (хромосомы)

Методы класса:

*record(self, generation: int, population: Population)* – Пересчитывает параметры популяции и сохраняет их в историю

*plot\_fitness(self)* – Строит график динамики лучшей и средней приспособленности по поколениям

*save\_to\_json(self, path: str)* – Сохраняет историю работы алгоритма в результирующий json-файл

Пример работы алгоритма см в приложение А.

## **Реализация визуальной части GUI**

Используемые библиотеки: *tkinter* (gui в целом), *networkX* (визуализация графа), *matplotlib* (график приспособленности), *numpy*.

В рамках доработки графического интерфейса была реализована двухоконная система на базе классов *MainApp* (главное окно) и *MatrixWindow* (окно матрицы смежности), обеспечивающая удобное взаимодействие с программой. Основное окно приложения, реализованное в классе *MainApp*, теперь содержит все ключевые элементы управления: панель параметров алгоритма, область визуализации графа через *networkx*, график изменения показателей приспособленности (*FitnessPlotWidget*), список найденных решений (*SolutionListWidget*) и элементы управления воспроизведением процесса поиска решений.



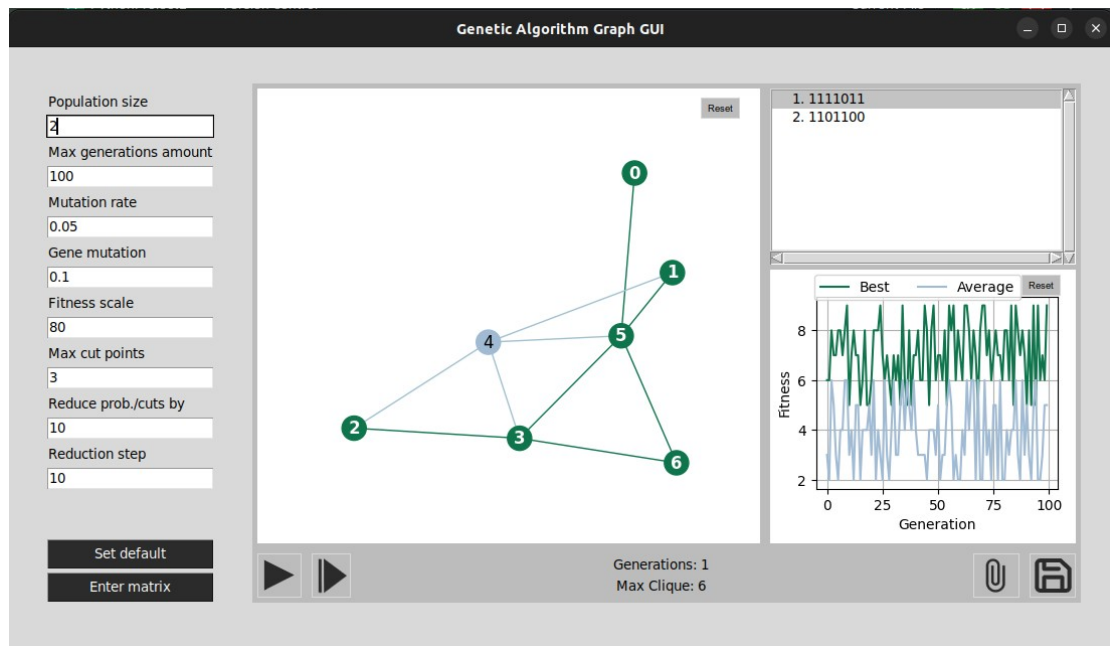


Рисунок 1 — Основное окно

Класс `MatrixWindow` отвечает за работу с матрицей смежности, предоставляя интерактивный редактор с автоматической проверкой вводимых значений через механизмы класса `Validator`. Пользователь может кликать по ячейкам таблицы, переключая значения между 0 и 1, при этом система автоматически обеспечивает симметричность матрицы благодаря синхронизации между элементами `Button` и `Label`.

Adjacency Matrix

Adj matrix Create graph ↺

Size:  Fill

|   | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 2 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 3 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 4 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 5 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 6 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 7 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 8 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 9 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 |

Рисунок 2 — Ввод матрицы

Интерактивные возможности интерфейса значительно расширены за счет класса `ZoomableWidget`, который обеспечивает функцию масштабирования с привязкой к положению курсора. Для навигации по объемным спискам решений в классе `SolutionListWidget` добавлены скроллбары. Элементы управления воспроизведением в `MainApp` позволяют как запускать алгоритм полностью, так и анализировать его работу пошагово.

Система активно проверяет корректность вводимых данных через методы класса `Validator`. Для параметров алгоритма установлены допустимые диапазоны значений, а для матрицы смежности автоматически проверяется соответствие требованиям (симметричность, нулевая диагональ). При обнаружении ошибок выводятся сообщения через `messagebox`.

Кратко перечислим ключевые методы для классов:

Класс `Validator` (Валидация данных)

Методы:

1. `validate_graph_exists(graph)` – Проверяет существование графа (не `None`). Возвращает `True/False`, показывает ошибку если графа нет.
2. `validate_graph_for_save(adj_matrix)` – Проверяет возможность сохранения матрицы (не `None`). Возвращает `True/False`, показывает ошибку если матрицы нет
3. `validate_matrix_size(size, max_size=15)` – Проверяет размер матрицы (не больше `max_size`). Возвращает скорректированный размер, показывает предупреждение.
4. `validate_cell_value(value)` – Проверяет значение ячейки (должно быть 0 или 1). Возвращает число или `None` при ошибке.
5. `validate_matrix(matrix)` – Проверяет матрицу на:
  - Квадратность
  - Симметричность
  - Нули на диагоналиВозвращает (`bool`, сообщение)

### Класс FileManager (Работа с файлами)

#### Методы:

1. *get\_save\_filename(title, defaulttextension, filetypes)* – Открывает диалог сохранения файла. Возвращает путь к файлу.
2. *get\_open\_filename(title, filetypes)* – Открывает диалог выбора файла. Возвращает путь к файлу.
3. *save\_matrix\_to\_file(filename, matrix)* – Сохраняет матрицу в текстовый файл. Возвращает True/False, показывает статус.
4. *load\_matrix\_from\_file(filename)* – Загружает матрицу из файла. Возвращает (матрица, сообщение).

### Класс UIManager (Создание UI-элементов)

#### Методы:

1. *create\_frame(parent, \*\*kwargs)* – Создает фрейм с настройками.
2. *create\_label(parent, text, \*\*kwargs)* – Создает текстовую метку.
3. *create\_button(parent, text, command, \*\*kwargs)* – Создает кнопку с обработчиком.
4. *create\_entry(parent, \*\*kwargs)* – Создает поле ввода.
5. *configure\_grid\_frame(frame, rows, cols)* – Настраивает сетку фрейма.
6. *create\_table\_header(parent, text, row, col, \*\*kwargs)* – Создает заголовок таблицы

### Класс MatrixGenerator (Генерация матриц)

#### Методы:

1. *generate\_random\_matrix(size)* – Генерирует случайную симметричную матрицу (0/1).
2. *matrix\_to\_text(matrix)* – Конвертирует матрицу в текстовый формат

### Класс ZoomableWidget (Управление масштабированием)

#### Методы:

1. *\_zoom\_to\_cursor(event, scale\_factor)* – Масштабирует график/граф относительно курсора.
2. *\_on\_zoom(event)* – Обрабатывает событие колеса мыши (Windows/Mac).
3. *\_on\_zoom\_linux(event, direction)* – Обрабатывает событие кнопок мыши (Linux).
4. *reset\_zoom()* – Сбрасывает масштаб к исходному.
5. *save\_original\_limits()* – Сохраняет исходные границы осей.

Класс *FitnessPlotWidget* (График фитнеса)

Методы:

1. *draw\_fitness(generations, best, avg)* – Рисует график эволюции фитнеса. Если данные пустые - рисует заглушку.
2. *reset\_zoom()* – Сбрасывает масштаб (наследуется от *ZoomableWidget*)

Класс *SolutionListWidget* (Список решений)

Методы:

1. *set\_example(size=5)* – Заполняет список тестовыми данными (для демо).

Класс *MainApp* (Главное окно)

Ключевые методы:

1. *update\_graph(adj\_matrix)* – Обновляет граф по новой матрице смежности.
2. *\_draw\_graph(highlight\_clique=False)* – Отрисовывает граф с подсветкой клики.
3. *run\_algorithm()* – Запускает генетический алгоритм (заглушка).
4. *save\_graph(), load\_adjacency\_matrix()* – Работа с файлами через *FileManager*.

Класс *MatrixWindow* (Окно матрицы)

Ключевые методы:

1. *create\_matrix\_table()* – Создает таблицу для редактирования матрицы
2. *toggle\_cell(i, j)* – Переключает значение ячейки (0/1)
3. *random\_matrix()* – Генерирует случайную матрицу
4. *create\_graph()* – Применяет матрицу к главному окну

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ТЕСТИРОВАНИЕ АЛГОРИТМА

graph1.json:

```
{
  "0": [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10],
  "1": [0, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 11, 12],
  "2": [0, 1, 3, 4, 5, 6, 7, 13, 14],
  "3": [0, 1, 2, 4, 5, 6, 7, 15],
  "4": [0, 1, 2, 3, 5, 6, 7, 16],
  "5": [0, 1, 2, 3, 4, 6, 7, 17],
  "6": [0, 1, 2, 3, 4, 5, 7, 18],
  "7": [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 19],
  "8": [0, 9, 10, 11, 20, 21],
  "9": [0, 8, 12, 13, 20, 21],
  "10": [0, 8, 14, 15, 20],
  "11": [1, 8, 16, 17, 20],
  "12": [1, 9, 18, 19, 20],
  "13": [2, 9, 16, 17, 20],
  "14": [2, 10, 18, 19, 20],
  "15": [3, 10, 16, 18, 20],
  "16": [4, 11, 13, 15, 20],
  "17": [5, 11, 13, 19, 20],
  "18": [6, 12, 14, 15, 20],
  "19": [7, 12, 14, 17, 20],
  "20": [8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19],
  "21": [8, 9, 22],
  "22": [21, 23],
  "23": [22, 24],
  "24": [23, 25],
  "25": [24, 26],
  "26": [25]
}
```

#### Вывод при тесте:

Начало работы генетического алгоритма

Размер графа: 27 вершин

Параметры алгоритма:

Размер популяции: 5

Макс. поколений: 100

Лимит застоя: 20

Начальные точки кроссовера: 5

Начальная популяция:

Особа 1: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)

Особа 2: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)

Особа 3: 1000000000001000001000000000 (размер: 3)

Особа 4: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)

Особа 5: 1000000000100100000000000000 (размер: 3)

Поколение 1:

Лучший размер клики: 8

Застой: 1 / 20

Параметры: точки=5, мутация хромосомы=0.300, мутация гена=0.100

Текущая популяция:

Особа 1: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)  
Особа 2: 1000000000001000001000000000 (размер: 3)  
Особа 3: 0000010110000000000000000000 (размер: 3)  
Особа 4: 1000000000100100000000000000 (размер: 3)  
Особа 5: 1000000000000010001000000000 (размер: 3)  
Лучшая клика: вершины [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

Поколение 2:

Лучший размер клики: 8  
Застой: 2 / 20  
Параметры: точки=5, мутация хромосомы=0.300, мутация гена=0.100  
Текущая популяция:  
Особа 1: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)  
Особа 2: 1000000000001000001000000000 (размер: 3)  
Особа 3: 0000010110000000000000000000 (размер: 3)  
Особа 4: 1000000000100100000000000000 (размер: 3)  
Особа 5: 1000000000000010001000000000 (размер: 3)  
Лучшая клика: вершины [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

Поколение 3:

Лучший размер клики: 8  
Застой: 3 / 20  
Параметры: точки=5, мутация хромосомы=0.300, мутация гена=0.100  
Текущая популяция:  
Особа 1: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)  
Особа 2: 1000000000001000001000000000 (размер: 3)  
Особа 3: 0000010110000000000000000000 (размер: 3)  
Особа 4: 1000000000100100000000000000 (размер: 3)  
Особа 5: 0000000000000000000000000010 (размер: 1)  
Лучшая клика: вершины [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

...  
Сокращение вывода  
...

Поколение 17:

Лучший размер клики: 8  
Застой: 17 / 20  
Параметры: точки=4, мутация хромосомы=0.270, мутация гена=0.090  
Текущая популяция:  
Особа 1: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)  
Особа 2: 1000000000001000001000000000 (размер: 3)  
Особа 3: 0000010110000000000000000000 (размер: 3)  
Особа 4: 0100000000010000000000000000 (размер: 2)  
Особа 5: 1000000000100100000000000000 (размер: 3)  
Лучшая клика: вершины [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

Поколение 18:

Лучший размер клики: 8  
Застой: 18 / 20  
Параметры: точки=4, мутация хромосомы=0.270, мутация гена=0.090  
Текущая популяция:  
Особа 1: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)  
Особа 2: 1000000000001000001000000000 (размер: 3)  
Особа 3: 0000010110000000000000000000 (размер: 3)  
Особа 4: 0100000000010000000000000000 (размер: 2)  
Особа 5: 1000000000100100000000000000 (размер: 3)  
Лучшая клика: вершины [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

Поколение 19:

Лучший размер клики: 8

Застой: 19 / 20

Параметры: точки=4, мутация хромосомы=0.270, мутация гена=0.090

Текущая популяция:

Особа 1: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)

Особа 2: 1000000000001000001000000000 (размер: 3)

Особа 3: 0000010110000000000000000000 (размер: 3)

Особа 4: 0100000000010000000000000000 (размер: 2)

Особа 5: 1000000000100100000000000000 (размер: 3)

Лучшая клика: вершины [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

Поколение 20:

Лучший размер клики: 8

Застой: 20 / 20

Параметры: точки=3, мутация хромосомы=0.240, мутация гена=0.080

Текущая популяция:

Особа 1: 0111111110000000000000000000 (размер: 8)

Особа 2: 1000000000001000001000000000 (размер: 3)

Особа 3: 0000010110000000000000000000 (размер: 3)

Особа 4: 0100000000010000000000000000 (размер: 2)

Особа 5: 1000000000100100000000000000 (размер: 3)

Лучшая клика: вершины [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

Результат работы алгоритма:

Найдена клика размера 8

Вершины в клике: [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7]

Всего поколений: 20

Клика валидна

Причина остановки: Превышен лимит застоя