Kurvedrofting

Maksimal- og minimalpunkt: Nok å sjekke endepunktene av intervallet, punkter hvor f'(c) = 0 og punkter hvor f ikke er deriverbar.

For a augjore om et punkt virkelig er maks/min:

Krumning: f"(x) 30 Vxe[a,b] = f konveks final form

Asymptoter:

Vertikale: Let etter punkter a slik at

lim f(x) = 200 eller lim f(x) = 200

x-a+

Regnut a = lim f(x) og så b = lim [f(x)-ax]

Huis bade a og b eksisterer, er y=ax+b m skråasympt

Omvendte funksjoner: En injektiv funksjon f: Drak har en omvendt funksjon f^{-1} : $V_s \rightarrow D_s$ gitt ved at hvis f(x) = y, så er $f^{-1}(y) = x$.

Derivasion: $(f^{-1})'(f(x)) = \frac{1}{f'(x)}$

Vegentlig integral: Sf(x)dx = lim Sf(d)dx

Logaritmisk derivasjon: f'(x)=f(x)-(In If(x))

(Husk: (In If(x))' = f(x) · f'(x) ved kjerneregelen)

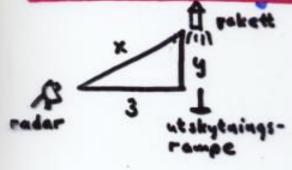
Eks: Vi skal derivere f(x) = x2.cos x. ex

Vi har: In |f(x| = |n|x2.cos x.ex | = |n|x2 + |n|cos x| + |n|ex| = 2|n|x| + 4|n|cos x| + x

Sa: D[In | f(x)|] = 2. + 4. (-sinx) +1 = 2 - 4tonx +1

Dermed: f'(x) = f(x) · D[|u|f(x)]] = x2 cos4x.ex (2-4tonx+1)

Koplede hastigheter:



En rakett skytes vertikalt opp 3 km fra en radarstasjon. På et gitt tidspunkt er avstanden fra raketten til stasjonen 5 km, og denne avstanden øker med fart 0,8 km/s. Hvor stor fart har raketten?

Losning: Her vet vi at x'(t) = 0.8 km/s. Vi onsker å finne y'(t). Vi bruker forst Pythagoras til å finne en sammenheng mellom x(t) og y(t): 32 + y(t)2 = x(t)2 Så deriverer vi begge sider av ligningen mhp t:

2y(t)y'(t) = 2x(t)x'(t) => y'(t) = x(t)x'(t)

Nar x(t) = 5, gir Pythagoras at y(t)= \(\chi(t)^2 - 9' = \(\frac{7}{25} - 9' = \frac{4}{25} - 9' = \frac{4