Fasit til eksamen i MAT 1110, 16/8-2007

Oppgave 1: z kan velges fritt. Da blir x = 3 + z, y = -1 - z, u = 0.

Oppgave 2:

- a) (0,0) og (-2,0).
- b) (0,0) er et lokalt (og faktisk også globalt) minimum, (-2,0) er et sadelpunkt.

Oppgave 3:

- a) Egenverdier: $\lambda_1 = 1.4$, $\lambda_2 = 0.6$, egenvektorer $\mathbf{v}_1 = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\mathbf{v}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$. b) $x_n = 300 \cdot 1.4^n + 200 \cdot 0.6^n$, $y_n = 100 \cdot 1.4^n + 600 \cdot 0.6^n$, grenseverdi: 3

Oppgave 4:

- a) [0,1).
- b) $S(x) = -\ln(2 2x)$

Oppgave 5: -2

Oppgave 6: $V = \frac{\pi}{3}(2 - \sqrt{3})$

Oppgave 7: 2