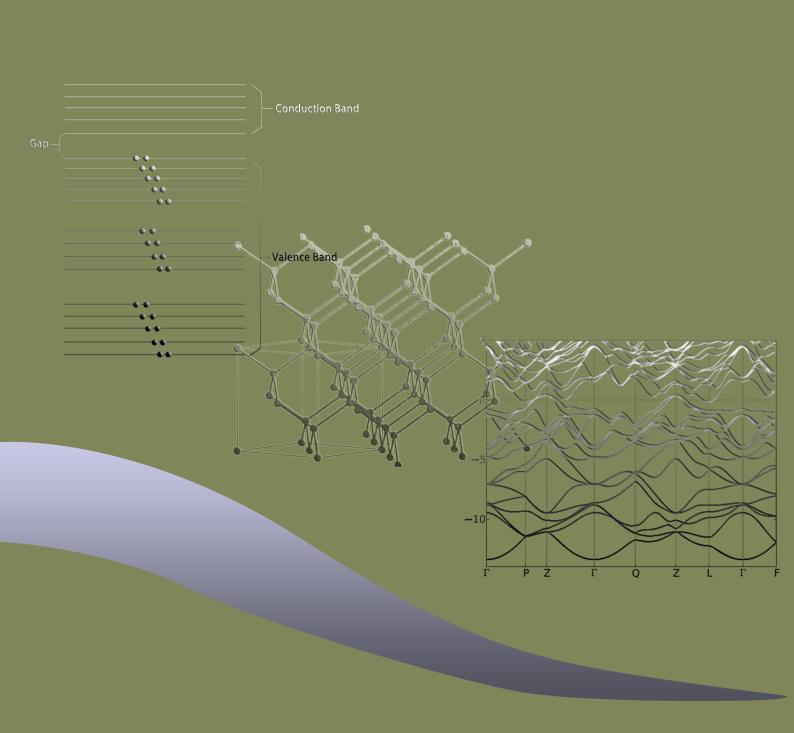
## Queen Mary, University of London

School of Physics and Astronomy

## 自旋的拉莫进动



## 一、 自旋的拉莫进动——Larmor Precession

图一所示为核子自旋,沿着图示的圆周进动——拉莫进动:

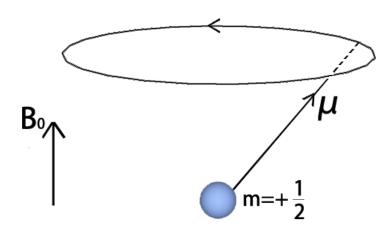
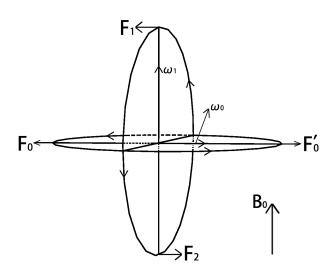


图 一 核子自旋的拉莫进动示意图

其中 $B_0$ 为恒定外磁场,由图一可以清楚看出此时的自旋磁矩方向不与外磁场保持一致,因此讨论自旋在外磁场作用下能量的变化就稍微复杂一些。

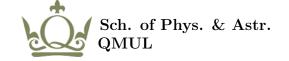
## 二、 自旋磁矩的分解

这里以质子自旋为例进行讨论,由于质子带正电,因此自旋角速度方向与磁矩方向相同,定性的讨论,自旋磁矩的分解与角速度分解遵循同样的规律:



图二核子自旋的分解

如图二所示,与磁场方向成一定角度的自旋磁矩(或角速度)可以分解成沿着磁场方向以及垂直于磁场方向两个分量——分别为图示的 $\omega_1$ 和 $\omega_0$ ,在恒定外磁场中,这两个分量对于角速度的



贡献是不同的,图二所示的水平面内的转动对应 $\omega_1$ ,左手定则判断洛伦兹力的方向可知,该分量的转动所受到的洛伦兹力永远背离圆心,如把质子看成是由无数小的带正电单元组成的整体,则每一个单元所受的力时时刻刻都背离圆心(如图二所示 $F_0$ 与 $F_0'$ ),如果同时假定自旋"轨道"(类比于轨道角动量的讨论)不变(从量子力学的观点看,这样的假定是有道理的),那么离心的洛伦兹力作用的结果是降低自旋的角速度,也即降低自旋的能量。

而对于垂直面内的转动分量,同样假定质子由无数个带正电单元组成,则每一个单元受的 洛伦兹力,总能在中心对称的位置找到另一个单元与之受力大小相等、方向相反(如图二所示的 $F_1$ 与 $F_2$ ),因此二者对于角速度的影响相互抵消,也即对自旋的能量没有影响,综合两个分量的 共同作用,可以看出,对于自旋在磁场中的拉莫旋进,能量的高低只取决于总磁矩在沿着外磁场 方向上的分量,与垂直分量无关。而且从 $F_1$ 与 $F_2$ 所产生的力矩角度上看,二者共同作用的结果是 使自旋角动量的方向向外磁场的方向上靠拢。