20221057 권관우

```
코드
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <time.h>
typedef unsigned long ULONG;
ULONG Fibonacci_Repetition(int N)
   int i;
   ULONG Result;
   ULONG* FibonacciTable;
   if (N == 0 || N == 1)
        return (ULONG)N;
   FibonacciTable = (ULONG*)malloc(sizeof(ULONG) * (N + 1));
   FibonacciTable[0] = 0;
   FibonacciTable[1] = 1;
   for (i = 2; i <= N; i++)
        FibonacciTable[i] = FibonacciTable[i - 1] + FibonacciTable[i - 2];
    Result = FibonacciTable[N];
   free(FibonacciTable);
   return Result;
}
ULONG Fibonacci_Recursion(int N)
{
   ULONG Result;
   ULONG* FibonacciTable;
   if (N == 0 || N == 1)
        return (ULONG)N;
   FibonacciTable = (ULONG*)malloc(sizeof(ULONG) * (N + 1));
   FibonacciTable[0] = 0;
   FibonacciTable[1] = 1;
   if (N >= 2)
        FibonacciTable[N] = Fibonacci\_Recursion(N-1) + Fibonacci\_Recursion(N-2);
   Result = FibonacciTable[N];
   free(FibonacciTable);
   return Result;
}
int main(void)
{
```

```
int N = 3;
   ULONG Result;
   clock_t start, stop;
   double duration;
   while (N <= 40) {
       start = clock();
       Result = Fibonacci_Repetition(N);
       stop = clock();
       duration = ((double)(stop - start)) / CLOCKS_PER_SEC;
       printf("Fibonacci_Repetition(%d) = %lu (time: %lf)\n", N, Result, duration);
       printf("\n");
       start = clock();
       Result = Fibonacci_Recursion(N);
       stop = clock();
       duration = ((double)(stop - start)) / CLOCKS_PER_SEC;
       printf("Fibonacci_Recursion(%d) = %lu (time: %lf)\n", N, Result, duration);
       printf("\n");
       N = N + 5;
   }
   return 0;
실행 화면
```

```
Microsoft Visual Studio 디버그 × + ∨
Fibonacci_Repetition(8) = 21 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(8) = 21 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(13) = 233 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(13) = 233 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(18) = 2584 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(18) = 2584 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(23) = 28657 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(23) = 28657 (time: 0.004000)
Fibonacci_Repetition(28) = 317811 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(28) = 317811 (time: 0.053000)
Fibonacci_Repetition(33) = 3524578 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(33) = 3524578 (time: 0.600000)
Fibonacci_Repetition(38) = 39088169 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(38) = 39088169 (time: 6.621000)
C:\Users\rhksd\OneDrive\Desktop\코드\C++\알고리즘\2025-09-09\x64\Debug\2025-09-09.exe(프로세스 22076)이(가) 0 코드(0x0)
  함께 종료되었습니다.
창을 닫으려면 아무 키나 누르세요...
```

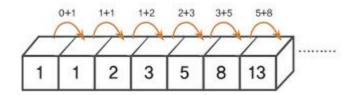
반복문으로 표현한 피보나치 코드와 비교하면 재귀로 표현한 코드는 시간차이가 확실하다.

이러한 차이는 재귀함수 코드의 구조로부터 나타나는데

지금부터 반복문의 코드 진행 방식과 재귀 함수의 진행방식을 표현하고 재귀함수의 단점을 개선한 코드를 작성하겠다.

반복문의 피보나치 수열 구하는 진행 방식은

}



위 사진과 유사하다.

우선 함수시작시 몇 번째 피보나치 수를 구할 것인지 받아서 0과 1이라면 그 값이기에 그대로 반환을 해주고 아니라면(이상이라면)

FibonacciTable = (ULONG*)malloc(sizeof(ULONG) * (N + 1));

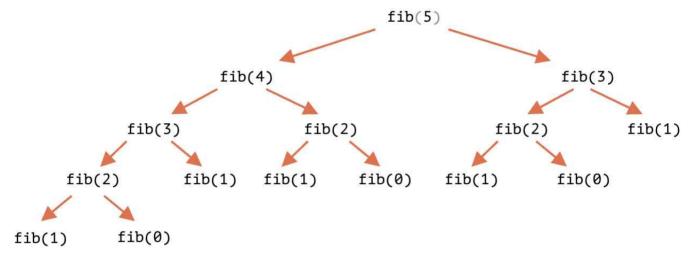
위 코드로 피보나치 수를 저장할 배열을 만들고

기본적으로 배열의 0번에 0과 1번에 1을 저장한다. 이후 저장된 값을 불러와서 다음 공간의 값을 채운다. 진행 방식을 생각해 봤을 때 딱히 낭비되는 연산은 없다. 반복횟수도 납득 가능하다.

반면에 재귀함수를 보자 벌써부터 비효율적인게 눈에 띈다. 우선 재귀함수가 피보나치 수를 구하는 방식을 들여다볼 필요가 있다.

if (N >= 2)

FibonacciTable[N] = Fibonacci_Recursion(N - 1) + Fibonacci_Recursion(N - 2);



해당 방식으로 값을 리턴하여 더하는 방식이다. 그런데 왜 값을 저장하는지 모르겠다.

Result = Fibonacci_Recursion(N - 1) + Fibonacci_Recursion(N - 2);

FibonacciTable = (ULONG*)malloc(sizeof(ULONG) * (N + 1));

FibonacciTable[0] = 0;

FibonacciTable[1] = 1;

해당 코드 없이도 잘 돌아간다. 왜 있는걸까,

없이도 피보나치 재귀함수에 들어간 값이 1이나 0이되면 반환되어 더해지는 형식으로 결국 처음 시작한 함수에서 저장될 공 간 하나만 있으면 작동한다.

재귀 함수를

```
ULONG Fibonacci_Recursion(int N)
{
    ULONG Result;
    ULONG* FibonacciTable;
    if (N == 0 || N == 1)
        return (ULONG)N;

if (N >= 2)
```

return Result;

```
이렇게만 바꾸어도 실행 시간이
 Microsoft Visual Studio 디버그 × + ∨
Fibonacci_Recursion(8) = 21 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(13) = 233 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(13) = 233 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(18) = 2584 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(18) = 2584 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(23) = 28657 (time: 0.000000)
```

Fibonacci_Recursion(23) = 28657 (time: 0.001000) Fibonacci_Repetition(28) = 317811 (time: 0.000000) Fibonacci_Recursion(28) = 317811 (time: 0.009000) Fibonacci_Repetition(33) = 3524578 (time: 0.000000) Fibonacci_Recursion(33) = 3524578 (time: 0.097000) Fibonacci_Repetition(38) = 39088169 (time: 0.000000) Fibonacci_Recursion(38) = 39088169 (time: 1.081000) C:\Users\rhksd\OneDrive\Desktop\코드\C++\알고리즘\2025-09-09\x64\Debug\2025-09-09.exe(프로세스 2272)이(가) 0 코드(0x0)와 함께 종료되었습니다. 이 창을 닫으려면 아무 키나 누르세요 1.081로 약 5.5나 절약된다. 그러나 이렇게 하더라도 불필요한 연산이 진행되기는 마찬가지다. 구한 값을 다시 구하는 연산이 들어가기 때문에 이러한 불필요한 연산을 없애기위해. 이미 구한 값이 있다면 그 상태로 바로 반환되게 하여 연산 수를 줄일 생각이다. 구현한 코드가 아래 코드다 ULONG* FibonacciTable; ULONG Fibonacci_Recursion(int N) **ULONG** Result; if (N == 0 || N == 1)return (ULONG)N; if (FibonacciTable[N] != 0) return FibonacciTable[N]; if (N >= 2)Fibonacci_Recursion(N - 1) + Fibonacci_Recursion(N - 2);

```
Result = FibonacciTable[N];
    return Result;
int main(void)
    int N = 3;
    ULONG Result;
    clock_t start, stop;
    double duration;
```

```
while (N \le 40) {
      start = clock();
      Result = Fibonacci_Repetition(N);
      stop = clock();
      duration = ((double)(stop - start)) / CLOCKS_PER_SEC;
      printf("Fibonacci_Repetition(%d) = %lu (time: %lf)\n", N, Result, duration);
      printf("\n");
      start = clock();
      FibonacciTable = (ULONG*)calloc(N + 1, sizeof(ULONG));
      FibonacciTable[0] = 0;
      FibonacciTable[1] = 1;
      Result = Fibonacci_Recursion(N);
      free(FibonacciTable);
      stop = clock();
      duration = ((double)(stop - start)) / CLOCKS_PER_SEC;
      printf("Fibonacci_Recursion(%d) = %lu (time: %lf)\n", N, Result, duration);
      printf("\n");
      N = N + 5;
   return 0;
}
함수 안에서 테이블을 만들어버리면 그 테이블은 계속해서 생성되고 하는 불필요한 연산이 너무 많아서
전역변수로 선언하여 메인함수와 재귀함수에서 호출이 가능하게끔 하고 재귀함수로 진입 전에 테이블의 크기를 선언하고
calloc을 통해 0으로 초기화 해주면서 기본 값을 세팅해준다. 또한 한번 구한 피보나치 값을 또 구하지 않기위해
   if (FibonacciTable[N] != 0)
              return FibonacciTable[N];
```

이 조건으로 검사를 하여 구했었다면 바로 반환하여 불필요한 연산을 최소화 한다. 아래 실행 사진

```
  Microsoft Visual Studio 디버그 × + ∨
Fibonacci_Recursion(8) = 21 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(13) = 233 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(13) = 233 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(18) = 2584 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(18) = 2584 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(23) = 28657 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(23) = 28657 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(28) = 317811 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(28) = 317811 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(33) = 3524578 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(33) = 3524578 (time: 0.000000)
Fibonacci_Repetition(38) = 39088169 (time: 0.000000)
Fibonacci_Recursion(38) = 39088169 (time: 0.000000)
C:\Users\rhksd\OneDrive\Desktop\코드\C++\알고리즘\2025-09-09\x64\Debug\2025-09-09.exe(프로세스 24824)이(가) 0 코드(0x0)
   함께 종료되었습니다.
창을 닫으려면 아무 키나 누르세요...
```