#### Лабораторная работа №4

Вычисление наибольшего общего делителя

Хохлачева Яна Дмитриевна, НПМмд-02-22 29 октября 2022

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

## Цели и задачи

#### Цель лабораторной работы

Ознакомиться с алгоритмами вычисления наибольшего общего делителя.

#### Задачи лабораторной работы

#### Реализовать четыре алгоритма вычисления НОД:

- 1. Алгоритм Евклида;
- 2. Бинарный алгоритм Евклида;
- 3. Расширенный алгоритм Евклида;
- 4. Расширенный бинарный алгоритм Евклида.

## \_\_\_\_

Выполнение лабораторной

работы

#### Наибольший общий делитель

Наибольшим общим делителем (НОД) для двух целых чисел а и b называется наибольший из их общих делителей. Наибольший общий делитель существует и однозначно определён, если хотя бы одно из чисел а или b не равно нулю.

#### Алгоритм Евклида

Для вычисления наибольшего общего делителя двух целых чисел применяется способ повторного деления с остатком, называемый алгоритмом Евклида.

#### Бинарный алгоритм Евклида

Бинарный алгоритм Евклида является более быстрым при реализации на компьютере, поскольку использует двоичное представление чисел а и b.

#### Расширенный алгоритм Евклида

Расширенный алгоритм Евклида находит наибольший общий делитель d чисел a и b и его линейное представление, т. е. целые числа x и y, для которых ax+by=d.

#### Расширенный бинарный алгоритм Евклида

Расширенный бинарный алгоритм Евклида так же, как и предыдущий алгоритм, позволяет найти наибольший общий делитель d чисел a и b и его линейное представление, но при том используется двоичное представление чисел a и b.

#### Описание реализации алгоритмов

В данной работе были описаны 4 метода для нахождения наибольшего общего делителя. Каждый из методов принимает на вход два целых положительных числа а и ь, причем а не должно быть меньше ь. В результате отработки каждый из методов возвращает наибольший общий делитель этих двух целых чисел, а расширенные версии этих методов дополнительно возвращают х и у коэффициенты такие, что выполняется следующее равенство:

$$ax + by = d,$$

где d - наибольший общий делитель чисел a и b.

# Полученные результаты

#### Алгоритм Евклида

```
Выберите алгоритм нахождения НОД:
    1 - Алгоритм Евклида;
    2 - Бинарный алгоритм Евклида;
   3 - Расширенный алгоритм Евклида;
   4 - Расширенный бинарный алгоритм Евклида;
   0 - Выход из программы
Введите номер операции: 1
Введите первое число: 10
Введите второе число: 15
Ваши числа:
   a = 15
   h = 10
НОД для 15 и 10 = 5
```

Figure 1: Алгоритм Евклида

#### Бинарный алгоритм Евклида

```
Выберите алгоритм нахождения НОД:

    Алгоритм Евклида;

    2 - Бинарный алгоритм Евклида;
    3 - Расширенный алгоритм Евклида;
   4 - Расширенный бинарный алгоритм Евклида;
    0 - Выход из программы
Введите номер операции: 2
Введите первое число: 10
Введите второе число: 15
Ваши числа:
   a = 15
    b = 10
HOД для 15 и 10 = 5.0
```

Figure 2: Бинарный алгоритм Евклида

#### Расширенный алгоритм Евклида

```
Выберите алгоритм нахождения НОД:
    1 - Алгоритм Евклида;
    2 - Бинарный алгоритм Евклида;
    3 - Расширенный алгоритм Евклида;
    4 - Расширенный бинарный алгоритм Евклида;
    0 - Выход из программы
Введите номер операции: 3
Введите первое число: 10
Введите второе число: 15
Ващи числа:
    a = 15
   b = 10
НОД для 15 и 10 = 5
x = 1
v = 1
15*1 + 10*1 = 5
```

Figure 3: Расширенный алгоритм Евклида

#### Расширенный бинарный алгоритм Евклида

```
Выберите алгоритм нахождения НОД:
   1 - Алгоритм Евклида;
    2 - Бинарный алгоритм Евклида;
    3 - Расширенный алгоритм Евклида;
    4 - Расширенный бинарный алгоритм Евклида;
    -----
   0 - Выход из программы
Введите номер операции: 4
Введите первое число: 10
Введите второе число: 15
Ваши числа:
   a = 15
   b = 10
HOД для 15 и 10 = 5.0
x = 0.0
v = 0.0
15*0.0 + 10*0.0 = 5.0
```

Figure 4: Расширенный бинарный алгоритм Евклида

### Выводы

#### Результаты выполнения лабораторной работы

В ходе выполнения данной лабораторной работы было выполнено ознакомление с различными методами нахождения наибольшего общего делителя. В результате проделанной работы были программно реализованы следующие методы нахождения НОД: алгоритм Евклида, бинарный алгоритм Евклида, расширенный алгоритм Евклида и расширенный бинарный алгоритм Евклида.