Phần 1: BÀI TẬP CƠ BẢN

- § 1. Các phép toán số học. Tính giá trị biểu thức
- 1. Tính chu vi của đa giác đều n cạnh nội tiếp đường tròn bán kính R.
- 2. Biết độ dài cạnh huyền và một cạnh góc vuông của một tam giác vuông là a và b. Tính bán kính đường tròn nội tiếp tam giác đó.
- 3. Biết rằng chu vi của một đường tròn là d. Tính diện tích đường tròn đó.
- 4. Tính khoảng cách giữa hai điểm $A(x_1,y_1)$ và $B(x_2,y_2)$.
- 5. Tính diện tích của một hình thang cân biết độ dài hai cạnh đáy là a, b và góc nhọn thuộc đáy lớn là α.
- 6. Cho trước 3 độ dài a, b, c. Tồn tại hay không một tam giác với độ dài 3 cạnh là a, b, c. Nếu có hãy cho biết độ lớn 3 góc của tam giác đó.
- 7. Cho một tam giác có 3 cạnh là a, b, c. Hãy tính:
 - a. Độ dài 3 đường cao của tam giác.
 - b. Độ dài 3 đường trung tuyến của tam giác.
 - c. Độ dài 3 đường phân giác của tam giác.
 - d. Bán kính đường tròn nội tiếp và ngoại tiếp của tam giác.
- 8. Cho tam giác ABC với 3 đỉnh A, B, C có tọa độ là: (x_1,y_1) , (x_2,y_2) , (x_3,y_3) . Hãy tính:
 - a. Diện tích của tam giác.
 - b. Chu vi của tam giác.
- 9. Cho các số x, y, z. Tính a và b nếu:

a.
$$a = \frac{3+e^{y-1}}{1+x^2|y-tgz|}$$

 $b = 1 - |y-x| + \frac{(y-x)^2}{2} + \frac{(y-x)^3}{3}$
b. $a = \frac{2\cos(x-\frac{\pi}{6})}{\frac{1}{2}+\sin^2 y}$
 $b = 1 + \frac{z^2}{3+z^{2/5}}$
c. $a = \ln\left|(y-\sqrt{|x|})(x-\frac{y}{z+x^{2/4}})\right|$
 $b = x - \frac{x^2}{3!} + \frac{x^5}{5!}$

Tiến sĩ Đào Duy Nam PTNK - ĐHQG TPHCM

- 10. Tính tổng của một cấp số cộng có n phần tử biết rằng phần tử thứ nhất là a và công sai là d.
- 11. Cho số thực x. Chỉ sử dụng các phép toán cộng, trừ và nhân tính giá trị của biểu thức:

$$2x^4 - 3x^3 + 4x^2 - 5x + 6$$

Trong đó sử dụng không quá 4 phép nhân, 4 phép cộng và trừ.

12. Cho 2 số thực x và y. Sử dụng các phép cộng, trừ và nhân tính giá trị của biểu thức:

$$3x^2y^2 - 2xy^2 - 7x^2y - 4y^2 + 15xy + 2x^2 - 3x + 10y + 6$$

Cho phép sử dụng không quá 8 phép nhân và 8 phép cộng trừ. (Tổng cộng không quá 16 phép toán).

13. Cho số thực x. Chỉ sử dụng các phép cộng, trừ, nhân tính giá trị các biểu thức:

$$1 - 2x + 3x^2 - 4x^3$$
 và $1 + 2x + 3x^2 - 4x^3$

trong đó sử dụng không quá 8 phép toán.

- 14. Cho trước số thực a. Chỉ dùng phép toán nhân, hãy tính:
 - a. a⁴ với 2 phép nhân
 - b. a⁶ với 3 phép nhân
 - c. a⁷ với 4 phép nhân
 - d. a⁸ với 3 phép nhân
 - e. a⁹ với 4 phép nhân
 - f. a¹⁰ với 4 phép nhân
 - g. a¹³ với 5 phép nhân
 - h. a¹⁵ với 5 phép nhân
 - i. a²¹ với 6 phép nhân
 - j. a²⁸ với 6 phép nhân
 - k. a⁶⁴ với 6 phép nhân
- 15. Cho trước số thực a. Chỉ dùng phép toán nhân, hãy tính:
 - a. a^3 và a^{10} chỉ dùng 4 phép nhân
 - b. a⁴ và a²⁰ chỉ dùng 5 phép nhân
 - c. a^5 và a^{13} chỉ dùng 5 phép nhân
 - d. a⁵ và a¹⁹ chỉ dùng 5 phép nhân
 - e. a², a⁵ và a¹⁷ chỉ dùng 6 phép nhân
 - f. a^4 , a^{12} và a^{28} chỉ dùng 6 phép nhân

Tiến sĩ Đào Duy Nam PTNK - ĐHQG TPHCM

§ 2. Rẽ nhánh

- 16. Cho số thực x và y. Tìm Min(x, y) và Max(x, y).
- 17. Cho 3 số thực x, y, z. Tìm:
 - a. Max(x, y, z) và min(x, y, z)
 - b. Max(x+y+z,xyz)
 - c. $Min^2(x+y+z/2,xyz)+1$
- 18. Cho 3 số thực a, b, c. Kiểm tra xem bất đẳng thức sau có đúng không?

- 19. Cho 3 số thực a, b, c. Hãy thay mỗi số bằng 2 lần chính nó nếu $a \ge b \ge c$, ngược lại thay bằng trị tuyệt đối của chúng.
- 20. Cho hai số thực x và y. Hãy tính Z với

$$Z = \begin{cases} x - y \text{ n\'eu } x > y \\ y - x - 1 \text{ trong trường hợp ngược lại} \end{cases}$$
 21. Cho hai số thực a và b. Hãy thay a bằng 0 nếu a \geq b.

- 22. Cho 3 số thực x, y, z. Hãy chỉ ra các số trong chúng thuộc khoảng (3, 5).
- 23. Cho hai số thực khác nhau x và y. Hãy thay số bé trong chúng bằng trung bình cộng của chúng và số còn lại bởi tích của chúng.
- 24. Cho 3 số thực x, y, z. Hãy thay tất cả các số âm bằng bình phương của nó.
- 25. Với 3 số thực a, b, c đôi một khác nhau mà có tổng bé hơn 1 thì thay số bé nhất trong chúng bằng trung bình cộng của chúng, ngược lại số nhỏ hơn trong hai số a và b thay bằng trung bình công của hai số còn lai.
- 26. Với 4 số thực a, b, c, d. Nếu $a \le b \le c \le d$ thì thay mọi số bằng d; Nếu a > b > c > d thì các số không thay đổi, ngược lại thay mỗi số bằng bình phương của nó.
- 27. Cho 2 số x và y. Nếu x và y đều âm thì thay mỗi số bằng trị tuyệt đối của chúng; Nếu chỉ một trong hai số âm thì tăng mỗi số lên 0.5; Nếu cả hai số đều không âm và không có số nào thuộc khoảng (1, 2) thì thay mỗi số bằng 10 lần chính nó; Các trường hợp ngược lại các số không thay đổi.
- 28. Cho 3 số thực x, y, z dương.
- a. Tồn tại hay không một tam giác với độ dài 3 cạnh là x, y, z. Nếu tồn tại thì:
- b. Tam giác đó là vuông, nhọn hay tù?
- 29. Cho 3 số thực a, b, c. Xét xem phương trình $ax^2 + bx + c=0$ có nghiệm hay không? Nếu có hãy chỉ ra các nghiệm đó, ngược lại thông báo "Phương trình vô nghiêm".

Tiến sĩ Đào Duy Nam PTNK - ĐHQG TPHCM

30. Cho các số thực a_1 , b_1 , c_1 và a_2 , b_2 , c_2 . Kiểm tra xem hệ sau có nghiệm hay không?

$$\begin{cases} a_1x + b_1y + c_1 = 0 \\ a_2x + b_2y + c_2 = 0 \end{cases}$$

Nếu có hãy chỉ ra các nghiệm đó.

- 31. Cho 3 số thực a, b, c. Hãy lập trình giải phương trình trùng phương sau: $ax^4 + bx^2 + c = 0$
- 32. Cho các số thực a, b, c, d, s, t, u, trong đó t và s không đồng thời bằng 0. Biết rằng hai điểm (a, b) và (c, d) không nằm trên đường thẳng l: sx + ty + u = 0. Hãy xác định xem hai điểm (a, b) và (c, d) có cùng nằm trên một phần mặt phẳng mà chia bởi đường thẳng l hay không?
- 33. Trên mặt phẳng cho 4 điểm A, B, C, D xác định bởi tọa độ của chúng: A(a, b), B(c, d), C(e, f), D(g, h). Kiểm tra xem 2 điểm A, B có nằm trên đường thẳng đi qua C và D hay không? Nếu cả hai điểm A và B không nằm trên đường thẳng CD thì chúng có nằm ở hai nửa mặt phẳng khác nhau chia bởi CD hay không?
- 34. Cho 6 số thực x1, x2, x3 và y1, y2, y3 xác định 3 điểm A(x1,y1), B(x2,y2) và C(x3, y3). Kiểm tra xem 3 điểm trên có thẳng hàng hay không? Nếu không thẳng hàng thì gốc tọa độ (0, 0) có nằm trong tam giác ABC hay không?
- 35. Cho 4 số dương a, b, c và d. Có thể đặt tam giác vuông với độ dài hai cạnh góc vuông là a và b nằm trọn trong tam giác vuông với độ dài hai cạnh góc vuông là c và d hay không?
- 36. Một viên gạch hình khối chữ nhật có độ dài là a, b, c. Có thể đưa viên gạch qua lỗ hồng hình chữ nhật kích thước x, y hay không?
- 37. Cho số thực x. Hãy tính giá trị của hàm số f(x). Nếu

a.
$$f(x) = \begin{cases} x^2 & N \tilde{e}u - 2 \le x < 2 \\ 4 & N \tilde{e}u \ge 2 \end{cases}$$
b.
$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 4x + 5 v \acute{o}i x \le 2 \\ \frac{1}{x^2 + 4x + 5} v \acute{o}i x > 2 \end{cases}$$
c.
$$f(x) = \begin{cases} 0 N \tilde{e}u x < 0 \\ x N \tilde{e}u 0 \le x \le 1 \\ x^4 N \tilde{e}u x > 1 \end{cases}$$