Sieci Neuronowe – laboratorium  
  
Ćwiczenie nr. 1  
  
Kajetan Pynka, 254495

Spis treści

[Wstęp 3](#_Toc117274102)

[Perceptron prosty 4](#_Toc117274103)

[Eksperyment 1 4](#_Toc117274104)

[Eksperyment 2 5](#_Toc117274105)

[Eksperyment 3 6](#_Toc117274106)

[Eksperyment 4 7](#_Toc117274107)

[ADALINE 8](#_Toc117274108)

[Eksperyment 1 8](#_Toc117274109)

[Eksperyment 2 9](#_Toc117274110)

[Eksperyment 3 10](#_Toc117274111)

[Eksperyment 4 11](#_Toc117274112)

# Wstęp

Oba modele zostały zaimplementowane przeze mnie przy użyciu języka Python 3.10. Dodatkowo wykorzystałem w niektórych miejscach funkcjonalności biblioteki NumPy. Średnia występująca w zestawieniach poszczególnych eksperymentów oznacza, że dla konkretnej badanej wartości eksperyment został wykonany 10 razy i w ramach wyniku wyciągnięta została średnia arytmetyczna otrzymanych rezultatów. Dla każdego eksperymentu przyjąłem następujące wartości parametrów (tam, gdzie nie były one elementem badania):

* Rozmiar danych: 100
* Podział na zbiór treningowy / testowy: 80/20
* Domyślny współczynnik uczenia: 0.01
* Domyślna waga: 0.001
* Funkcja aktywacji perceptronu: unipolarna
* Funkcja aktywacji ADALINE: bipolarna
* Dopuszczalny błąd (tylko ADALINE): 0.4
* Dodatkowo wszędzie, poza pierwszym eksperymentem perceptronu, wykorzystałem bias

# Perceptron prosty

## Eksperyment 1

Ogólnie gdy theta rośnie do +inf to potrzeba więcej epok na wyuczenie modelu, zależy to bezpośrednio od współczynnika uczenia: małe kroki → dłużej zajmuje osiągnięcie wag przekraczających próg. Dla wartości bardzo bliskch zera potrzeba mieć adekwatnie mały współczynnik uczenia. Dla ujemnych theta oraz funkcji aktywacji unipolarnej model nigdy się nie wyuczy (zawsze predykcja będzie dobra → niezerowa delta nigdy się nie skoryguje).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Próg odcięcia (theta)** | **Średnia liczba epok potrzebna do wyuczenia** | **Średnie wagi [x1, x2]** |
| 0.05 | 3.0 | [0.0317, 0.0301] |
| 0.10 | 4.0 | [0.0594, 0.0598] |
| 0.15 | 4.0 | [0.0886, 0.0897] |
| 0.20 | 5.0 | [0.1172, 0.1194] |
| 0.25 | 6.0 | [0.1452, 0.1510] |
| 0.30 | 6.0 | [0.1678, 0.1721] |
| 0.35 | 6.3 | [0.1959, 0.2028] |
| 0.40 | 7.6 | [0.2239, 0.2312] |
| 0.45 | 8.0 | [0.2540, 0.2611] |
| 0.50 | 9.0 | [0.2818, 0.2932] |
| 0.80 | 12.2 | [0.4482, 0.4640] |
| 2.50 | 34.0 | [1.3804, 1.4340] |
| 100.00 | 1270.3 | [54.941, 57.105] |

## Eksperyment 2

Jeśli wylosuje się idealne wagi to w zasadzie model może być od razu wyuczony, w związku z tym im bliżej optimum zostaną zainicjalizowane tym mniej epok będzie wymaganych do wyuczenia modelu. Najczęściej trudne będzie oszacowanie potencjalnie optymalnych wag, dlatego należy zwężać zakres wag „o tyle, ile się da”.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Zakres wag** | **Średnia liczba epok potrzebna do wyuczenia** | **Średnie wagi [x1, x2, bias]** |
| -1.0 do 1.0 | 10.0 | [0.2870, 0.3125, -0.4560] |
| -0.9 do 0.9 | 10.6 | [0.1581, 0.1280, -0.2335] |
| -0.8 do 0.8 | 10.7 | [0.1141, 0.2055, -0.2632] |
| -0.7 do 0.7 | 7.8 | [0.1168, 0.1375, -0.1883] |
| -0.6 do 0.6 | 8.3 | [0.1293, 0.1238, -0.2028] |
| -0.5 do 0.5 | 8.1 | [0.1233, 0.1278, -0.2168] |
| -0.4 do 0.4 | 6.1 | [0.0781, 0.0952, -0.1404] |
| -0.3 do 0.3 | 6.0 | [0.0781, 0.0795, -0.1223] |
| -0.2 do 0.2 | 5.2 | [0.0471, 0.0836, -0.1113] |
| -0.1 do 0.1 | 4.4 | [0.0279, 0.0284, -0.0455] |

## Eksperyment 3

Nieważne jak duży albo jak mały współczynnik uczenia damy, model w podobnej liczbie epok będzie w stanie się wyuczyć **(przy założeniu wykorzystania biasu!).** Jeśli manualnie ustalamy próg theta to bardzo istotne jest dobranie współczynnika uczenia, ponieważ za duży może skutkować zbyt dużymi zmianami wag (co uniemożliwi modelowi osiągnięcie optymalnego rozwiązania).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Wartość współczynnika uczenia** | **Średnia liczba epok potrzebna do wyuczenia** | **Średnie wagi [x1, x2, bias]** |
| 5000.0000 | 5.0 | [10261.7, 11323.4, -15000.0] |
| 1.0000 | 4.9 | [1.9861, 2.2482, -3.0000] |
| 0.9000 | 4.6 | [1.7569, 1.7883, -2.4303] |
| 0.8000 | 4.8 | [1.6106, 1.6991, -2.4001] |
| 0.7000 | 4.9 | [1.4389, 1.5441, -2.1000] |
| 0.6000 | 5.0 | [1.2312, 1.3587, -1.7998] |
| 0.5000 | 4.8 | [1.0263, 1.0691, -1.5000] |
| 0.4000 | 5.2 | [0.8595, 0.8770, -1.2399] |
| 0.3000 | 5.0 | [0.6061, 0.6781, -0.8997] |
| 0.2000 | 4.9 | [0.4053, 0.4526, -0.5999] |
| 0.1000 | 5.0 | [0.1988, 0.2256, -0.2996] |
| 0.0001 | 3.4 | [0.0003, 0.0003, -0.0005] |

## Eksperyment 4

Lepiej sprawdza się bipolarna funkcja aktywacji, wynika to prawdopodobnie z faktu, że korekcje wag są silniejsze (zbiór wartości różnicy poprawnej odpowiedzi oraz predykcji wynosi {-2, 0, 2} dla funkcji bipolarnej natomiast {-1, 0, 1} dla funkcji unipolarnej).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Rodzaj funkcji aktywacji** | **Średnia liczba epok potrzebna do wyuczenia** | **Średnie wagi [x1,x2,bias]** |
| unipolarna | 4.2 | [0.0199, 0.0189, -0.0289] |
| bipolarna | 3.0 | [0.0217, 0.0190, -0.0198] |

# ADALINE

## Eksperyment 1

Podobnie jak w przypadku perceptronu prostego, im bliżej „idealnych” wag oszacujemy nasz wstępny zakres tym szybciej nasz model będzie w stanie się wyuczyć. Dlatego najlepiej, tam gdzie się da, zwężać zakres wag o tyle ile tylko się da.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Zakres wag** | **Średnia liczba epok potrzebna do wyuczenia** | **Średnie wagi [x1,x2,bias]** |
| -1.0 do 1.0 | 3.5 | [0.4230, 0.4320, -0.5440] |
| -0.9 do 0.9 | 3.0 | [0.3735, 0.4091, -0.5563] |
| -0.8 do 0.8 | 3.3 | [0.3887, 0.4096, -0.5459] |
| -0.7 do 0.7 | 3.2 | [0.3784, 0.4543, -0.5160] |
| -0.6 do 0.6 | 3.3 | [0.3583, 0.4098, -0.4789] |
| -0.5 do 0.5 | 3.0 | [0.3739, 0.4041, -0.4546] |
| -0.4 do 0.4 | 2.9 | [0.3874, 0.3875, -0.4845] |
| -0.3 do 0.3 | 3.0 | [0.3872, 0.4156, -0.4732] |
| -0.2 do 0.2 | 3.0 | [0.3702, 0.3948, -0.4883] |
| -0.1 do 0.1 | 3.0 | [0.3718, 0.4064, -0.4729] |

## Eksperyment 2

Współczynnik uczenia w przypadku ADALINE zasadniczo „dyktuje” o jak duże kroki będą aktualizowane wagi. W przypadku zbyt dużego współczynnika, wagi mogą zaczynać uciekać do nieskończoności (a model nie będzie w stanie się wyuczyć). Im mniejszy współczynnik ustalimy, tym więcej epok będzie potrzebnych do wyuczenia modelu.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Współczynnik uczenia** | **Średnia liczba epok potrzebna do wyuczenia** | **Średnie wagi [x1,x2,bias]** |
| 0.50000 | NULL | NULL |
| 0.30000 | 2.0 | [0.9637, 0.9342, -1.0302] |
| 0.20000 | 2.0 | [0.8721, 0.8847, -0.9160] |
| 0.10000 | 2.0 | [0.7105, 0.7625, -0.7555] |
| 0.05000 | 2.0 | [0.5743, 0.6346, -0.6542] |
| 0.02500 | 3.0 | [0.4992, 0.5462, -0.5961] |
| 0.01000 | 3.0 | [0.3696, 0.4069, -0.4785] |
| 0.00100 | 11.0 | [0.2387, 0.2659, -0.3299] |
| 0.00010 | 94.0 | [0.2257, 0.2516, -0.3143] |
| 0.00001 | 922.2 | [0.2243, 0.2499, -0.3122] |

## Eksperyment 3

Dla zbyt dużego dopuszczalnego błędu ADALINE w zasadzie od razu osiągnie „odpowiedni wynik” co nie oznacza, że model będzie osiągał wysoką precyzję (wręcz odwrotnie, im wyższy dopuszczalny błąd tym mniej dokładny może być model). W przypadku dla zbyt małego błędu może dojść do sytuacji gdzie model nie będzie w stanie się wyuczyć (ponieważ model nie dopasowuje się idealnie do wzorców a jedynie oddziela je prostą, co oznacza, że zawsze będzie występować jakiś błąd).

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Dopuszczalny błąd** | **Średnia liczba epok potrzebna do wyuczenia** | **Średnie wagi [x1,x2,bias]** |
| 1.0000 | 2.0 | [0.2542, 0.2861, -0.3422] |
| 0.7500 | 2.0 | [0.2543, 0.2862, -0.3420] |
| 0.5000 | 3.0 | [0.3697, 0.4069, -0.4785] |
| 0.4500 | 3.0 | [0.3696, 0.4068, -0.4785] |
| 0.4000 | 3.0 | [0.3696, 0.4068, -0.4785] |
| 0.3500 | 3.0 | [0.3696, 0.4068, -0.4785] |
| 0.3000 | 3.1 | [0.3749, 0.4120, -0.4839] |
| 0.2500 | 5.0 | [0.4461, 0.4809, -0.5533] |
| 0.2485 | 5.0 | [0.4461, 0.4809, -0.5533] |
| 0.2000 | NULL | NULL |

## Eksperyment 4

Początkowy zakres wag jest jednakowo istotny zarówno w przypadku perceptronu prostego jak i ADALINE. Przez jego oszacowanie możemy niejako „poprowadzić” model w dobrym kierunku na wstępie nauki.

Współczynnik uczenia dla perceptronu może być bardzo duży bo i tak pobudzenie jest „rzutowane” funkcją aktywacji na jedną z klas (co zapobiega uciekaniu wag do nieskończoności). Dla ADALINE zbyt duży współczynnik może skutkować rozbieżnością wag do +- nieskończoności.

Ogólnie ADALINE wydaje się działać lepiej, wynika to prawdopodobnie z „dokładniejszej” aktualizacji wag. ADALINE przy zasadniczo każdym wzorcu dokonuje cząstkowych aktualizacji wag, podczas gdy perceptron prosty polega na predykcji: za błędną predykcję mocno redukuje wagi, natomiast za poprawną nie dokonuje korekty (nieważne jak „daleka od prawdy” była ta predykcja!).