# 水以下コン (チーム戦) 解説

運営メンバーのなまえ

2024/03/30

### A: Cyan or Less

Writer: Kyo\_s\_s

#### A: Cyan or Less

カラーコードが文字列で与えられる.

#### 彩度を以下で定義する:

• r, g, b をカラーコードの RGB 値とする.

彩度= 
$$\frac{\max(r,g,b) - \min(r,g,b)}{\max(r,g,b)}$$

与えられたカラーコードが表す色は水色 #00c0c0 の彩度以下か判定せよ.

#### A: Cyan or Less 解法

step1. 与えられたカラーコードを RGB 値に変換する.

- 2桁の16進数を10進数に変換するには、1つ目の数字を16倍して2つ目の数字を足せばよい。
  - 。a は 10 に, b は 11 に, ..., f は 15 に変換してから足す.

### A: Cyan or Less 解法

step1. 与えられたカラーコードを RGB 値に変換する.

• 2 桁の 16 進数を 10 進数に変換するには, 1 つ目の数字を 16 倍して 2 つ目の数字を足せばよい.

。a は 10 に, b は 11 に, ..., f は 15 に変換してから足す.

step2. 彩度を計算する.

・彩度の定義通りに計算すれば OK.

### A: Cyan or Less 解法

step1. 与えられたカラーコードを RGB 値に変換する.

- 2 桁の 16 進数を 10 進数に変換するには, 1 つ目の数字を 16 倍して 2 つ目の数字を足せばよい.
  - 。aは10に,bは11に,...,fは15に変換してから足す.

step2. 彩度を計算する.

・彩度の定義通りに計算すれば OK.

step3. 彩度が水色の彩度以下か判定する.

• 水色 #00c0c0 も同じ方法で彩度を計算しておけば、大小関係を比較するだけ.

### A: Cyan or Less 余談

実は、水色 #00c0c0 の彩度は 1

→彩度がこれより大きくなる色は存在しない!

このため、すべてのケースで Yes と正解すればよいです.

一旦没になったのですが、丁寧に書いてもよいし、気づけば1行で解けるので面白くない?となり出題されました.

## X: f(f(f(f(x)))))

Writer: Kyo\_s\_s

X: f(f(f(f(f(x)))))

整数  $K(1 \le K \le 10^{18})$  と x についての関数 f(x) が与えられる. 最初 x = 1 として,次の操作を K 回繰り返す:

x を f(x) で更新する

最終的な x mod 998 は?

X: f(f(f(f(f(x)))))

整数  $K(1 \le K \le 10^{18})$  と x についての関数 f(x) が与えられる. 最初 x=1 として,次の操作を K 回繰り返す:

x を f(x) で更新する

最終的な x mod 998 は?

構文解析をがんばる必要がある ... ?

→ めちゃめちゃな式は与えられないため,そんなに頑張らなくてよい.

## X: f(f(f(f(f(x))))) 部分点1解法

• K = 1, f(x) に \*, ^ は含まれない.

X: f(f(f(f(f(x))))) 部分点1解法

• K = 1, f(x) に \*, ^ は含まれない.

f(x) は, x もしくは 1 以上  $10^9$  未満の整数 の和で表されているので,

step 1. f(x) を + で分割する

step 2. 分割したそれぞれの文字列を数値に変換する (x なら1)

step 3. すべて足し合わせる

を実装すれば OK.

X: f(f(f(f(f(x))))) 部分点 2 解法

•  $K \le 10^4$ , f(x) に ^ は含まれない.

X: f(f(f(f(f(x))))) 部分点 2 解法

•  $K \le 10^4$ , f(x) に ^ は含まれない.

部分点 1 解法で、「数値 /x と演算子 + のみからなる数式」を計算した.  $\rightarrow$  改造すると、「数値 /x と 演算子 \* のみからなる数式」を計算できる.

X: f(f(f(f(f(x))))) 部分点 2 解法

•  $K \le 10^4$ , f(x) に ^ は含まれない.

部分点1解法で、「数値 / x と演算子 + のみからなる数式」を計算した.

 $\rightarrow$  改造すると、「数値 / x と 演算子 \* のみからなる数式」を計算できる.

step 1. f(x) を + で分割する

step 2. 分割したそれぞれの文字列は「数値 / x と 演算子 \* のみからなる数式」なので、それぞれを計算する

step 3. すべて足し合わせる

そのままだとオーバーフローするため、和 / 積の計算時に  $\mod 998$  を取れば OK.

X: f(f(f(f(f(x))))) 部分点 3 解法

•  $K \le 10^4$ 

X: f(f(f(f(f(x))))) 部分点 3 解法

•  $K \le 10^4$ 

「数値 / x と 演算子 \*, ^ のみからなる数式」を計算できれば OK. これは、 step 1. f(x) を \* で分割する

- step 2. 分割したそれぞれの文字列は「数値 / x もしくは、演算子  $^{\land}$  のみからなる数式」なので、
  - ^ を含む: (数値 or x)^(数値) の形になっているので計算する
  - ^ を含まない: そのまま数値に変換する
- step 3. すべて掛け合わせる

とすれば実装できる.愚直にK回シミュレーションすればOK.

X: f(f(f(f(f(x))))) 満点解法

X: f(f(f(f(f(x))))) 満点解法

関数 f(x) の形から、x を更新するときに  $x \mod 998$  で更新してもよい。 つまり、関数 f は、

 $f: \mathbb{Z}/998\mathbb{Z} \to \mathbb{Z}/998\mathbb{Z}$ 

とみなせる. → ダブリングできる!

X: f(f(f(f(f(x))))) 満点解法

関数 f(x) の形から、x を更新するときに  $x \mod 998$  で更新してもよい。 つまり、関数 f は、

 $f: \mathbb{Z}/998\mathbb{Z} \to \mathbb{Z}/998\mathbb{Z}$ 

とみなせる. → ダブリングできる!

前処理として x=0,1,...,997 に対する f(x) を計算しておくことにより, x=0,1,...,997 に対する f(f(x)) の値が計算でき, さらにこの値を用いて x に対する f(f(f(f(x)))) の値が計算でき,...

これを繰り返し、必要な部分を適用することで K 回操作した後の値を求めることができる!

#### X: f(f(f(f(f(x))))) 余談

- 原案では 引き算 と 括弧 () も含まれていたのですが、 さすがにやりすぎということで無くしました。
  - ◦括弧が入ってくるとちゃんと再帰的な処理をする必要があります.
- ^ もなくていいじゃん,と言われていたのですが, ^ が無いと Python の eval を使うことで構文解析をサボれてしまうのでやむなく入れました.
  - 。 部分点 2 までは eval をやるだけで通せます.
  - 。部分点3も, re.sub(r'(xl\d+)\^(\d+)', r'pow(\1,\2,998)', S) と置換することで,構文解析パートは eval で済ませることができます (ダブリングはする必要があります).

#### X: X-word Database

Writer: Kyo\_s\_s

#### X: X-word Database

整数 X  $(4 \le X \le 10^5)$  と文字列 S  $(1 \le |S| \le X)$  が与えられる.

以下の条件を満たす文字列をよい文字列と呼ぶ:

- 文字列の長さが X 以下
- 辞書順で S 以下
- 連続部分列に cyan を含む

よい文字列は何個ある?

#### X: X-word Database

整数  $X(4 \le X \le 10^5)$  と文字列  $S(1 \le |S| \le X)$  が与えられる.

以下の条件を満たす文字列をよい文字列と呼ぶ:

- 文字列の長さが X 以下
- 辞書順で S 以下
- 連続部分列に cyan を含む

よい文字列は何個ある?

 $X=5,\ S=$  cyanc のとき,条件を満たす文字列は, acyan, bcyan, ccyan, cyan, cyana, cyanb, cyanc の 7 個.

• *X* ≤ 8

•  $X \leq 8$ 

cyan を含む長さ8以下の文字列を全て試せばOK.

たとえば長さが8でcyanを含む文字列は、

\*\*\*\*cyan, \*\*\*cyan\*, \*\*cyan\*\*, cyan\*\*\*

のどれかの形なので、\* に入るアルファベットを全て試してそれぞれがよい 文字列かどうかを判定すればよい!

•  $X \leq 8$ 

cyan を含む長さ8以下の文字列を全て試せばOK.

たとえば長さが8でcyanを含む文字列は、

\*\*\*\*cyan, \*\*\*cyan\*, \*\*cyan\*\*, \*cyan\*\*\*, cyan\*\*\*

のどれかの形なので、\* に入るアルファベットを全て試してそれぞれがよい 文字列かどうかを判定すればよい!

このままだと X=8 で cyancyan を 2 回数えてしまうのでそこだけ注意.

•  $X \leq 10^3$ , S はすべて z で長さが X の文字列

•  $X \leq 10^3$ , S はすべて z で長さが X の文字列

長さが X 以下で cyan を含むような文字列はすべてよい文字列になる.

•  $X \leq 10^3$ , S はすべて z で長さが X の文字列

長さが X 以下で cyan を含むような文字列はすべてよい文字列になる. 長さが K で cyan を含む文字列の個数は,包除原理を使うと,

$$\sum_{i=1}^{\lfloor K/4 \rfloor} (-1)^{i+1} \cdot 26^{K-4i} \cdot {}_{i+1}H_{K-4i}$$

で求められる (ここで,  $_nH_k$  は重複組合せ).

•  $X \leq 10^3$ , S はすべて z で長さが X の文字列

長さが X 以下で cyan を含むような文字列はすべてよい文字列になる. 長さが K で cyan を含む文字列の個数は,包除原理を使うと,

$$\sum_{i=1}^{\lfloor K/4 \rfloor} (-1)^{i+1} \cdot 26^{K-4i} \cdot {}_{i+1}H_{K-4i}$$

で求められる (ここで, $_nH_k$  は重複組合せ). よって、答えは、

$$\sum_{K=4}^{X} \sum_{i=1}^{\left[K/4\right]} (-1)^{i+1} \cdot 26^{K-4i} \cdot {}_{i+1}H_{K-4i}$$

X: X-word Database 満点解法

#### X: X-word Database 満点解法

桁 DP で解ける!

```
{
m dp}[i][smaller][j]:=X の上から i 番目まで見て, smaller=0:X\ {
m color}\ /\ 1:X\ {
m Shyn} >1 cyan の j 文字目までを末尾に含む / すでに cyan を含む 文字列の個数
```

X: X-word Database 満点解法

桁 DP で解ける!

dp[i][smaller][j] := X の上から i 番目まで見て、

smaller = 0: X と同じ /1: X より小さく、

cyan の j 文字目までを末尾に含む / すでに cyan を含む 文字列の個数

上から DP をしていくことで、X 字以下の文字列の個数も求められている.

$$\sum_{i=0}^{X} ig( ext{dp}[i][0]ig[ ext{cyan を含む}ig] + ext{dp}[i][1]ig[ ext{cyan を含む}ig]ig)$$

が答え.