Documentation for GEONU Software

Shuai Ouyang¹

2025.03.21

¹shuaiouyang@mail.sdu.edu.cn Shuai.Ouyang@snolab.ca

目录

1	介绍	1
	1.1 什么是地球中微子	 1
	1.2 GEONU 软件	 2
	1.3 如何使用 GEONU?	 3
2	地质相关信息 (TBA)	5
	2.1 Huang 方法	 5
	2.2 Bivart 方法	 5
	2.3 Crust 1.0	 5
	2.4 Crust 2.0	 5
	2.5 Litho 1	 5
	2.6 ECM	 5
3	输入参数	7
	3.1 物理输入	 7
	3.2 地质输入	 8
	3.3 三种 BSE 模型的地质参数输入 (TBA)	 8
4	软件设计	9
	4.1 软件设计思想	 9
	4.1.1 抽样	 9
	4.1.2 统计与误差	 9
	4.2 物理	 9
	4.3 Lithosphere	 10
	4.4 Mantle	 12
\mathbf{R}	eference	13

ii 目录

介绍

1.1 什么是地球中微子

简单来说,Geonu 指的是来自地球内部的中微子。这个课题的研究来自于地质学,早先地质学家通过地震波研究清楚了地球的内部结构,对地球内部的物理性质了解的十分清楚,但对化学性质却知之甚少。地球的化学性质对于地球的演化非常重要,例如地球表面的大陆板块运动、地幔的物质循环就十分依赖地球内部化学性质。目前也有不少能够描述地球内部化学性质的理论,但是人类的地下活动仅仅 12 km,并没有多少关于地幔的直接测量数据,所以需要实验来辨别哪些理论是正确的,哪些理论是错误的。

推动地球内部运动的能量来源一部分来自于元素的衰变,这些元素统一被称作 HPE。地质学家注意到 HPE 衰变,例如 ^{235}U , ^{238}U , ^{232}Th , ^{40}K ,在产生热量的同时会释放中微子 [1] (Eq.1.1-1.5);由于中微子只参与弱相互作用,所以它可以很轻易地将地球内部的信息传递出来,所以地球中微子成为了人类认识地球内部化学性质的一个重要手段。

$$^{235}U \longrightarrow ^{207}Pb + ^{4}He + 4e^{-} + 4\overline{\nu}_{e} + 0.283 \text{ MeV},$$
 (1.1)

$$^{238}U \longrightarrow ^{206}Pb + 8\alpha + 6e^{-} + 6\overline{\nu}_{e} + 51.7 \text{ MeV},$$
 (1.2)

$$^{232}Th \longrightarrow ^{208}Pb + 6\alpha + 4e^{-} + 4\overline{\nu}_{e} + 42.7 \text{ MeV},$$
 (1.3)

$$^{40}K \xrightarrow{\sim} {}^{40}Ca + e^- + \overline{\nu}_e + 1.31 \text{ MeV},$$
 (1.4)

$$^{40}K \xrightarrow{}_{(10.7\%)} ^{40}Ar + \nu_e + 1.505 \text{ MeV}.$$
 (1.5)

目前探测地球中微子的方式是通过 IBD 反应:

$$\overline{\nu}_e + p \longrightarrow n + e^+,$$
 (1.6)

正电子迅速与电子湮灭,在实验上产生 promt 信号;中子之后随机游走,并且在游走的过程中能量逐渐降低,最终被质子俘获从而在实验上产生 delayed 信号。由于这个反应的阈值为 $1.806~{
m MeV}$,目前人类只能看到来自 ^{238}U 和 ^{232}Th 衰变的地球中微子 (Fig.1.1)。

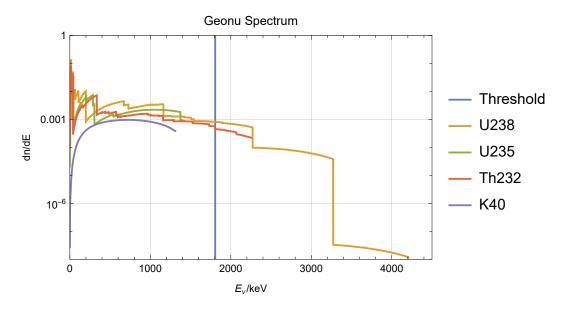


图 1.1: 不同 HPE 元素衰变的地球中微子能谱 [2]

2 CHAPTER 1. 介绍

GEONU 软件 1.2

GEONU 是一款开源的 MATLAB 代码,目前由 Tytrice Faison 和 Laura Sammon 负责维护 [3],这款软 件对地球进行建模并且能够计算各个探测器的地球中微子信号,除此之外还有 geonu flux、热功率等信息。我 在此基础上对整套代码进行了改写,提高了可读性、可维护性,做到了模块化,以便于后续 SNO+ 对地球中微 子问题的研究。

GEONU 将地球划分成三大部分: Lithsophere、Mantle 和 Core; 由于 Core 对地球中微子信号几乎没有贡 献,所以着重计算了来自 Lithosphre 和 Mantle 的信号。Lithosphere 被划分成了 7 层,分别是 sediment(s1, s2, s3), Crust(UC, MC, LC) 和 LM, 每一层按照经纬度划分成了 1°×1° 的格子, 总共 64,800 个格子, 如 Fig. 1.2。 Mantle 部分则是划分成了两层,分别是 DM 和 EM,每一层同样是 64,800 个格子。整体结构看见 Fig. 1.3



图 1.2: 地层划分演示

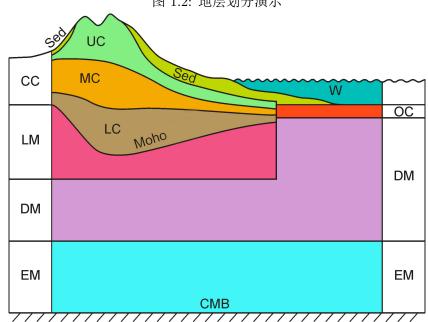


图 1.3: 地球内部结构 [4]

除此之外, GEONU 输入了不同的地质模型数据。Lithosphere 可选择数据有 Crust1.0, Crust2.0, Lith 和 ECM; Mantle 导入的数据是 PREM。目前,整个改写工作 Lithosphere 只支持 Crust1.0 模型。

有了地球建模之后,接下来就是如何计算地球中微子信号。对于第 i 个 HPE 元素,其产生的信号为

$$S_{i} = \int_{\oplus} \rho A_{i} dV \times \frac{1}{a_{i}} \times \frac{\ln 2}{\tau_{i}} \times \int \frac{dn}{dE} \sigma_{IBD} dE \times \frac{P_{ee}}{4\pi L^{2}} \times 1 \text{yr} \times N_{proton} \times \varepsilon_{detector},$$
 (1.7)

1.3. 如何使用 GEONU? 3

其中 ρ 是岩石密度; A_i, a_i, τ_i 分别是第 i 个 HPE 元素的丰度、原子质量和半衰期; P_{ee} 是存活概率;L 是岩石 到探测器的距离; N_{proton} 是靶质子数; $\varepsilon_{detector}$ 是探测效率。通量的计算公式为

$$\Phi = \int_{\oplus} \rho A_i dV \times \frac{1}{a_i} \times \frac{\ln 2}{\tau_i} \times \int \frac{dn}{dE} dE \times \frac{P_{ee}}{4\pi L^2}, \tag{1.8}$$

其单位通常是 $\mathrm{cm}^{-2}\mathrm{s}^{-1}$ 。热功率则是通过 HPE 元素质量直接计算。至此,整个 GEONU 计算框架到此结束,更加详细的细节和讨论将会放到后续章节当中。

1.3 如何使用 GEONU?

如果你是第一次接触、使用 GEONU 软件的话,请首先安装 MATLAB 软件。安装完成之后,打开 main.mlx 文件,选择你关注的探测器,设置想要的迭代次数,然后点击程序运行。迭代次数和内存息息相关,请参考下列的推荐表格:

迭代次数	推荐内存	所需时间
1000	32 GB	102 s
4000	64 GB	280 s

表 1.1: 不同迭代次数推荐内存及所需时间

程序结束之后,结果会保存在 **Output** 文件夹。计算结果保存了三个 structure: Physics、Geology 和 Output。前两个记录物理和地质输入,以便于后续检查和复现; Output 记录计算结果。**Plot.m** 文件展示了如何读取、展示计算结果,所有输出图片都会保存在 **Pics** 文件夹当中。

LITE 版本展示了计算的基本框架,后续的 ADVANCE 和 SPECTRUM 都是基于此发展而来,只不过是为了控制内存消耗而做了对应的特异化处理。如果你想要对此进行改进或者拓展的话,LITE 由于高度模块化、数据结构清晰所以将会是一个非常好的参考例子。针对内存消耗,目前针对不同的功能开发了不同的版本:

- LITE: 只关注与事例率的计算。
- ADVANCE: 同时计算事例率、signal flux 和热功率。
- SPECTRUM: 计算事例率与测量能谱。
- APPLICATION: 自定义开发与应用。

注:如果您的文章中有任何基于新版或者旧版 GEONU 的结论或者论点的话,请引用这篇文献 [5],它是第一个提供此代码的论文。

4 CHAPTER 1. 介绍

地质相关信息 (TBA)

- 2.1 Huang 方法
- 2.2 Bivart 方法
- 2.3 Crust 1.0
- 2.4 Crust 2.0
- 2.5 Litho 1
- 2.6 ECM

输入参数

3.1 物理输入

物理输入主要有:

- 1. 元素性质: 详见表格3.1
- 2. 中微子振荡: 振荡参数详见表格3.2; 振荡公式为

$$P_{ee}(E,L) = 1 - \sin^2 2\theta_{12} \cos^4 \theta_{13} \sin^2 \left(\frac{1.27\Delta m_{21}^2 L}{E}\right) - \sin^2 2\theta_{13} \cos^2 \theta_{12} \sin^2 \left(\frac{1.27\Delta m_{31}^2 L}{E}\right) - \sin^2 2\theta_{13} \sin^2 \theta_{12} \sin^2 \left(\frac{1.27\Delta m_{32}^2 L}{E}\right),$$
(3.1)

其中 E, L 的单位分别为 MeV 和 km。

- 3. HPE 元素衰变的中微子能谱: 目前 Geonu 领域的研究采用的能谱是 Enomoto 计算提供的 [2], 可见图1.1。
- 4. IBD 散射截面: 电子与核子质量详见表格3.3; IBD 截面的计算公式为:

$$\sigma_{IBD}(E) = 9.52 \times (E - \Delta)^2 \sqrt{1 - \frac{m_e^2}{(E - \Delta)^2}} \times 10^{-44} \text{cm}^2,$$
 (3.2)

其中 $\Delta \equiv m_n - m_p \approx 1.2933 \text{ MeV}$ 。

表 3.1: 元素性质

性质	^{235}U	^{238}U	^{232}Th	^{40}K	来源
自然丰度	0.7%	99.3%	100%	0.0117%	Wiki
原子质量 (amu)	235.0439299	238.05078826	232.0380536	39.96399848165	Wiki
半衰期 (s)/3.1536e7	4.468e9	0.704e9	14.05e9	1.248e9	Wiki
反射热 μW/kg	568.48	95.13	26.28	24.47	Ref [6]

表 3.2: 中微子振荡 (PDG 2024)

混合角	数值	质量差 (eV²)	数值
$\sin^2 \theta_{13}/10^{-2}$	2.203 ± 0.059	$\Delta m_{21}^2/10^{-5}$	7.41 ± 0.21
$\sin^2 \theta_{12}/10^{-1}$	3.03 ± 0.12	$\Delta m_{31}^2/10^{-3}$	2.437 ± 0.028
$\sin^2 \theta_{23}/10^{-1}$	5.72 ± 0.23	$\Delta m_{32}^2/10^{-3}$	2.437 ± 0.028

表 3.3: 电子与核子质量

$m_e({ m MeV})$	$m_p({ m MeV})$	$m_n(\text{MewV})$	来源	
0.51099895069	938.27208943	939.56542052	Wiki	

8 CHAPTER 3. 输入参数

3.2 地质输入

地质学方面的输入包括以下几部分

- 1. Lithosphere 的地质数据:目前仅支持 Crust 1.0;未来会逐渐支持 Crust 2.0, Litho 1.0 和 ECM1 模型。这些模型会提供岩石密度、深度、厚度等信息。
- 2. Lithosphere 的 HPE 元素丰度:需要输入 U、Th 和 K 元素丰度的平均值和对应误差,软件会自动根据 平均值和误差随机抽样出每个格子的元素丰度;其中 MC 和 LC 的 CC 部分则是采用 Huang 或者 Bivart 的方法自动计算丰度。
- 3. Mantle 的地质数据: PREM 模型,可以提供不同深度地层的密度信息。
- 4. Mantle 的丰度信息: DM 地层 U 的丰度、Th/U 和 K/Th 丰度比值; 以及 BSE 模型的 U 丰度和 Th/U 和 K/Th 丰度比值。
- 5. 计算过程中用到的其他参数。

表 3.4: Lithosphere 中各地层的默认丰度

地层		CC			OC	
地広	$U/10^{-6}$	$Th/10^{-6}$	$K/10^{-2}$	$U/10^{-6}$	$Th/10^{-6}$	$K/10^{-2}$
Sediment	1.73 ± 0.09	8.10 ± 0.59	$(2.21 \pm 0.14) * 0.83$	1.73 ± 0.09	8.10 ± 0.59	$(2.21 \pm 0.14) * 0.83$
UC	2.7 ± 0.6	10.5 ± 1.0	2.32 ± 0.19	0.07 ± 0.021	0.21 ± 0.063	0.0716 ± 0.0215
MC/LC		Huang/Biv	vart .	0.07 ± 0.021	0.21 ± 0.063	0.0716 ± 0.0215
LM	$0.033^{+0.049}_{-0.020}$	$0.15^{+0.277}_{-0.097}$	$0.0315^{+0.04316}_{-0.01826}$		0	

表 3.5: BSE 默认丰度

$U/10^{-9}$	$\mathrm{Th/U}$	K/U
0.19 ± 0.038	$3.776^{+0.122}_{-0.075}$	13800 ± 1300

表 3.6: 地幔默认输入

EM(质量) 占比	Th/U	K/U
19%	$3.45^{+1.66}_{-1.18}$	19000 ± 1300

表 3.7: 其他默认输入

地球质量 (kg)/10 ²⁴	地核质量 (kg)/10 ²⁴
5.97218 ± 0.00006	1.93265 ± 0.0579795

3.3 三种 BSE 模型的地质参数输入 (TBA)

软件设计

4.1 软件设计思想

4.1.1 抽样

GEONU 的程序设置当中有一个重要的概念就是通过随机抽样引入不确定性,具体通过以下两个函数实现:

- 1. Generate_Random_Normal(): 高斯抽样
- 2. Generate_Random_Log_Normal(): Log 高斯抽样

这些抽样方式使得 GEONU 能在计算过程充分考虑不确定性,并将其最终传播到最终结果当中。同时,GEONU 通过关联系数的方式来建立不同输入变量的相关性,从而实现了更真实、物理的模拟。

4.1.2 统计与误差

在原有 GEONU 程序的 Abund_And_Flux() 当中, 计算完成之后会调用 stat() 等函数给出统计相关的结果, 但这种方法即会严重拖慢程序的运行还破坏了整体结果的随机性。基于此, 新版 GEONU 彻底删除了计算过程中所有的统计的内容, 在后续分析中只对最后的整体运算结果采用统计学处理。具体应用可以查看./Plot.m。

4.2 物理

所有和物理相关的函数都放到了./Functions/Physics 当中。它们的名字和功能分别是:

- 1. Compute_Relative_Abundance_Mass():此函数利用元素的自然丰度计算了质量丰度。以 U 元素为例,GEONU 软件输入和计算的丰度都是 U 这个元素的总丰度,而 U 却包含 ²³⁸U,²³⁵U 和 ²³⁴U;利用此丰度就可以从总丰度中计算出 ²³⁸U 的贡献。
- 2. Load_Oscillation_Parameters():默认振荡参数会存储在这里,并且可以通过 Physics.Oscillation.Constant 来判断是否对振荡参数进行随机抽样,不过目前这个功能不打算启用。程序的最后还计算了 p1, p2, p3 三个变量,它们分别是

$$p1 = -\sin^2 2\theta_{12}\cos^4 \theta_{13}, \quad p2 = -\sin^2 2\theta_{13}\cos^2 \theta_{12}, \quad p3 = -\sin^2 2\theta_{13}\sin^2 \theta_{12},$$
 (4.1)

这三个变量会简化中微子振荡的代码, 便于维护和理解。

- 3. Load_Geonu_Spectrum(): 此函数用来加载 HPE 元素衰变的中微子能谱。原能谱的单位分别是 keV 和 1/keV,为了加速计算同时考虑到能量分辨率,将原能谱进行了整合,目前只考虑 0-3.5MeV 范围的能谱,bin 宽 0.1MeV。
- 4. Compute_Cross_Section(): 此函数用来导入 IBD 散射截面。
- 5. Compute_Signal_Response(): 此函数计算了 ²³⁸U 和 ²³²Th 的 signal rate response, g_i , 其定义为:

$$G_i \equiv \frac{1}{4\pi} \frac{1}{a_i} \frac{\ln(2)}{\tau_i} \left(\frac{dn}{dE}\right) \sigma_{IBD} \times 1 \mathbf{yr} \times 10^{32} \times \frac{1}{10^4},\tag{4.2}$$

其中 10^{-4} 来自于 $cm^2 \rightarrow m^2$ 的单位换算。于是 Geonu signal 的计算公式简化为

$$S = \int_{\oplus} \rho A_i dV \times g_i \times \frac{P_{ee}}{L^2}.$$
 (4.3)

6. Load_Detector(): 加载对应探测器的信息。每一条探测器的数据格式为: 1) 经度; 2) 纬度; 3) 深度 (m); 4) 探测效率; 5) 质子数; 6) 距离探测器最近的格子的经纬度; 7) 名称。

4.3 Lithosphere

所有与 Lithosphere 相关的脚本和函数放到了./Functions/Geology,./Functions/Computation/Lithosphere 和./Functions/Computation/DeepCrust。前者涉及到计算前的地质输入,后两者涉及到具体计算细节。

- ./Functions/Geology/Setting_Asign.m 脚本记录了 Lithosphere 各个地层丰度的输入,几乎调用了./Functions/Geology 下的所有函数,它们的名字及其作用为:
 - 1. Load_Lithosphere_Data():这个函数首先会导入指定的地质模型;然后调用 Assign_OC_CC(),根据不同的模型首先对格子进行分类,指定哪些格子是 CC 部分哪些是 OC 部分。CC 和 OC 的划分关系着后续元素丰度的指定和信号的计算方法;最后调用 Preallocate_Variables_Lithosphere(),规定每一层 HPE 元素的数据格式:每一行代表一个格子,总共有三列。它们分别代表着 1) 平均值; 2) 正误差; 3) 负误差。
 - 2. Generate_Correlations(): 这个函数会产生所有抽样所需要的关联系数。其中所有地层的厚度的关联系数是一样的。Bivart 方法中关于 SiO₂ 的关联系数集中到了 Generate_Correlations_DeepCrust() 中。
 - 3. Compute_Abundance_DeepCrust(): 这个函数会产生 Huang 方法所用数据,以及导入 Bivart 方法需要的数据。需要注意的是 Huang 方法 K 元素丰度采用的是 K_2O 的重量百分比 (wt%),需要通过 wt 和 K2O 将最后计算结果转换成 K 元素丰度。
 - 4. Assign_Abundance_Layer(): 这个函数会指定所有格子的 HPE 丰度。
 - 5. Compute_Abundance_BSE(): 这个函数计算了 BSE 模型的 HPE 元素丰度。
 - 6. Find_Near_Cells(): 这个函数用来寻找探测器附近的格子,但未来不考虑采用这个函数。
- ./Functions/Computation/Lithosphere/Generate_Temp_Variables_For_Parallel.m 这个脚本定义计算过程中需要的变量,其中定义了 array_for_signal。
- ./Functions/Computation/Lithosphere/Compute_Temp_Variables.m 这个脚本会根据不同的地层定义并行计算中用到的变量。
- ./Functions/Output/LITE/Record_Lithosphere_Results.m 是一个记录输出数据的脚本,可以自行开发设计。
- LITE_Compute_Lithosphere_Cell() 是整个 GEONU 计算的核心,它包括了: 1) 丰度的计算; 2) 格子的细分; 3) 信号计算。首先解读一下函数的传入参数:
 - 1. index: 索引。用于 Degbug 检查。
 - 2. Iteration: 迭代次数。用于矩阵长度定义。
 - 3. name_model: Deepcrust 的计算方法。
 - 4. name_layer: 地层的名字。某些地层需要特殊处理。
 - 5. last_layer_pressure:来自上层的压强。用于 Huang 方法中的压强修正。
 - 6. cor_array: 抽样所需关联系数。
 - 7. array_for_radius, array_for_mass, array_for_abundance, array_for_signal: 计算半径、质量、丰度和信号的结构体。

4.3. LITHOSPHERE 11

8. detector: 探测器的信息。

输出变量为:

1. TOTAL_MASS, MASS_U, MASS_TH: 岩石总质量 (kg), U 总质量 (kg) 和 Th 总质量 (kg), 它们会用来计算地幔的总质量、U 的质量和 Th 的质量。

2. PRESSURE TO LAYER: 为了实现 Huang 方法中的压强修正,需要不断传递。

整个计算函数考虑的情况比较多,从一个通用的框架开始将会帮助理解整个计算脉络。其中 s1-s3,UC,MC_CC, LC_CC 和 LM_CC 都采用的通用框架,其他结构则会在最后逐步介绍特殊处理之处。通用的计算框架为:

- 1. 厚度判断:如果地层的厚度为0的话,直接终止所有计算,直接返回0结果。
- 2. MASS_TOTAL:程序会对岩石的厚度、深度计算格点中心的半径;对岩石密度随机抽样;最后计算出整个格点岩石的总质量。
- 3. 压强: 根据公式 $\Delta p_i = \rho_i g h_i$ 计算当前格点产生的压强,并用 $p_{i-1} + \Delta p_i/2$ 当作当前格点的压强,而传递 给下一层的压强则是 $p_i = p_{i-1} + \Delta p_i$ 。
- 4. 元素丰度:根据 array_for_abuance 决定采用高斯随机抽样或者是 Log 高斯随机抽样。
- 5. MASS U, MASS TH: 根据公式 $m_i = A_i \times M$ 计算 U 和 Th 的总质量。
- 6. SIGNAL_U, SIGNAL_TH: 程序会首先计算格子到探测器的距离,并根据不同的距离对格子采取不同的细分策略,最多会将格子细分两次。每一个格子都会有一个对应的 $geonu_factor$, G_i , 它的定义是

$$G_i \equiv \sum_{j} \Delta V_j \times g_j \times \frac{P_{j,ee}}{L_j^2},\tag{4.4}$$

其中j是细分格子的索引编号。最后此格子产生的Geonu信号可以表示为

$$\Delta S_i = \rho_i A_i \Delta V_i \times g_i \times \frac{P_{ee}}{L^2} = \rho_i A_i G_i. \tag{4.5}$$

这就是 Geonu 信号的一般框架。剩下的是不同地层的特殊处理:

- 1. LM_OC: 这个地层会直接终止计算并返回零结果,因为实际情况中不存在这种地质结构。
- 2. Crust1.0 和 Crust2.0 中的 LM_CC: 这个地层的厚度会利用 LAB 和 Moho 面进行计算。但是为什么?
- 3. MC_CC, LC_CC:这两个地层丰度的计算由 Huang 或者 Bivart 给出,具体原理见章节2.1和2.2。变量 PRESSURE 和 TEMPERATURE 仅在 Huang 方法中使用。

最后./Fuctions/Computation/Lithsophere/LITE/Clear_Template_Variables.m 负责清理变量,释放内存。

 位置	1	2	3	4
Sed, Crust	thick	0	depth	surface_radius
LM	thick	moho	depth	surface_radius

表 4.1: 不同地层 array_for_radius, array_for_mass 输入

 位置	1	2	3	4
Sed, UC, MC_OC, LC_OC, LM	thick	vp	abund	-
Huang: MC_CC, LC_CC	thick	vp	end	-
Bivart: MC_CC, LC_CC	thick	vp	biv_sio2	biv_abund

表 4.2: 不同地层 cor_array 输入

表 4.3: 不同底层 array_for_abund 输入

位置	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Sed, UC, MC_OC,	a_U	$+\Delta a_U$	$-\Delta a_U$	a_{Th}	$+\Delta a_{Th}$	$-\Delta a_{Th}$	a_K	$+\Delta a_K$	$-\Delta a_K$
LC_OC , LM									
Huang: MC_CC,	crust_vp	method	f_U	f_Th	f_K	m_U	m_Th	m_K	K_Ratio
LC_CC									
Bivart: MC_CC	crust_vp	method	center_vp	am_u	am_th	am_k20	k_k20	-	-
Bivart: LC_CC	crust_vp	method	center_vp	gr_u	gr_u	gr_k20	k_k20	-	_

Mantle 4.4

目前为止,没有任何地幔的直接测量结果,所以地幔的绝大多数信息都是推测出来的,对应的代码集成到 了./Functions/Computation/Mantle/Compute_Mantle_Variables.m 中。在 GEONU 中, 会使用以下的信息:

- 1. Lithosphere: 通过计算得到岩石、U 和 Th 的总质量。
- 2. Earth、Core: 随机抽样得到地球和地核的总质量。
- 3. BSE: BSE 的岩石总质量、U 和 Th 的丰度。

利用以上数据就可以得到地幔的总质量、U 和 Th 的总质量。基于地震学的研究,地幔被分成了两部分: Depleted 部分与 Enriched 部分,两者的质量之比为 81:19,可以通过 Geology.Mantle.Proption_EM 去调整两者的比 例。

Depleted 部分的 U 丰度计算中有一个设定值 $a_U = 8 \pm 2.4$,并且基于此考虑了两种情况:

- 1. 理想情况:如果地幔中 U 的总质量大于 Depleted 中 U 的质量, Depleted 部分则采用此丰度;
- 2. 非理想情况: 如果地幔中 U 的总质量小于 Depleted 中 U 的质量,则会利用把地幔中 U 全部放到 Depleted 部分当中。

对于 Depeted 中的 Th 和 K 的丰度则是通过 Th/U 和 K/U 进行计算。Enriched 部分的 U 和 Th 的丰度则是 利用最后剩余的 U 和 Th 质量直接计算丰度。

LITE_Compute_Mantle_Cell()专注于计算来自地幔的事例率,算法与 Lithosphere 完全一致,这里就不 再赘述。但 Mantle 的计算更加简单,而且处理方法上和 Lithosphere 略有区别: GEONU 首先在 CMB 和 LAB 之间划分出了厚度 1km 的薄层,并且用 PREM 数据计算了对应的质量,方便后续大结构的计算。大结构 总共分成了9层,前8层属于Depleted部分,最后一层数据Enriched部分,这些层的质量会根据深度自动求 和对应的薄层, 然后参与到后续的事例率计算当中。

参考文献

- [1] Gianni Fiorentini, Marcello Lissia, and Fabio Mantovani. Geo-neutrinos and earth's interior. *Physics Reports*, 453(5-6):117–172, 2007.
- [2] Enomoto Sanshiro. Geoneutrino Decay Spectrum.
- [3] William McDonough Laura Sammon Keen Tytrice Faison Yu Huang, Scott Wipperfurth. https://github.com/LSKgeo/GEONU.
- [4] Yu Huang, Viacheslav Chubakov, Fabio Mantovani, Roberta L Rudnick, and William F McDonough. A reference earth model for the heat-producing elements and associated geoneutrino flux. *Geochemistry*, *Geophysics*, *Geosystems*, 14(6):2003–2029, 2013.
- [5] Scott A Wipperfurth, Ondřej Šrámek, and William F McDonough. Reference models for lithospheric geoneutrino signal. *Journal of Geophysical Research: Solid Earth*, 125(2):e2019JB018433, 2020.
- [6] ST Dye. Geoneutrinos and the radioactive power of the earth. Reviews of Geophysics, 50(3), 2012.