

Documentation for GEONU Software

Shuai Ouyang¹

2025.03.21

¹`shuaiouyang@mail.sdu.edu.cn`
`Shuai.Ouyang@snolab.ca`

目录

1	Introduction	1
1.1	What is Geoneutrino	1
1.2	GEONU 软件	2
1.3	如何使用 GEONU?	3
2	地质相关信息 (TBA)	5
2.1	Huang 方法	5
2.2	Bivart 方法	5
2.3	Crust 1.0	5
2.4	Crust 2.0	5
2.5	Litho 1	5
2.6	ECM	5
3	输入参数	7
3.1	物理输入	7
3.2	地质输入	8
3.3	三种 BSE 模型的地质参数输入 (TBA)	8
4	软件设计	9
4.1	软件设计思想	9
4.1.1	抽样	9
4.1.2	统计与误差	9
4.2	物理	9
4.3	Lithosphere	10
4.4	Mantle	12
4.5	关于 GEONU 软件的思考 (TBA)	12
	Reference	13

Chapter 1

Introduction

1.1 What is Geoneutrino

简单来说, Geonu 指的是来自地球内部的中微子。这个课题的研究来自于地质学, 早先地质学家通过地震波研究清楚了地球的内部结构, 对地球内部的物理性质了解的十分清楚, 但对化学性质却知之甚少。地球的化学性质对于地球的演化非常重要, 例如地球表面的大陆板块运动、地幔的物质循环就十分依赖地球内部化学性质。目前也有不少能够描述地球内部化学性质的理论, 但是人类的地下活动仅仅 12 km, 并没有多少关于地幔的直接测量数据, 所以需要实验来辨别哪些理论是正确的, 哪些理论是错误的。

推动地球内部运动的能量来源一部分来自于元素的衰变, 这些元素统一被称作 HPE。地质学家注意到 HPE 衰变, 例如 ^{235}U , ^{238}U , ^{232}Th , ^{40}K , 在产生热量的同时会释放中微子 [1] (Eq.1.1-1.5); 由于中微子只参与弱相互作用, 所以它可以很轻易地将地球内部的信息传递出来, 所以地球中微子成为了人类认识地球内部化学性质的一个重要手段。

$$^{235}\text{U} \longrightarrow ^{207}\text{Pb} + ^4\text{He} + 4e^- + 4\bar{\nu}_e + 0.283 \text{ MeV}, \quad (1.1)$$

$$^{238}\text{U} \longrightarrow ^{206}\text{Pb} + 8\alpha + 6e^- + 6\bar{\nu}_e + 51.7 \text{ MeV}, \quad (1.2)$$

$$^{232}\text{Th} \longrightarrow ^{208}\text{Pb} + 6\alpha + 4e^- + 4\bar{\nu}_e + 42.7 \text{ MeV}, \quad (1.3)$$

$$^{40}\text{K}_{(89.3\%)} \longrightarrow ^{40}\text{Ca} + e^- + \bar{\nu}_e + 1.31 \text{ MeV}, \quad (1.4)$$

$$^{40}\text{K}_{(10.7\%)} \longrightarrow ^{40}\text{Ar} + \nu_e + 1.505 \text{ MeV}. \quad (1.5)$$

目前探测地球中微子的方式是通过 IBD 反应:

$$\bar{\nu}_e + p \longrightarrow n + e^+, \quad (1.6)$$

正电子迅速与电子湮灭, 在实验上产生 prompt 信号; 中子之后随机游走, 并且在游走的过程中能量逐渐降低, 最终被质子俘获从而在实验上产生 delayed 信号。由于这个反应的阈值为 1.806 MeV, 目前人类只能看到来自 ^{238}U 和 ^{232}Th 衰变的地球中微子 (Fig.1.1)。

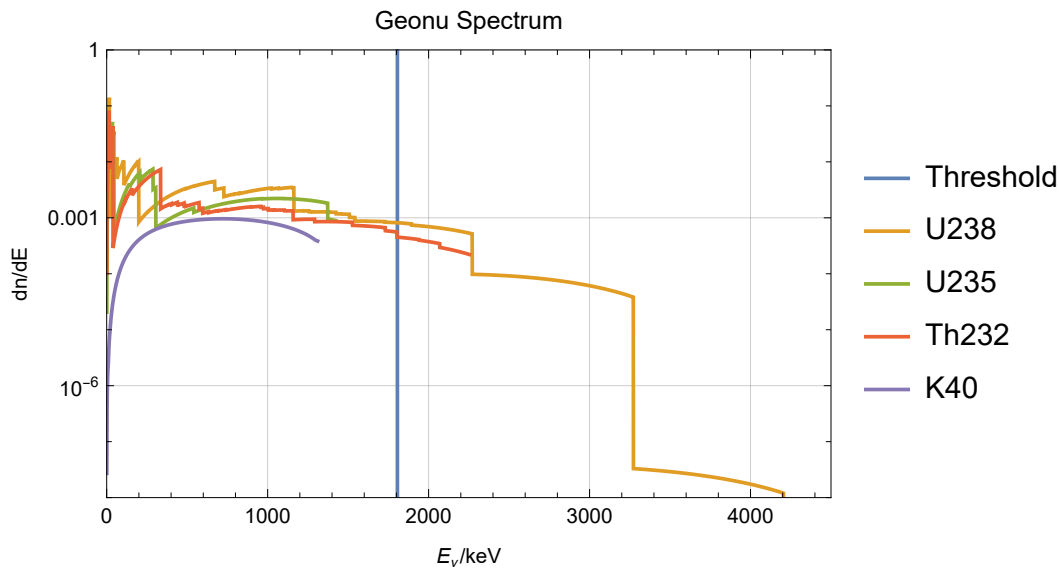


图 1.1: 不同 HPE 元素衰变的地球中微子能谱 [2]

1.2 GEONU 软件

GEONU 是一款开源的 MATLAB 代码，目前有 Tytrice Faison 和 Laura Sammon 负责维护 [3]，这款软件对地球进行建模并且能够计算各个探测器的地球中微子信号，除此之外还有 geonu flux、热功率等信息。我在此基础上对整套代码进行了改写，提高了可读性、可维护性，做到了模块化，以便于后续 SNO+ 对地球中微子问题的研究。

GEONU 将地球划分成三大部分：Lithosphere、Mantle 和 Core；由于 Core 对地球中微子信号几乎没有贡献，所以着重计算了来自 Lithosphere 和 Mantle 的信号。Lithosphere 被划分成了 7 层，分别是 sediment(s1, s2, s3), Crust(UC, MC, LC) 和 LM，每一层按照经纬度划分成了 $1^\circ \times 1^\circ$ 的 cell，总共 64,800 个格子，如 Fig. 1.2。Mantle 部分则是划分成了两层，分别是 DM 和 EM，每一层同样是 64,800 个格子。整体结构看见 Fig. 1.3



图 1.2: 地层划分演示

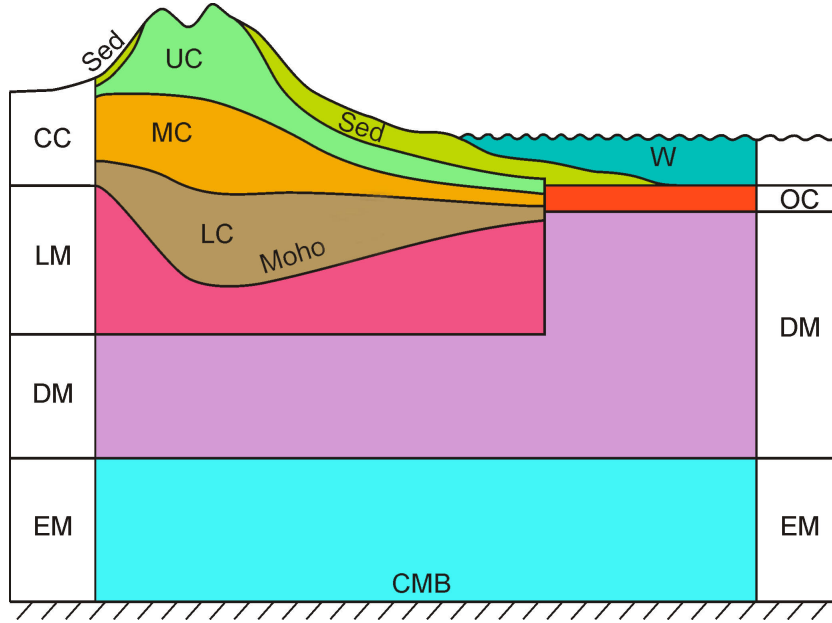


图 1.3: 地球内部结构 [4]

除此之外，GEONU 输入了不同的地质模型数据。Lithosphere 可选择数据有 Crust1.0, Crust2.0, Lith 和 ECM；Mantle 导入的数据是 PREM。目前，整个改写工作 Lithosphere 只支持 Crust1.0 模型。

有了地球建模之后，接下来就是如何计算地球中微子信号。对于第 i 的 HPE 元素，其产生的信号为

$$S_i = \int_{\oplus} \rho A_i dV \times \frac{1}{a_i} \times \frac{\ln 2}{\tau_i} \times \int \frac{dn}{dE} \sigma_{IBD} dE \times \frac{P_{ee}}{4\pi L^2} \times 1\text{yr} \times N_{proton} \times \varepsilon_{detector}, \quad (1.7)$$

其中 ρ 是岩石密度； A_i, a_i, τ_i 分别是第 i 个 HPE 元素的丰度、原子质量和半衰期； P_{ee} 是存活概率； L 是岩石到探测器的距离； N_{proton} 是靶质子数； $\varepsilon_{detector}$ 是探测效率。

至此，整个 GEONU 计算框架到此结束，更加详细的细节和讨论将会放到后续章节当中。

1.3 如何使用 GEONU?

如果你是第一次接触、使用 GEONU 软件的话，请首先安装 MATLAB 软件。安装完成之后，打开 **main.mlx** 文件，选择你关注的探测器，设置想要的迭代次数，然后点击程序运行。迭代次数和内存息息相关，请参考下列的推荐表格：

表 1.1: 不同迭代次数推荐内存及所需时间

迭代次数	推荐内存	所需时间
1000	32 GB	102 s
4000	64 GB	280 s

程序结束之后，结果会保存在 **Output** 文件夹。计算结果保存了三个 structure: Physics、Geology 和 Output。前两个记录物理和地质输入，以便于后续检查和复现；Output 记录计算结果。**Plot.m** 文件展示了如何读取、展示计算结果，所有输出图片都会保存在 **Pics** 文件夹当中。

LITE 版本展示了计算的基本框架，后续的 ADVANCE 和 SPECTRUM 都是基于此发展而来，只不过是为了控制内存消耗而做了对应的特异话处理。如果你想要对此进行改进或者拓展的话，LITE 由于高度模块化、数据结构清晰所以将会是一个非常好的参考例子。

注：如果您的文章中有任何基于新版或者旧版 GEONU 的结论或者论点的话，请引用这篇文献 [5]，它是第一个提供此代码的论文。

Chapter 2

地质相关信息 (TBA)

2.1 Huang 方法

2.2 Bivart 方法

2.3 Crust 1.0

2.4 Crust 2.0

2.5 Litho 1

2.6 ECM

Chapter 3

输入参数

3.1 物理输入

物理输入主要有：

1. 元素性质：详见表格3.1
2. 中微子振荡：振荡参数详见表格3.2；振荡公式为

$$\begin{aligned} P_{ee}(E, L) = & 1 - \sin^2 2\theta_{12} \cos^4 \theta_{13} \sin^2 \left(\frac{1.27 \Delta m_{21}^2 L}{E} \right) \\ & - \sin^2 2\theta_{13} \cos^2 \theta_{12} \sin^2 \left(\frac{1.27 \Delta m_{31}^2 L}{E} \right) \\ & - \sin^2 2\theta_{13} \sin^2 \theta_{12} \sin^2 \left(\frac{1.27 \Delta m_{32}^2 L}{E} \right), \end{aligned} \quad (3.1)$$

其中 E, L 的单位分别为 MeV 和 km。

3. HPE 元素衰变的中微子能谱：目前 Geonu 领域的研究采用的能谱是 Enomoto 计算提供的 [2]，可见图1.1。
4. IBD 散射截面：电子与核子质量详见表格3.3；IBD 截面的计算公式为：

$$\sigma_{IBD}(E) = 9.52 \times (E - \Delta)^2 \sqrt{1 - \frac{m_e^2}{(E - \Delta)^2}} \times 10^{-44} \text{cm}^2, \quad (3.2)$$

其中 $\Delta \equiv m_n - m_p \approx 1.2933 \text{ MeV}$ 。

表 3.1: 元素性质

性质	^{235}U	^{238}U	^{232}Th	^{40}K	来源
自然丰度	0.7%	99.3%	100%	0.0117%	Wiki
原子质量 (amu)	235.0439299	238.05078826	232.0380536	39.96399848165	Wiki
半衰期 (s)/3.1536e7	4.468e9	0.704e9	14.05e9	1.248e9	Wiki
反射热 $\mu\text{W/kg}$	568.48	95.13	26.28	24.47	Ref [6]

表 3.2: 中微子振荡 (PDG 2024)

混合角	数值	质量差 (eV^2)	数值
$\sin^2 \theta_{13}/10^{-2}$	2.203 ± 0.059	$\Delta m_{21}^2/10^{-5}$	7.41 ± 0.21
$\sin^2 \theta_{12}/10^{-1}$	3.03 ± 0.12	$\Delta m_{31}^2/10^{-3}$	2.437 ± 0.028
$\sin^2 \theta_{23}/10^{-1}$	5.72 ± 0.23	$\Delta m_{32}^2/10^{-3}$	2.437 ± 0.028

表 3.3: 电子与核子质量

$m_e(\text{MeV})$	$m_p(\text{MeV})$	$m_n(\text{MeV})$	来源
0.51099895069	938.27208943	939.56542052	Wiki

3.2 地质输入

地质学方面的输入包括以下几部分

1. Lithosphere 的地质数据：目前仅支持 Crust 1.0；未来会逐渐支持 Crust 2.0, Litho 1.0 和 ECM1 模型。这些模型会提供岩石密度、深度、厚度等信息。
2. Lithosphere 的 HPE 元素丰度：需要输入 U、Th 和 K 元素丰度的平均值和对应误差，软件会自动根据平均值和误差随机抽样出每个格子的元素丰度；其中 MC 和 LC 的 CC 部分则是采用 Huang 或者 Bivart 的方法自动计算丰度。
3. Mantle 的地质数据：PREM 模型，可以提供不同深度地层的密度信息。
4. Mantle 的丰度信息：DM 地层 U 的丰度、Th/U 和 K/Th 丰度比值；以及 BSE 模型的 U 丰度和 Th/U 和 K/Th 丰度比值。
5. 计算过程中用到的其他参数。

表 3.4: Lithosphere 中各地层的默认丰度

地层	CC			OC		
	U/ 10^{-6}	Th/ 10^{-6}	K/ 10^{-2}	U/ 10^{-6}	Th/ 10^{-6}	K/ 10^{-2}
Sediment	1.73 ± 0.09	8.10 ± 0.59	$(2.21 \pm 0.14) * 0.83$	1.73 ± 0.09	8.10 ± 0.59	$(2.21 \pm 0.14) * 0.83$
UC	2.7 ± 0.6	10.5 ± 1.0	2.32 ± 0.19	0.07 ± 0.021	0.21 ± 0.063	0.0716 ± 0.0215
MC/LC	Huang/Bivart			0.07 ± 0.021	0.21 ± 0.063	0.0716 ± 0.0215
LM	$0.033^{+0.049}_{-0.020}$	$0.15^{+0.277}_{-0.097}$	$0.0315^{+0.04316}_{-0.01826}$	0		

表 3.5: BSE 默认丰度

U/ 10^{-9}	Th/U	K/U
0.19 ± 0.038	$3.776^{+0.122}_{-0.075}$	13800 ± 1300

表 3.6: 地幔默认输入

EM(质量) 占比	Th/U	K/U
19%	$3.45^{+1.66}_{-1.18}$	19000 ± 1300

表 3.7: 其他默认输入

地球质量 (kg)/ 10^{24}	地核质量 (kg)/ 10^{24}
5.97218 ± 0.00006	1.93265 ± 0.0579795

3.3 三种 BSE 模型的地质参数输入 (TBA)

Chapter 4

软件设计

4.1 软件设计思想

4.1.1 抽样

GEONU 的程序设置当中有一个重要的概念就是随机抽样，通过以下两个程序实现：

1. `Generate_Random_Normal()`：高斯抽样
2. `Generate_Random_Log_Normal()`：Log 高斯抽样

而且 GEONU 也通过关联系数的方法把一些影响因素放到抽样当中，尽可能地随机。

4.1.2 统计与误差

在原有 GEONU 程序的 `Abund_And_Flux()` 当中，计算完成之后会调用 `stat()` 等函数给出统计相关的结果，但这种方法即会严重拖慢程序的运行还破坏了整体结果的随机性。基于此，新版 GEONU 彻底删除了计算过程中所有的统计的内容，在后续分析中只对最后的整体运算结果采用统计学处理。具体应用可以查看 `./Plot.m`。

4.2 物理

所有和物理相关的函数都放到了 `./Functions/Physics` 当中。它们的名字和功能分别是：

1. `Compute_Relative_Abundance_Mass()`：此函数利用元素的自然丰度计算了质量丰度。以 U 元素为例，GEONU 软件输入和计算的丰度都是 U 这个元素的总丰度，而 U 却包含 ^{238}U ， ^{235}U 和 ^{234}U ；利用此丰度就可以从总丰度中计算出 ^{238}U 的贡献。
2. `Load_Oscillation_Parameters()`：默认振荡参数会存储在这里，并且可以通过 `Physics.Oscillation.Constant` 来判断是否对振荡参数进行随机抽样，不过目前这个功能不打算启用。程序的最后还计算了 `p1`，`p2`，`p3` 三个变量，它们分别是

$$p1 = -\sin^2 2\theta_{12} \cos^4 \theta_{13}, \quad p2 = -\sin^2 2\theta_{13} \cos^2 \theta_{12}, \quad p3 = -\sin^2 2\theta_{13} \sin^2 \theta_{12}, \quad (4.1)$$

这三个变量会简化中微子振荡的代码，便于维护和理解。

3. `Load_Geonu_Spectrum()`：此函数用来加载 HPE 元素衰变的中微子能谱。原能谱的单位分别是 keV 和 1/keV，为了加速计算同时考虑到能量分辨率的原因，将原能谱进行了整合，目前只考虑 0 – 3.5MeV 范围的能谱，bin 宽 0.1MeV。
4. `Compute_Cross_Section()`：此函数用来导入 IBD 散射截面。
5. `Compute_Geonu_Response()`：此函数计算了 ^{238}U 和 ^{232}Th 的 geonu response, g_i ，其定义为：

$$G_i \equiv \frac{1}{4\pi} \frac{1}{a_i} \frac{\ln(2)}{\tau_i} \left(\frac{dn}{dE} \right) \sigma_{IBD} \times 1\text{yr} \times 10^{32} \times \frac{1}{10^4}, \quad (4.2)$$

其中 10^{-4} 来自于 $\text{cm}^2 \rightarrow \text{m}^2$ 的单位换算。于是 Geonu signal 的计算公式简化为

$$S = \int_{\oplus} \rho A_i dV \times g_i \times \frac{P_{ee}}{L^2}. \quad (4.3)$$

6. `Load_Detector()`：加载对应探测器的信息。每一条探测器的数据格式为：1) 经度；2) 纬度；3) 深度 (m)；4) 探测效率；5) 质子数；6) 距离探测器最近的格子的经纬度；7) 名称。

4.3 Lithosphere

所有与 Lithosphere 相关的脚本和函数放到了 `./Functions/Geology`, `./Functions/Computation/Lithosphere` 和 `./Functions/Computation/DeepCrust`。前者涉及到计算前的地质输入，后两者涉及到具体计算细节。

`./Functions/Geology/Setting_Assign.m` 脚本记录了 Lithosphere 各个地层丰度的输入，几乎调用了 `./Functions/Geology` 下的所有函数，它们的名字及其作用为：

1. `Load_Lithosphere_Data()`: 这个函数首先会导入指定的地质模型；然后调用 `Assign_OC_CC()`，根据不同的模型首先对格子进行分类，指定哪些格子是 CC 部分哪些是 OC 部分。CC 和 OC 的划分关系着后续元素丰度的指定和信号的计算方法；最后调用 `Preallocate_Variables_Lithosphere()`，规定每一层 HPE 元素的数据格式：每一行代表一个格子，总共有三列。它们分别代表着 1) 平均值；2) 正误差；3) 负误差。
2. `Generate_Correlations()`: 这个函数会产生所有抽样所需要的关联系数。其中所有地层的厚度的关联系数是一样的。Bivart 方法中关于 SiO_2 的关联系数集中到了 `Generate_Correlations_DeepCrust()` 中。
3. `Compute_Abundance_DeepCrust()`: 这个函数会产生 Huang 方法所用数据，以及导入 Bivart 方法需要的数据。需要注意的是 Huang 方法 K 元素丰度采用的是 K_2O 的重量百分比 (wt%)，需要通过 `wt` 和 `K2O` 将最后计算结果转换成 K 元素丰度。
4. `Assign_Abundance_Layer()`: 这个函数会指定所有格子的 HPE 丰度。
5. `Compute_Abundance_BSE()`: 这个函数计算了 BSE 模型的 HPE 元素丰度。
6. `Find_Near_Cells()`: 这个函数用来寻找探测器附近的格子，但未来不考虑采用这个函数。

`./Functions/Computation/Lithosphere/Generate_Temp_Variables_For_Parallel.m` 这个脚本定义计算过程中需要的变量，其中定义了 `array_for_signal`。

`./Functions/Computation/Lithosphere/Compute_Temp_Variables.m` 这个脚本会根据不同的地层定义并行计算中用到的变量。

`./Functions/Output/LITE/Record_Lithosphere_Results.m` 是一个记录输出数据的脚本，可以自行开发设计。

`LITE_Compute_Lithosphere_Cell()` 是整个 GEONU 计算的核心，它包括了：1) 丰度的计算；2) 格子的细分；3) 信号的统计。首先解读一下函数的传入参数：

1. `index`: 索引。用于 Debug 检查。
2. `Iteration`: 迭代次数。用于矩阵长度定义。
3. `name_model`: Deepcrust 的计算方法。
4. `name_layer`: 地层的名字。某些地层需要特殊处理。
5. `last_layer_pressure`: 来自上层的压强。用于 Huang 方法中的压强修正。
6. `cor_array`: 抽样所需关联系数。
7. `array_for_radius`, `array_for_mass`, `array_for_abundance`, `array_for_signal`: 计算半径、质量、丰度和信号的结构体。
8. `detector`: 探测器的信息。

输出变量为:

1. TOTAL_MASS, MASS_U, MASS_TH: 岩石总质量 (kg), U 总质量 (kg) 和 Th 总质量 (kg), 它们会用来计算地幔的总质量、U 的质量和 Th 的质量。
2. PRESSURE_TO_LAYER: 为了实现 Huang 方法中的压强修正, 需要不断传递。

整个计算函数考虑的情况比较多, 从一个通用的框架开始将会帮助理解整个计算脉络。其中 s1-s3, UC, MC_CC, LC_CC 和 LM_CC 都采用的通用框架, 其他结构则会在最后逐步介绍特殊处理之处。通用的计算框架为:

1. 厚度判断: 如果地层的厚度为 0 的话, 直接终止所有计算, 直接返回 0 结果。
2. MASS_TOTAL: 程序会对岩石的厚度、深度计算格点中心的半径; 对岩石密度随机抽样; 最后计算出整个格点岩石的总质量。
3. 压强: 根据公式 $\Delta p_i = \rho_i g h_i$ 计算当前格点产生的压强, 并用 $p_{i-1} + \Delta p_i / 2$ 当作当前格点的压强, 而传递给下一层的压强则是 $p_i = p_{i-1} + \Delta p_i$ 。
4. 元素丰度: 根据 `array_for_abuance` 决定采用高斯随机抽样或者是 Log 高斯随机抽样。
5. MASS_U, MASS_TH: 根据公式 $m_i = A_i \times M$ 计算 U 和 Th 的总质量。
6. SIGNAL_U, SIGNAL_TH: 程序会首先计算格子到探测器的距离, 并根据不同的距离对格子采取不同的细分策略, 最多会将格子细分两次。每一个格子都会有一个对应的 `geonu_factor`, G_i , 它的定义是

$$G_i \equiv \sum_j \Delta V_j \times g_j \times \frac{P_{j,ee}}{L_j^2}, \quad (4.4)$$

其中 j 是细分格子的索引编号。最后此格子产生的 Geonu 信号可以表示为

$$\Delta S_i = \rho_i A_i \Delta V_i \times g_i \times \frac{P_{ee}}{L^2} = \rho_i A_i G_i. \quad (4.5)$$

这就是 Geonu 信号的一般框架。剩下的是不同地层的特殊处理:

1. LM_OC: 这个地层会直接终止计算并返回零结果, 因为建模中不存在这种地质结构。
2. Crust1.0 和 Crust2.0 中的 LM_CC: 这个地层的厚度会利用 LAB 和 Moho 面进行计算。但是为什么?
3. MC_CC, LC_CC: 这两个地层丰度的计算由 Huang 或者 Bivart 给出, 具体原理见章节 2.1 和 2.2。变量 PRESSURE 和 TEMPERATURE 仅在 Huang 方法中使用。

最后 `./Fuctions/Computation/Lithosphere/LITE/Clear_Template_Variables.m` 负责清理变量, 释放内存。

表 4.1: 不同地层 `array_for_radius`, `array_for_mass` 输入

位置	1	2	3	4
Sed, Crust	thick	0	depth	surface_radius
LM	thick	moho	depth	surface_radius

表 4.2: 不同地层 cor_array 输入

位置	1	2	3	4
Sed, UC, MC_OC, LC_OC, LM	thick	vp	abund	-
Huang: MC_CC, LC_CC	thick	vp	end	-
Bivart: MC_CC, LC_CC	thick	vp	biv_sio2	biv_abund

表 4.3: 不同底层 array_for_abund 输入

位置	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Sed, UC, MC_OC, LC_OC, LM	a_U	$+\Delta a_U$	$-\Delta a_U$	a_{Th}	$+\Delta a_{Th}$	$-\Delta a_{Th}$	a_K	$+\Delta a_K$	$-\Delta a_K$
Huang: MC_CC, LC_CC	crust_vp	method	f_U	f_Th	f_K	m_U	m_Th	m_K	K_Ratio
Bivart: MC_CC	crust_vp	method	center_vp	am_u	am_th	am_k20	k_k20	-	-
Bivart: LC_CC	crust_vp	method	center_vp	gr_u	gr_u	gr_k20	k_k20	-	-

4.4 Mantle

目前为止, 没有任何地幔的直接测量结果, 所以地幔的绝大多数信息都是推测出来的, 对应的代码集成到了 `./Functions/Computation/Mantle/Compute_Mantle_Variables.m` 中。在 GEONU 中, 会使用以下的信息:

1. Lithosphere: 通过计算得到岩石、U 和 Th 的总质量。
2. Earth、Core: 随机抽样得到地球和地核的总质量。
3. BSE: BSE 的岩石总质量、U 和 Th 的丰度。

利用以上数据就可以得到地幔的总质量、U 和 Th 的总质量。基于地震学的研究, 地幔被分成了两部分: Depleted 部分与 Enriched 部分, 两者的质量之比为 81:19, 可以通过 `Geology.Mantle.Proportion_EM` 去调整两者的比例。

Depleted 部分的 U 丰度计算中有一个设定值 $a_U = 8 \pm 2.4$, 并且基于此考虑了两种情况:

1. 理想情况: 如果地幔中 U 的总质量大于 Depleted 中 U 的质量, Depleted 部分则采用此丰度;
2. 非理想情况: 如果地幔中 U 的总质量小于 Depleted 中 U 的质量, 则会利用把地幔中 U 全部放到 Depleted 部分当中。

对于 Depleted 中的 Th 和 K 的丰度则是通过 Th/U 和 K/U 进行计算。Enriched 部分的 U 和 Th 的丰度则是利用最后剩余的 U 和 Th 质量直接计算丰度。

`LITE_Compute_Mantle_Cell()` 专注于计算来自地幔的事例率, 算法与 `Lithosphere` 完全一致, 这里就不再赘述。但 `Mantle` 的计算更加简单, 而且处理方法上和 `Lithosphere` 略有区别: GEONU 首先在 CMB 和 LAB 之间划分出了厚度 1km 的薄层, 并且用 PREM 数据计算了对应的质量, 方便后续大结构的计算。大结构总共分成了 9 层, 前 8 层属于 Depleted 部分, 最后一层数据 Enriched 部分, 这些层的质量会根据深度自动求和对应的薄层, 然后参与到后续的事例率计算当中。

4.5 关于 GEONU 软件的思考 (TBA)

参考文献

- [1] Gianni Fiorentini, Marcello Lissia, and Fabio Mantovani. Geo-neutrinos and earth's interior. *Physics Reports*, 453(5-6):117–172, 2007.
- [2] Enomoto Sanshiro. [Geoneutrino Decay Spectrum](#).
- [3] William McDonough Laura Sammon Keen Tytrice Faison Yu Huang, Scott Wipperfurth. <https://github.com/LSKgeo/GEONU>.
- [4] Yu Huang, Viacheslav Chubakov, Fabio Mantovani, Roberta L Rudnick, and William F McDonough. A reference earth model for the heat-producing elements and associated geoneutrino flux. *Geochemistry, Geophysics, Geosystems*, 14(6):2003–2029, 2013.
- [5] Scott A Wipperfurth, Ondřej Šrámek, and William F McDonough. Reference models for lithospheric geoneutrino signal. *Journal of Geophysical Research: Solid Earth*, 125(2):e2019JB018433, 2020.
- [6] ST Dye. Geoneutrinos and the radioactive power of the earth. *Reviews of Geophysics*, 50(3), 2012.