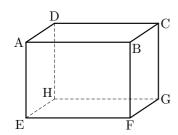
1:6 空間図形 [1]空間の平面と直線

直線の位置関係[1]

氏名

下の図のような直方体において,次の関係にある直線を 答えなさい。



(1) 直線 AB と交わる直線

答 直線 AD, AE, BC, BF

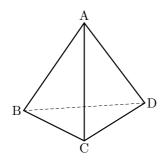
(2) 直線 AB と平行な直線

警 直線 DC, EF, HG

(3) 直線 AB とねじれの位置にある直線

 查線 DH, CG, EH, FG

下の図のような正三角錐において,次の関係にある直線を答えなさい。



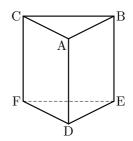
(1) 直線 AB と交わる直線

答 直線 AC, AD, BC, BD

(2) 直線 AB とねじれの位置にある直線

答 直線 CD

下の図のような三角柱において,次の関係にある直線を答えなさい。



(1) 直線 AB と交わる直線

答直線 AC, AD, BC, BE

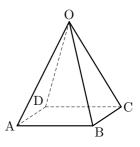
(2) 直線 AD と平行な直線

答 直線 BE, CF

(3) 直線 AB とねじれの位置にある直線

 查線 CF, DF, EF

下の図のような正四角すいにおいて,次の関係にある直 線を答えなさい。



(1) 直線 AB と交わる直線

答 直線 AO, AD, BO, BC

(2) 直線 AB と平行な直線

答 直線 CD

(3) 直線 AB とねじれの位置にある直線

警 直線 OC, OD

1:6 空間図形 [1]空間の平面と直線

7

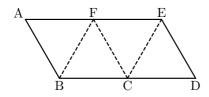
展開図と位置関係[3]

氏名

次の問いに答えなさい。

(1) 下の図は,正三角すいの展開図である。この展開図組み立てて正三角すいをつくるとき,辺 AB とねじれの位置にある辺はどれか,答えなさい。

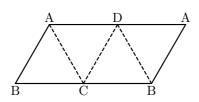
〔新潟県 2011〕



答 辺 CF

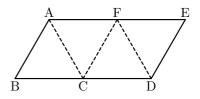
(2) 下の図は,ある立体の展開図である。この展開図からもとの立体をつくったとき,辺CDとねじれの位置にある辺を求めなさい。

〔岐阜県 1998〕



答 辺AB

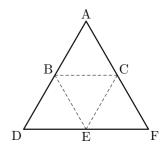
(3) 下の図は,正四面体の展開図です。この展開図 を組み立てたとき,辺ACとねじれの位置にある 辺はどれか,答えなさい。



答 辺 DF

(4) 下の図は,正四面体の展開図です。この展開図 を組み立てたとき,辺 AB とねじれの位置にある 辺を答えなさい。

〔岩手県 2008〕



答 辺 CE

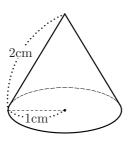
表面積[4]

氏名

次の問いに答えなさい。ただし,円周率は π とする。

(1) 下の図は,底面の円の半径が1cm,母線の長さ が2cmの円すいである。この円すいの側面積は 何 cm^2 か。

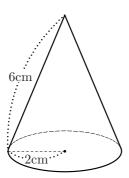
[鹿児島県 2008]



解答
$$\pi \times 2^2 \times \frac{2\pi \times 1}{2\pi \times 2} = 2\pi$$

答 $2\pi \,\mathrm{cm}^2$

(2) 下の図のような底面の半径が $2 \, \mathrm{cm}$, 母線の長 さが6cmの円すいの側面積を求めなさい。

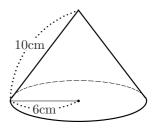


解答
$$\pi \times 6^2 \times \frac{2\pi \times 2}{2\pi \times 6} = 12\pi$$

 $12\pi\,\mathrm{cm}^2$

(3) 下の図のように,母線の長さが $10 \, \mathrm{cm}$,底面の 半径が6cmの円すいがある。この円すいの側面 の面積を求めなさい。

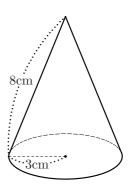
[福島県 2004]



$$\pi \times 10^2 \times \frac{2\pi \times 6}{2\pi \times 10} = 60\pi$$

答 $60\pi \,\mathrm{cm}^2$

(4) 下の図のような底面の半径が $3 \, \mathrm{cm}$, 母線の長 さが8cmの円すいの側面積を求めなさい。



解答
$$\pi \times 8^2 \times \frac{2\pi \times 3}{2\pi \times 8} = 24\pi$$

答 $24\pi \,\mathrm{cm}^2$

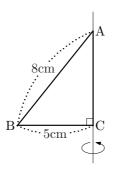
表面積「10]

氏名

次の問いに答えなさい。ただし,円周率は π とする。

(1) 下の図のような、 $\angle C = 90^\circ$ の直角三角形 ABCを辺ACを軸として回転させてできる立体の表面 積を求めなさい。

[富山県 1996]



底面の半径が3cm,母線の長さが8cmの円す いができる。

側面積は,
$$\pi \times 8^2 imes rac{2\pi imes 5}{2\pi imes 8} = 40\pi$$

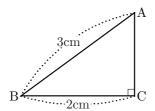
底面積は, $\pi \times 5^2 = 25\pi$

したがって,表面積は,

 $40\pi + 25\pi = 65\pi$



(2) 下の図のような,直角三角形 ABC を辺 AC を 軸として回転させてできる立体の表面積を求めな さい。



[解答]

底面の半径が2cm,母線の長さが3cmの円す いができる。

側面積は,
$$\pi imes 3^2 imes rac{2\pi imes 2}{2\pi imes 3} = 6\pi$$

底面積は, $\pi \times 2^2 = 4\pi$

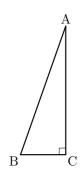
したがって,表面積は,

 $6\pi + 4\pi = 10\pi$



(3) 下の図のような , $\angle ACB = 90^{\circ}$ である $\triangle ABC$ があり, $AB = 9 \,\mathrm{cm}$, $BC = 3 \,\mathrm{cm}$ である。辺 ACを軸として, △ABC を1回転させてできる回転 体の表面積を求めなさい。

[京都府 2004]



解答

底面の半径が5cm, 母線の長さが9cmの円す いができる。

側面積は,
$$\pi imes 9^2 imes rac{2\pi imes 3}{2\pi imes 9} = 27\pi$$

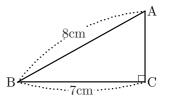
底面積は, $\pi \times 3^2 = 9\pi$

したがって,表面積は,

 $27\pi + 9\pi = 36\pi$

 $\approx 36\pi \,\mathrm{cm}^2$

(4) 下の図のような,直角三角形 ABC を辺 AC を 軸として回転させてできる立体の表面積を求めな さい。



底面の半径が7cm,母線の長さが8cmの円す いができる。

側面積は,
$$\pi \times 8^2 imes rac{2\pi imes 7}{2\pi imes 8} = 56\pi$$

底面積は , $\pi \times 7^2 = 49\pi$

したがって,表面積は,

 $56\pi + 49\pi = 105\pi$



 $105\pi\,\mathrm{cm}^2$

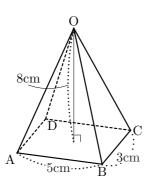
体積[3]

氏名

次の問いに答えなさい。

(1) 下の図のような, $AB = 5 \,\mathrm{cm}$, $BC = 3 \,\mathrm{cm}$ の長 方形を底面とし,高さが8cm の四角錐OABCD がある。この四角錐の体積を求めなさい。

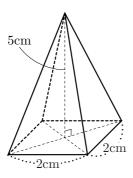
〔栃木県 2007〕



$$\frac{1}{3} \times 5 \times 3 \times 8 = 40$$

(2) 下の図のような,底面は1辺が2cmの正方形 で,高さが5cmの正四角すいがある。この正四 角すいの体積を求めなさい。

〔山口県 1999〕

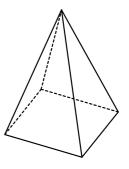


$$\frac{\textbf{解答}}{\frac{1}{3} \times 2^2 \times 5} = \frac{20}{3}$$

 $\frac{20}{3} \, \mathrm{cm}^3$

(3) 下の図のように,底面の1辺が $6 \, \mathrm{cm}$,高さが 8 cm の正四角錐がある。この正四角錐の体積を 求めなさい。

〔秋田県 2003〕

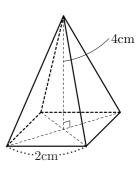


$$\frac{1}{3} \times 6^2 \times 8 = 96$$

 $\stackrel{\text{\tiny 8}}{=}$ 96 cm³

(4) 下の図は,底面は1辺の長さが $2 \, \mathrm{cm}$ で,高さ が4cmの正四角すいがある。この正四角すいの 体積を求めなさい。

[奈良県 2006]



$$\frac{\mathbf{m答}}{\frac{1}{3} \times 2^2 \times 4} = \frac{16}{3}$$

 $\frac{16}{3}$ cm³

〔滋賀県 2010〕

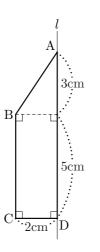
体積「9]

氏名

次の問いに答えなさい。ただし,円周率は π とする。

(1) 下の図の四角形 ABCD を , 直線 l を軸として 1 回転させてできる立体の体積を求めなさい。

[佐賀県 2008]



解答

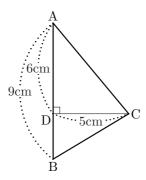
円柱と円すいを組み合わせた立体ができるので,

$$\pi \times 2^2 \times 5 + \frac{1}{3} \times \pi \times 2^2 \times 3 = 20\pi + 4\pi$$
$$= 24\pi$$

答 $24\pi \,\mathrm{cm}^3$

(2) 下の図のように , $\angle A$ と $\angle B$ がともに 90° より 小さい角である $\triangle ABC$ において , 頂点 C から 辺 BC にひいた垂線と辺 AB との交点を D とします。 $AB=9~\mathrm{cm}$, $AD=6~\mathrm{cm}$, $CD=5~\mathrm{cm}$ のとき , $\triangle ABC$ を , 辺 AB を軸として 1 回転させてできる立体の体積を求めなさい。

[宮城県 2008]



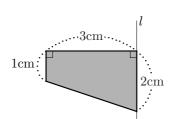
解答

2 つの円すいを組み合わせた立体ができるので,

$$\frac{1}{3} \times \pi \times 5^{2} \times 6 + \frac{1}{3} \times \pi \times 5^{2} \times 3$$
$$= 50\pi + 25\pi = 75\pi$$
$$\mathbf{75}\pi \, \mathbf{cm}^{3}$$

回転させてできる立体の体積を求めなさい。 A

(4) 下の図の三角形 ABC を, 辺 AC を軸として 1



(3) 下の図のような四角形を,直線lを軸として1

回転させてできる回転体の体積を求めなさい。

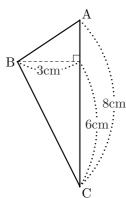
解答

円柱と円すいを組み合わせた立体ができるの

で

$$\pi \times 3^2 \times 1 + \frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times 1 = 9\pi + 3\pi$$
$$= 12\pi$$

 \cong $12\pi \,\mathrm{cm}^3$



解答

2 つの円すいを組み合わせた立体ができるの

で,

$$\frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times 2 + \frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times 6$$
$$= 6\pi + 18\pi = 24\pi$$

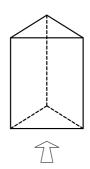
答 $24\pi \,\mathrm{cm}^3$

投影図と見取り図[1]

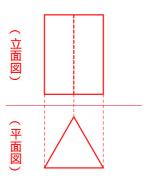
氏名

次の問いに答えなさい。

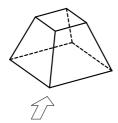
(1) 下の図のような正三角柱を,矢印の方向から見たときの投影図を書きなさい。



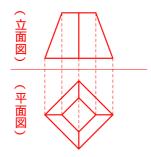
答



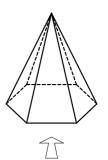
(2) 下の図は,正四角錐を,底面に平行な平面で切った立体の見取り図である。この立体を,矢印の方向から見たときの投影図を書きなさい。



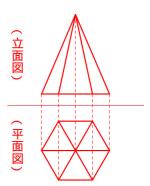
答



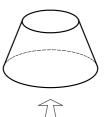
(3) 下の図のような正六角錐を,矢印の方向から見たときの投影図を書きなさい。



答



(4) 下の図は,円錐を,底面に平行な平面で切った 立体の見取り図である。この立体を,矢印の方向 から見たときの投影図を書きなさい。



答

