

## Introduction : グループを「円」で囲む

これから新しい章「集合と論証」に入ります。計算よりも「言葉の定義」や「論理」が重視される分野です。まずは、モノの集まり（グループ）を明確に定義し、記号で表すルールを学びましょう。これをマスターすると、複雑な条件整理が図（ベン図）一つでできるようになります。

## 集合と要素の記号

- **集合 (Set)** : 範囲がはっきりしたものの集まり。大文字 ( $A, B$  など) で表す。
- **要素 (Element)** : 集合に入っている一つ一つのもの。小文字 ( $a, b$  など) で表す。

所属を表す記号  $\in$  (Element の E)

- $a \in A$  … 「 $a$  は集合  $A$  の要素である」 ( $a$  は  $A$  に属する)
- $b \notin A$  … 「 $b$  は集合  $A$  の要素ではない」

## 書き方の例 :

- $A = \{1, 2, 3, 4\}$  … 要素を書き並べる方法
- $B = \{x \mid x \text{ は } 10 \text{ 以下の偶数}\}$  … 条件を書く方法

## 例題 1：要素の確認

集合  $A = \{x \mid x \text{ は } 12 \text{ の正の約数}\}$  とする。次の □ に、適する記号  $\in$  または  $\notin$  を入れよ。

- (1)  $3 \square A$
- (2)  $5 \square A$
- (3)  $12 \square A$

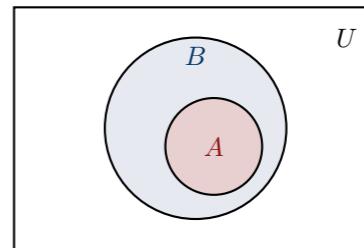
準備: まず  $A$  の要素をすべて書き出します。 $A = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$

## Memo / Answer

部分集合と包含関係  $\subset$  (Contain の C)

2つの集合  $A, B$  の関係を表す記号です。

- $A \subset B$  … 「 $A$  の要素はすべて  $B$  に入っている」 ( $A$  は  $B$  の部分集合である,  $A$  は  $B$  に含まれる)



イメージ:  $A$  は  $B$  の「中」にある

最重要:  $\in$  と  $\subset$  の使い分け

- $\in$  : 「要素」と「集合」をつなぐ。(小さな粒と袋)
- $\subset$  : 「集合」と「集合」をつなぐ。(袋と袋)

例題 2： $\in$  と  $\subset$  の区別

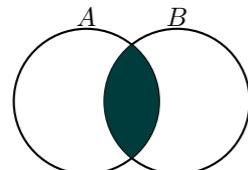
集合  $A = \{1, 2\}$  について、次の記述は正しいか誤りか。

- (1)  $1 \in A$
- (2)  $\{1\} \in A$
- (3)  $\{1\} \subset A$

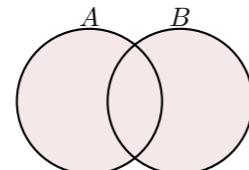
## Memo / Answer

**共通部分 ( $\cap$ ) と 和集合 ( $\cup$ )**

2つの集合  $A, B$  の重なりや合併を表します。



$A \cap B$  (かつ)  
Intersection (Cap)



$A \cup B$  (または)  
Union (Cup)

- 共通部分  $A \cap B$ : 両方に含まれる要素の集合。(AND)
- 和集合  $A \cup B$ : 少なくとも一方に含まれる要素の集合。(OR)
- 空集合  $\emptyset$ : 要素が一つもない集合。

**例題 3:  $\cap$  と  $\cup$  の計算**

$A = \{1, 2, 4, 8\}$ ,  $B = \{1, 2, 3, 6\}$  のとき,  $A \cap B$  と  $A \cup B$  を求めよ。

考え方: ベン図を描くと間違いが減ります。

- (1) まず重なっている部分（共通する数字）を探す。→ 1, 2
- (2) それを真ん中に書く。
- (3) 残りを左右に書く。

**Memo / Answer**

**A 問題：基礎の定着****練習 A1: 記号の使い分け**

集合  $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$  とする。次の □ に、適する記号  $\in, \notin, \subset, \not\subset$  のいずれかを入れよ。

- (1)  $5 \square A$
- (2)  $4 \square A$
- (3)  $\{1, 3\} \square A$
- (4)  $\{2\} \square A$

**練習 A2: 共通部分と和集合**

$A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $B = \{2, 4, 6, 8\}$  とする。次の集合を求めよ（要素を書き並べる方法で）。

- (1)  $A \cap B$
- (2)  $A \cup B$

Memo / Answer

**B 問題：標準・応用****練習 B1: 不等式で表された集合**

実数全体の集合を全体集合とし、 $A = \{x \mid 0 < x < 3\}$ ,  $B = \{x \mid 1 \leq x \leq 4\}$  とする。次の集合を求めよ（数直線を利用せよ）。

- (1)  $A \cap B$
- (2)  $A \cup B$

**練習 B2: 方程式の解集合**

$A = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$ ,  $B = \{1, 3, 5\}$  とする。

- (1) 集合  $A$  の要素を書き並べよ。
- (2)  $A \cup B$  を求めよ。
- (3)  $A \subset C$  となるような集合  $C$  の例を一つ挙げよ。

Memo / Answer

## A 問題：解答

## Memo / Answer

**A1**

- (1) 5 は A の要素である。 ∈
- (2) 4 は A の要素ではない。 ≠
- (3) {1, 3} は集合（袋）であり、要素はすべて A に含まれる。 ⊂
- (4) {2} は集合だが、要素 2 が A にない。 ⊈

**A2**

- (1) 両方に入っているものは 2, 4。{2, 4}
- (2) すべて合わせると 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8。{1, 2, 3, 4, 5, 6, 8}

## B 問題：解答

## Memo / Answer

**B1** 数直線を描いて重なりを見る。A: 0 より大きく 3 より小さい（白丸）B: 1 以上 4 以下（黒丸）

- (1) 共通部分（重なり） $1 \leq x < 3$  の部分が重なっている。よって、 $\{x \mid 1 \leq x < 3\}$
- (2) 和集合（全部）0 からスタートして 4 までつながる。よって、 $\{x \mid 0 < x \leq 4\}$

**B2** (1) 方程式  $x^2 - 3x + 2 = 0$  を解くと、 $(x - 1)(x - 2) = 0 \implies x = 1, 2$  よって、  
 $A = \{1, 2\}$

(2)  $A = \{1, 2\}, B = \{1, 3, 5\}$  より、 $A \cup B = \{1, 2, 3, 5\}$

(3) A の要素 {1, 2} をすべて含む集合なら何でもよい。例： $C = \{1, 2, 3\}$  や  
 $C = \{x \mid x \text{ は正の整数}\}$  など。