«СТРУМОК» - генератор ключевых потоков, криптостойкость которого основана на регистре сдвига с линейной обратной связью, полиномиальном умножении в поле и нелинейной функцией FSM.

«СТРУМОК» использует 64 битную разрядность, то есть: выходной поток кратный 64, состояния РСЛОС также по 64 и прочие операции использую 64 битные слова.

Входными параметрами ПСШ являются: 512 бит секретного ключа K, 256 бит вектора инициализации IV. Данные параметры необходимы для инициализации начального состояния РСЛОС, состоящего из 16 64 битных регистров (a[16]), и 2 регистров состояния нелинейной функции FSM (b[2]).

Выходным параметром, является ключевой поток 64 разрядных слов – STR. Рекомендованная длина выходного потока 2^{50} 64 разрядных слов.

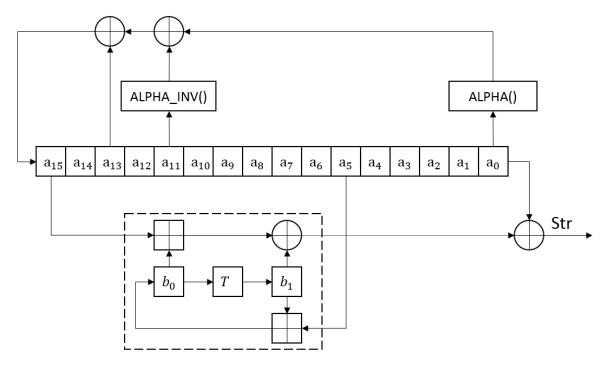


Рисунок М.О – Схематическое изображение выполнения алгоритма «СТРУМОК»

В алгоритме данного шифра используются такие функции:

1. Инициализации (INIT()) — преобразовывает входные параметры, такие как 8 слов ключа (Kay[8]) и 4 слова вектора инициализации (IV[4]), в начальное состояние регистров (S_0), а именно: 16 слов регистра РСЛОС (a[16]), и 2 регистра состояния FSM (b[2]);

```
INIT(): Вход: UINT_64 Key[8], IV[4]; Выход: S_0 – (Начальное состояние (значения регистров a[i] и b[i]);
```

Присвоить регистрам $a_{15}, a_{14}, \dots, a_{8}$ значения $Key_7, Key_6, \dots, Key_0$, а регистрам a_7, a_6, \dots, a_0 значения $\sim Key_7, \sim Key_6, \dots, \sim Key_0$ соответственно, где $\sim Key_7$ – побитовая инверсия значения Key_7

b) a[15]^=IV[0]; a[12]^=IV[1]; a[10]^=IV[2]; a[9] ^=IV[3];

Регистры $a_{15}, a_{12}, a_{10}, a_{9}$ заменить на значения $a_{15} \oplus IV_0, a_{12} \oplus IV_1, a_{10} \oplus IV_2, a_{9} \oplus IV_3$ соответственно

c) b[0]=0; b[1]=0;

Обнулить значения регистров b_0 , b_1 ,

d) for(i=31;i>=0;i--) $Next(S_i, INIT)$;

32 раза выполнить функцию NEXT (с модификацией для иницализации)

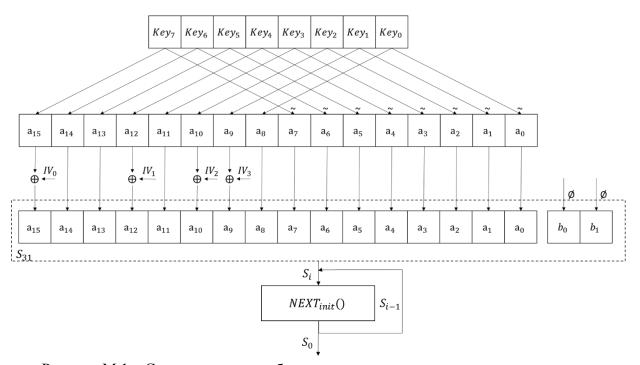


Рисунок М.1 – Схематическое изображение инициализации начального состояния

2. Генерации следующего состояния (NEXT()) — в качестве входного параметра принимает состояния регистров (S_i) и режим работы (для инициализации, для получения ключевого потока), преобразовывает значения на одну итерацию вперед (S_{i+1}) , для режима инициализации и получения ключевого потока данная функция имеет различия;

NEXT(): Вход: S_i – (Состояние регистров (а именно регистров a[i] и b[i]), Вкл/Выкл модификация для инциализации;

Выход: S_{i+1} ;

- а) b[1]=T(b[0]); Меняем состояние регистра b_1 , как $b_1 = T(b_0).$
- b) b[0]=b[1]+a[5]; Меняем состояние регистра b_0 , как $b_0=b_1+a_5mod(2^{64})$.
- с) UINT_64 tmp = a[15]; //not to lose Для того что бы не потерять значение регистра при сдвиге, необходимо временно данное значение сохранить $tmp = a_{15}$.
- d) if(INIT mode)

 $a[15] = (a[0]*alpha)^a[13]^(a[11]*alpha_inv)^FSM(a[15],b[0],b[1]);$

else { $a[15]=(a[0]*alpha)^a[13]^(a[11]*alpha_inv); }$

Если функция NEXT() используется для инициализации, то есть $NEXT_{init}()$, то регистр $a_{15} = ALPHA(a_0) \oplus a_{13} \oplus ALPHA_INV(a_{11}) \oplus FSM(a_{15}, b_0, b_1)$, иначе $a_{15} = ALPHA(a_0) \oplus a_{13} \oplus ALPHA_INV(a_{11})$.

e) for(i=0;i<14;i++)

a[i]=a[i+1];

a[14]=tmp;

Сдвигаем оставшиеся значения регистров таким образом: $a_0=a_1; a_1=a_2; ...; a_{13}=a_{14}$ и так как a_{15} был изменен ранее, то $a_{14}=tmp$.

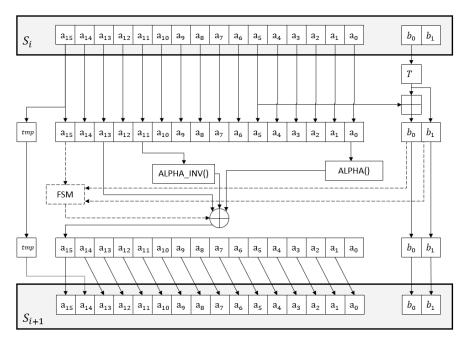


Рисунок М.2 – Схематическое изображение генерации последующего состояния (FSM() только для функции $NEXT_{init}()$)

3. Получения 64 битного ключевого потокового слова (STR()) – входным параметром является текущее состояние регистров (S_i) , а выходным – 64 бита ключевого потока;

STR(): Вход: S_i – (Состояние регистров (значения регистроы a[i] and b[i]); Выход: UINT_64 Str (64 быта ключевого потока);

a) return $Str = FSM(a[15],b[0],b[1])^a[0];$

Выходное ключевое слово $Str = FSM(a_{15},b_0,b_1) \oplus a_0$. Функция STR() не меняет состояния регистров, а лишь выводит 64 бита потока для состояния в данной итерации, поэтому для получения потока большей длины необходимо чередовать функции генерации следующего состояния NEXT() с функцией получения ключевого потока STR().

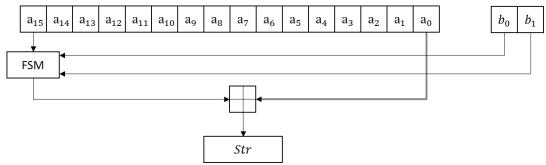


Рисунок М.3 – Схематическое изображение получения 64 бит ключевого слова

4. Автомат с конечным состоянием (FSM()) – вспомогательная функция (используется в $NEXT_{init}$ и STR), на вход принимает регистры $a,\ b_0,\ b_1,\ a$ на выход 64 битный регистр.

FSM(): Bход: a,b[0],b[1];

Выход: UINT 64 q;

a) return $q = (a+b[0])^b[1]$;

Функция конечного автомата выдает на выходе регистр q как $q=(a+b_0)mod(2^{64})\oplus b_1$. Данный регистр используется для генерации ключевого потока либо для генерации нового состояния регистра a_{15} .

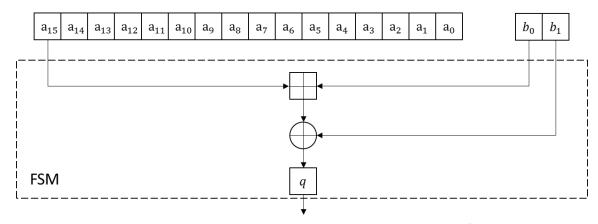


Рисунок M.4 – Схематическое изображение FSM()

5. Функция подстановки (T()) — вспомогательная функция (используется в FSM()), на вход принимает 64 битный регистр b_0 , на выходе 64 бита для регистра b_1 . Представим b_1 в виде вектора байт($b_{1_0}, b_{1_1}, ..., b_{1_7}$). Для каждого b_{1_i} выполним подстановку используя соответствующую таблицу из шифра Калина. Таким образом, что $b_{1_i} = \prod_{i \mod(4)} (b_{1_i})$, где i = 0..7. После подстановки получим вектор $(b_{1_0}, b_{1_1}, ..., b_{1_7})$ с новыми значениями, который представляем в виде матрицы с одним столбцом. Данную матрицу умножаем на матрицу, сгенерированную вектором v = (0x01, 0x01, 0x05, 0x01, 0x08, 0x06, 0x07, 0x04), как результат МДР-кода. Перемножения матриц b_1 и V выполняется в поле GF(2)[x], где $f(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$.

$$\begin{vmatrix} b_{1_0} \to \Pi_0 \to b_{1_0} \\ b_{1_1} \to \Pi_1 \to b_{1_1} \\ b_{1_2} \to \Pi_2 \to b_{1_2} \\ b_{1_3} \to \Pi_3 \to b_{1_4} \\ b_{1_5} \to \Pi_1 \to b_{1_5} \\ b_{1_7} \to \Pi_2 \to b_{1_7} \\ b_{1_7} \to \Pi_3 \to b_{1_7} \end{vmatrix} \times \begin{vmatrix} 0x01 & 0x01 & 0x05 & 0x01 & 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 \\ 0x04 & 0x01 & 0x01 & 0x05 & 0x01 & 0x08 & 0x06 & 0x07 \\ 0x07 & 0x04 & 0x01 & 0x01 & 0x05 & 0x01 & 0x08 & 0x06 \\ 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 & 0x01 & 0x01 & 0x05 & 0x01 \\ 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 & 0x01 & 0x01 & 0x05 & 0x01 \\ 0x01 & 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 & 0x01 & 0x01 & 0x05 \\ 0x05 & 0x01 & 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 & 0x01 & 0x01 \\ 0x01 & 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 & 0x01 & 0x01 \\ 0x01 & 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 & 0x01 & 0x01 \\ 0x01 & 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 & 0x01 & 0x01 \\ 0x01 & 0x05 & 0x01 & 0x08 & 0x06 & 0x07 & 0x04 & 0x01 \\ 0x01 & 0x05 & 0x01 & 0x08 &$$

- 6. Полиномиальное умножение (ALPHA()) на вход подается регистр a_0 , на выходе получаем результат полиномиального перемножения $\alpha \otimes a_0$ в поле $GF(2^{64})$. Особенностью данного умножение является то что, мы имеем таблицу предвычисления M_a , и умножения выполняется путем сдвига входного 64-битного слова (вектора), так что бы получить вектор $(0, c_0, c_1, c_2, ..., c_6)$ из вектора $(c_0, c_1, c_2, ..., c_7)$, далее сложить по модулю 2, к полученному вектору, рядок $M_a(C_7)$ построенной таблицы. То есть $a_0 \times \alpha = (a_0 \gg 8) \oplus (M_\alpha[a_0 \gg 56] \ll 56)$.
- 7. Инверсное полиномиальное умножение (ALPHA_INV()) на вход подается регистр a_{11} , на выходе получаем результат полиномиального перемножения $\alpha^{-1} \otimes a_{11}$ в поле $GF(2^{64})$. Операция аналогична полиномиальному умножению (ALPHA()), но используется таблица для инверсного альфа $M_{\alpha^{-1}}$, то есть $a_{11} \times \alpha^{-1} = (a_0 \gg 8) \oplus (M_{\alpha^{-1}}[a_{11} \gg 56] \ll 56)$

```
Input: UINT_64 Key[8], IV[4];
Output:
              UINT_64 Stream;
Interim value: UINTT_64 a[16] – LFSR states, b[2] – FSM states
FUNCTION:
      INIT():
              Input: UINT_64 Key[8], IV[4];
              Output: S_0 – (Start state (values and position a[i] and b[i]);
   e) for(j=0;j<8;j++)
              a[15-j]=Key[7-j];
              a[7-j] = \text{Key}[7-j];
       }
   f) a[15]^=IV[0];
       a[12]^=IV[1];
       a[10]^=IV[2];
       a[9] ^=IV[3];
   g) b[0]=0;
       b[1]=1;
   h) for(i=31;i>=0;i--)
              Next(S_i, INIT);
```

```
NEXT():
              Input: S_i – (Start state (values and position a[i] and b[i]), INIT mode;
              Output: S_{i+1};
   f) b[2]=T(b[1]);
   g) b[1]=b[2]+a[5];
   h) UINT_64 tmp = a[15]; //not to lose
   i) if(INIT mode)
              a[15] = (a[0]*alpha)^a[2]^(a[11]*alpha_inv)^FSM(a[15],b[0],b[1]);
       else { a[15]=(a[0]*alpha)^a[2]^(a[11]*alpha_inv); }
   j) for(i=0;i<14;i++)
              a[i]=a[i+1];
       a[14]=tmp;
       STR():
              Input: S_i – (Start state (values and position a[i] and b[i]);
              Output: UINT_64 Str;
   b) return Str = FSM(a[15],b[0],b[1])^a[0];
       T():
              /*Уточнить — узнать*/
              Input: w;
              Output q;
   a) q=SUB[w]
       Alpha():
              <mark>/*Уточнить – узнать*</mark>/
       Alpha_Inv():
              <mark>/*Уточнить – узнать*</mark>/
       FSM():
              Input: a,b[0],b[1];
              Output: UINT_64 q;
   b) return q = (a+b[0])^b[1];
Общий алгоритм работы:
       Key[8] = \{0x0, 0x1, 0x2, 0x3, 0x4, 0x5, 0x6, 0x7\};
       IV[4] = \{0x0, 0x1, 0x2, 0x3\};
       a[16] = \{0x0, ..., 0x0\};
       b[2] = \{0x0, 0x0\};
       N = 100; // определяет пользователь
       Str[N];
INIT(Key, IV);
for(i=0;i< N;i++)
       Str[i]=STR();
       NEXT(null); //null – режим работы не для INIT()
```

}