README.md 8/28/2022

Hungarian Algorithm

Getting Started

```
sudo apt install -y cmake g++
mkdir build && cd build
cmake ..
make && make test
./demo
```

Explanation

알고리즘 구현은 "James Munkres" *Algorithms for the Assignment and Transportation Problems* 를 참고하여 구현 하였으며, 이를 Python/C++ 로 구현 및 설명한 두개의 문서(*Tutorial on Implementation of Munkres' Assignment Algorithm, Munkres Algorithm For Assignment Problem: A Tutorial*)를 참고하였다.

File structure 및 클래스 API는 아래와 같이 구현되어있다.

File structure

- solve API
 - HungarianAssigner::solve API

README.md 8/28/2022

exmaple

unvalanced case

 기존 Hungarian algorithm은 행/열의 크기가 같은 경우 optimal assignment 를 구하고 있지만, 행렬의 크기가 다른 경우에도 알고리즘이 동작하도록 입력된 matrix에 zero padding 을 수행하였다. zero padding을 통해 행/열의 크기가 같아진 matrix를 이용하여 optimal assignment 를 구하고, 원래 사이 즈 정보를 이용하여 assignment index 결과를 저장한다.

· cost maximization

- 기존 Hungarian algorihtm은 cost를 minimization 하는 알고리즘으로, cost를 maximization 하기 위해서는 입력 cost matrix의 부호를 반대로 하여 알고리즘을 수행하였다.
- Time complexity: 0 (N^4)
 - 구현한 알고리즘은 4단계로 구성되어 preliminaries 단계, step1, step2, step3 순서로 수행되며, 조건에 따라 step1 -> step3 -> step1 또는 step1 -> step2 -> step3 -> step1 을 반복한다. 이러한 반복은 알고리즘을 수행하면서 비용함수가 최저가 되는 조합을 만들어 내기 위한 과정으로, n개의 assignment가 필요할 경우, 최악의 경우 n-1 번 반복하게 된다. step1의 시간복잡도가 $O(N^3)$ 이므로(step2, step3는 $O(N^2)$), 알고리즘의 시간복잡도는 $O(N^4)$ 이다.
- O(N^3) Hungarian Algorithm
 - David Krouse의 *On implementing 2D rectangular assignment algorithms 2016* 논문을 참고하면 O(N^3) 의 시간 복잡도로 동작하는 알고리즘 구현이 가능하다고 한다. 이부분은 추후 확인해보아야겠다.

Reference

README.md 8/28/2022

• Algorithms for the Assignment and Transportation Problems (James Munkres)

- Tutorial on Implementation of Munkres' Assignment Algorithm
- Munkres Algorithm For Assignment Problem: A Tutorial
- What is the time/space complexity of scipy.optimize.linear_sum_assignment?