二次流对 LSM 和 VLSM 影响的实验研究

湍流谱理论、相干结构

刘宁

浙江大学海洋学院

2024年3月21日



研究动机

实验设置

谱分析

讨论

K41 理论



研究动机

- ・二次流对 VLSM 和 LSM 的影响
- ・环形水槽无起点和终点,适合研究大尺度涡体 LSM 和超大尺度涡体 VLSM

J. Fluid Mech. (2020), vol. 887, A17. © The Author(s), 2020 887 A17-1 This is an Open Access article, distributed under the terms of the Creative Commons Attribution licence (http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/), which permits unrestricted re-use, distribution, and reproduction in any medium, provided the original work is properly cited. doi:10.1017/ffm.2020.8

Secondary currents and very-large-scale motions in open-channel flow over streamwise ridges

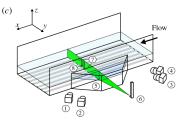
A. Zampiron¹,†, S. Cameron¹ and V. Nikora¹

¹School of Engineering, University of Aberdeen, Aberdeen AB24 3UE, UK

(Received 10 October 2018; revised 13 November 2019; accepted 20 December 2019)



研究动机



- 1 Camera 1 5 Water prism
- 2 Camera 2 6 Laser optics
- 3 Camera 3 7 Measurement planes
- (4) Camera 4 (8) Plane overlap

图 1: 实验设置(Zampiron 等, 2020)

"Ridge-induced SCs (second currents)

prevent the formation of VLSMs by
absorbing their energy or overpowering
their formation."(Zampiron 等, 2020)



研究动机

实验设置

谱分析

讨论

K41 理论



实验设置

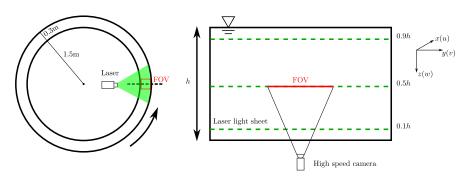


图 2: Top view and side view experiment setup



实验设置

表 1: 实验工况表

实验组数	测量高度 <i>z</i> (m)	剪力环转速 ω_l (rpm)	环形槽转速 ω_f (rpm)	转速比 (🔐)
1	0.1 h	1.5	0	∞
2	0.1 h	3	0	∞
-3-	0.1 h	4.5	0	∞
4	0.5h	1.5	0	∞
5	0.5h	3	0	∞
6	0.5h	4.5	0	∞
7	0.9 h	1.5	0	∞
8	0.9h	3	0	∞
9	0.9h	4.5	0	∞

水深 h = 15cm,水槽宽度 w = 30cm。



研究动机

实验设置

谱分析

讨论

K41 理论



```
|/ 1t
5 % 0----0
       nx
r center = [floor(my / 2) + 1, floor(nx / 2) + 1]; pxxs = 0; fs = 0;
s Fs = 24; % 采样频率 Hz
9 \text{ for } i = -1:1:1
   for i = -1:1:1
    area = [center(1) + i, center(2) + j];
    u = zeros(lt, 1):
    for k = 1:1t
       u_(k) = u_pri{k}(area(1), area(2)); % u_pri为脉动流速u prime
     end
     [pxx_, f_] = pwelch(u_, [], [], Fs); % 计算功率谱密度
    pxxs = pxx_ + pxxs;
    fs = f_+ + fs;
    end
20 end
21 % 中心点和周围点 (共1+8个点) 的平均功率谐密度
pxx = pxxs ./ 9; f = fs ./ 9;
figure(); grid on; set(gca, 'XScale', 'log', 'YScale', 'log');
zs plot(f, pxx) % 功率谱
5 figure(); grid on; set(gca, 'XScale', 'log');
27 plot(f, f.* pxx) % 预乘谱
```



转速比 1.5:0, z=0.5h, 拍摄时间 106min, 固定频率 f=0.025Hz 。

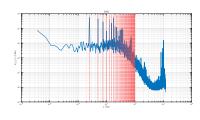


图 3: 功率谱

预乘谱未出现双峰,单峰对应频率 0.2Hz。

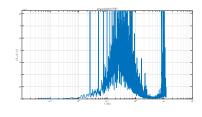


图 4: 预乘谱



转速比 1.5:0, z=0.9h, 拍摄时间 $53\min$, 固定频率 f=0.025Hz 。

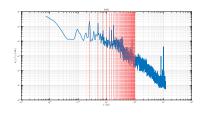


图 5: 功率谱

预乘谱不存在双峰,单峰对应频率 0.2 Hz。

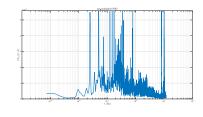
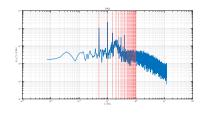


图 6: 预乘谱



转速比 3:0, z=0.1h, 拍摄时间 $53\min$, 固定频率 f=0.050Hz 。



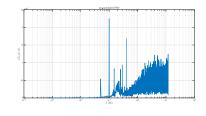


图 7: 功率谱

图 8: 预乘谱

预乘谱未出现双峰(?)¹,单峰对应频率 0.2Hz。

1高频段数据不准确,导致预乘谱右端谱形偏移。



转速比 3:0, z=0.5h, 拍摄时间 $53\min$, 固定频率 f=0.050Hz。

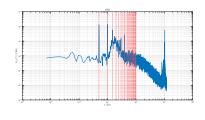


图 9: 功率谱

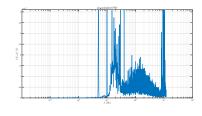


图 10: 预乘谱

预乘谱出现双峰,峰值分别对应频率 0.2Hz 和 2Hz。



转速比 3:0, z=0.9h, 拍摄时间 $53\min$, 固定频率 f=0.050Hz。

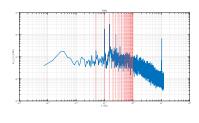


图 11: 功率谱

预乘谱未出现双峰,单峰对应频率 0.2Hz。

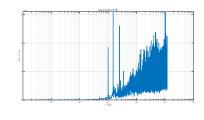


图 12: 预乘谱



转速比 4.5:0, z=0.5h, 拍摄时间 106min, 固定频率 f=0.075Hz 。

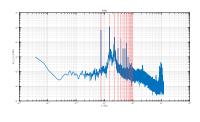


图 13: 功率谱

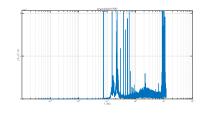


图 14: 预乘谱

预乘谱出现双峰,峰值分别对应频率 0.2Hz 和 2Hz; 但是 0.2Hz 附近存在两个邻近的峰值。



转速比 4.5:0, z=0.9h, 拍摄时间 $53\min$, 固定频率 f=0.075Hz 。

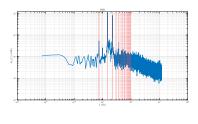


图 15: 功率谱

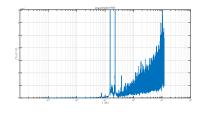


图 16: 预乘谱

预乘谱未出现双峰,但在 0.2Hz 附近存在邻近的两个峰值。



研究动机

实验设置

谱分析

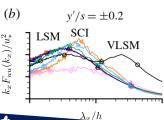
讨论

K41 理论



讨论

- 随着环形水槽二次流增强, 预乘谱由单峰变为双峰。
 - 二次流增强了 VLSM 的产生,与(Zampiron 等, 2020) 的结论相反。
- ・Q1: 原始单峰的对应频率 0.2Hz(小f) < 新峰值的对应频率 2Hz(大f)。
 - 与 VLSM 和 LSM 的产生顺序相悖: 先产生 LSM (大 k), 后产生 VLSM (小 k)。
- · Q2: 二次流的能量是否会体现在功率谱或预乘谱中?
 - 一种全新的谱特性 second current instability (SCI): "a new spectral feature characterised by intermediate wavelength between LSMs and VLSMs appears, ..." (Zampiron 等, 2020)



讨论

实验中预乘谱出现的双峰并不是 VLSM 和 LSM,而是 SCI 和 LSM。始终存在的 0.2Hz 的频率对应 SCI,随着二次流增强出现的新峰值频率 2Hz 对应 LSM,这符合二者的大小关系和出现的先后顺序(先出现大尺度,后出现小尺度)。

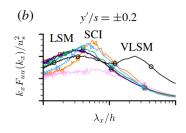


图 17: Figure 8(b) Pre-multiplied spectra $k_x F_{uu}(k_x)/u_*^2$ from (Zampiron 等, 2020).



研究动机

实验设置

谱分析

讨论

K41 理论



p_{th} order velocity strcture function

$$S_p(r) = \left\langle \left[\left(ec{u}(ec{x} + r ec{l}^0) - ec{u}(ec{x})
ight) \cdot ec{l}^0
ight]^p
ight
angle.$$

K41 理论解释 p=2 的二阶 velocity strcture function 实验结果(取 \vec{l}^0 为流向单位矢量, $\vec{u}\cdot\vec{l}^0=u_1$ 为流向流速) 2 :

$$S_2^L(r) = \left\langle \left[u_1(x+r) - u_1(x)
ight]^2
ight
angle \sim r^{rac{2}{3}}.$$

 $^{^{2}}$ 上标 L 表示主流方向。



K41: $\frac{2}{3}$ power law

为弥补二阶 velocity strcture function 标度律推导过程的缺陷 3 , Kolmogorov 推导出 p=3 的理论 $\frac{4}{5}$ law:

$$S_3^L(r) = \left\langle \left[u_1(x+r) - u_1(x) \right]^3 \right\rangle = \frac{4}{5} \varepsilon r.$$

Kolmogorov 假设 strcture function 的偏度 (skewness)S' 为常数:

$$S' = S_3^L(r)/S_2^L(r)^{\frac{3}{2}}.$$

因此从理论上解释了 $S_2^L(r) \sim r^{\frac{2}{3}}$ 实验结果,

$$\mathcal{S}_2^L = \left(-rac{4}{5\mathcal{S}'}
ight)^{rac{2}{3}} \left(arepsilon r
ight)^{rac{2}{3}} \sim r^{rac{2}{3}}.$$

³ 朗道质疑不存在普适的 (universal) 常数使得 $\frac{2}{5}$ 标度律成立。 link here.



K41: $-\frac{5}{3}$ power law

$$S_2^L(r) = \left\langle \left[u_1(x+r) - u_1(x)
ight]^2
ight
angle \sim arepsilon^{rac{2}{3}} r^{rac{2}{3}}, \ R_{11}(r) = \left\langle u_1(x+r)u_1(x)
ight
angle.$$

二阶 velocity strcture function 可表示为相关函数 $R_{11}(r)$ 的形式:

$$S_2^L(r) = 2R_{11}(0) - R_{11}(r) - R_{11}(-r) = 2R_{11}(0) - 2R_{11}(r).$$

又由于相关函数 $R_{11}(r)$ 和功率谱密度 $E_{11}(k)$ 为一对 Fourier 变换对,因此功率谱可表示为二阶 velocity strcture function 的 Fourier 变换形式:

$$S_2^L(r) = 2 \int_{-\infty}^{+\infty} \left(1 - e^{ik \cdot r}\right) E_{11}(k) dk.$$

最终,二阶 velocity strcture function 的 $\frac{2}{3}$ 标度律导出功率谱的 $-\frac{5}{3}$ 标度律。



研究动机

实验设置

谱分析

讨论

K41 理论



Lagranian Coherent Structure



图 18: Cover of album of fluid motion



Lagranian Coherent Structure

- Finite-Time Lyapunov Exponents (FTLE) can be used to find separatrices in time-dependent systems ...
- These separatrices are called Lagrangian Coherent Structures (LCS).
- These structures divide dynamically distinct regions in the flow and reveal geometry ...



图 19: FTLE field for a plunging plate at low Reynolds number



参考文献

ZAMPIRON A, CAMERON S, NIKORA V, 2020. Secondary currents and very-large-scale motions in open-channel flow over streamwise ridges[J]. Journal of Fluid Mechanics, 887: A17.

