

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)»

ОТЧЕТ

о выполнении лабораторной работы №7

«Жадные алгоритмы»

по дисциплине
«Дискретный анализ»

Выполнил студент группы М8О-308Б-23:

Ибрагимов Далгат Магомедалиевич

Проверил:

Макаров Н.К.

Москва, 2025

Постановка задачи

Вариант 3: Максимальный треугольник

Цель работы

Изучение применения жадных алгоритмов для оптимизации вычислений.

Задание

Заданы длины N отрезков, необходимо выбрать три таких отрезка, которые образовывали бы треугольник с максимальной площадью.

Формат ввода: На первой строке находится число N , за которым следует N строк с целыми числами-длинами отрезков.

Формат вывода: Если никакого треугольника из заданных отрезков составить нельзя – 0, в противном случае на первой строке – площадь треугольника с тремя знаками после запятой, на второй строке – длины трёх отрезков, составляющих этот треугольник. Длины должны быть отсортированы.

Реализация программы

В данной лабораторной работе была реализована программа на языке C++ с использованием жадных алгоритмов. Программа включает следующие функции:

- `double calculateTriangleArea` - вычисляет площадь треугольника по формуле Герона.

Листинг кода

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <algorithm>
#include <cmath>
#include <iomanip>

double calculateTriangleArea(double s1, double s2, double s3, double halfSum)
{
    return sqrt(halfSum * (halfSum - s1) * (halfSum - s2) * (halfSum - s3));
}
```

```

int main()
{
    int count;
    std::cin >> count;
    std::vector<int> elements(count);
    for (int i = 0; i < count; ++i)
    {
        std::cin >> elements[i];
    }

    if (count < 3)
    {
        std::cout << 0 << "\n";
        return 0;
    }

    std::sort(elements.rbegin(), elements.rend());

    int index = 0;
    std::cout << std::fixed << std::setprecision(3);

    double maxTriangleArea = -1.0;
    int foundIndex = -1;
    bool isPossible = false;

    while (index < count - 2)
    {
        if (elements[index] < elements[index + 1] + elements[index + 2])
        {
            double side1 = (double)elements[index], side2 = (double)elements[index + 1], side3 = (double)elements[index + 2];
            double halfSum = (side1 + side2 + side3) / 2.0;

            double currentArea = calculateTriangleArea(side1, side2, side3, halfSum);

            if (currentArea > maxTriangleArea)
            {
                maxTriangleArea = currentArea;
                foundIndex = index;
            }
        }
        index++;
    }

    if (foundIndex != -1)
    {
        std::cout << foundIndex << "\n";
    }
    else
    {
        std::cout << 0 << "\n";
    }
}

```

```

        maxTriangleArea = currentArea;
        foundIndex = index;
    }
    isPossible = true;
}
++index;
}

if (isPossible)
{
    std::cout << maxTriangleArea << "\n";
    std::cout << elements[foundIndex + 2] << " " << elements[foundIndex + 1] << "
}
else
{
    std::cout << 0 << "\n";
}
}

```

Описание работы программы

Программа принимает количество отрезков и их длины в качестве входных данных. После этого она проверяет, возможно ли сформировать треугольник из заданных отрезков. Для этого используется жадный подход, который включает сортировку длин отрезков в порядке убывания и проверку условия существования треугольника: сумма длины двух сторон должна быть больше длины третьей стороны. Программа вычисляет площадь потенциального треугольника с помощью формулы Герона и выбирает максимальную из возможных площадей. Если удастся найти хотя бы один треугольник, программа выводит его площадь и длины отрезков, формирующих этот треугольник.

Дневник отладки

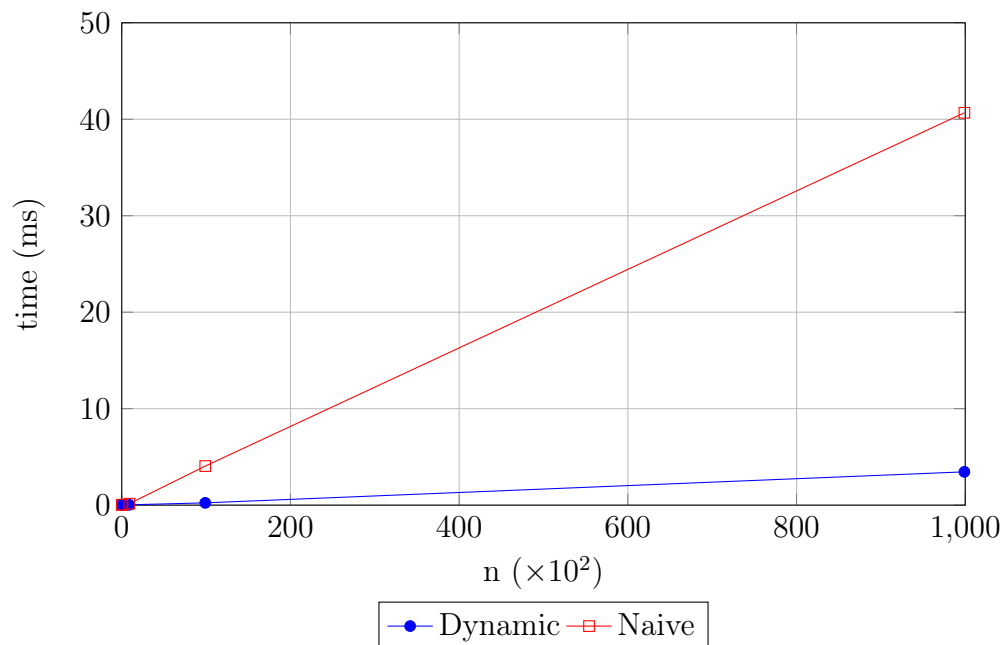
1. Все этапы разработки программы проходили без значительных ошибок.
2. В процессе тестирования не было выявлено логических ошибок, и программа корректно обрабатывала различные входные данные.

Результаты тестирования

Программа успешно продемонстрировала корректные результаты для различных наборов входных данных, включая крайние случаи, такие как минимальные и максимальные значения длины отрезков. Это подтверждает правильность выбранного алгоритма и его эффективность в решении поставленной задачи.

Тест производительности

Сложность алгоритма $O(n \log n)$ Для оценки производительности алгоритма была проведена серия тестов, сравнивающих время выполнения данного решения с наивным методом. Входные данные были выбраны таким образом, чтобы включать большие значения длины отрезков, что позволяет проанализировать эффективность алгоритма.



Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы была разработана программа, использующая жадный алгоритм для решения задачи выбора отрезков, формирующих треугольник максимальной площади. Эффективность алгоритма была подтверждена через тестирование и сравнение с наивными методами. Результаты показывают, что применение жадного подхода значительно ускоряет процесс вычислений, что делает его предпочтительным для данной задачи.