程式人《十分鐘系列》



用十分鐘快速理解

《深度學習技術》

陳鍾誠

2016年11月24日

話說

•最近深度學習技術很火熱!

幾個月前

· AlphaGo 和李世石的圍棋大戰 讓我開始關注深度學習這個主題!

最近幾天

·當我發現 Google 翻譯改採深度學習 技術之後,竟然進步如此之多!

這就讓我想起了

• 年輕時候的那個夢想!

那個夢想就是

•我要創造出一種程式

會自動做英漢翻譯

• 這樣我們就不用學英文了!

於是我想

· 或許這次有機會能完成那個 夢想也說不定!

可怕的是

·《深度學習》裏的那些數學 是連我這種教過微積分的人 都感到相當害怕的!

這種恐懼感

·就像是面對吃人的巨人那樣 在心裡留下了深深的傷口...

還好

•現在有很多開放原始碼

讓我可以

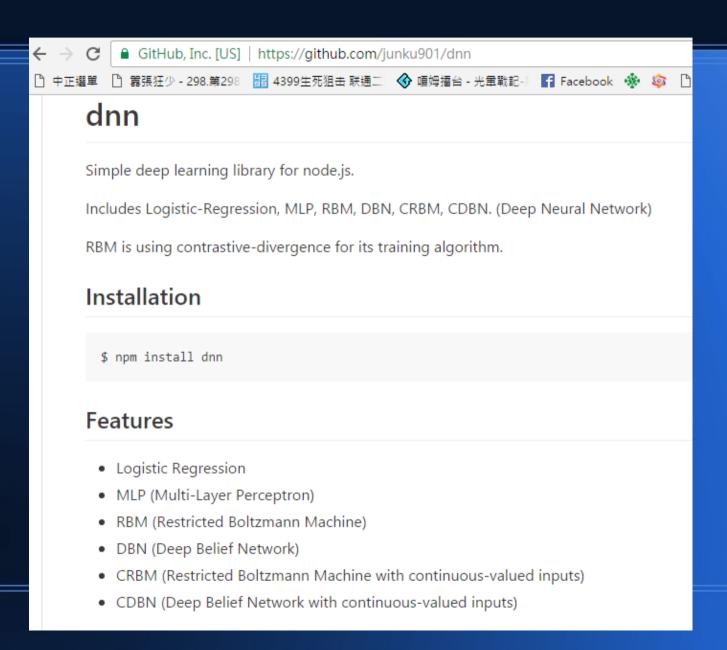
。從程式中體會數學的意義!

現在

· 就讓我們搭配 dnn. js 這個專案, 來學習關於深度學習的那些事情吧!

https://github.com/junku901/dnn

雖然dnn一點都不強大



但卻實作了深度學習的核心算法

- ·包含受限波茲曼機 RBM 和多層感知器 MLP
 - Logistic Regression
 - MLP (Multi-Layer Perceptron)
 - RBM (Restricted Boltzmann Machine)
 - DBN (Deep Belief Network)
 - CRBM (Restricted Boltzmann Machine with continuous-valued inputs)
 - CDBN (Deep Belief Network with continuous-valued inputs)
- · 還有將兩者組合的《深信念網路 DBN》 以及《連續實數版》的 CRBM, CDBN 等等

雖然dnn只是個小程式

· 也不像 Google 的 TensorFlow 那麼知名

但是

學習應該從簡單開始!

• 小蝦米還是不要一口就想吞鯨魚

今天

- · 我們將透過 dnn. js 這個簡單的《深度學習程式範例》
- 由淺入深的,慢慢理解深度學習 技術的那些事情!

首先

·請您先安裝 node. js 環境

然後執行npm install dnn

會看到下列訊息!

```
D:\>nkdir deepLearning

D:\>cd deepLearning>npm install dnn

D:\deepLearning>npm install dnn

D:\deepLearning

-- dnnCO.1.0

npm WARN encent ENOENT: no such file or directory, open 'D:\deepLearning\package
.json'
npm WARN deepLearning No description
npm WARN deepLearning No repository field.
npm WARN deepLearning No README data
npm WARN deepLearning No license field.
```

切到dnn的範例資料夾

```
D:\deepLearning>ls
node modules
D:\deepLearning>cd node_modules
D:\deepLearning\node modules>cd dnn
D:\deepLearning\node modules\dnn>ls
README.md examples lib package.json
D:\deepLearning\node_modules\dnn>cd examples
D:\deepLearning\node_modules\dnn\examples>ls
cdbn.js crbm.js dbn.js logistic_regression.js mlp.js rbm.js
```

接著就可以開始執行範例了

但執行範例前

·讓我們先對 dnn. js 有個整體概念

MLP:多層感知器 (二進位版)

RBM: 受限波茲曼機 (二進位版)

DBN: 深度信念網路 = RBM 訓練後,再用 MLP 微調的方法

CRBM: 連續版本的 RBM (實數版)

CDBN: 連續版本的 DBN (實數版)

Logical Regression: 邏輯迴歸 (對照用)

對照用的範例是 Logistic Regression

```
var dnn = require('dnn');
var x = [[1,1,1,0,0,0]],
        [1,0,1,0,0,0],
         [1,1,1,0,0,0],
         [0,0,1,1,1,0],
         [0,0,1,1,0,0],
        [0,0,1,1,1,0]];
var \ v = [[1, 0],
        [1, 0],
         [1, 0],
         [0, 1],
         [0, 1],
         [0, 1]];
var lrClassifier = new dnn.LogisticRegression({
    'input' : x,
    'label' : v,
    'n in' : 6,
    'n out' : 2
});
```

邏輯迴歸程式!

```
lrClassifier.set('log level',1); // 0 : nothing, 1

var training_epochs = 800, lr = 0.01;

lrClassifier.train({
    'lr' : lr,
    'epochs' : training_epochs
});

x = [[1, 1, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 1, 1, 0],
    [1, 1, 1, 1, 0]];

console.log("Result : ",lrClassifier.predict(x));
```

邏輯迴歸是多變量分析的方法

- 像是最小平方法也是一種多變量分析程式
- 但邏輯迴歸採用的是《最大似然估計》

邏輯分布公式 [編輯]

$$P(Y=1|X=x)=rac{e^{x'eta}}{1+e^{x'eta}}.$$

其中參數**β**常用最大似然估計。

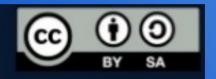
邏輯迴歸通常採用

• 邏輯函數
$$\sigma(t) = \frac{e^t}{e^t + 1} = \frac{1}{1 + e^{-t}}$$
 進行分類

學過神經網路的人一定會覺得非常熟悉

昨天的十分鐘我們介紹過神經網路

程式人《十分鐘系列》



用十分鐘理解

神經網路發展史

陳鍾誠

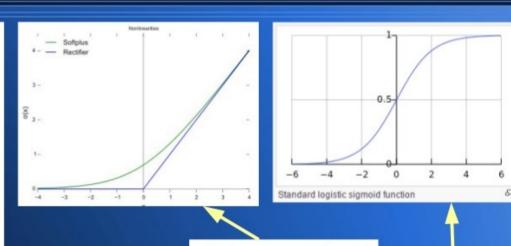
2016年11月23日

裡面就有這類函數

另外還會加入 RELU 函數連接

線性整流函數(Rectified Linear Unit, ReLU),又稱修正線性單元,是一種人工神經網絡中常用的激活函數(activation function),通常指代以斜坡函數及其變種 為代表的非線性函數。

比較常用的線性整流函數有斜坡函數 $f(x) = \max(0,x)$,以及帶泄露整流函數 (Leaky ReLU),其中 x 為神經元(Neuron) 的輸入。線性整流被認為有一定的生物學原理[1],並且由於在實踐中通常有著比其他常用激活函數(譬如邏輯函數)更好的效果,而被如今的深度神經網絡廣泛使用於諸如圖像識別等計算機視覺[1]人工智慧領域。



直線版 Rectifier

$$f(x) = \max(0, x)$$

平滑版 Softplus

$$f(x) = \ln(1 + e^x)$$

註:這和傳統神經網路使用 Sigmoid 的《邏輯 logistic 》函數有所不同

$$f(x)=rac{1}{1+e^{-x}}$$

意思是用神經網路也可以做這種邏輯迴歸分類

·方法是先加總 $t = \beta_0 + \beta_1 x$ 之後

計算
$$\sigma(t) = \frac{e^t}{e^t + 1} = \frac{1}{1 + e^{-t}}$$
 並進行分類

• 最終結果是: $F(x) = \frac{1}{1 + e^{-(\beta_0 + \beta_1 x)}}$

• 然後進行分類: $y = \begin{cases} 1 & \beta_0 + \beta_1 x + \varepsilon > 0 \\ 0 & \text{else} \end{cases}$

當然變數可以不只一個

Multiple explanatory variables [edit]

If there are multiple explanatory variables, the above expression $\beta_0+\beta_1x$ can be revised to $\beta_0+\beta_1x_1+\beta_2x_2+\cdots+\beta_mx_m$. Then when this is used in the equation relating the logged odds of a success to the values of the predictors, the linear regression will be a multiple regression with m explanators; the parameters β_j for all j=0,1,2,...,m are all estimated.

而且神經網路層數

可以不只一層!

讓我們回到剛剛的dnn. js程式範例 (Logistic Regression)

```
var dnn = require('dnn');
var x = [[1,1,1,0,0,0]],
        [1,0,1,0,0,0],
         [1,1,1,0,0,0],
         [0,0,1,1,1,0],
         [0,0,1,1,0,0],
        [0,0,1,1,1,0]];
var \ v = [[1, 0],
        [1, 0],
         [1, 0],
         [0, 1],
         [0, 1],
         [0, 1]];
var lrClassifier = new dnn.LogisticRegression({
    'input' : x,
    'label' : v,
    'n in' : 6,
    'n out' : 2
});
```

邏輯迴歸程式!

```
lrClassifier.set('log level',1); // 0 : nothing, 1

var training_epochs = 800, lr = 0.01;

lrClassifier.train({
    'lr' : lr,
    'epochs' : training_epochs
});

x = [[1, 1, 0, 0, 0, 0],
    [0, 0, 0, 1, 1, 0],
    [1, 1, 1, 1, 0]];

console.log("Result : ",lrClassifier.predict(x));
```

看看執行結果

D:\deepLearning\node_modules\dnn\examples>node logistic_regression.js

最小化後的交叉亂度 Cross Entropy 為 0.038

問題是

•這個執行結果該怎麼解讀呢?

LogisticRegression 1 % Completed.

```
LogisticRegression 2 % Completed.

LogisticRegression 3 % Completed.

LogisticRegression 97 % Completed.

LogisticRegression 98 % Completed.

LogisticRegression 99 % Completed.

LogisticRegression Final Cross Entropy : 0.03819352709370631

Result : [ [ 0.9913047066877619, 0.00869529331223797 ],

      [ 0.00869529331223797, 0.9913047066877619 ],

      [ 0.5, 0.5 ] ]
```

D:\deepLearning\node_modules\dnn\examples>node logistic_regression.js

首先看看輸入與輸出

• 用來訓練的標準答案希望輸入 X 時會輸出 y

```
x = [[1,1,1,0,0,0], y = [[1,0], [1,0], [1,0], [1,0], [1,1,1,0,0], [1,0], [0,0,1,1,1,0], [0,0,1,1,1,0], [0,0,1,1,1,0]];
```

也就是輸入 111000 時會輸出 10 輸入 001110 時會輸出 01

在訓練完成後的預測結果

```
var training epochs = 800, lr = 0.01;
lrClassifier.train({
    'lr' : lr,
    'epochs' : training epochs
});
                              預測結果為
                             0.9913, 0,0086
X = [[1, 1, 0, 0, 0, 0],
                             0.0086, 0,9913
    [0, 0, 0, 1, 1, 0],
                             0.5, 0.5
     [1, 1, 1, 1, 1, 0]];
console.log("Result : ",lrClassifier.predict(x));
```

該神經網路可以 對輸入 x 進行預測

```
Result : [ [ 0.9913047066877619, 0.00869529331223797 ],
[ 0.00869529331223797, 0.9913047066877619 ],
[ 0.5, 0.5 ] ]
```

用分類函數的角度看

訓練資料大致分為兩塊

```
x = [[1,1,1,0,0,0], y =
                          [1, 0],
     [1,0,1,0,0,0],
                          [1, 0],
     [1,1,1,0,0,0],
                          [0, 1],
     [0,0,1,1,1,0],
                         [0, 1],
     [0,0,1,1,0,0],
                          [0, 1]];
     [0,0,1,1,1,0]];
```

Cross Entropy 為 0.038

• 預測能力也不錯

預測結果為

0.9913, 0,0086 ← 第一類 0.0086, 0,9913

0.5,

解讀

第二類

難以分類

dnn. js 的邏輯迴歸法採用 y=SoftMax(xW+b) 透過梯度下降的方式調整 W, b 以逼近 y

```
for(i=0;i<epochs;i++) {</pre>
    var probYgivenX = math.softmaxMat(math.addMatVec(math.mulMat(self.
    x,self.W),self.b));
    var deltaY = math.minusMat(self.y,probYgivenX);
    var deltaW = math.mulMat(math.transpose(self.x), deltaY);
    var deltaB = math.meanMatAxis(deltaY,0);
    self.W = math.addMat(self.W,math.mulMatScalar(deltaW,lr));
    self.b = math.addVec(self.b, math.mulVecScalar(deltaB,lr));
    if(self.settings['log level'] > 0) {
        var progress = (1.*i/epochs)*100;
        if(progress > currentProgress) {
            console.log("LogisticRegression", progress.toFixed(0), "%
            Completed."):
            currentProgress++;
```

但上述的是邏輯迴歸法

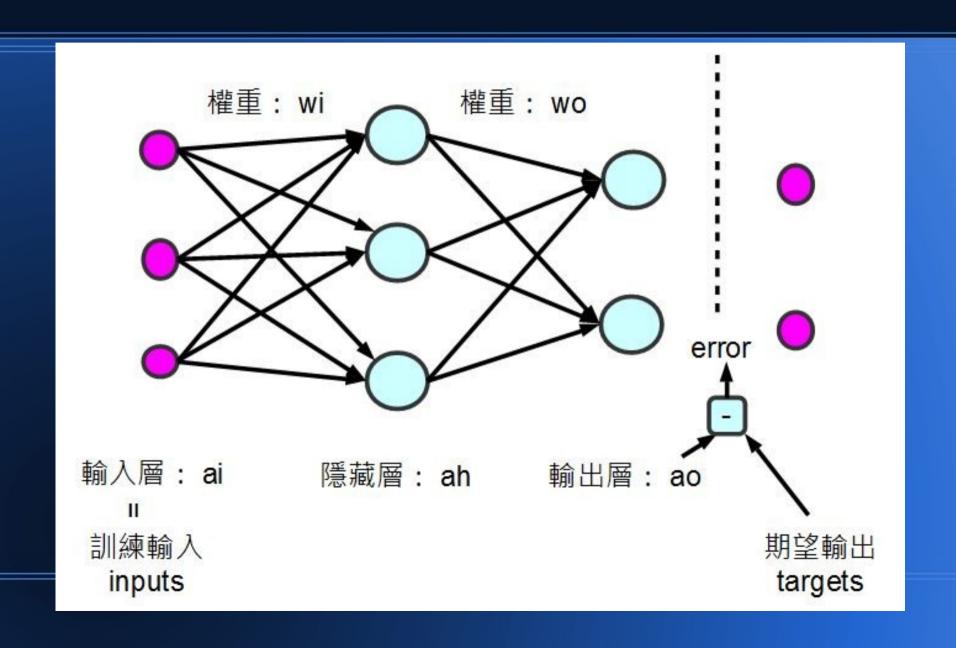
• 只是拿來當深度學習的《對照組》而已!

dnn裏的深度學習模組

- 是由
 - -受限波茲曼 RBM
 - -多層感知器 MLP
- 所組成的
 - -深度信念網路 DBN

現在就讓我們先執行看看吧!

先瞭解一下多層感知器 MLP 模型



再執行多層感知器範例 mlp. js

```
D:\deepLearning\node_modules\dnn\examples>node mlp
MLP 1 % Completed.
MLP 9 % Completed.
MLP 17 % Completed.
MLP 25 % Completed.
MLP 33 % Completed.
MLP 41 % Completed.
MLP 49 % Completed.
MLP 57 % Completed.
MLP 65 % Completed.
MLP 73 % Completed.
MLP 81 % Completed.
MLP 89 % Completed.
MLP 97 % Completed.
MLP Final Cross Entropy : 0.019417566867119228
[ [ 0.9922553104522456, 0.007631463388737132 ],
  [ 0.010082947515195171, 0.9900558264665876 ],
    0.337180747545254, 0.6627139249988923 ]
```

mlp的主程式重點

```
x = [[0.4, 0.5, 0.5, 0., 0., 0.],
                                        y = [[1, 0],
    [0.5, 0.3, 0.5, 0., 0., 0.],
                                           [1, 0],
    [0.4, 0.5, 0.5, 0., 0., 0.],
                                            [1, 0],
    [0., 0., 0.5, 0.3, 0.5, 0.],
                                             [0, 1],
    [0., 0., 0.5, 0.4, 0.5, 0.],
    [0., 0., 0.5, 0.5, 0.5, 0.]];
```

```
var mlp = new dnn.MLP({
    'input' : x,
   'label' : y,
    'n ins' : 6,
    'n outs' : 2,
    'hidden layer sizes' : [4,4,5]
});
```

```
[0, 1]];
mlp.train({
   'lr' : 0.6.
   'epochs': 20000
});
a = [[0.5, 0.5, 0., 0., 0., 0.],
   [0., 0., 0., 0.5, 0.5, 0.],
    [0.5, 0.5, 0.5, 0.5, 0.5, 0.]];
console.log(mlp.predict(a));
```

[0, 1],

訓練完後對a進行預測

```
x = [[0.4, 0.5, 0.5, 0., 0., 0.], y =
                                         [[1, 0],
                                          [1, 0],
     [0.5, 0.3, 0.5, 0., 0., 0.]
     [0.4, 0.5, 0.5, 0., 0., 0.],
                                          [1, 0],
     [0., 0., 0.5, 0.3, 0.5, 0.],
                                          [0, 1],
     [0., 0., 0.5, 0.4, 0.5, 0.],
                                          [0, 1],
                                                         解讀
     [0., 0., 0.5, 0.5, 0.5, 0.]]
                                          [0, 1]];
                                                         第一類
                                     0.9922, 0,0076
a = [[0.5, 0.5, 0., 0., 0., 0.],
                                                         第二類
     [0., 0., 0., 0.5, 0.5, 0.],
                                     0.0100, 0,9900
     [0.5, 0.5, 0.5, 0.5, 0.5, 0.5];
                                                         難以分類
                                     0.3371, 0.6627 \blacktriangleleft
console.log(mlp.predict(a));
  MLP 97 % Completed.
  MLP Final Cross Entropy : 0.019417566867119228
  [ [ 0.9922553104522456, 0.007631463388737132 ],
     [ 0.010082947515195171, 0.9900558264665876 ],
     [ 0.337180747545254, 0.6627139249988923 ] ]
```

上述的多層感知器MLP採用的

· 是傳統經典的反傳遞學習法 backpropagation

MLP 的關鍵程式碼(正向傳遞)

```
HiddenLayer.prototype.output = function(input) {
    var self = this;

    if(typeof input !== 'undefined') self.input = input;

    var linearOutput = math.addMatVec(math.mulMat(self.input,self.W),self.b);
    return math.activateMat(linearOutput,self.activation);
};
```

MLP 的關鍵程式碼(反向傳遞)

```
m.dSigmoid = function(x) {
                                                                 a = m.sigmoid(x);
     // Back Propagation
                                                                 return a * (1. - a);
     var delta = new Array(self.nLayers + 1);
     delta[self.nLayers] = m.mulMatElementWise(m.minusMat(self.y, output), };
        m.activateMat(self.sigmoidLayers[self.nLayers].linearOutput(layerInput[self.nLayers]), m.dSigmoid)
                                       // 計算輸出層的誤差值
                                       delta[n] = (y-sigmoid(o))*dSigmoid(o)
     self.nLayers = 3 (3 hidden layers)
     delta[3] : ouput laver
     delta[i]=layer[i+1].backPropagate(delta[i+1])
     for(i = self.nLayers - 1; i>=0 : i--) {
        delta[i] = m.mulMatElementWise(self.sigmoidLayers[i+1].backPropagate(delta[i+1]),
           m.activateMat(self.sigmvidLavers[i].linearOutput(laverInput[i]), m.dSigmoid));
HiddenLayer.prototype.backPropagate = function (input) { // example+num * n out matrix
    var self = this;
    if(typeof input === 'undefined') throw new Error("No BackPropagation Input.")
    var linearOutput = math.mulMat(input, m.transpose(self.W));
```

backPropagate=input*W T

return linearOutput;

MLP的關鍵程式碼(更新權重)

```
// Update Weight, Bias
for(var i=0; i<self.nLayers+1 ; i++) {
    var deltaW = m.activateMat(m.mulMat(m.transpose(layerInput[i]),
    delta[i]),function(x){return 1. * x / self.x.length;})
    var deltaB = m.meanMatAxis(delta[i],0);
    self.sigmoidLayers[i].W = m.addMat(self.sigmoidLayers[i].W,
    deltaW);
    self.sigmoidLayers[i].b = m.addVec(self.sigmoidLayers[i].b,
    deltaB);
}</pre>
```

deltaW = layerInput[i]^{T*}delta[i] ; deltaB = colMean(delta[i])

: b = b + deltaB

W = W + deltaW

MLP的關鍵程式碼(計算輸出)

• 和前向傳遞的方法相同

```
MLP.prototype.predict = function(x) {
    var self = this;
    var output = x;
    for(i=0; i<self.nLayers+1; i++) {
        output = self.sigmoidLayers[i].output(output);
    }
    return output;
};</pre>
```

這就是著名的多層感知器

•還有《反向傳遞學習算法》的實作方式了!

接著看《受限波茲曼機RBM》

·還有其《對比散度》學習法 (Contrast Divergence, CD)

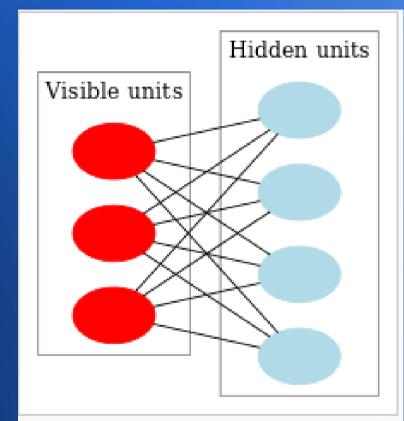
對比散度 CD 學習法的關鍵 (是用 v 預測 h', 再用 h', 預測 v')

由於RBM為一個二分圖,層內沒有邊相連,因而隱層是否激活在給定可見層節點取值的情況下是條件獨立的。類似地,可見層節點的激活狀態在給定隱層取值的情況下也條件獨立^[6]。亦即,對*m*個可見層節點和*n*個隱層節點,可見層的配置 v對於隱層配置 h的條件機率如下:

$$P(v|h) = \prod_{i=1}^m P(v_i|h)$$
.

類似地, h對於 v的條件機率為

$$P(h|v) = \prod_{j=1}^n P(h_j|v)$$
 .



包含三個可見單元和四個隱單元的 ⁵ 受限玻爾茲曼機示意圖(不包含偏置 節點)

該方法的數學式如下

• 用顯層值 v 估計隱層機率 h'

$$P(h|v) = \prod_{j=1}^n P(h_j|v)$$

實作程式: h1_mean = propup(v) = sigmoid(v*W+hbias)

• 再用隱層 h'估計顯層機率 v'

$$P(v|h) = \prod_{i=1}^m P(v_i|h)$$
 .

實作程式: v1_mean = propdown(h) = sigmoid(h*W^T+vbias)

• 然後用下列算式去更新權重

$$\Delta w_{i,j} = \epsilon (vh^\mathsf{T} - v'h'^\mathsf{T})$$

以下是單步對比散度算法 CD-1

基本的針對一個樣本的單步對比分歧(CD-1)步驟可被總結 如下:

- 1. 取一個訓練樣本 v ,計算隱層節點的機率,在此基礎上從這一機率分布中獲取一個隱層節點激活向量的樣本;
- 2. 計算 v和 h的外積,稱為「正梯度」;
- 3. 從 h獲取一個重構的可見層節點的激活向量樣本 v', 此後從 v'再次獲得一個隱層節點的激活向量樣本 h';
- 4. 計算 v'和 h'的外積,稱為「負梯度」;
- 5. 使用正梯度和負梯度的差以一定的學習率更新權重 $w_{i,j}: \Delta w_{i,j} = \epsilon (vh^{\mathsf{T}} v'h'^{\mathsf{T}})$ 。

偏置 a和 b也可以使用類似的方法更新。

多步的對比散度演算法

初始化: 令可见层单元的初始状态 $\mathbf{v}_1 = \mathbf{x}_0$; W、 \mathbf{a} 和 \mathbf{b} 为随机的较小数值。 For $t = 1, 2, \cdots, T$

For
$$j = 1, 2, \dots, m($$
对所有隐单元)
计算 $P(\mathbf{h}_{1j} = 1 | \mathbf{v}_1)$,即 $P(\mathbf{h}_{1j} = 1 | \mathbf{v}_1) = \sigma(b_j + \sum_i v_{1i} W_{ij})$;
从条件分布 $P(\mathbf{h}_{1j} | \mathbf{v}_1)$ 中抽取 $\mathbf{h}_{1j} \in \{0, 1\}$.

EndFor

For
$$i = 1, 2, \dots, n$$
(对所有可见单元)
计算 $P(\mathbf{v}_{2i} = 1 | \mathbf{h}_1)$, 即 $P(\mathbf{v}_{2i} = 1 | \mathbf{h}_1) = \sigma(a_i + \sum_j W_{ij} h_{1j})$;
从条件分布 $P(\mathbf{v}_{2i} | \mathbf{h}_1)$ 中抽取 $\mathbf{v}_{2i} \in \{0, 1\}$.

EndFor

For
$$j=1,2,\cdots,m$$
(对所有隐单元)
计算 $P(\mathbf{h}_{2j}=1|\mathbf{v}_2)$, 即 $P(\mathbf{h}_{2j}=1|\mathbf{v}_2)=\sigma(b_j+\sum_i v_{2i}W_{ij})$;

按下式更新各个参数

EndFor

$$-W \leftarrow W + \epsilon(P(\mathbf{h}_{1.} = 1|\mathbf{v}_1)\mathbf{v}_1^T - P(\mathbf{h}_{2.} = 1|\mathbf{v}_2)\mathbf{v}_2^T);$$

$$-\mathbf{a} \leftarrow \mathbf{a} + \epsilon(\mathbf{v}_1 - \mathbf{v}_2);$$

$$-\mathbf{b} \leftarrow \mathbf{b} + \epsilon(P(\mathbf{h}_{1.} = 1|\mathbf{v}_1) - P(\mathbf{h}_{2.} = 1)|\mathbf{v}_2);$$

演算法來源: 受限波茲曼機簡介 - 張春霞、姬楠楠、王冠偉

理解了原理之後

- ·讓我們真正來執行受限波茲曼機的 rbm 程式
- · 以及看看真正的對比散度學習法 程式碼!

請執行 node rbm

```
RBM 81 % Completed.
RBM 89 % Completed.
RBM 97 % Completed.
RBM Final Cross Entropy : 0.6616376645777886
[ [ 0.994075177436916,
    0.5810711201955319,
    0.996782288311315.
    0.008527218463050252,
    0.0077485873160137.
    0.002799400912007968 ],
  [ 0.005620274338682828.
    0.0027108379759264835,
    0.9955310337095183.
    0.9977488822307009,
    0.7024036612316482,
    0.002642187157021731 ] ]
[ [ 0.000044298398175647186, 0.998052280010676 ],
  [ 0.9988097875852785, 0.00003900626380158672 ] ]
```

rbm是用來大致分群的

• 所以不需要標準答案

結果的解讀

console.log(rbm.reconstruct(v));

```
[ 0.994075177436916.
var data = [[1,1,1,0,0,0]
                                       0.5810711201955319,第1灘
                                       0.996782288311315.
                [1,0,1,0,0,0],
                                       0.008527218463050252.
                                       0.0077485873160137.
                [1,1,1,0,0,0],
                                       0.002799400912007968 ].
                                      [ 0.005620274338682828.
                [0,0,1,1,1,0],
                                       0.0027108379759264835.
                                       0.9955310337095183.
                [0,0,1,1,0,0],
                                       0.9977488822307009, 第2群
                                       0.7024036612316482.
                [0,0,1,1,1,0]];
                                       0.002642187157021731 1
```

第2群觸發 隱層節點1

```
V = [[1, 1, 0, 0, 0, 0]],
[0, 0, 0, 1, 1, 0]];
```

第1群觸發隱層節點2

[0.000†44298398175647186, 0.998052280010676], [0.9988097875852785, 0.00003900626380158672]

所以隱層節點h

- 確實學到了如何資料進行分群
- · 只要你給出v並用 sampleHgivenV(v) 就能觀察到隱層節點h的關聯性!
- 而用 reconstruct(v) 則能用
 v=>h'=>v' 的方式觀察重建的 v' 值。

接著看看RBM的程式碼

```
for(i=0;i<epochs;i++) {</pre>
   /* CD - k . Contrastive Divergence */
                                                          估計第一層的 h
   var ph = self.sampleHgivenV(self.input);
   var phMean = ph[0], phSample = ph[1];
   var chainStart = phSample;
   var nvMeans, nvSamples, nhMeans, nhSamples;
                                                      用 h 估計 v', 再用 v' 估計 h'
   for(j=0 ; j < k ; j++) {
       if (j==0) {
                                                     對於每一層都這樣做!
           var gibbsVH = self.gibbsHVH(chainStart);
           nvMeans = gibbsVH[0], nvSamples = gibbsVH[1], nhMeans = gibbsVH[2], nhSamples = gibbsVH[3];
       } else {
           var gibbsVH = self.gibbsHVH(nhSamples);
           nvMeans = gibbsVH[0], nvSamples = gibbsVH[1], nhMeans = gibbsVH[2], nhSamples = gibbsVH[3];
```

完成後更新權重

```
var deltaW = math.mulMatScalar(math.minusMat(math.mulMat(math.transpose(set
var deltaVbias = math.meanMatAxis(math.minusMat(self.input,nvSamples),0);
var deltaHbias = math.meanMatAxis(math.minusMat(phSample,nhMeans),0);

self.W = math.addMat(self.W, math.mulMatScalar(deltaW,lr));
self.vbias = math.addVec(self.vbias, math.mulVecScalar(deltaVbias,lr));
self.hbias = math.addVec(self.hbias, math.mulVecScalar(deltaHbias,lr));
```

$$\Delta w_{i,j} = \epsilon (vh^\mathsf{T} - v'h'^\mathsf{T})$$

其中關鍵的 gibbsHVH 函數

```
RBM.prototype.sampleHgivenV = function(v0 sample) {
    var self = this:
    var h1 mean = self.propup(v0 sample);
    var h1 sample = math.probToBinaryMat(h1 mean);
    return [h1 mean,h1 sample];
};
RBM.prototype.sampleVgivenH = function(h0 sample) {
    var self = this;
    var v1 mean = self.propdown(h0 sample);
    var v1 sample = math.probToBinaryMat(v1 mean);
    return [v1 mean, v1 sample];
};
RBM.prototype.gibbsHVH = function(h0 sample) {
    var self = this;
    var v1 = self.sampleVgivenH(h0 sample);
    var h1 = self.sampleHgivenV(v1[1]);
    return [v1[0],v1[1],h1[0],h1[1]];
};
```

再追下去 propup, propdown 等函數

```
RBM.prototype.propup = function(v) {
    var self = this:
    var preSigmoidActivation = math.addMatVec(math.
   mulMat(v,self.W),self.hbias);
    return math.activateMat(preSigmoidActivation, m.
    sigmoid);
                 propup = sigmoid(v*W+hbias)
};
RBM.prototype.propdown = function(h) {
    var self = this:
    var preSigmoidActivation = math.addMatVec(math.
   mulMat(h,math.transpose(self.W)),self.vbias);
    return math.activateMat(preSigmoidActivation, m.
    sigmoid);
                 propdown = sigmoid(h*W<sup>T</sup>+vbias)
```

所以 sampleHgivenV 函數

```
RBM.prototype.sampleHgivenV = function(v0_sample) {
    var self = this;
    var h1_mean = self.propup(v0_sample);
    var h1_sample = math.probToBinaryMat(h1_mean);
    return [h1_mean,h1_sample];
};
```

```
是用 v 估計 h : h1_mean = propup(v) = sigmoid(v*W+hbias)
h1 sample 則是將 h1 mean 轉成 0 或 1
```

sampleVgivenH 函數則反過來

```
RBM.prototype.sampleVgivenH = function(h0_sample) {
    var self = this;
    var v1_mean = self.propdown(h0_sample);
    var v1_sample = math.probToBinaryMat(v1_mean);
    return [v1_mean,v1_sample];
};
```

```
用 h 估計 v:v1_mean = propdown(h) = sigmoid(h*WT+vbias)
v1_sample 同樣是轉為 0 或 1 的布林值
```

在開始學習之前

```
if(typeof settings['W'] === 'undefined') {
    var a = 1. / self.nVisible;
    settings['W'] = math.randMat(self.nVisible,
   self.nHidden,-a,a);
if(typeof settings['hbias'] === 'undefined')
    settings['hbias'] = math.zeroVec(self.nHidden
   ) ;
if(typeof settings['vbias'] === 'undefined')
    settings['vbias'] = math.zeroVec(self.
   nVisible);
```

W用亂數設定

hbias 和 vbias 都設為零

再重新看一次《對比散度算法》

```
for(i=0;i<epochs;i++) {
    /* CD - k . Contrastive Divergence */
   var ph = self.sampleHgivenV(self.input);
    var phMean = ph[0], phSample = ph[1];
    var chainStart = phSample;
    var nvMeans, nvSamples, nhMeans, nhSamples;
    for(j=0 ; j<k ; j++) {
        if (j==0) {
            var gibbsVH = self.gibbsHVH(
            chainStart):
           nvMeans = gibbsVH[0], nvSamples =
            qibbsVH[1], nhMeans = qibbsVH[2],
            nhSamples = gibbsVH[3];
        } else {
            var gibbsVH = self.gibbsHVH(nhSamples
            nvMeans = gibbsVH[0], nvSamples =
            gibbsVH[1], nhMeans = gibbsVH[2],
            nhSamples = qibbsVH[3];
```

用 v_o 估計 h_o

先用 h_i 估計 v_{i+1} 再用 v_{i+1} 估計 h_{i+1}

```
\mathbf{h}_0 \sim P(\mathbf{h}|\mathbf{v}_0), \qquad \mathbf{v}_1 \sim P(\mathbf{v}|\mathbf{h}_0),
\mathbf{h}_1 \sim P(\mathbf{h}|\mathbf{v}_1), \qquad \mathbf{v}_2 \sim P(\mathbf{v}|\mathbf{h}_1),
\cdots \cdots, \qquad \mathbf{v}_{k+1} \sim P(\mathbf{v}|\mathbf{h}_k).
```

估計完後的更新動作

mulVecScalar(deltaHbias,lr));

```
\Delta W_{ij} = \epsilon (\langle v_i h_j \rangle_{\text{data}} - \langle v_i h_j \rangle_{\text{recon}}),
\Delta a_i = \epsilon (\langle v_i \rangle_{\text{data}} - \langle v_i \rangle_{\text{recon}}),
\Delta b_j = \epsilon (\langle h_j \rangle_{\text{data}} - \langle h_j \rangle_{\text{recon}}),
```

```
var deltaW = math.mulMatScalar(math.minusMat(
                                                  計算更新量
math.mulMat(math.transpose(self.input),phMean
                                                  deltaW = (v<sup>t</sup>*h-v'<sup>t</sup>h')/n
), math.mulMat(math.transpose(nvSamples),
nhMeans)),1. / self.input.length);
                                                  deltaV = normalize(v-v')
var deltaVbias = math.meanMatAxis(math.
minusMat(self.input,nvSamples),0);
                                                  deltaH = normalize(h-h')
var deltaHbias = math.meanMatAxis(math.
minusMat(phSample,nhMeans),0);
                                                    更新 W, V, H
self.W = math.addMat(self.W, math.
mulMatScalar(deltaW,lr));
                                                    W = W + deltaW
self.vbias = math.addVec(self.vbias, math.
                                                    V = V + deltaV
mulVecScalar(deltaVbias,lr));
                                                    H = H + deltaH
self.hbias = math.addVec(self.hbias, math.
```

算式來源: 受限波茲曼機簡介 – 張春霞、姬楠楠、王冠偉

以上就是受限波茲曼機RBM

· 還有其對比散度學習法 CD 的程式碼了

有了RBM與MLP兩種神經網路

- 。就可以多層疊合
 - 先用 RBM 粗略分類之後
 - -再用 MLP 進行細部調整
- ·形成《深度信念網路 DBN》了!

讓我們先執行dbn範例

```
D:\deepLearning\node_modules\dnn\examples>node dbn
DBN RBM 0 th Layer Final Cross Entropy: 0.4722572164357061
DBN RBM 0 th Layer Pre-Training Completed.
DBN RBM 1 th Laver Final Cross Entropy: 0.426721702657097
DBN RBM 1 th Layer Pre-Training Completed.
DBN RBM 2 th Laver Final Cross Entropy: 0.8359339428296436
DBN RBM 2 th Layer Pre-Training Completed.
DBN RBM 3 th Laver Final Cross Entropy: 0.35228608447551735
DBN RBM 3 th Layer Pre-Training Completed.
DBN RBM 4 th Laver Final Cross Entropy: 0.021801203784731008
DBN RBM 4 th Laver Pre-Training Completed.
DBN RBM 5 th Layer Final Cross Entropy: 0.026244201715647394
DBN RBM 5 th Layer Pre-Training Completed.
DBN Pre-Training Completed.
MLP 1 % Completed.
MLP 9 % Completed.
MLP 17 % Completed.
MLP 25 % Completed.
MLP 33 % Completed.
MLP 41 % Completed.
MLP 49 % Completed.
MLP 57 % Completed.
MLP 65 % Completed.
MLP 73 % Completed.
MLP 81 % Completed.
MLP 89 % Completed.
MLP 97 % Completed.
MLP Final Cross Entropy : 0.07341316913065739
[ [ 0.9687244317837319, 0.03130581054294937 ],
  [ 0.0407481362652578. 0.9592121700413977 ].
  [ 0.4292659887808886, 0.6205155753047139 ] ]
```

先用 RBM 粗略分類之後

再用 MLP 進行細部調整

完成學習之後,就能對任意輸入取得輸出值!

dbn範例用了六個中間層

```
var dbn = new dnn.DBN({
    'input' : x,
    'label' : y,
    'n_ins' : 6,
    'n_outs' : 2,
    'hidden_layer_sizes' : [10,12,11,8,6,4]
});
```

每個中間層都有《受限波茲曼機 RBM+ 感知器》

```
// Constructing Deep Neural Network
var i;
for(i=0 ; i<self.nLayers ; i++) {</pre>
   var inputSize, layerInput;
   if(i == 0) inputSize = settings['n ins'];
   else inputSize = settings['hidden layer sizes'][i-1];
   if(i == 0) layerInput = self.x;
   else layerInput = self.sigmoidLayers[self.sigmoidLayers.length-1].
   sampleHgivenV();
                                                                          感知器
   var sigmoidLayer = new HiddenLayer({
        'input' : layerInput,
       'n in' : inputSize,
       'n out' : settings['hidden layer sizes'][i],
       'activation' : math.sigmoid
   });
   self.sigmoidLayers.push(sigmoidLayer);
   var rbmLayer = new RBM({
                                                                          受限波茲曼機
        'input' : layerInput,
        'n visible' : inputSize,
        'n hidden' : settings['hidden layer sizes'][i]
   });
   self.rbmLayers.push(rbmLayer);
```

每一層先用 RBM 粗略分類

```
for(i=0; i<self.nLayers; i++) {
    var layerInput ,rbm;
    if (i==0)
        layerInput = self.x;
    else
        layerInput = self.sigmoidLayers[i-1].sampleHgivenV(layerInput);
    rbm = self.rbmLayers[i];
    rbm.set('log level',0);
    rbm.train({
        'lr' : lr,
        'k' : k,
        'input' : layerInput,
        'epochs' : epochs
    });
```

然後再用《感知器》進行細部優化

```
for(i=0; i<self.nLayers ; i++) {</pre>
    pretrainedWArray.push(self.sigmoidLayers[i].W);
    pretrainedBArray.push(self.sigmoidLayers[i].b);
// W,b of Final Output Layer are not involved in pret
var mlp = new MLP({
    'input' : self.x,
    'label' : self.y,
    'n ins' : self.nIns,
    'n outs' : self.nOuts,
    'hidden layer sizes' : self.hiddenLayerSizes,
    'w array' : pretrainedWArray,
    'b array' : pretrainedBArray
});
mlp.set('log level',self.settings['log level']);
mlp.train({
    'lr' : lr,
    'epochs' : epochs
});
```

這種多層次的神經網路架構

- ·融合了《受限波茲曼機 RBM》 與《多層感知器 MLP》
- ·透過RBM粗略分群後,再用MLP細部學習的方式
- ·就是所謂的《深度信念網路DBN》了!

看到這裏

•我想大家應該對深度學習的技術, 還有 RBM、 MLP、 DBN 有個大致的 概念了!

接下來讓我們看看

- ·當輸入不是 0 與 1 , 而是實數的 (0-1) 之間的機率值時
- · 就必須修改 RBM 的程式,變成 CRBM

(Continuous RBM, 連續受限波茲曼機)

CRBM測試程式還是差不多

```
var dnn = require('dnn');
var data = [[0.4, 0.5, 0.5, 0., 0., 0.7],
            [0.5, 0.3, 0.5, 0., 1, 0.6],
           [0.4, 0.5, 0.5, 0., 1, 0.9],
           [0., 0., 0., 0.3, 0.5, 0.],
            [0., 0., 0., 0.4, 0.5, 0.],
            [0., 0., 0., 0.5, 0.5, 0.1];
var crbm = new dnn.CRBM({
   input : data,
   n visible: 6,
   n hidden : 5
});
crbm.set('log level',1); // 0 : nothing, 1 : info, 2 : warning.
crbm.train({
   lr: 0.6,
   k : 1, // CD-k.
   epochs: 1500
});
var v = [[0.5, 0.5, 0., 0., 0., 0.],
        [0., 0., 0., 0.5, 0.5, 0.1];
console.log(crbm.reconstruct(v));
console.log(crbm.sampleHgivenV(v)[0]); // get hidden layer prob
```

執行結果也類似

```
D:\deepLearning\node_modules\dnn\examples>node crbm
RBM 1 % Completed.
RBM 9 % Completed.
RBM Final Cross Entropy : 2.384549076343718
[ [ 0.4461881527489191.
   0.42094250816345347.
   0.4515421155308401,
   0.03679130227115817.
   0.6899733919408773.
   0.6903995351404129 ].
  [ 0.014984907133223547.
   0.014982060367267812.
   0.014680865683228135.
   0.35502257986158037,
   0.579398810021863.
   0.01489374671054267 1 1
[ [ 0.0003664580033086354,
   0.00022612244448464125.
   0.0003219573522749086.
   0.0005350213339647141.
   0.0004091341935104166 ],
  [ 0.9995580986178153.
   0.9995619113234891.
   0.999637248557945.
   0.9995236254140974.
   0.9992506397241046 1 1
```

但是CRBM更複雜一些

(以下是兩者的 sampleVgivenH 的程式碼)

```
RBM.prototype.sampleVgivenH =
function(h0_sample) {
    var self = this;
    var v1_mean = self.propdown(
    h0_sample);
    var v1_sample = math.
    probToBinaryMat(v1_mean);
    return [v1_mean,v1_sample];
};
```

```
CRBM.prototype.sampleVgivenH = function(h0 sample) {
   var self = this:
   var a h = self.propdown(h0 sample);
   var a = math.activateMat(a h, function(x) {
   return 1. / (1-Math.exp(-x)); });
   var b = math.activateMat(a h, function(x) {
   return 1./x ;});
   var v1 mean = math.minusMat(a,b);
   var U = math.randMat(math.shape(v1 mean)[0],
   math.shape(v1 mean)[1],0,1);
   var c = math.activateMat(a h, function(x) {
   return 1 - Math.exp(x);});
   var d = math.activateMat(math.mulMatElementWise
    (U,c), function(x) {return 1-x;});
   var v1 sample = math.activateTwoMat(math.
   activateMat(d, Math.log), a h, function(x,y) {
        if(y==0) y += 1e-14; // Javascript Float
        Precision Problem.. This is a limit of
       javascript.
        return x/y;
   1)
   return [v1 mean, v1 sample];
```

仔細看一下

```
CRBM.prototype.sampleVgivenH = function(h0 sample)
   var self = this:
   var a h = self.propdown(h0 sample);
   var a = math.activateMat(a h, function(x) {
   return 1. / (1-Math.exp(-x)); });
   var b = math.activateMat(a h, function(x) {
   return 1./x ;});
   var v1 mean = math.minusMat(a,b);
   var U = math.randMat(math.shape(v1 mean)[0],
   math.shape(v1 mean)[1],0,1);
   var c = math.activateMat(a h, function(x) {
   return 1 - Math.exp(x);});
   var d = math.activateMat(math.mulMatElementWise
    (U,c), function(x) {return 1-x;});
   var v1 sample = math.activateTwoMat(math.
   activateMat(d, Math.log), a h, function(x,y) {
       if(y==0) y += 1e-14; // Javascript Float
       Precision Problem.. This is a limit of
       javascript.
       return x/y;
   return [v1 mean,v1 sample];
```

```
— a_h = v'=propdown(h)

— a = 1/(1-e-v')

— b = 1/v'

— v1_mean = a-b = 1/(1-e-v')-1/v'

— U = radnom(m,n)

— c = 1-ev'

— d = 1-U*c

— v1_sample = log(d)/v'
```

說明:目前這段我還不太懂

有了CRBM之後

·就可以和 MLP 搭配,成為 CDBN

(連續深度信念網路)

CDBN的執行結果還是差不多

```
DBN RBM 0 th Layer Final Cross Entropy: 2.1300125183901746
DBN RBM 0 th Layer Pre-Training Completed.
DBN RBM 1 th Layer Final Cross Entropy: 0.0029572011202460744
DBN RBM 1 th Laver Pre-Training Completed.
DBN RBM 2 th Layer Final Cross Entropy: 0.0028045364288642252
DBN RBM 2 th Layer Pre-Training Completed.
DBN RBM 3 th Layer Final Cross Entropy: 0.0032232537527731825
DBN RBM 3 th Layer Pre-Training Completed.
DBN RBM 4 th Layer Final Cross Entropy: 0.0029422574447065413
DBN RBM 4 th Layer Pre-Training Completed.
DBN RBM 5 th Layer Final Cross Entropy: 0.0036081190375711774
DBN RBM 5 th Layer Pre-Training Completed.
DBN Pre-Training Completed.
MLP 1 % Completed.
MLP 9 % Completed.
MLP 17 % Completed.
MLP 25 % Completed.
MLP 33 % Completed.
MLP 41 % Completed.
MLP 49 % Completed.
MLP 57 % Completed.
MLP 65 % Completed.
MLP 73 % Completed.
MLP 81 % Completed.
MLP 89 % Completed.
MLP 97 % Completed.
MLP Final Cross Entropy: 0.016932193011390807
[ [ 0.9919539190169472, 0.008045932445991862 ],
  [ 0.008814648516340307, 0.9911855196717525 ],
  [ 0.9919539023407488, 0.008045947397979588 ] ]
```

這樣

·我們就已經看完 dnn. js 的所有《深度學習相關程式》了!

稍微回顧一下

dnn. js 的深度神經網路,包含:

MLP: 多層感知器 (二進位版)

RBM: 受限波茲曼機 (二進位版)

DBN: 深度信念網路 = RBM 訓練後,再用 MLP 微調的方法

CRBM: 連續版本的 RBM (實數版)

CDBN: 連續版本的 DBN (實數版)

Logical Regression: 邏輯迴歸 (對照用)

DBN深度信念網路

• 是由

- RBM 受限波茲曼機 +CD 對比散度學習法
- MLP 多層感知機 +BP 反傳遞學習法

在每一層都串接所組成的!

兩種基本網路

- ·RBM負責初步的分群權重設定
- ·MLP負責細部有答案的學習微調
- ·RBM+MLP 可多層套疊,形成

《深度信念神經網路 DBN》!

兩種學習演算法

- · RBM 的對比散度學習法
 - 是用機率模型,透過 v, h, v', h'
 - 計算出 w, v, h 的調整量
- · MLP 的反傳遞學習法
 - 是用偏微分的梯度下降法
 - 計算出 W, V, h 的調整公式

透過dnn. js的介紹

·希望您已經大致了解深度學習這個技術領域了!

但是

今天的介紹還有不少盲點

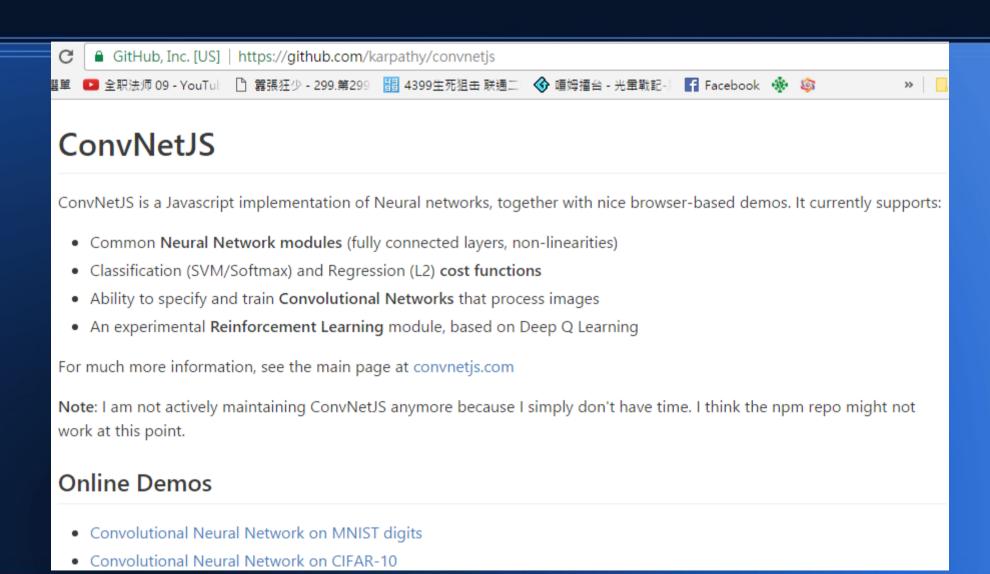
首先是

- · dnn. js 的測試案例太過陽春, 無法反映出深度信念網路的能力!
- · 另外 dnn. js 沒有加入捲積神經網路的模型,也沒有影像處理的範例!

所以

• 我們將在下一篇的十分鐘系列中

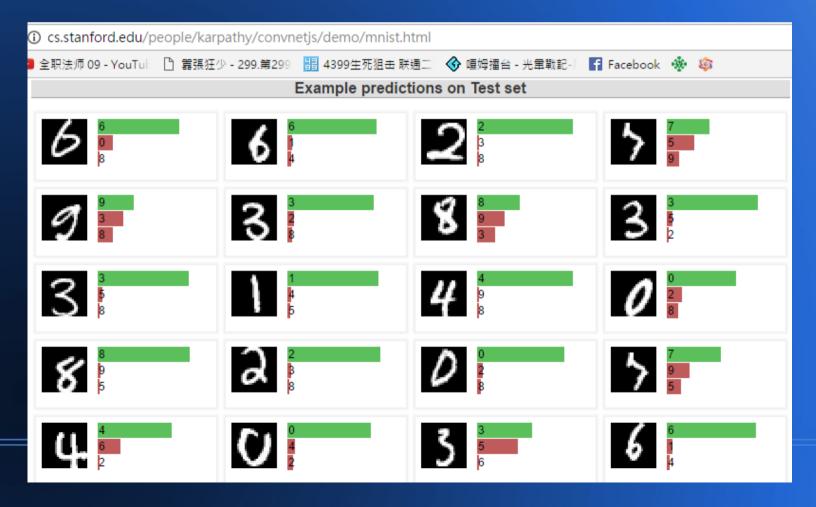
介紹 ConvNetJS 這個專案



ConvNetJS

是一個以影像辨識為主的深度學習專案

• 主要的技術就是採用《深捲積神經網路》



這樣我們才能

• 更全面的瞭解深度學習技術!

這就是我們今天的

十分鐘系列

我們下回見!

Bye Bye!

