

**LAPORAN PRAKTIKUM ALGORITMA DAN STRUKTUR
DATA
MODUL 9
"POHON BINER"**

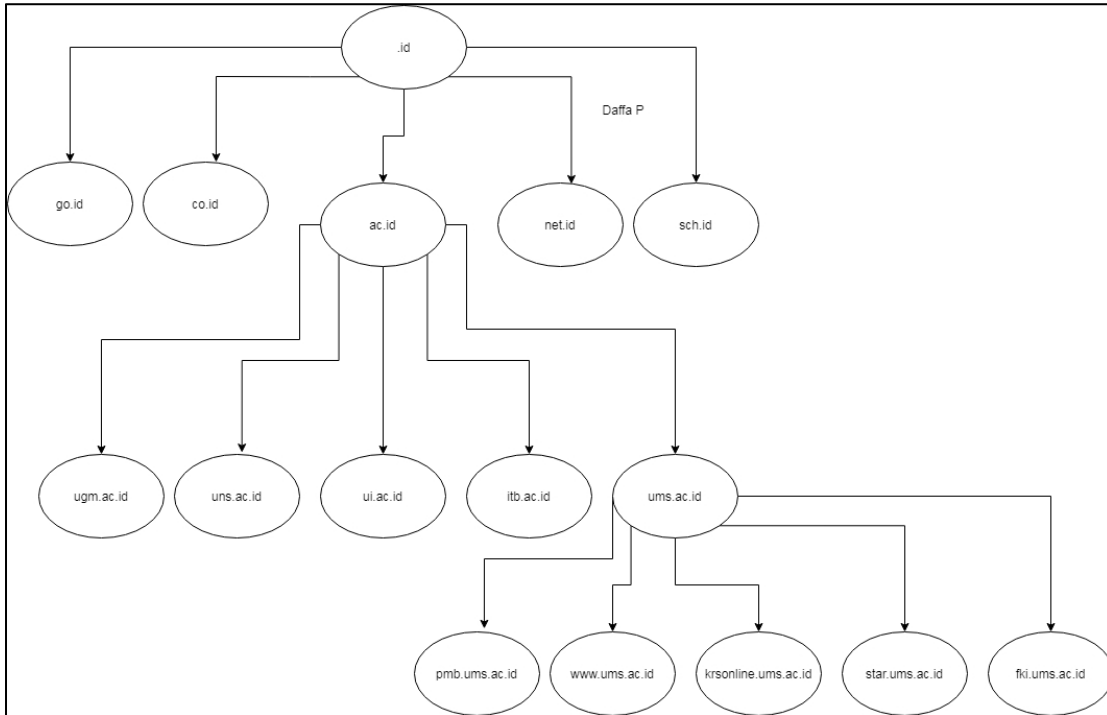


Oleh:

NAMA	: Daffa Putra Alwansyah
NIM	: L200190031
KELAS	: B
PRODI	: Informatika

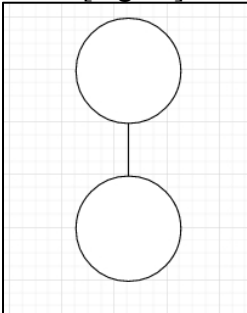
**Fakultas Komunikasi dan Informatika
Universitas Muhammadiyah Surakarta**

Latihan 9.1

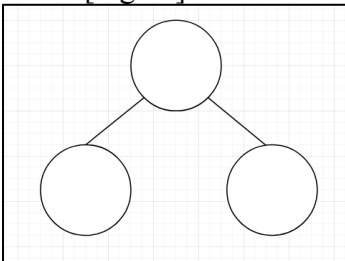


Latihan 9.2

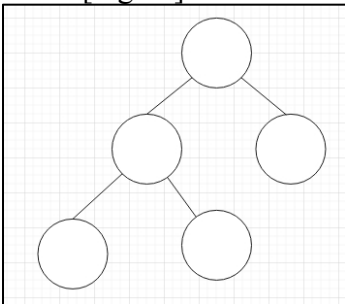
a. $2 = \lceil \log_2 2 \rceil + 1 = 2$



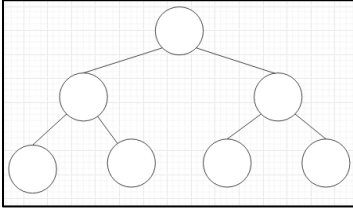
b. $3 = \lceil \log_2 3 \rceil + 1 = 2$



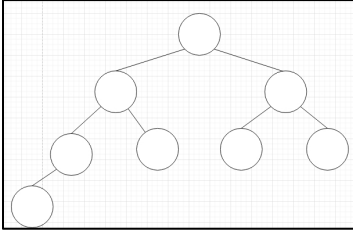
c. $5 = \lceil \log_2 5 \rceil + 1 = 3$



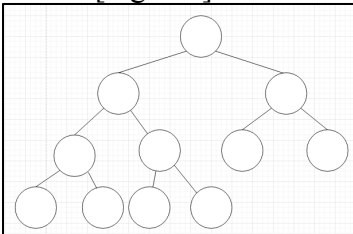
d. $7 = \lceil \log_2 7 \rceil + 1 = 3$



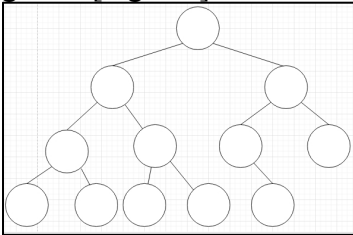
$$\text{e. } 8 = \lceil \log_2 8 \rceil + 1 = 4$$



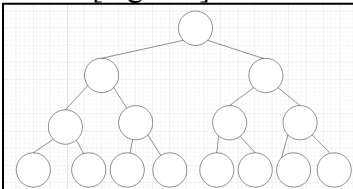
$$\text{f. } 11 = [\log_2 11] + 1 = 4$$



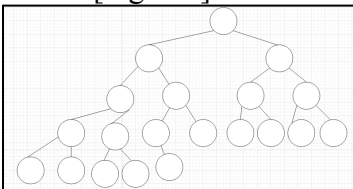
$$g.12 = [\log_2 12] + 1 = 4$$



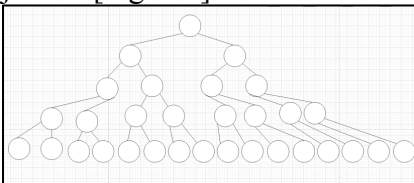
$$\underline{\underline{\text{h.15} = [\log_2 15] + 1 = 4}}$$



i. $20 = [\log_2 20] + 1 = 5$



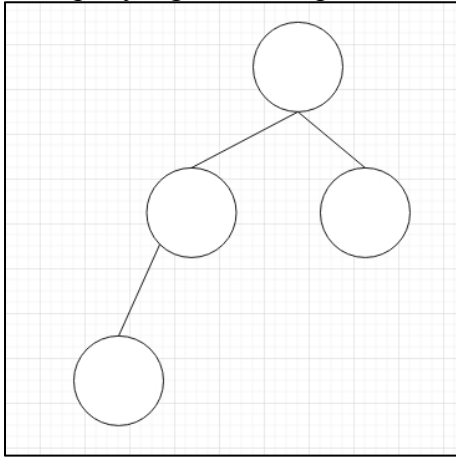
$$j. 31 = [\log_2 31] + 1 = 5$$



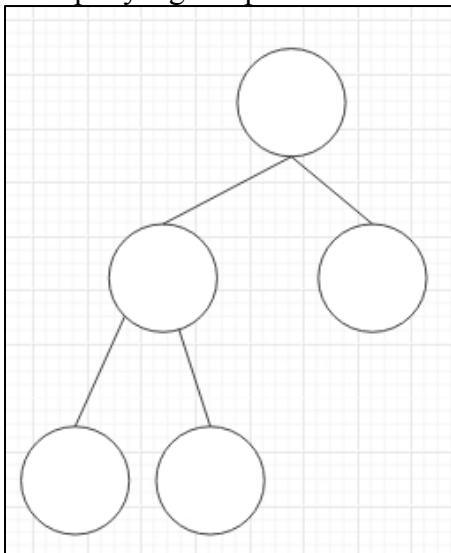
Latihan 9.3

a) Pohon biner sempurna minimal memiliki 2 anak, untuk 4 simpul belum menjadi pohon biner sempurna dan ukurannya tidak melebihi $2^n - 1$ (rumus pohon biner sempurna) dari ukurannya.

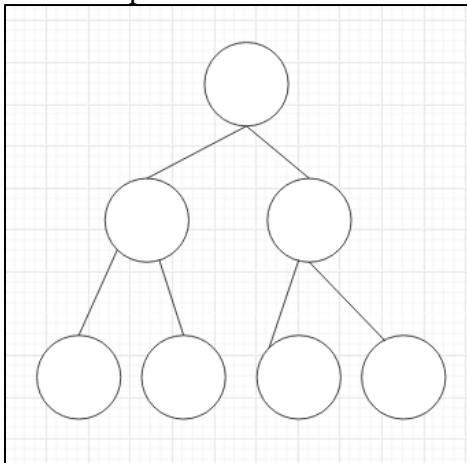
4 simpul yang tidak sempurna.



5 simpul yang sempurna

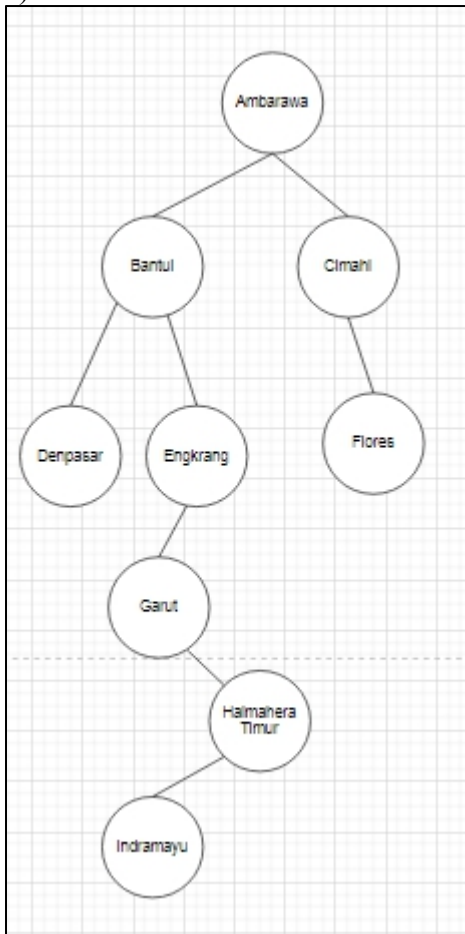


b) $2^n - 1$ untuk rumus pohon biner sempurna, misal angka $3 = 2^3 - 1 = 7$. bisa dilihat gambarnya, dengan memakai rumus tersebut, berapapun angkanya akan menjadi pohon biner sempurna.

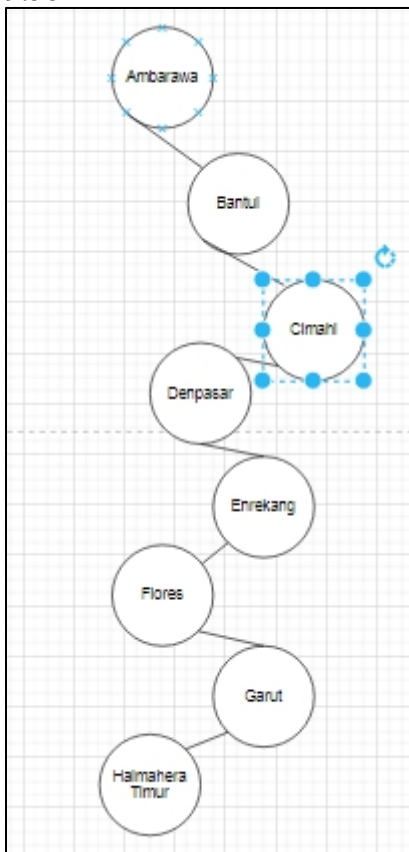


Latihan 9.4

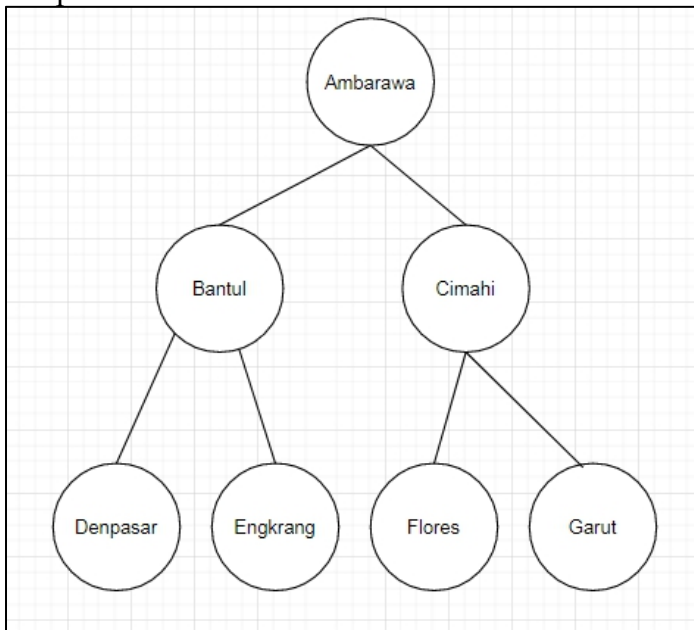
a) 9.5b



9.5b



b) Membuat pohon biner sempurna dari contoh diatas dengan rumus $2^n - 1$
 contoh 3, $3 = 2^3 - 1 = 7$. kenapa sebagian? Karena hanya jika tidak sebagian hasilnya tidak sempurna.



Latihan 9.5

```

latian.py - D:/Kuliah/Semester 4/Praktikum Algoritma dan Struktur Data/Modul9/latian.py (3.7.5)
File Edit Format Run Options Window Help

E = _SimpulPohonBiner('Enrekang')
F = _SimpulPohonBiner('Flores')
G = _SimpulPohonBiner('Garut')
H = _SimpulPohonBiner('Halmahera Timur')
I = _SimpulPohonBiner('Indramayu')
J = _SimpulPohonBiner('Jakarta')

# Menghubungkan simpul ortu-anak
A.kiri = B; A.kanan = C
B.kiri = D; B.kanan = E
C.kiri = F; C.kanan = G
E.kiri = H
G.kanan = I

# preorder traversal
def preorderTrav(subpohon):
    if subpohon is not None:
        print(subpohon.data)
        preorderTrav(subpohon.kiri)
        preorderTrav(subpohon.kanan)

# inorder traversal
def inorderTrav(subpohon):
    if subpohon is not None:
        inorderTrav(subpohon.kiri)
        print(subpohon.data)
        inorderTrav(subpohon.kanan)

# postorder traversal
def postorderTrav(subpohon):
    if subpohon is not None:
        postorderTrav(subpohon.kiri)
        postorderTrav(subpohon.kanan)
        print(subpohon.data)

print(preorderTrav(A))
print(inorderTrav(A))
print(postorderTrav(A))
    
```

```
= RESTART: D:/Kuliah/Semester 4/Praktikum Algoritma  
ian.py  
Ambarawa  
Bantul  
Denpasar  
Enrekang  
Halmahera Timur  
Cilacap  
Flores  
Garut  
Indramayu  
None  
Denpasar  
Bantul  
Halmahera Timur  
Enrekang  
Ambarawa  
Flores  
Cilacap  
Garut  
Indramayu  
None  
Denpasar  
Halmahera Timur  
Enrekang  
Bantul  
Flores  
Indramayu  
Garut  
Cilacap  
Ambarawa  
None  
>>> |
```

Soal Mahasiswa

1. Diberikan pohon biner dengan ukuran n, berapakah jumlah level minimum yang bisa dimuatnya? Berapakah jumlah level maksimumnya? Tentukan untuk nilai n berikut.

a) $n = 10$

- jumlah level minimum = $\text{INT}[\log_2 10] + 1 = 4$
- jumlah level maksimum = $10 = (\text{level } 0 \text{ sampai level } 9)$

b) $n = 35$

- jumlah level minimum = $\text{INT}[\log_2 35] + 1 = 6$
- jumlah level maksimum = $35 = (\text{level } 0 \text{ sampai level } 34)$

c) $n = 76$

- jumlah level minimum = $\text{INT}[\log_2 76] + 1 = 7$
- jumlah level maksimum = $76 = (\text{level } 0 \text{ sampai level } 75)$

d) $n = 345$

- jumlah level minimum = $\text{INT}[\log_2 345] + 1 = 9$
- jumlah level maksimum = $345 = (\text{level } 0 \text{ sampai level } 344)$

2. Gambarkanlah semua bentuk pohon biner berukuran 5 yang mungkin. Ada berapa kemungkinan?

$$C_n = \frac{(2n)!}{(n+1)! \cdot n!}$$

$$= \frac{(2 \cdot 5)!}{(5+1)! \cdot 5!}$$

$$= \frac{10!}{6! \cdot 5!}$$

$$= \frac{3628800}{86400}$$

$$= 42 \text{ kemungkinan}$$

**3. Berapakah jumlah simpul maksimum suatu pohon biner dengan jumlah level h ?
Tentukan untuk nilai h berikut.**

a) $h = 3$

$$\begin{aligned}\text{Jumlah maksimum simpul} &= \text{level 0} + \text{level 1} + \text{level 2} \\ &= 2^0 + 2^1 + 2^2 \\ &= 7\end{aligned}$$

b) $h = 4$

$$\begin{aligned}\text{Jumlah maksimum simpul} &= \text{level 0} + \text{level 1} + \text{level 2} + \text{level 3} \\ &= 2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3 \\ &= 15\end{aligned}$$

c) $h = 5$

$$\begin{aligned}\text{Jumlah maksimum simpul} &= \text{level 0} + \text{level 1} + \text{level 2} + \text{level 3} + \text{level 4} \\ &= 2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3 + 2^4 \\ &= 31\end{aligned}$$

d) $h = 6$

$$\begin{aligned}\text{Jumlah maksimum simpul} &= \text{level 0} + \text{level 1} + \text{level 2} + \text{level 3} + \text{level 4} + \text{level 5} \\ &= 2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3 + 2^4 + 2^5 \\ &= 63\end{aligned}$$

4. Diberikan pohon-pohon biner seperti dibawah.

a) Tunjukkan semua properti struktural yang berlaku pada tiap-tiap pohon di atas: penuh , sempurna, komplet. Ingat bahwa sebuah pohon biner bisa saja bersifat penuh sekaligus sempurna dan sebagainya.

a = penuh

b = sempurna

c = komplet dan penuh

d = komplet

e = komplet

b) Tentukan ukuran tiap pohon.

a = 7

b = 15

c = 14

d = 7

e = 11

c) Tentukan ketinggian tiap pohon.

$$a = 4$$

$$b = 4$$

$$c = 8$$

$$d = 4$$

$$e = 4$$

d) Tentukan lebar tiap pohon.

$$a = 2$$

$$b = 8$$

$$c = 2$$

$$d = 3$$

$$e = 5$$

5. Perhatikan pohon biner.

a. Tunjukkan urutan pengunjungan simpul untuk :

i. Preorder traversal = 14-78-39-52-83-17-9-41-2-60-23-4-19

ii. Inorder traversal = 39-78-17-83-9-52-41-14-60-2-4-23-19

iii. Postorder traversal = 39-17-9-83-41-52-78-60-4-19-23-2-14

b. Simpul mana saja yang merupakan simpul daun ?

$$39, 17, 9, 41, 60, 4, 19$$

c. Simpul mana saja yang merupakan simpul dalam ?

$$14, 78, 52, 83, 2, 23$$

d. Simpul mana saja yang berada di level 4?

$$17, 9$$

e. Tulis semua simpul yang berada di dalam jalur dari simpul akar menuju simpul

i. $83 = 14 - 78 - 52 - 83$

ii. $39 = 14 - 78 - 39$

iii. $4 = 14 - 2 - 23 - 4$

iv. $9 = 14 - 78 - 52 - 83 - 9$

- f. Perhatikan simpul 52 Tentukan !
- Keturunannya = 83, 41
 - Leluhurnya = 78, 14
 - Saudaranya = 39
- g. Tentukan kedalaman dari tiap-tiap simpul ini :
- 78 = level 1
 - 41 = level 2
 - 60 = level 2
 - 19 = level 3

##=====Nomor 6=====

```

Modul 9.py - D:\Kuliah\Semester 4\Praktikum Algoritma dan Struktur Data\Modul9\Modul 9.py (3.7.5)
File Edit Format Run Options Window Help

##=====Nomor 6=====

class SimpulPohonBiner(object):
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.kiri = None
        self.kanan = None

    def ukuranPohon(akar, count=0):
        if akar is None:
            return count

        return ukuranPohon(akar.kiri, ukuranPohon(akar.kanan, count+1))

a = SimpulPohonBiner('Banyuwangi')
b = SimpulPohonBiner('Jakarta')
c = SimpulPohonBiner('Cilacap')
d = SimpulPohonBiner('Denpasar')
e = SimpulPohonBiner('Sukoharjo')
f = SimpulPohonBiner('Solo')
g = SimpulPohonBiner('Surakarta')
h = SimpulPohonBiner('Malang')

a.kiri = b; a.kanan = c
b.kiri = d; b.kanan = e
c.kiri = f; c.kanan = g
e.kiri = h; g.kanan = i

print('Ukuran dari Binary Tree ini adalah', ukuranPohon(a))

```

Output:

```

= RESTART: D:/Kuliah/Semester 4/Praktiku
ul 9.py
Ukuran dari Binary Tree ini adalah 8
>>> |

```

##=====Nomor 7=====

```
Modul 9.py - D:\Kuliah\Semester 4\Praktikum Algoritma dan Struktur Data\Modul9\Modul 9.py (3.7.5)
File Edit Format Run Options Window Help

##=====Nomor 7=====

class SimpulPohonBiner(object):
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.kiri = None
        self.kanan = None

def tinggiPohon(akar, count=0):
    if akar is None:
        return 0
    else:
        return max(tinggiPohon(akar.kiri), tinggiPohon(akar.kanan))+1

a = SimpulPohonBiner('Banyuwangi')
b = SimpulPohonBiner('Jakarta')
c = SimpulPohonBiner('Cilacap')
d = SimpulPohonBiner('Denpasar')
e = SimpulPohonBiner('Sukoharjo')
f = SimpulPohonBiner('Solo')
g = SimpulPohonBiner('Surakarta')
h = SimpulPohonBiner('Malang')

a.kiri = b; a.kanan = c
b.kiri = d; b.kanan = e
c.kiri = f; c.kanan = g
e.kiri = h;

print('Tinggi Maksimum dari Binary Tree ini adalah', tinggiPohon(a))
```

Output:

```
= RESTART: D:/Kuliah/Semester 4/Praktikum Algori
ul 9.py
Tinggi Maksimum dari Binary Tree ini adalah 4
>>> |
```

##=====Nomor 8=====

```
*Modul 9.py - D:\Kuliah\Semester 4\Praktikum Algoritma dan Struktur Data\Modul9\Modul 9.py (3.7.5)*
File Edit Format Run Options Window Help

##=====Nomor 8=====

class SimpulPohonBiner(object):
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.kiri = None
        self.kanan = None

def cetakDataDanLevel(akar, count = 0):
    if akar is not None:
        print (akar.data + ', level ' + str(count))
        cetakDataDanLevel(akar.kiri, count+1)
        cetakDataDanLevel(akar.kanan, count+1)

a = SimpulPohonBiner('Banyuwangi')
b = SimpulPohonBiner('Jakarta')
c = SimpulPohonBiner('Cilacap')
d = SimpulPohonBiner('Denpasar')
e = SimpulPohonBiner('Sukoharjo')
f = SimpulPohonBiner('Solo')
g = SimpulPohonBiner('Surakarta')
h = SimpulPohonBiner('Malang')

a.kiri = b; a.kanan = c
b.kiri = d; b.kanan = e
c.kiri = f; c.kanan = g
e.kiri = h;

datalist=[a.data, b.data, c.data, f.data, e.data, f.data, g.data, h.data]
level=[]

def preorder(sub):
    if sub is not None:
        print(sub.data)
        preorder(sub.kiri)
        preorder(sub.kanan)
```

```

*Modul 9.py - D:\Kuliah\Semester 4\Praktikum Algoritma dan Struktur Data\Modul9\Modul 9.py (3.7.5)*
File Edit Format Run Options Window Help

def inorder(sub):
    if sub is not None:
        inorder(sub.kiri)
        print(sub.data)
        inorder(sub.kanan)

def postorder(sub):
    if sub is not None:
        postorder(sub.kiri)
        postorder(sub.kanan)
        print(sub.data)

def traverse(root):
    lvlist=[]
    current_level = [root]
    lv=0
    while current_level:
        next_level = list()
        for n in current_level:
            if n.kiri:
                next_level.append(n.kiri)
                level.append(lv+1)
            if n.kanan:
                next_level.append(n.kanan)
                level.append(lv+1)
            current_level = next_level

        lv+=1
        lvlist.append(lv)
    return lvlist

def cetak(root):
    traverse(a)
    print(root.data, ', Level 0')
    for i in range(len(level)):
        print(datalist[i+1], ', Level', level[i])

cetak(a)

print("=====preorder=====")
preorder(a)
print("=====inorder=====")
inorder(a)

```

Output:

```

Modul 9.py - D:\Kuliah\Semester 4\Praktikum Algoritma dan Struktur Data\Modul9\Modul 9.py (3.7.5)
File Edit Format Run Options Window Help

def postorder(sub):
    if sub is not None:
        postorder(sub.kiri)
        postorder(sub.kanan)
        print(sub.data)

def traverse(root):
    lvlist=[]
    current_level = [root]
    lv=0
    while current_level:
        next_level = list()
        for n in current_level:
            if n.kiri:
                next_level.append(n.kiri)
                level.append(lv+1)
            if n.kanan:
                next_level.append(n.kanan)
                level.append(lv+1)
            current_level = next_level

        lv+=1
        lvlist.append(lv)
    return lvlist

def cetak(root):
    traverse(a)
    print(root.data, ', Level 0')
    for i in range(len(level)):
        print(datalist[i+1], ', Level', level[i])

cetak(a)

print("=====preorder=====")
preorder(a)
print("=====inorder=====")
inorder(a)
print("=====postorder=====")
postorder(a)

Python 3.7.5 Shell
File Edit Shell Debug Options Window Help

=====preorder=====
Banyuwangi
Jakarta
Denpasar
Sukoharjo
Malang
Cilacap
Solo
Surakarta
=====inorder=====
Denpasar
Malang
Sukoharjo
Jakarta
Solo
Surakarta
Cilacap
Banyuwangi
=====postorder=====
Denpasar
Malang
Sukoharjo
Jakarta
Solo
Surakarta
Cilacap
Banyuwangi
>>>

```