## 2. visszavezetéses feladatok

## A feladatokban szereplő függvények (ha más nincs kikötve) egész számok egy intervallumán vannak értelmezve, és egész értékűek.

- 1. Döntsük el a monoton növekedő f függvényről a szigorú értelemben vett monotonitást!
- 2. Adott a síkon N darab pont. Keressük meg az origótól legtávolabb eső pontot!
- 3. Határozzuk meg az f függvény legnagyobb k-val osztható értékét!
- 4. Határozzuk meg az f függvény azon pozitív értékeinek a számát, amelyek közvetlenül egy negatív érték után állnak!
- 5. Adjunk meg egy az n és a 2n természetes számok közé eső prímszámot!
- 6. Határozzuk meg az n természetes szám osztóinak a számát!
- Állapítsuk meg, hogy az n természetes számnak van-e páratlan valódi osztója!
- 8. Határozzuk meg az *n* természetes szám valódi páros osztóinak számát!
- 9. Határozzuk meg az *n* természetes szám legkisebb páratlan osztóját!
- 10. Keressük meg az f függvény egy olyan értékét, ami beleesik az [a, b] és a [c, d] intervallumba is!
- 11. Határozzuk meg az f függvénynek a k-nál kisebb legnagyobb értékét!
- 12. Adjuk meg az *f* függvény egy *k*-val osztható értékéhez tartozó argumentumát!
- 13. Keressünk az [a, b] intervallumban ikerprímeket!
- 14. Állapítsuk meg, hogy van-e az *f* függvény értékei között páros szám!
- 15. Adott a középpontjával és a sugarával a síkon egy kör, és további N darab pont. Keressünk egy olyan pontot, ami a körbe esik!
- 16. Határozzuk meg az f függvénynek az [a,b] intervallumba eső legnagyobb értékét!
- 17. Adjuk meg, hány olyan elem van az *x* vektorban ami kisebb az indexénél!
- 18. Állapítsuk meg, hogy van-e az f függvény értékei között olyan szám, amely k-hoz relatív prím!
- 19. Határozzuk meg az f függvény azon értékeinek a számát, amelyek vagy az [a,b] vagy a [c,d] intervallumba esnek!
- 20. Határozzuk meg az n természetes szám legkisebb egyszeres osztóját!
- 21. Adottak az x és y vektorok, ahol y elemei az x indexei közül valók. Keressük meg az x vektornak az y-ban megjelölt elemei közül a legnagyobbat!

- 22. Határozzuk meg az f függvénynek azt a legnagyobb értékét, amely k-val osztva 1-et ad maradékul!
- 23. Adjuk meg az f függvénynek azt az értékét, ami mod N a legnagyobb!
- 24. Adottak az azonos értelmezési tartományú f és g függvények, amelyek elemei valós számok. Az (f(i),g(i)) számpárok egy-egy síkbeli pont koordinátái. Számoljuk meg, hogy a pontok közül hány esik az  $(x_0,y_0)$  középpontú r sugarú körbe!
- 25. Határozzuk meg az *n* természetes szám legkisebb valódi nem prím osztóját!
- 26. Adottak az azonos értelmezési tartományú f és g függvények. Az f értékei egészek, g pedig csak a 0, 1 értékeket veszi fel. Határozzuk meg azoknak a páros f értékeknek a számát, amelyek olyan pozícióban vannak ahol a g függvény értéke 1!
- 27. Keressük meg az f függvénynek az első n-nél kisebb vagy 0 értékét!
- 28. Adottak az x és y vektorok, valamint a k szám. Az y vektor az x indexeinek egy részhalmazát tartalmazza. Számoljuk meg, hány olyan k-val osztható elem van x-ben, amelynek indexe megtalálható y-ban!
- 29. Adott az x vektorban egy szöveg. Állapítsuk meg, hogy a szöveg tartalmaz-e magánhangzót!
- 30. Keressünk az x vektorban két olyan szomszédos elemet, amelyek szorzata negatív!
- 31. Az x vektor egy szöveget tartalmaz. Számoljuk meg hány magánhangzó van a szövegben!
- 32. Keressük meg az [a, b] intervallumon értelmezett f függvény olyan értékeinek a maximumát, ahol az argumentum és az hozzá tartozó érték paritása azonos!
- 33. Keressük meg az *f* függvény egy olyan értékét, amely egyenlő a közvetlen szomszédai átlagával!
- 34. Adott egy gráf a csúcsmátrixával. Állapítsuk meg a *k*-adik csúcs fokszámát!
- 35. Állapítsuk meg, hol van a monoton növekedő f függvényben a legnagyobb ugrás, azaz az f(k) f(k-1) érték mely k-ra maximális!
- 36. Határozzuk meg az *f* függvény legnagyobb páros értékéhez tartozó argumentumot!
- 37. Adott a kezdőpontja szerint növekvő sorrendben a számegyenes N darab intervalluma. Állapítsuk meg, hogy a k szám hány intervallumba esik bele!
- 38. Adjuk meg az *f* függvénynek azt az értékét, amelynek szomszédai átlagától való eltérése a legnagyobb!

- 39. Határozzuk meg az *f* függvény lokális minimumai közül a legnagyobbat! (Egy érték akkor lokális minimum, ha mindkét szomszédjánál kisebb.)
- 40. Adjuk meg, hány prímszám van az [a, b] intervallumban!
- 41. Adjuk meg az f függvény utolsó pozitív értékének argumentumát!
- 42. Keressük meg az *f* függvény értékei között azt a számot amelynek decimális alakjában az egyesek helyén a legnagyobb számjegy áll!
- 43. Keressünk az *x* vektorban egy olyan elemet, ami osztható az indexével!
- 44. Adott az *n* természetes szám. Határozzuk meg *n* egy valódi osztóját!
- 45. Az *x* vektor egy szöveget tartalmaz. Állapítsuk meg, hogy visszafelé olvasva a szöveg ugyanaz-e!
- 46. Adott a t mátrix, amelynek elemei sorfolytonosan növekvő sorozatot alkotnak. Keressük meg a mátrixban az n értéket!
- 47. Adottak az [m..n] intervallumon értelmezett f és g függvények. Állapítsuk meg, hogy hány egészkoordinátájú pont esik a függvényértékek közé!
- 48. Adottak az x és b vektorok. 'Fektessük' b-t az x vektorra folyamatosan egymás után ahányszor csak lehet, és számoljuk meg, hány helyen egyeznek az egymás feletti értékek!
- 49. Határozzuk meg az *n*-nél kisebb, *n*-hez relatív prím természetes számok számát!
- 50. Keressük meg az [m, n] intervallumban azt a legkisebb k számot, amire p és k relatív prímek!
- 51. Adott egy x vektor, amely színeket tartalmaz sötétedő sorrendben (A színeken van értelmezve egy ún. sötétségi reláció, amely teljes rendezés). Keressük meg az x vektorban a világoskéket!
- 52. Adott két egybevágó 2n szög. Mindkettő oldalait véletlenszerűen kékre vagy pirosra festettük. Helyezzük egymásra a két sokszöget úgy, hogy a lehető legtöbb helyen legyenek azonos színű oldalak egymáson!
- 53. Adjuk meg a *t* mátrix egy olyan sorának indexét, amely nem tartalmaz pozitív elemet!
- 54. Adottak az f és g monoton növő függvények, valamint a k szám. Állapítsuk meg, található-e olyan i és j argumentum, amire f(i) + g(j) = k!
- 55. Számoljuk meg, hogy a *t* mátrixban hány olyan sor van, ami csak egyetlen nullától különböző elemet tartalmaz!
- 56. Állapítsuk meg, hogy a *b* vektorban levő szöveg előfordul-e a karakteres *x* vektorban!
- 57. Adott az injektív f függvény. Adjuk meg az f egy olyan értékét, amelyet legalább egy nála nagyobb megelőz!

- 58. Keressük meg a *t* négyzetes mátrixnak azt a fődiagonálissal párhuzamos átlóját, amelyben az elemek összege a legnagyobb!
- 59. Keressük meg a négyzetes t mátrixnak azt az oszlopát, amelyben a fődiagonális feletti elemek összege a legnagyobb!
- 60. Határozzuk meg az f függvénynek azt az értékét, amely leghamarabb fordul elő másodszor!
- 61. Határozzuk meg a négyzetes t mátrixnak a fődiagonális alatti legnagyobb elemét!
- 62. Keressük meg az x mátrixnak azt a sorát, amelynek minden eleme 1!
- 63. Állapítsuk meg, hogy melyik az *f* függvény leggyakrabban felvett értéke!
- 64. Határozzuk meg az f függvénynek azt az értékét, amit a legtöbb nála nagyobb elem előz meg!
- 65. Számoljuk meg az  $f:[m..n] \times [m..n] \to \mathbb{Z}$  függvény nulla értékeit!
- 66. Számoljuk meg, hogy a *t* mátrixnak hány olyan sora van, ami csak egy nullától különböző elemet tartalmaz!
- 67. Adott a sík *N* pontja. Állapítsuk meg, melyik a két legtávolabbi pont!
- 68. Egy sakkbajnokság végeredményét egy t négyzetes mátrixban tároltuk, ahol az i-edik sorban a j-edik elem az i-edik játékos és a j-edik játékos közti mérkőzés eredményét jelenti az i-edik játékos szempontjából. (x[i][j] értéke 0 ha j nyert, 2 ha i nyert, 1 ha a játékosok döntetlenben egyeztek meg, x[i][i] = 0). Keressük meg a bajnokság (egyik) győztesét (győztes az, akinek a legtöbb pontja van)!
- 69. Adott egy  $f:[a,b] \to \mathbb{Z}$  függvény. Ezen függvény értelmezési tartományának egy i pontját a függvény csúcsának nevezzük, ha  $\forall j \in [(i+1),b]: f(j) < f(i)$ . Adjuk meg, hogy hány csúcsa van f-nek!
- 70. Adott a 0,1 értékeket felvevő *f* függvény. Keressük meg a függvény értelmezési tartományának azt az elemét, amely leghoszszabb egyes-értéksorozat kezdete!
- 71. Egy függvény értelmezési tartományának azt a szakaszát, amelyhez tartozó értékek negatívok, úgy hogy a szakaszt jobbról és balról nemnegatív érték, vagy az értelmezési tartomány vége határolja, a függvény negatív szigetének nevezzük. Adjuk meg az f függvény értelmezési tartományában a negatív szigetek számát!
- 72. Állapítsuk meg, hogy van-e negatív szám az f függvény értékeinek (kezdő) részletösszegei között!
- 73. Adott az x vektor, amelynek elemei nullák és egyesek. Számoljuk meg, hányszor fordul elő a vektorban a '0101' szakasz!
- 74. Adjunk meg egy olyan k számot, amire az n természetes szám bináris alakjának k-adik helyiértékén 1-es áll!
- 75. Adjuk meg az f függvény értelmezési tartományának azt a leghosszabb szakaszát, amelyen belül az értékek növekvőek!

- 76. Állapítsuk meg, hogy az *x* szám binárisan felírt alakjában hány darab 1-es szerepel!
- 77. Keressük meg az f függvény értékei között a k szám p-edik előfordulását!
- 78. Adott az x vektor, amelynek elemei karakterek. A vektor szavakat tartalmaz, amiket egy-egy vessző választ el egymástól. Adjuk meg a leghosszabb szónak a kezdőindexét!
- 79. Egy  $f:[a,b] \to \mathbb{Z}$  függvény értelmezési tartományának azon szakaszát, melynek két végpontja a függvény lokális minimumhelye úgy, hogy a végpontok közötti elemek nem azok, a függvény egy hegyének nevezzük. Adjuk meg a legszélesebb hegy kezdőpontját!
- 80. Egy vektornak azt a szakaszát, amely csupa negatív elemet tartalmaz úgy, hogy a szakaszt jobbról és balról nemnegatív elem, vagy a vektor vége határolja, a vektor negatív szigetének nevezzük. Adjuk meg az x vektor legnagyobb negatív szigetének kezdőindexét!
- 81. Egy múzeumban az i-dik órában x(i) látogató érkezik, és y(i) látogató megy el. Melyik órában volt a legtöbb látogató a múzeumban?
- 82. Adott a t és a p szöveg, p.dom < t.dom. Létezik-e olyan  $\nu: [1..p.dom] \rightarrow [1..t.dom]$  indexsorozat, hogy  $t \circ \nu = p$ ?
- 83. Adott az egész számok egy vektora és két egész szám. Állapítsuk meg, hogy a két adott szám előfordul-e a vektorban; és ha igen, akkor melyik előbb?
- 84. Helyezzünk el n darab vezért egy  $n \times n$  méretű sakktáblán úgy, hogy egyik vezér se támadjon másikat!

- 85. Hányféleképpen helyezhetünk el n darab vezért egy  $n \times n$  méretű sakktáblán úgy, hogy egyik vezér se támadjon másikat!
- 86. Hányféleképpen helyezhetünk el n darab vezért egy  $n \times n$  méretű sakktáblán úgy, hogy egyik vezér se támadjon másikat! A forgatással, tükrözéssel egymásba átvihető elrendezéseket csak egyszer számoljuk!
- 87. Legfeljebb hány vezért lehet egy  $n \times n$  méretű tórikus sakktáblán elhelyezni úgy, hogy egyik vezér se támadjon másikat!
- 88. Adott n fiú és ugyanennyi lány. Egy t logikai mátrixban tároljuk a fiúk és lányok közötti szimpátiát (ez egy szimmetrikus reláció) a következőképpen: t[i][j] igaz, ha az i-edik fiú és a j-edik lány szimpatizál egymással, hamis ellenben. A feladat az, hogy ha lehet, akkor párosítsuk (házasítsuk) össze őket úgy, hogy minden párban a felek szimpatizáljanak!
- 89. Adott egy  $n \times m$  méretű sakktábla (i, j) mezején egy huszár. Végig lehet-e vezetni a táblán úgy, hogy minden mezőre lép, de csak egyszer, és minden lépése szabályos (huszár lépés)?
- 90. Hányféleképpen lehet *n* forintot kifizetni *m* különböző címletű pénzből?
- 91. Hányféleképpen lehet n forintot kifizetni m különböző címletű pénzből, ha legfeljebb  $d_1, d_2 \dots d_m$  használható fel?
- 92. Adott a természetes számok egy S véges részhalmaza. Kiválasztható-e ebből n darab elem úgy, hogy az összegük m legyen?