Ejercicio 1

Introducción a diseño de filtros

Gyrator 1.1

1.1.1Uso como simulador de un inductor. Limitaciones en frecuencia.

Obtención impedancia de entrada Z_{in}

Para el siguiente cálculo se desprecian las corrientes de bias y la tensión de offset.

Relación entre V^- y V^+ :

$$V^{-} = A_{vol} \left(V^{+} - V^{-} \right) \tag{1.1}$$

$$V^{-}(1 + A_{vol}) = A_{vol} V^{+} \tag{1.2}$$

$$V^{-} = V^{+} \frac{A_{vol}}{1 + A_{vol}} \tag{1.3}$$

$$V^- = V^+ K \tag{1.4}$$

Con $K=\frac{A_{vol}}{1+A_{vol}}$. Usando el modelo de A_{vol} del polo dominante se obtiene la expresion de K:

Se buscan las tensiones en las entradas del opamp para luego hallar las corrientes i_A y i_B .

Siendo $BWP = A_o \cdot \omega_p$

Considerando que $A_o + 1 \approx A_o$:

 $= \frac{1}{1 + \frac{s}{PWP}}$

$$V^{+} = V_{in} \frac{R_1}{R_1 + \frac{1}{sC}} \tag{1.10}$$

(1.8)

(1.9)

De la ecuación 1.4:

$$V^{-} = V_{in} \cdot K \frac{R_1}{R_1 + \frac{1}{sC}} \tag{1.11}$$

$$K = \frac{\frac{\frac{A_o}{\frac{s}{w_p} + 1}}{\frac{A_o}{\frac{s}{w_p} + 1} + 1}} \tag{1.5}$$

$$=\frac{A_o}{(A_o+1)+\frac{s}{\omega_p}}\tag{1.6}$$

$$= \frac{A_o}{(A_o + 1) + \frac{s}{\omega_p}}$$

$$= \frac{A_o}{A_o + 1} \cdot \frac{1}{1 + \frac{s}{(A_o + 1)\omega_p}}$$
(1.6)

$$i_A = \frac{1}{R_L} \left(V_{in} - V^- \right)$$
 (1.12)

$$=V_{in}\frac{1}{R_L}\left(1-K\frac{R_1}{R_1+\frac{1}{sC}}\right)$$
(1.13)

$$=V_{in}\frac{sCR_1 + 1 - KsCR_1}{R_L(sCR_1 + 1)}$$
(1.14)

$$=V_{in}\frac{(1-K)sCR_1+1}{R_L(sCR_1+1)}$$
(1.15)

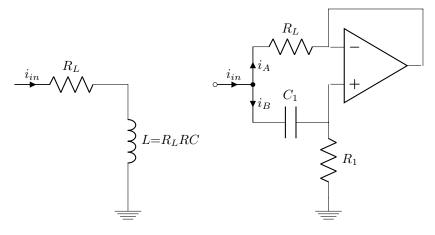


Figura 1.1: Uso de gyrator como inductor

$$i_B = V_{in} \frac{1}{\frac{1}{sC} + R_1} \tag{1.16}$$

$$=V_{in}\frac{sC}{1+sCR_1}\tag{1.17}$$

$$i_{in} = i_A + i_B$$

$$= V_{in} \left(\frac{(1 - K)sCR_1 + 1}{R_L (sCR_1 + 1)} + \frac{sC}{1 + sCR_1} \right)$$
(1.18)

$$-V_{in}\left(\frac{R_L\left(sCR_1+1\right)}{R_L\left(sCR_1+1\right)} + \frac{1}{1+sCR_1}\right) \tag{1.19}$$

$$=V_{in}\frac{(1-K)sCR_1+1+sCR_L}{R_L(sCR_1+1)}$$
 (1.20)

$$= V_{in} \frac{(1-K)sCR_1 + 1 + sCR_L}{R_L (sCR_1 + 1)}$$

$$= V_{in} \frac{sC(R_1(1-K) + R_L) + 1}{R_L (sCR_1 + 1)}$$
(1.20)

De este resultado se obtiene la impedancia de entrada:

$$Z_{in} = \frac{sCR_1R_L + R_L}{sC(R_1(1 - K) + R_L) + 1}$$
 (1.22)

1. $K \approx 1$. Elijo criterio: $K = 1 \pm 0.05$

2. $sCR_L + 1 \approx 1$. Elijo criterio: $2\pi fCR_L < 0.05$

Estas condiciones cumplen para XXXXXXXX rango de frecuencias. Dentro

de este rango, la impedancia de entrada se puede aproximar a la del modelo de un inductor con resistencia serie con valores $L = CR_LR_1$ y $R_coil = R_L$

$$Z_{in} = sCR_LR + R_L \tag{1.23}$$

$$|Z_{in}| = R_L \sqrt{4\pi^2 f^2 C^2 R^2 + 1} \tag{1.24}$$

$$\underline{Z_{in}} = arctg(2\pi fCR)$$
(1.25)

Observar que R_1 no tiene restricciones sobre qué valores puede tomar para que el gyraor se porte como un inductor, no afecta a la resistencia serie final, y si afecta a la L, osea que es el valor clave para modificar

1.1.2Criterios de diseño

1.1.3Otras limitaciones

Funcionamiento a altas y bajas frecuencias

Alamcenamiento energético no puede almacenar energía de la misma manera que un inductor. La magnitud de la fem producida ante cambios de corriente $(V = \frac{di}{dt})$ tiene limitaciones propias de las características eléctricas del circuito (ej.: op-amp no puede largar 1.2.2 Low-Pass 100.000kV a pesar de lo que diga spice)

Terminal a tierra una de las terminales del inductor simulado siempre debe estar a tierra

Propiedades magnéticas No crean campos magnéticos de la misma forma que los inductores, por lo que no se puede conseguir un efecto de mutua inducción. 1

ddddd un transformador implementado con gyrators no tiene aislación eléctrica como si tiene un transformador real. Por ejemplo, no se podría implementar un transformador de aislación

$$G(s) = \frac{2500000000}{s^2 + 87500s + 2500000000}$$

$$f_c = 7.957kHz$$

$$Q = 0.57142$$

$$\xi = 0.875$$

Posible implementation con RLC serie:

$$R=350\Omega, C=100n, L=4mH$$

1.2 Diseño de funciones trans-

Tipo de filtro $f_p[kHz]$ $f_a[kHz]$ $f_c[kHz]$ LP 14 HP14 4 $\overline{\mathrm{BP}}$ 8 \overline{BR} 4

ferencias

1.2.1**High-Pass**

no en-

tiendo

cmo se

relaciona

esto con

el modelo de gyra-

tor como

que dio

dani

cuadripolo

traduccion

tion trans-

de isola-

former esta bien?

$$G(s) = \frac{s^2}{s^2 + 87500s + 25000000000}$$
$$f_c = 7.957kHz$$
$$Q = 0.57142$$
$$\xi = 0.875$$

Posible implementacion con RLC serie:

$$R = 350\Omega, C = 100n, L = 4mH$$

1.2.3**Band-Pass**

1.2.4**Band-Reject**

¹por eso no se puede hacer un transformador con desacople eléctrico como si se puede hacer con bobinas posta. Si se puede hacer un transformador poniendo dos en cascada pero es no tiene nada que ver y no hay desacople eléctrico. Desacople eléctrico es un término que existe o o invente?