计算机组成与体系结构

数据表示、计算以及指令系统

计算机科学与技术

数据的表示回顾

- 数据的表示与数据结构
- 传统机器数据表示：
  - 定点数：原码、反码、补码、移码。
  - 浮点数：尾数、基数和阶码、IEEE754 标准。
  - 字符：常用ASCII码。
  - 汉字：输入码，汉字内码，汉字字模码。
- 高级数据表示：自定义的数据表示，向量数据表示、堆栈数据表示。
- 数据校验原理：奇偶校验码

第二部分主要内容

- 数据的表示
- 数据的计算
- 指令系统

数据计算学习建议

掌握数值数据在计算机中实现算术运算和逻辑运算的方法，以及运算部件的基本结构和工作原理。

重点关注：

1、串行、并行加法器、溢出判断与检测、移位操作。

2、乘法电路基本结构：BOOTH乘法器（1位）

3、除法电路基本结构：加减交替除法器（补码）

4、逻辑运算：与、或、非、异或运算

5、运算器基本结构

实验一

n位加法

进位产生 用G_i表

进位传递函数 用P_i表示

- 基本加法器

1位全加器的逻辑表达式为

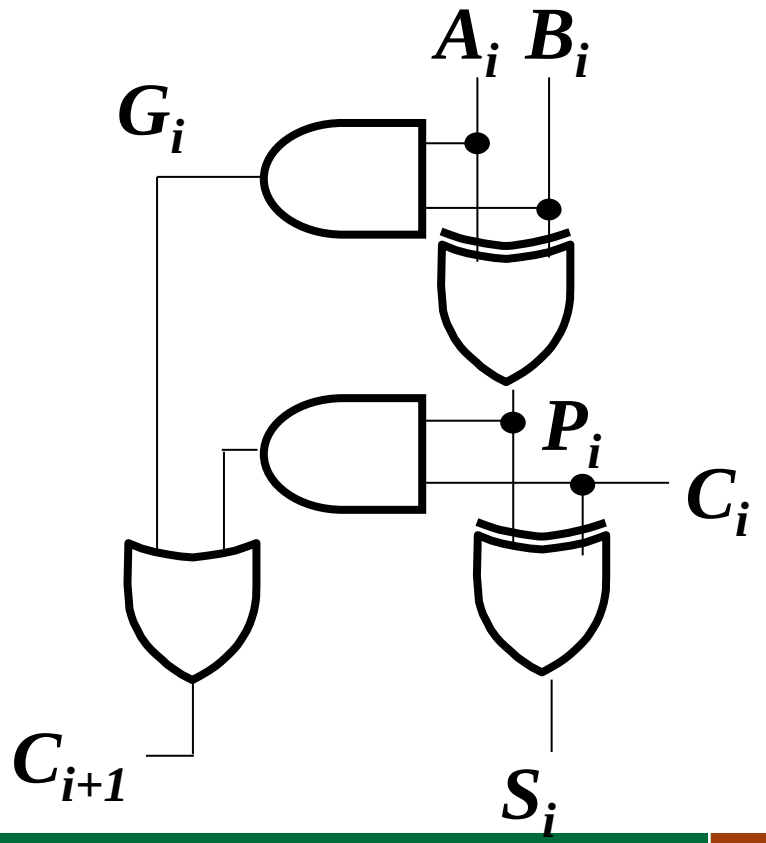
$$S_i=A_i\oplus B_i\oplus C_{i-1}$$

$$C_i=A_iB_i+(A_i\oplus B_i)C_{i-1}$$

串行加法器：只有**一个全加器**，数据逐位串行送入加法器进行运算。如果操作数长*n*位，加法就要分*n*次进行，每次只能产生一位和。

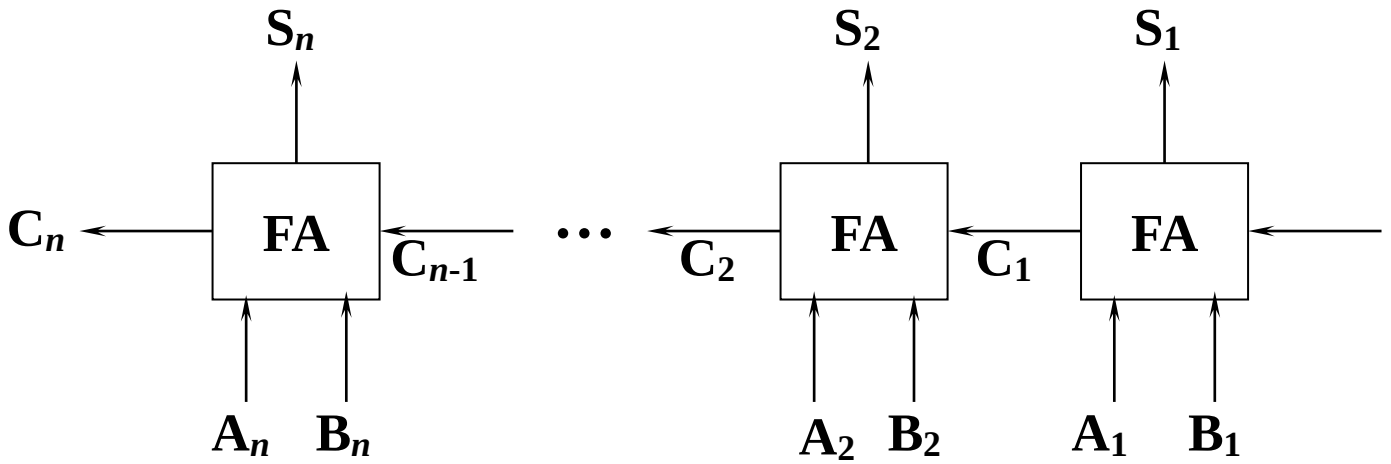
并行加法器：并行加法器由**多个全加器**组成，其位数的多少取决于机器的字长，数据的各位同时运算。

Carry Generating Function
Carry Propagating Function



并行加法器（Ripple carry adder）

n位行波进位加法器



思考：
进位延迟与进位的关系？
能更快吗？如何改进？

每形成一级进位的延迟时间为2ty。在字长为n位的情况下，若不考虑G_i、P_i的形成时间，从$C_0 \rightarrow C_n$的最长延迟时间为2nty。

提高并行加法器速度的关键是尽量加快进位产生和传递的速度。

超前进位加法器

$$C_1=G_1+P_1C_0$$
$$C_2=G_2+P_2C_1=G_2+P_2G_1+P_2P_1C_0$$
$$C_3=G_3+P_3G_2+P_3P_2G_1+P_3P_2P_1C_0$$
$$C_4=G_4+P_4G_3+P_4P_3G_2+P_4P_3P_2G_1+P_4P_3P_2P_1C_0$$

……

每个进位都不需要等待低位，直接计算可以得到，这种方法实现的加法器就被称为**超前进位加法器**（Carry_lookahead Adder，CLA）。

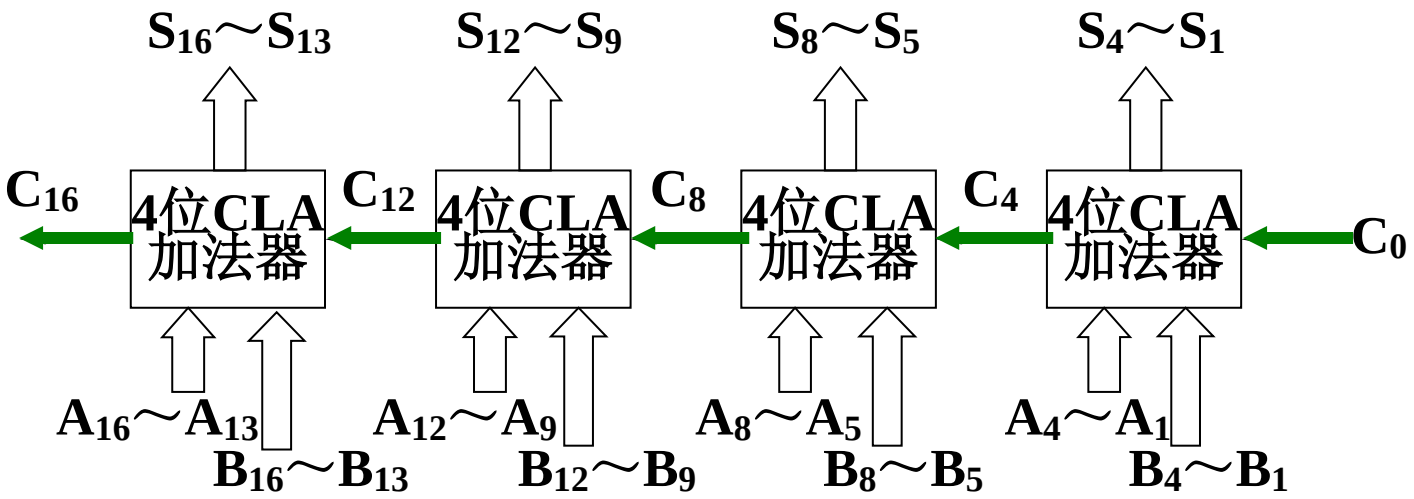
若不考虑G_i、P_i的形成时间，从$C_0 \rightarrow C_n$的最长延迟时间仅为2ty。

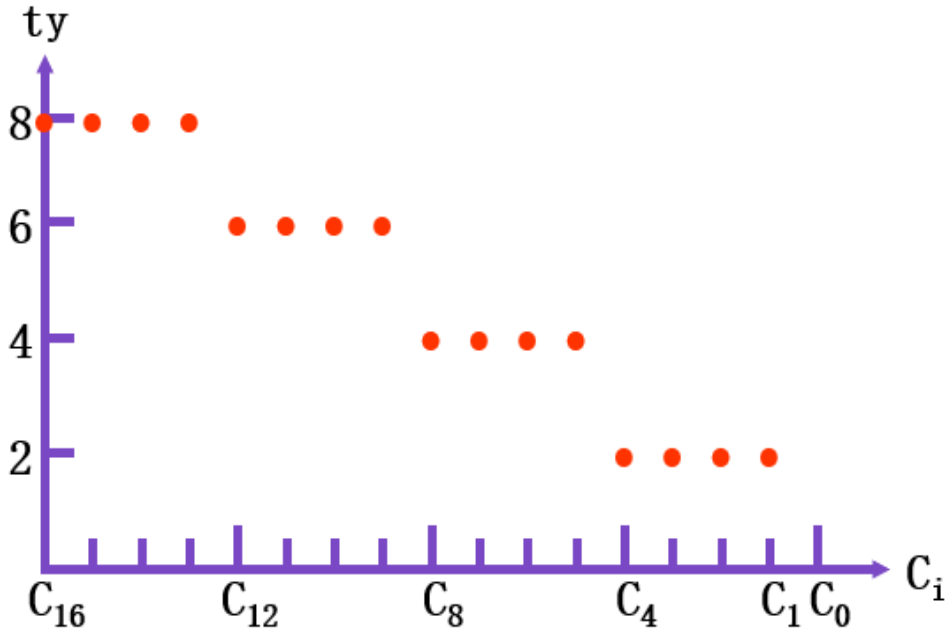
但随着加法器位数的增加，C_i的逻辑表达式会变得越来越长，实现十分复杂，**如何解决？**

分组控制规模

(1)单级先行进位方式

这种进位方式又称为**组内并行、组间串行**方式。以16位加法器为例，可分为四组，每组四位。第1小组组内的进位逻辑函数C_1、C_2、C_3、C_4的表达式与前述相同，$C_1 \sim C_4$信号是同时产生的，从C_0出现到产生$C_1 \sim C_4$的延迟时间是2ty。





(2)多级先行进位方式

又称**组内并行、组间并行**进位方式。

字长为16位的两级先行进位加法器，第一小组的最高位进位C_4：

$$C_4=G_4+P_4G_3+P_4P_3G_2+P_4P_3P_2G_1+P_4P_3P_2P_1C_0$$

$$=G_1^*+P_1^*C_0$$

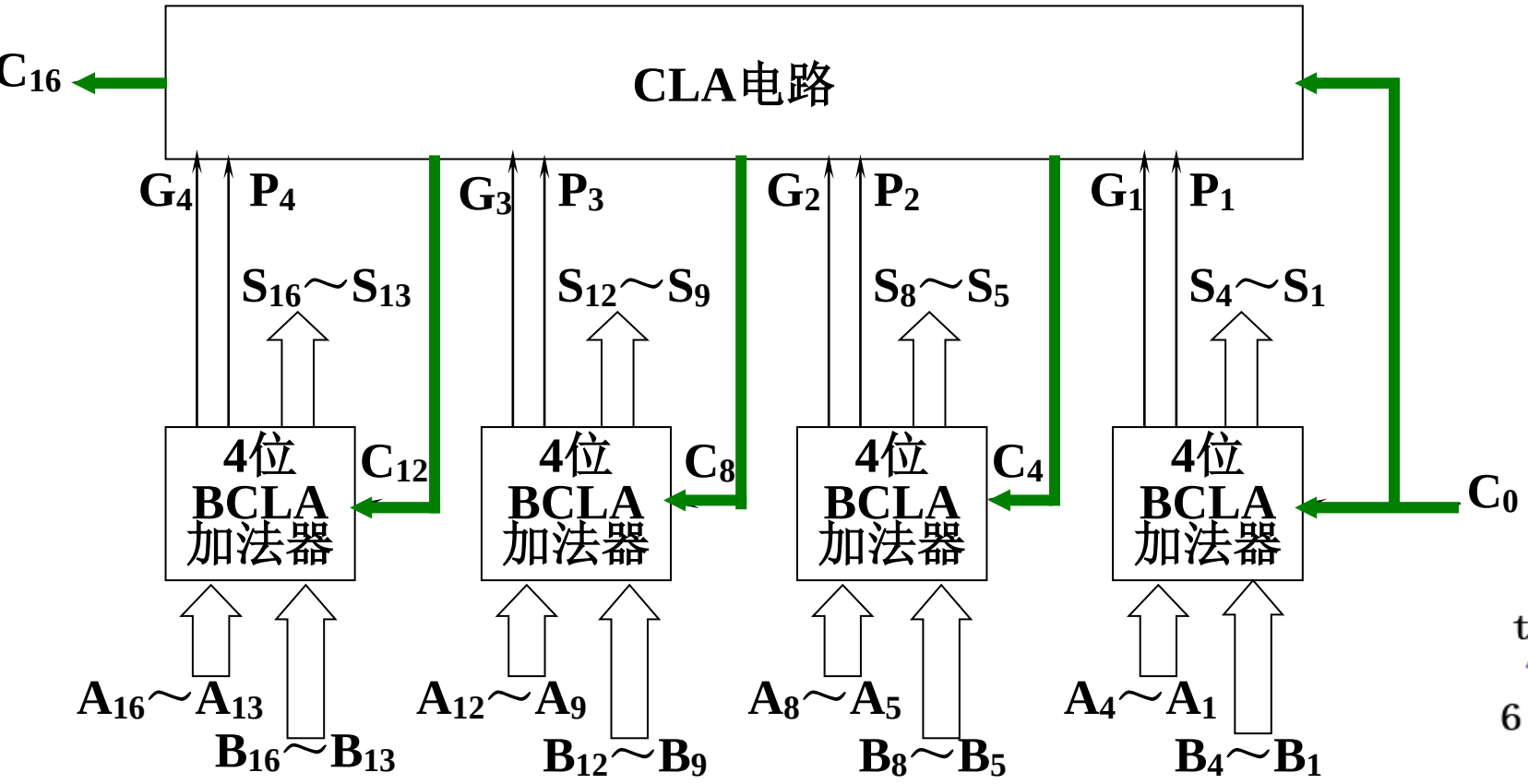
依次类推：

$$C_8=G_2^*+P_2^*G_1^*+P_2^*P_1^*C_0$$

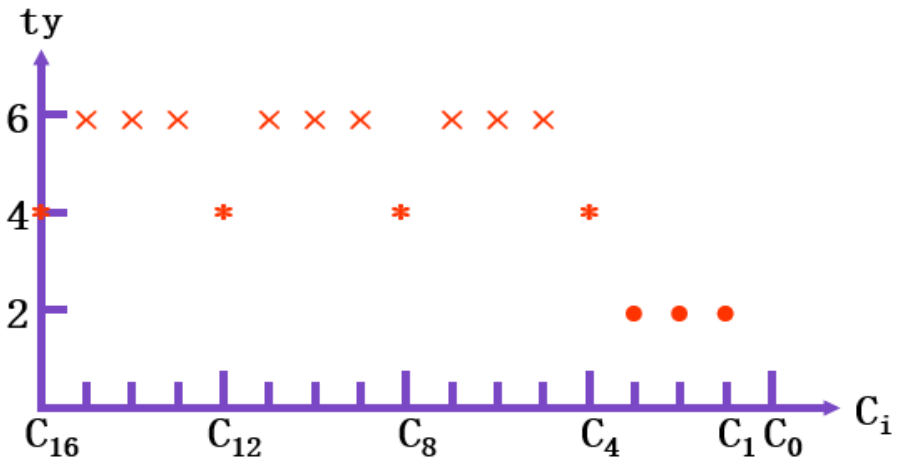
$$C_{12}=G_3^*+P_3^*G_2^*+P_3^*P_2^*G_1^*+P_3^*P_2^*P_1^*C_0$$

$$C_{16}=G_4^*+P_4^*G_3^*+P_4^*P_3^*G_2^*+P_4^*P_3^*P_2^*G_1^*+P_4^*P_3^*P_2^*P_1^*C_0$$

(2)多级先行进位方式



若不考虑G_i、P_i的形成时间，C_0经过2ty产生第1小组的C_1、C_2、C_3及所有组进位产生函数G_i^*和组进位传递函数P_i^*；再经过2ty，产生C_4、C_8、C_{12}、C_{16}；最后经过2ty后，才能产生第2、3、4小组内的C_5～C_7、C_9～C_{11}、C_{13}～C_{15}。



定点数运算

计算机内定点数一般用补码表示；思考为什么?

补码加减运算规则如下：

(1)参加运算的两个操作数均用补码表示；

(2)符号位作为数的一部分参加运算；

(3)若做加法，则两数直接相加；若做减法，则将被减数与减数的机器负数相加；

(4)运算结果用补码表示。

结论公式：

$$[X+Y]_{补} = [X]_{补} + [Y]_{补} \quad (1)$$

$$[X-Y]_{补} = [X]_{补} + [-Y]_{补} \quad (2)$$

其中，$[-Y]_{补}$ 称为$=[Y]_{补}$的机器负数，$[-Y]_{补}=[[Y]_{补}]_{变补}$

$[Y]_{补}$连同符号一起变反、末尾+1。

例1：A=0.1011，B=-0.1110，

求：A+B

∵$[A]_{补}$=0.1011，$[B]_{补}$=1.0010

$$\begin{array}{r} 0.1011 \\ +\ 1.0010 \\ \hline 1.1101 \end{array}$$

∴$[A+B]_{补}$=1.1101，A+B=-0.0011

例2：A=0.1011，B=-0.0010，

求：A-B

∵$[A]_{补}$=0.1011，$[B]_{补}$=1.1110，

$[-B]_{补}$=0.0010

$$\begin{array}{r} 0.1011 \\ +\ 0.0010 \\ \hline 0.1101 \end{array}$$

∴$[A-B]_{补}$=0.1101，A-B=0.1101

两数补码加减计算结果一定可用吗?

补码计算溢出判断

思考：什么时候会溢出?

溢出检测方法

设：被操作数为：$[X]_{补}=X_s,X_1X_2\ldots X_n$　　操作数为：$[Y]_{补}=Y_s,Y_1Y_2\ldots Y_n$

其和（差）为：$[S]_{补}=S_s,S_1S_2\ldots S_n$　　产生的进位为$C_s,C_1C_2\ldots C_n$

(1)硬件检测方法一：采用一个符号位

溢出$=\bar{X}_s\bar{Y}_sS_s+X_sY_s\bar{S}_s$

(2)硬件检测方法二：采用进位位

溢出$=C_s\overline{C}_1+\overline{C}_sC_1=C_s\oplus C_1$

(3)硬件检测方法三：采用变形补码（双符号位）

溢出$=S_{s1}\oplus S_{S2}$

双符号位溢出判断

在双符号位的情况下，把左边的符号位S_{s1}叫做真符，因为它代表了该数真正的符号，两个符号位都作为数的一部分参加运算。这种编码又称为变形补码。变形补码存储时仍然保存单符号位，运算时扩充成双符号位。

双符号位的含义如下：

$S_{s1}S_{s2}=00$ 结果为正数，无溢出

$S_{s1}S_{s2}=01$ 结果正溢

$S_{s1}S_{s2}=10$ 结果负溢

$S_{s1}S_{s2}=11$ 结果为负数，无溢出

变形补码的本质是扩大了模，对于定点小数来说，模为4，对于字长为n+2位的整数来说，模为2^{n+2}

定点乘法运算

原码一位乘法类似于手工计算（自学）。

乘积 $P = |X| \times |Y|$　　符号 $P_s = X_s \oplus Y_s$

补码一位乘法：Booth乘法

乘法运算需要3个寄存器：

A寄存器：部分积与最后乘积的高位部分，初值为0。

B寄存器：被乘数X。

C寄存器：乘数Y，运算后C寄存器中不再需要保留乘数，改为存放乘积的低位部分。

Booth乘法

Booth乘法规则如下：

① 参加运算的数用补码表示；

② 符号位参加运算；

③ 乘数最低位后面增加一位附加位Y_{n+1}，其初值为0；

④ 由于每求一次部分积要右移一位，所以乘数的最低两位Y_n、Y_{n+1}的值决定了每次应执行的操作；

判断位Y_n Y_{n+1}	操 作
0 0	原部分积右移一位
0 1	原部分积加$[X]_{补}$后右移一位
1 0	原部分积加$[-X]_{补}$后右移一位
1 1	原部分积右移一位

⑤ 移位按补码右移规则进行；

⑥ 共需做n+1次累加，n次移位，第n+1次不移位。

例：已知X=-0.1101，Y=0.1011；求X×Y。

$[X]_{补}$=1.0011→B，$[Y]_{补}$=0.1011→C，0→A　　$[-X]_{补}$=0.1101

	A	C	附加位	说明
	0 0.0 0 0 0	0.1 0 1 1 0		
+$[-X]_{补}$	0 0.1 1 0 1		C_4C_5=10，+$[-X]_{补}$	
	0 0.1 1 0 1			
→	0 0.0 1 1 0	1 0 1 0 1 1		部分积右移一位
+0	0 0.0 0 0 0		C_4C_5=11，+0	
	0 0.0 1 1 0			
→	0 0.0 0 1 1	0 1 0 1 0 1		部分积右移一位
+$[X]_{补}$	1 1.0 0 1 1		C_4C_5=01，+$[X]_{补}$	
	1 1.0 1 1 0			
→	1 1.1 0 1 1	0 0 1 0 1 0		部分积右移一位
+$[-X]_{补}$	0 0.1 1 0 1		C_4C_5=10，+$[-X]_{补}$	
	0 0.1 0 0 0			
→	0 0.0 1 0 0	0 0 0 1 0 1		部分积右移一位
+$[X]_{补}$	1 1.0 0 1 1		C_4C_5=01，+$[X]_{补}$	
	1 1.0 1 1 1			

∵ $[X\times Y]_{补}$=1.01110001

∴ X×Y=−0.10001111

思考：还可以更快吗?

自学：补码两位乘法

华莱士树（自学）

北京理工大学 BEIJING INSTITUTE OF TECHNOLOGY

- **华莱士树**是一种用于高效压缩多个二进制数（通常为部分积）的加法结构，由C. S. Wallace于1964年提出。其核心思想是通过分层并行压缩，将多个输入数快速压缩为两个数，再通过常规加法器求和，从而减少关键路径延迟。

性能数据
32位乘法器对比：
传统阵列乘法器：延迟 ≈ 32Δ（Δ为FA延迟）
华莱士树 + CLA：延迟 ≈ 10Δ（压缩层7Δ + CLA 3Δ）
能效比提升：相同工艺下，华莱士树比阵列结构快3倍，面积增加约40%。

定点除法运算

1.原码比较法、恢复余数法和不恢复余数法（原码加减交替法）（自学）

2.补码加减交替除法规则，求新余数公式： $[r_{i+1}]_{补}=2[r_i]_{补}+(1-2Q_i)\times[Y]_{补}$

$[X]_{补}$与$[Y]_{补}$	第一次操作	$[r_i]_{补}$与$[Y]_{补}$	上商	求新余数$[r_{i+1}]_{补}$的操作
同号	$[X]_{补}-[Y]_{补}$	①同号（够减）	1	$[r_{i+1}]_{补}=2[r_i]_{补}-[Y]_{补}$
		②异号（不够减）	0	$[r_{i+1}]_{补}=2[r_i]_{补}+[Y]_{补}$
异号	$[X]_{补}+[Y]_{补}$	①同号（不够减）	1	$[r_{i+1}]_{补}=2[r_i]_{补}-[Y]_{补}$
		②异号（够减）	0	$[r_{i+1}]_{补}=2[r_i]_{补}+[Y]_{补}$

已知：X=0.1000，Y=-0.1010；求X÷Y

$[X]_{补}$=0.1000→A，$[Y]_{补}$=1.0110→B，0→C，$[-Y]_{补}$=0.1010

	0 0.1 0 0 0	0.0 0 0 0	
$+[Y]_{补}$	1 1.0 1 1 0		$[X]_{补}$、$[Y]_{补}$异号，$+[Y]_{补}$
	1 1.1 1 1 0	0.0 0 0 1	$[r_i]_{补}$、$[Y]_{补}$同号，商1
←	1 1.1 1 0 0		左移一位
$+[-Y]_{补}$	0 0.1 0 1 0		$+[-Y]_{补}$
	0 0.0 1 1 0	0.0 0 1 0	$[r_i]_{补}$、$[Y]_{补}$异号，商0
←	0 0.1 1 0 0		左移一位
$+[Y]_{补}$	1 1.0 1 1 0		$+[Y]_{补}$
	0 0.0 0 1 0	0.0 1 0 0	$[r_i]_{补}$、$[Y]_{补}$异号，商0
←	0 0.0 1 0 0		左移一位
$+[Y]_{补}$	1 1.0 1 1 0		$+[Y]_{补}$
	1 1.1 0 1 0	0.1 0 0 1	$[r_i]_{补}$、$[Y]_{补}$同号，商1
←	1 1.0 1 0 0		左移一位
$+[-Y]_{补}$	0 0.1 0 1 0		$+[-Y]_{补}$
	1 1.1 1 1 0	1.0 0 1 1	末位恒置1

$[商]_{补}=1.0011$　　$[余数]_{补}=1.1110\times2^{-4}$

$[X\div Y]_{补}=1.0011+1.1110\times2^{-4}\ \ /1.0110$

$\therefore$商$=-0.1101$　　余数$=-0.0010\times2^{-4}$

$X\div Y=\ -0.1101+(\ -0.0010\times2^{-4})/(-0.1010)$

除法运算需要3个寄存器：

A寄存器：存放被除数X，最后A寄存器中剩下的是扩大了若干倍的余数。运算过程中A寄存器的内容将不断地发生变化。

B寄存器：存放除数Y。

C寄存器：存放商Q，它的初值为0。

浮点加减运算

设两个非0的规格化浮点数分别为

$A=M_A\times 2^{E_A}$

$B=M_B\times 2^{E_B}$

$$A\pm B=(M_A,E_A)\pm(M_B,E_B)=\begin{cases}M_A\pm M_B\times 2^{-(E_A-E_B)},E_A) & E_A>E_B\\ (M_A\times 2^{-(E_B-E_A)}\pm M_B,E_B) & E_A<E_B\end{cases}$$

(1)对阶： 规则是：小阶向大阶看齐，每右移一位，阶码加1。

(2)尾数加/减 $M_A\pm M_B\rightarrow M_C$

(3)尾数结果规格化，设尾数用双符号位补码表示，经过加/减运算之后，可能出现以下六种情况：

浮点加减规格化

① 00.1 x x … x　　② 11.0 x x … x

③ 00.0 x x … x　　④ 11.1 x x … x

⑤ 01.x x x … x　　⑥ 10.x x x … x

第①、②种情况，已是规格化数。

第③、④种情况需要使尾数左移以实现规格化，这个过程称为左规。尾数每左移一位，阶码相应减1，直至成为规格化数为止。（左规可能需进行多次）

第⑤、⑥种情况在定点加减运算中称为溢出；但在浮点加减运算中，只表明此时尾数的绝对值大于1，而并非真正的溢出。这种情况应将尾数右移以实现规格化。这个过程称为右规。尾数每右移一位，阶码相应加1。（右规最多进行一次）

浮点数计算的溢出判断

当尾数之和（差）出现10.x x x … x或01.x x x … x时，并不表示溢出，只有将此数右规后，再根据阶码来判断浮点运算结果是否溢出。

浮点数的溢出情况由阶码的符号决定，若阶码也用双符号位补码表示，

当：$[E_C]_{补}$=01，x x x … x，表示上溢。此时，浮点数真正溢出，机器需停止运算，做溢出中断处理。

$[E_C]_{补}$=10，x x x … x，表示下溢。浮点数值趋于零，机器不做溢出处理，而是按机器零处理。

浮点数加减计算举例见教材（自学）。

浮点乘除运算

设两个非0的规格化浮点数分别为

$$A=M_A\times 2^{E_A}$$

$$B=M_B\times 2^{E_B}$$

则浮点乘法和除法为

$$A\times B=(M_A\times M_B)\times 2^{(E_A+E_B)}$$

$$A\div B=(M_A\div M_B)\times 2^{(E_A-E_B)}$$

浮点乘除运算

北京理工大学 BEIJING INSTITUTE OF TECHNOLOGY

1.乘法步骤

(1)阶码相加

两个浮点数的阶码相加，当阶码用移码表示的时候，应注意要减去一个偏置值2^n。

因为$[E_A]_{移}=2^n+E_A$，$[E_B]_{移}=2^n+E_B$

$[E_A+E_B]_{移}=2^n+(E_A+E_B)$

而$[E_A]_{移}+[E_B]_{移}=2^n+E_A+2^n+E_B$

显然，此时阶码和中多余了一个偏置值2^n，应将它减去。另外，阶码相加后有可能产生溢出，此时应另作处理。

浮点乘除运算

北京理工大学 BEIJING INSTITUTE OF TECHNOLOGY

(2)尾数相乘

与定点小数乘法算法相同。

(3)尾数结果规格化

因为$1/2 < |M_A| < 1$，$1/2 < |M_B| < 1$，所以$1/4 < |M_A \times M_B| < 1$。

当$1/2 < |M_A \times M_B| < 1$时，乘积已是规格化数，不须再进行规格化操作；当$1/4 < |M_A \times M_B| < 1/2$时，则需要左规一次。

浮点乘除运算

2.除法步骤

(1)尾数调整

首先须要检测$|M_A| < |M_B|$。如果不小于，则M_A右移一位，$E_A+1 \rightarrow E_A$，称为尾数调整。**因为A、B都是规格化数，所以最多调整一次**。

(2)阶码相减

两浮点数的阶码相减，当阶码用移码表示时，应注意要加上一个偏置值2^n。

(3)尾数相除

与定点小数除法算法相同。

逻辑运算

逻辑运算比算术运算要简单得多，这是因为逻辑运算是按位进行的，位与位之间没有进位/借位的关系。

1.逻辑非

逻辑非又称求反操作，它对某个寄存器或主存单元中各位代码按位取反。

2.逻辑乘

逻辑乘就是将两个寄存器或主存单元中的每一相应位的代码进行“与”操作。

3.逻辑加

逻辑加就是将两个寄存器或主存单元中的每一相应位的代码进行“或”操作。

4.按位异或

按位异或是计算机中一个特定的逻辑操作，它对寄存器或主存单元中各位的代码求模2和，又称模2加或半加，也叫异或。

运算器的基本组成与实例

运算器是在控制器的控制下实现其功能的，运算器不仅可以完成数据信息的算逻运算，还可以作为数据信息的传送通路。

1.运算器的基本组成

基本的运算器包含以下几个部分：

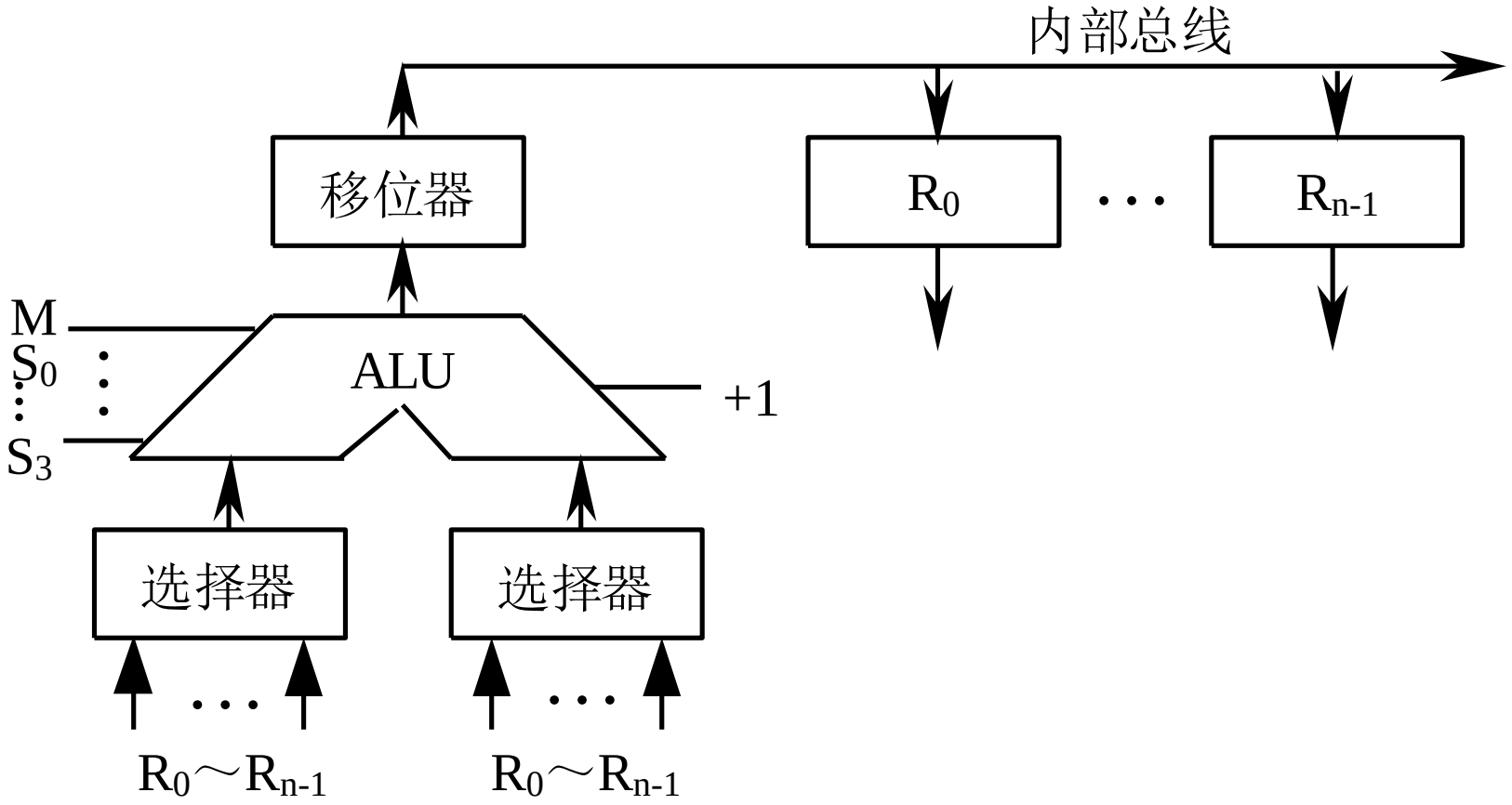
实现基本算术、逻辑运算功能的ALU，

提供操作数与暂存结果的寄存器组，

有关的判别逻辑和控制电路等。

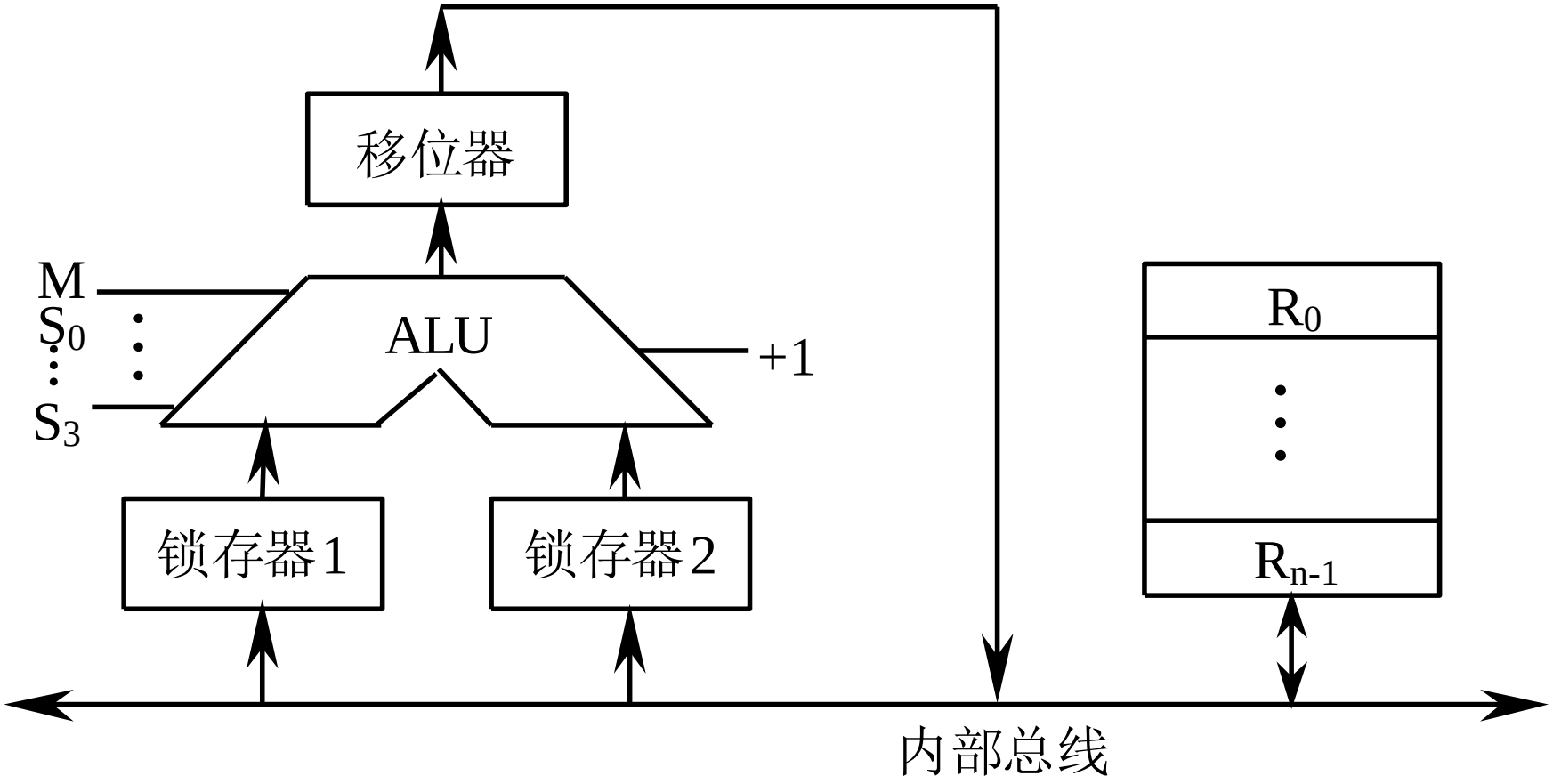
运算器的基本组成与实例

(1)带多路选择器的运算器



运算器的基本组成与实例

(2)带输入锁存器的运算器



运算器的基本组成与实例

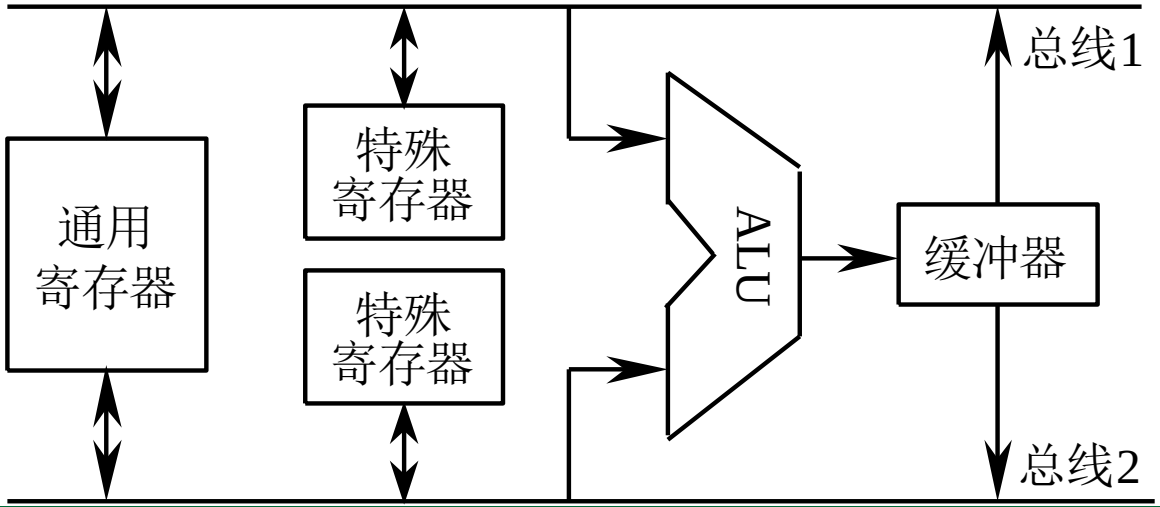
2.运算器的内部总线结构

(1)单总线结构运算器

运算器实现一次双操作数的运算需要分成三步。

(2)双总线结构运算器

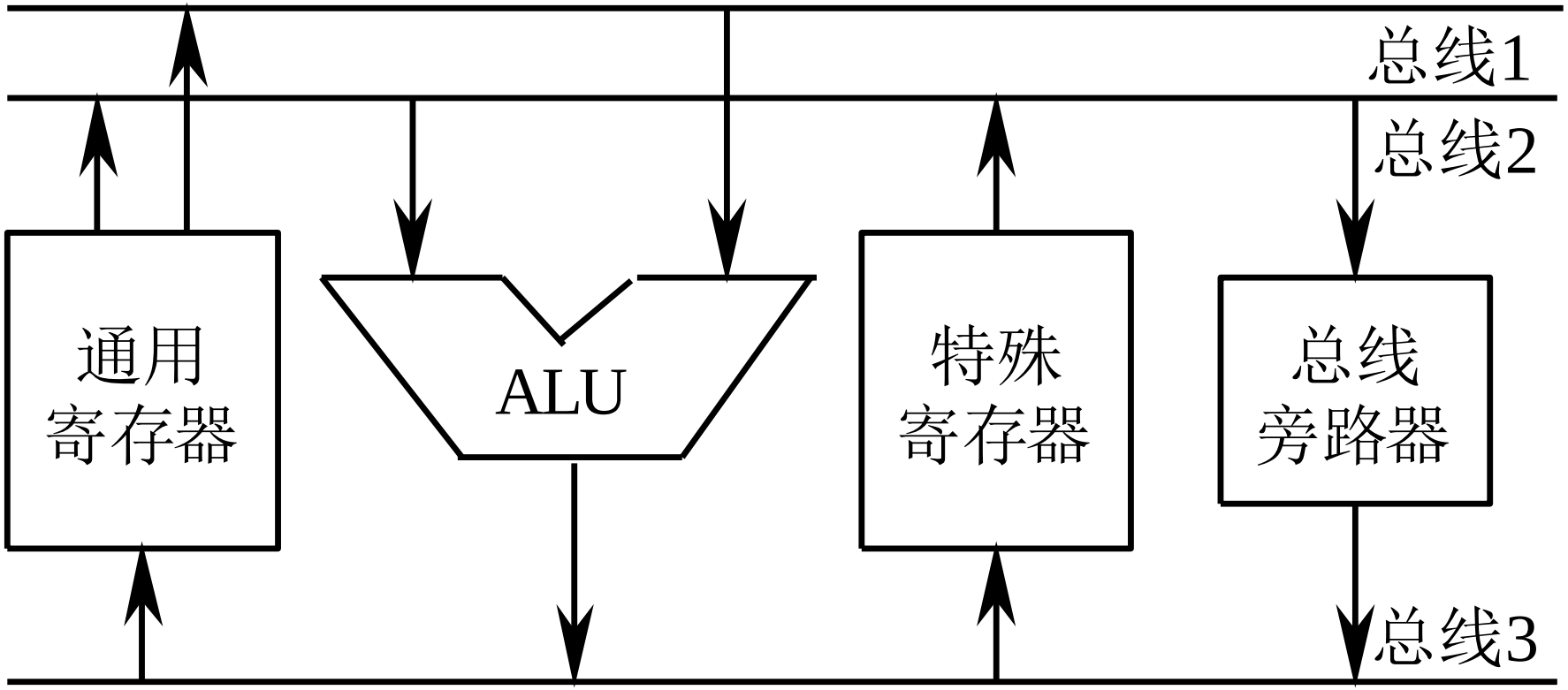
运算器实现一次双操作数的运算需要两步。



运算器的基本组成与实例

(3)三总线结构运算器

实现一次双操作数的运算仅需要一步。



ALU举例

1. ALU电路

ALU即算术逻辑单元，它是既能完成算术运算又能完成逻辑运算的部件。前面已经讨论过，无论是加、减、乘、除运算，最终都能归结为加法运算。因此，ALU的核心首先应当是一个并行加法器，同时也能执行像“与”、“或”、“非”、“异或”这样的逻辑运算。由于ALU能完成多种功能，所以ALU又称多功能函数发生器。

2.4位ALU芯片

74181是四位算术逻辑运算部件（ALU），又称多功能函数发生器，能执行16种算术运算和16种逻辑运算。

A0、B0～A3、B3：操作数输入端；

F0～F3：输出端；

C_n'：进位输入端；

C_{n+4}':进位输出端；

G*：组进位产生函数输出端；

P*：组进位传递函数输出端；

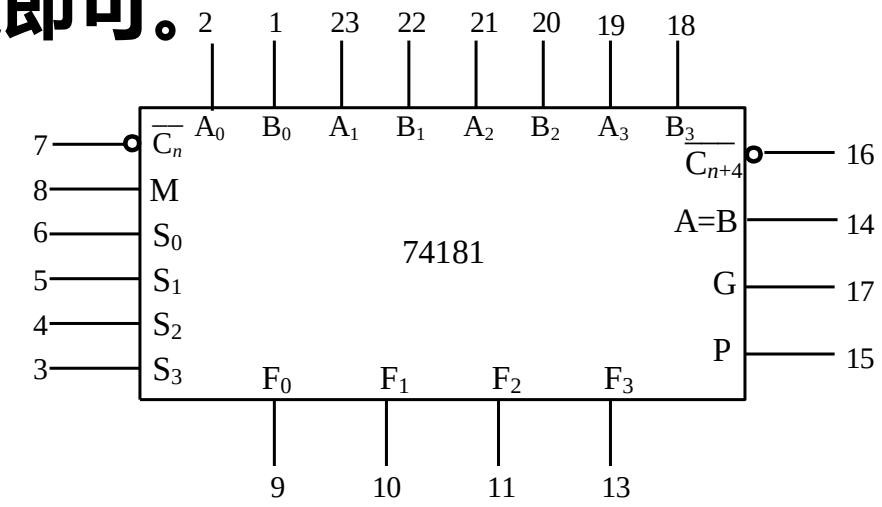
运算器的基本组成与实例

M：工作方式，M=0为算术操作，M=1为逻辑操作；

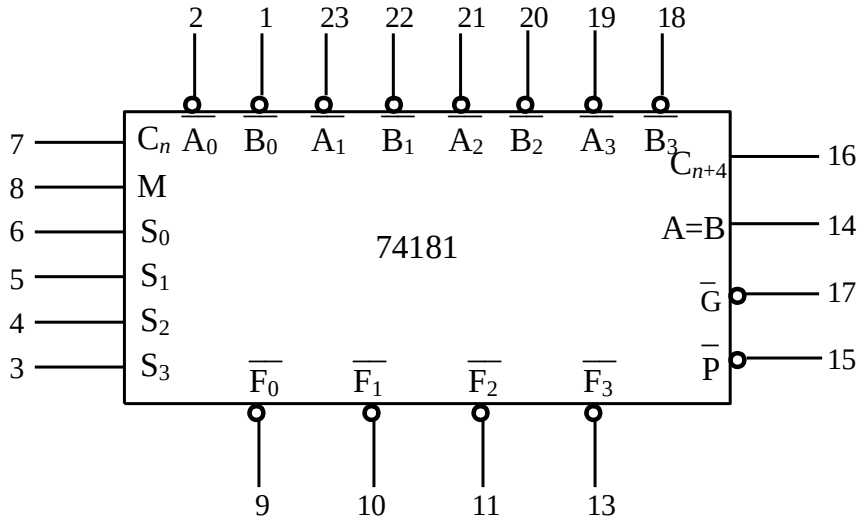
$S_0 \sim S_3$：功能选择线。

74181的4位作为一个小组，组间既可以采用串行进位，也可以采用并行进位。

当采用组间串行进位时，只要把前片的C_{n+4}与下一片的C_n相连即可。



(a)



(b)

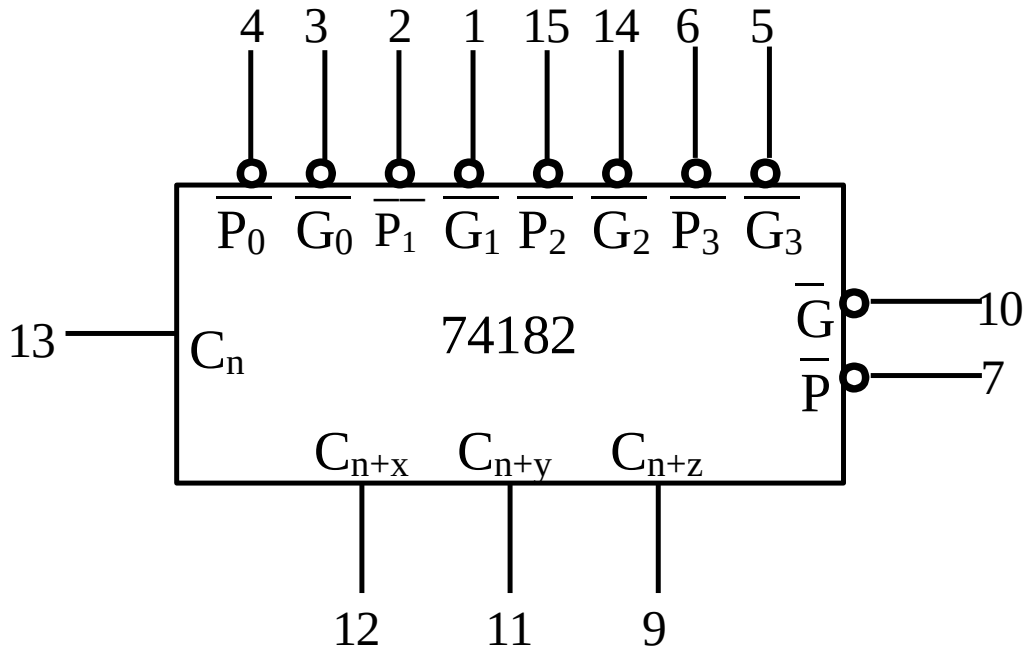
运算器的基本组成与实例

北京理工大学 BEIJING INSTITUTE OF TECHNOLOGY

工作选择 $S_3S_2S_1S_0$	负逻辑			正逻辑		
	逻辑运算（M=1）	算术运算（M=0）C_n=0（无进位）	算术运算（M=0）C_n=1 有进位）	逻辑运算（M=1）	算术运算（M=0）$\overline{C_n}$=1（无进位）	算术运算（M=0）$\overline{C_n}$=0 有进位）
0000	$F=\overline{A}$	F=A 减 1	F=A	$F=\overline{A}$	F=A	F=A 加 1
0001	$F=\overline{AB}$	F=AB 减 1	F=AB	$F=\overline{A+B}$	F=A+B	F=(A+B)加 1
0010	$F=\overline{A}+B$	F=A $\overline{B}$ 减 1	F=A $\overline{B}$	$F=\overline{A}B$	F=A+ $\overline{B}$	F=(A+ $\overline{B}$)加 1
0011	F=1	F=减 1	F=0	F=0	F=减 1	F=0
0100	$F=\overline{A+B}$	F=A 加(A+ $\overline{B}$)	F=A 加(A+ $\overline{B}$)加 1	$F=\overline{AB}$	F=A 加 A $\overline{B}$	F=A 加 A $\overline{B}$ 加 1
0101	$F=\overline{B}$	F=AB 加(A+ $\overline{B}$)	F=AB 加(A+ $\overline{B}$)加 1	$F=\overline{B}$	F=(A+B)加 A $\overline{B}$	F=(A+B)加 A $\overline{B}$ 加 1
0110	$F=\overline{A\oplus B}$	F=A 减 B 减 1	F=A 减 B	$F=A\oplus B$	F=A 减 B 减 1	F=A 减 B
0111	F=A+ $\overline{B}$	F=A+ $\overline{B}$	F=(A+ $\overline{B}$)加 1	F=A $\overline{B}$	F=A $\overline{B}$ 减 1	F=A $\overline{B}$
1000	F= $\overline{A}$ B	F=A 加(A+B)	F=A 加(A+B)加 1	F= $\overline{A}$ +B	F=A 加 AB	F=A 加 AB 加 1
1001	$F=A\oplus B$	F=A 加 B	F=A 加 B 加 1	$F=\overline{A\oplus B}$	F=A 加 B	F=A 加 B 加 1
1010	F=B	F=A $\overline{B}$ 加(A+B)	F=A $\overline{B}$ 加(A+B)加 1	F=B	F=(A+ $\overline{B}$)加 AB	F=(A+ $\overline{B}$)加 AB 加 1
1011	F=A+B	F=A+B	F=(A+B)加 1	F=AB	F=AB 减 1	F=AB
1100	F=0	F=A 加 A*	F=A 加 A 加 1	F=1	F=A 加 A*	F=A 加 A 加 1
1101	F=A $\overline{B}$	F=AB 加 A	F=AB 加 A 加 1	F=A+ $\overline{B}$	F=(A+B)加 A	F=(A+B)加 A 加 1
1110	F=AB	F=A $\overline{B}$ 加 A	F=A $\overline{B}$ 加 A 加 1	F=A+B	F=(A+ $\overline{B}$)加 A	F=(A+ $\overline{B}$)加 A 加 1
1111	F=A	F=A	F=A 加 1	F=A	F=A 减 1	F=A

3. ALU的应用

当采用组间并行进位时，需要增加一片先行进位部件（74182）。



运算器的基本组成与实例

74182可以产生三个进位信号C_{n+x}、C_{n+y}、C_{n+z}，并且还产生大组进位产生函数G**和大组进位传递函数P**，可供组成位数更长的多级先行进位ALU时用。

$$C_{16}=G_4^*+P_4^*G_3^*+P_4^*P_3^*G_2^*+P_4^*P_3^*P_2^*G_1^*+P_4^*P_3^*P_2^*P_1^*C_0$$

$$=G_1^{**}+P_1^{**}C_0$$

大组进位产生函数G_1^{**}

大组进位传递函数P_1^{**}

74181和74182的结合可组成各种位数的ALU部件。

8片74181和2片74182构成的32位两级行波ALU。各片74181输出的组进位产生函数和组进位传递函数作为74182的输入，而74182输出的进位信号C_{n+x}、C_{n+y}、C_{n+x}作为74181的输入，74182输出的大组进位产生函数和大组进位传递函数可作为更高一级74182的输入。

实验一：设计并实现一个32位ALU

要求：1、支持至少8种运算，自行选择，实验报告中说明；
2、输出5个标志符号：SF(符号位)，CF（进位标志）,ZF（零标志），（溢出标志）和PF（奇偶标志）；
3、支持左右移位操作；
4、可支持至少两种舍入操作。
5、（可选）对ALU进行改进，写出改进目标，以及改进的量化对比结果。（例如：时间上的缩短，逻辑单元减少等）

实验环境vivado2019.2 语言：Verilog HDL。

乐学提交：1、实验报告，姓名-学号-实验一.pdf或doc/docx格式
2、带源代码的工程文件。姓名-学号-实验一.zip

关于运算器的重要认识

- **重要认识1：计算机中所有算术运算都基于加法器实现，n位计算时是一种模2^n运算系统！**
- **重要认识2：无符号整数和带符号整数的加、减运算电路完全一样，这个运算电路称为整数加减运算部件，基于带标志加法器实现。**
- **重要认识3：加法器不判定对错，总是取低n位作为结果，并生成标志信息。**

示例：n位整数加/减运算部件

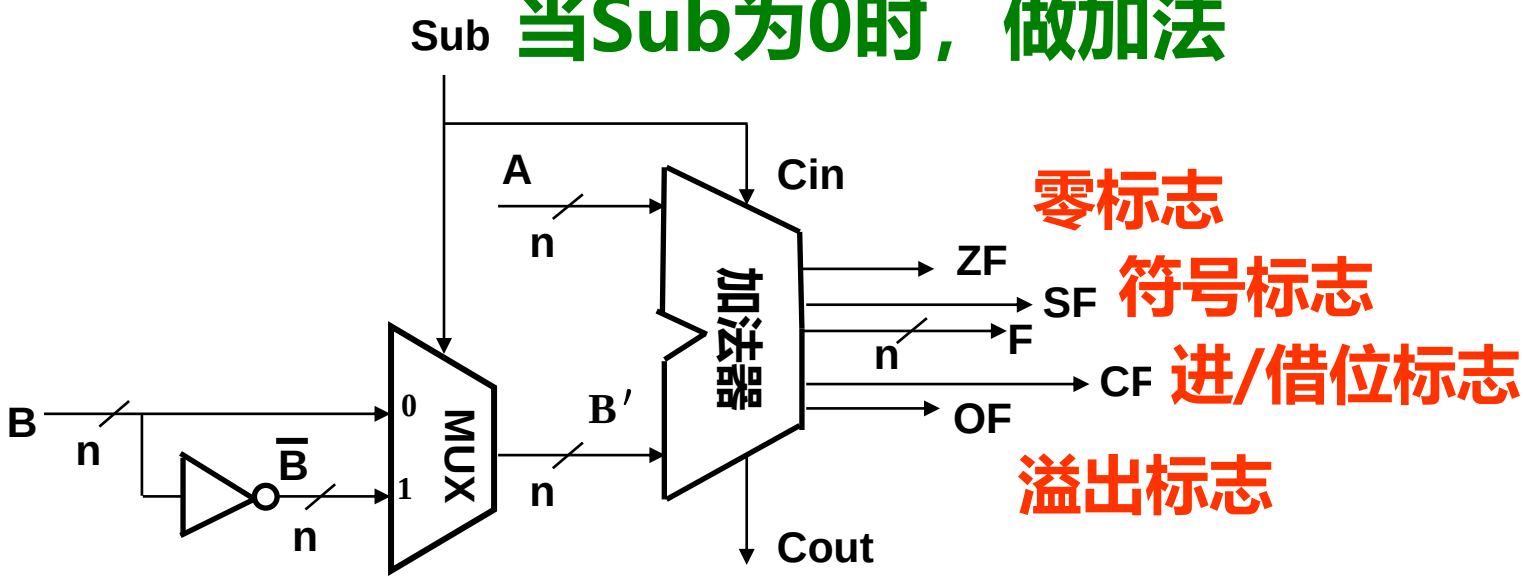
- 利用带标志加法器，可构造整数加/减运算器，进行以下运算：

  无符号整数加、无符号整数减

  带符号整数加、带符号整数减

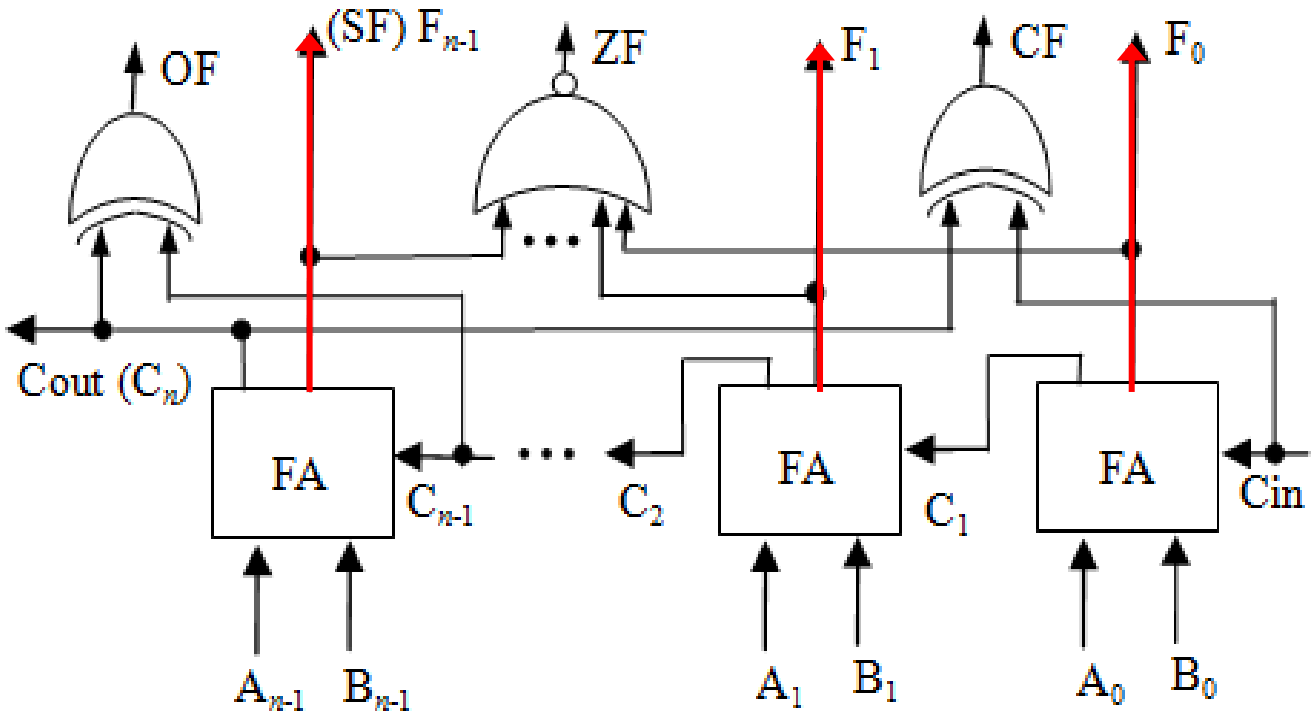
在整数加/减运算部件基础上，加上寄存器、移位器以及控制逻辑，就可实现ALU、乘/除运算以及浮点运算电路

当Sub为1时，做减法
当Sub为0时，做加法



整数加/减运算部件

标志位的生成示例



带标志加法器的逻辑电路

溢出标志OF：$OF=C_n \oplus C_{n-1}$

符号标志SF：$SF=F_{n-1}$

零标志ZF=1当且仅当F=0；

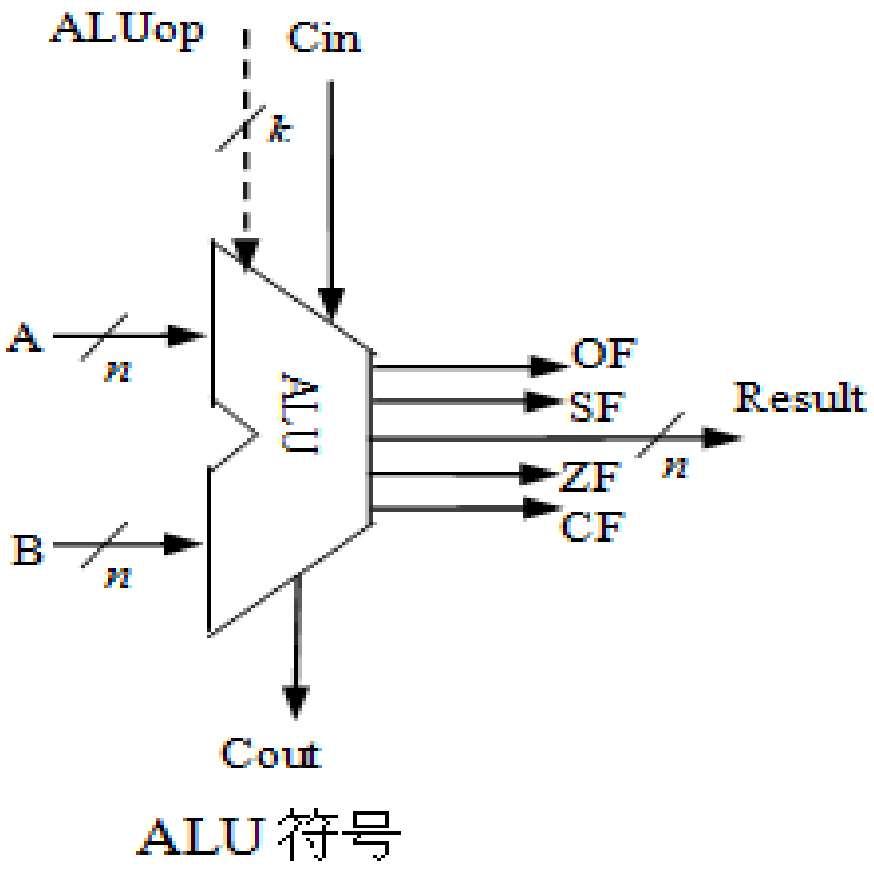
进位/借位标志CF：

$CF=Cout \oplus Cin$

条件标志（Flag）在运算电路中产生，被记录到专门的寄存器中

算术逻辑部件（ALU）：多功能函数发生器

- 进行基本算术运算与逻辑运算
  - 无符号整数加、减
  - 带符号整数加、减
  - 与、或、非、异或等逻辑运算
- 核心电路是整数加/减运算部件
- 输出除和/差等，还有标志信息
- 有一个操作控制端（ALUop），用来决定ALU所
  处理功能。ALUop的位数k决定了操作的种类，例
  位数k为3时，ALU最多只有2^3=8种操作。



ALU 符号

ALUop	Result	ALUop	Result	ALUop	Result	ALUop	Result
0 0 0	A加B	0 1 0	A与B	1 0 0	A取反	1 1 0	A
0 0 1	A减B	0 1 1	A或B	1 0 1	A⊕B	1 1 1	未用

感谢聆听