Trabalho Prático 1 - G08_08

Representação interna dos polinómios

- No nosso trabalho, criámos dois novos tipos para a representação de polinómios. Um tipo para monómios (Nomial), e um tipo para polinómios (Polynomial), que consiste numa lista de monómios.
- Um monómio (Nomial) é do tipo (Int, [(Char, Int)]), ou seja, é constituído por um um par em que o primeiro elemento é o coeficiente do monómio representado por um inteiro.
- E em que o segundo elemento do par é uma lista de variáveis e expoentes, suportando assim, múltiplas variáveis. Essa lista de váriaveis é constituída por pares do tipo (Char, Int) em que o primeiro elemento representa uma variável (por exemplo: 'x', 'y' ou 'z') e que a segunda variável representa o expoente da variável.
- Decidimos representar a estrutura principal do monómio como um par porque todos os monómios podem ter apenas, no máximo, um coeficiente (Int) e variáveis (Char) com expoente (Int), tendo um tamanho fixo de dois componentes que podem ser facilmente separados.
- De forma a podermos representar monómios do tipo 2*x^2*y^3 em vez de termos uma estrutura do tipo (Char, Int) para as variáveis e os seus expoentes, representámos essa estrutura como uma lista de pares [(Char, Int)] para podermos representar múltiplas variáveis juntas dos seus expoentes associados.
- Os polinómios (Polynomial) são um conjunto de monómios somados uns aos outros pelo que escolhemos representá-los pelo tipo [Nomial], uma lista de monómios.

Funcionalidades

Todas as funções principais entregam resultados na forma normalizada e no formato de String. E além disso, todas as funções principais recebem argumentos do tipo String que são convertidos para o tipo Polynomial para poderem ser afetuadas as operações.

Adicionar polinómios

- Uma das funcionalidades é a adição de polinómios através da função add que adiciona dois polinómios, monómio a monómio, recursivamente.
- A função verifica, para cada monómio de um polinómio, se as variáveis e os expoentes de cada monómio do outro polinómio são iguais e, se forem, soma os coeficientes e anexa o resultado ao polinómio resultante.
- Se não encontrar nenhum monómio com as mesmas variáveis, o monómio é anexado ao polinómio resultante.

Multiplicar polinómios

• Temos também a multiplicação de dois polinómios através da função multiply. A função multiplica polinómios, monómio a monómio, através de funções auxiliares: multiplica coeficientes, junta variáveis

se forem diferentes e soma expoentes se as variáveis forem iguais.

Derivar polinómios em ordem a uma variável

 Para a derivação, implementámos derivação de polinómios em ordem a uma variável à escolha através da função derivateInOrderTo. Esta função, recebe como argumentos um polinómio (String), e um Char que representa a variável pela qual o queremos derivar, e através de funções auxiliares deriva monómio a monómio recursivamente.

- Por exemplo, derivando um monómio com apenas uma variável em ordem a 'x', caso o monómio não tenha a variável 'x' será 0, se tiver a variável então multiplica-se o coeficiente pelo expoente e subtrai-se o expoente em 1.
- Caso tenha mais do que uma variável, temos de ver recursivamente as variáveis com outro caso base. Se a variável analisada for do tipo 'x' multiplica-se o coeficiente e subtrai-se ao expoente novamente, mas se não for, em vez de ficar as variáveis e expoentes ficarem a 0, a variável e expoente ficam iguais e continua-se a percorrer o monómio recursivamente para as restantes variáveis.

Normalizar polinómios para a forma normal

A função normalize recebe um polinómio e retorna-o, em string, na forma mormal. Para tal, realiza algumas operações, em ordem, com o uso de funções auxiliares:

- 1. Remove variáveis de monómios com expoente 0.
- 2. Remove monómios com coeficiente 0.
- 3. Soma, em cada monómio, variáveis iguais. Ex: 2*x^2*x^3 passa para 2*x^5.
- 4. Ordena, em cada monómio, as variáveis alfabeticamente, com selection sort.
- 5. Ordena, em cada monómio, as variáveis por ordem do expoente, com insertion sort.
- 6. Soma monómios com as mesmas variáveis e expoentes.
- 7. Ordena os monómios alfabeticamente, em relação à primeira variável, com selection sort.
- 8. Ordena os monómios, em relação ao expoente da primeira variável, com insertion sort.

No final, o polinómio resultante é retornado no formato de String.

Passar output para string

Todos os resultados das funções anteriores são do tipo Polynomial mas depois são passadas para o tipo String para uma leitura mais fácil. Essa transformação é executada através da função stringify.

- A função verifica que se o polinómio for uma lista vazia então é o valor 0.
- Para cada monómio passa para string os coeficientes e se forem 1 ou -1 oculta-os.
- Para cada monómio une os expoentes e as variáveis por um sinal de ^ que representa o sinal de elevado, e os outros valores por um sinal * que representa a multiplicação.
- Depois junta os vários monómios já em string por strings com sinais de + ou de consoante se o coeficiente é positivo ou negativo.

Receber input de string

Para converter a string de input para polinómio usámos a função stringParsing e utilizámos a seguinte estratégia:

- 1. Removemos todos os espaços da string.
- 2. Trocamos todas as instâncias de para +-, isto facilita a divisão da string.
- 3. Dividimos a string nos caracteres +, ficando com uma lista de strings que representa cada monómio.

```
Ex: "2*x^2+3*y-1" passa a ["2*x^2", "3*y", "-1"].
```

- 4. Separamos o coeficiente e as variáveis de cada monómio, por um espaço. Se um monómio apenas tiver coeficiente, um _ é adicionado na posição em que seria representado a variável e o expoente para facilitar passos seguintes.
- 5. Dividimos as strings nos espaços, passando de:

```
o ["2*x^2", "3*y", "-1"] para [["2*", "x^2"], ["3*", "y"], ["-1*", "_"]]
```

6. Finalmente, criamos cada monómio, convertendo para Int e somando coeficientes, se necessário, de 2*3 para 6, por exemplo. Analisamos as variáveis, separando nos caracteres * e depois nos ^, guardando numa lista de pares [(Char, Int)]. E se, em vez das variáveis e coeficientes tiver um _, é passado uma lista vazia []. Sendo asssim a String:

```
o [["2*", "x^2"], ["3*", "y"], ["-1*", "_"]] passa a [(2, [('x', 2)]), (1, [('y', 1)]), (-1, [])]
```

Exemplos de utilização:

Todos os inputs necessitam de ter coeficientes e variáveis separados por *.

As variáveis e coeficientes necessitam de ser separadas por ^.

Adicionar:

```
add :: String -> String
add "7*y^2 + 3*y*x + 5*z" "0*x^2 - 2*y + 5*z + y - 3*y^2"
Resultado: "4*y^2 + 3*x*y - y + 10*z"
```

Multiplicar:

```
multiply :: String -> String -> String
multiply "2*y^2 + 4*y*x^2 + 3*z" "0*x^2 - 9*y + 3*z + y - 3*y^2"

Resultado: "-6*y^4 - 16*y^3 - 12*y^3*x^2 + 12*x^2*y*z - 32*x^2*y^2 - 3*y^2*z + 9*z^2 - 24*y*z"
```

Derivar:

```
derivateInOrderTo :: String -> Char -> String
derivateInOrderTo "-6*y^4 - 16*y^3 - 12*y^3*x^2 + 12*x^2*y*z - 32*x^2*y^2 -
3*y^2*z + 9*z^2 - 24*y*z" 'x'
Resultado: "-24*y^3*x - 64*y^2*x + 24*x*y*z"
```

Normalizar:

```
normalize :: String -> String
normalize "0*x -3*x + 2*z^3*x^2 -2*x - 3*y^2"
Resultado: "2*z^3*x^2 - 3*y^2 - 5*x"
```

Membros:

- André Morais up202005303
- Lucas Sousa up202004682