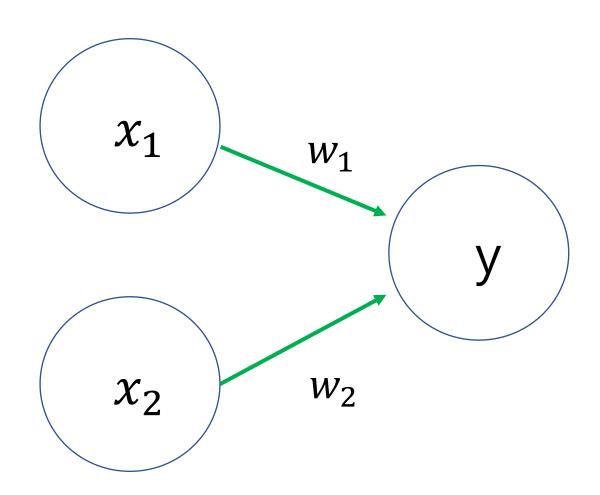
딥러닝(Deep Learning)

기본 알고리즘 알아보기

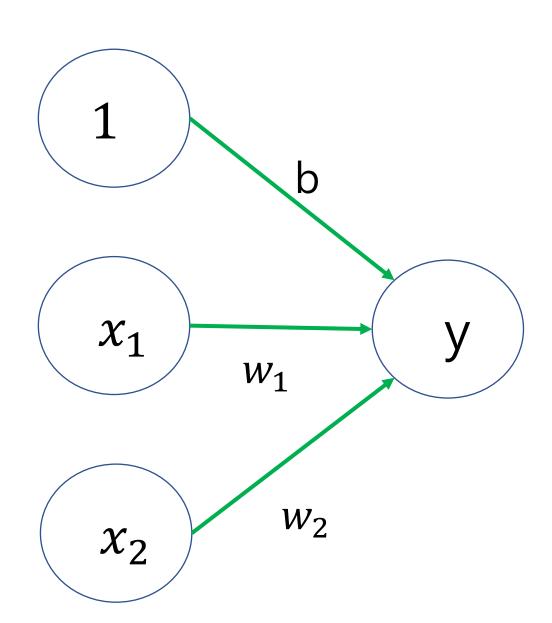
퍼셉트론 알아보기

- ▶ 가장 간단한 인공 신경망 구조의 하나.
- ▶ 1957년 프랑크 로젠블라트가 제안.
- ▶ 입력과 출력이 어떤 숫자이고 각각의 입력 연결은 가중치와 연관되어 있음.
- ▶ 입력과 가중치 합을 계산하고, 이어 계산된 합에 계단 함수(step function)을 적용

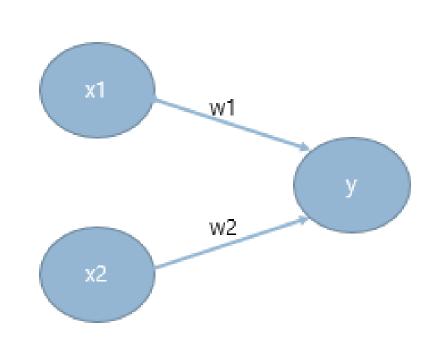
퍼셉트론 기본 구조



퍼셉트론 기본 구조



퍼셉트론 동작원리



$$y = \begin{cases} 0 & (w1*x1 + w2*x2 - \theta \le 0) \\ 1 & (w1*x1 + w2*x2 - \theta > 0) \end{cases}$$

참고

 $\dot{\theta}$ (theta) : 임계값

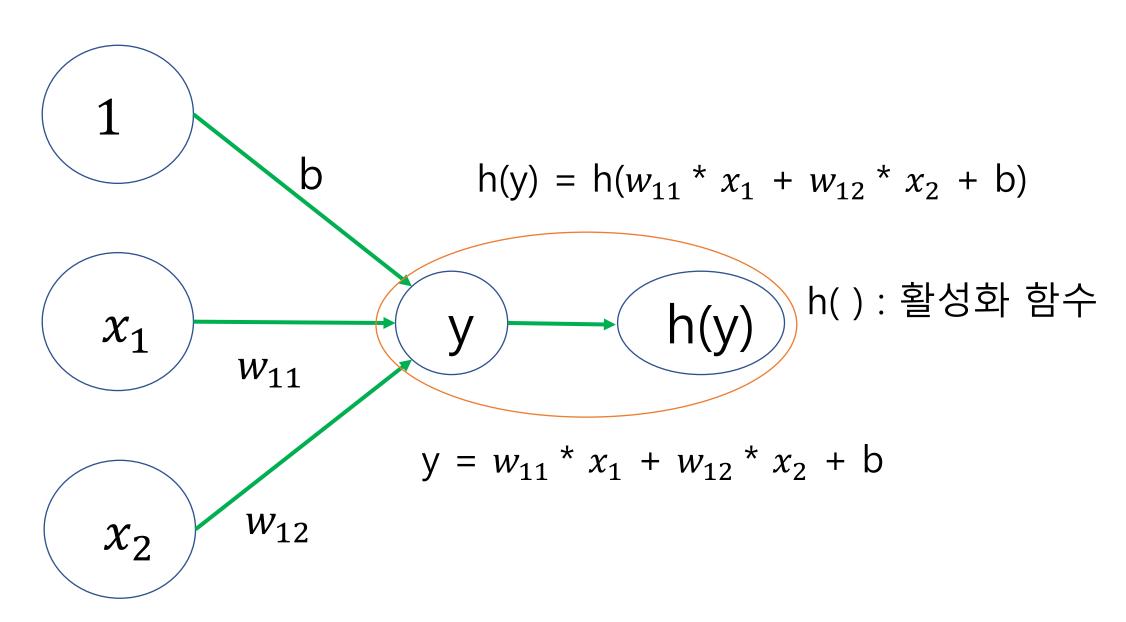
퍼셉트론과 신경망

- ▶ 다층 퍼셉트론은 퍼셉트론이 여러 층으로 구성된 신경망을 가르킨다.
- ▶ 다층 퍼셉트론은 (통과) 입력층 하나와 은닉층(hidden layer)라고 불 리는 하나이 이상의 TLU층과 마지막 층인 출력층(output layer)로 구성.
- ▶ 인공 신경망의 은닉층이 2개 이상일 때, 이를 심층 신경망(deep neural network)-DNN이라 한다.

인공 신경망이란?

- ▶ 딥러닝의 핵심이며 아주 복잡한 문제를 다루는 데 적합.
- ▶ 수백만 개의 이미지를 분류가 가능하다.
- ▶ 음성 인식 서비스의 성능을 높일 수 있다. (애플의 시리 등)
- ▶ 매일 수억 명의 사람들에게 가장 좋은 비디오를 추천해 준다. (예: 유튜브)
- ▶ 수백만 개의 기보를 익히고 자기 자신과 게임. (예: 딥마인드 알파고)

활성화 함수의 등장



활성화 함수의 기본 이해

$$h(x) = \begin{cases} 0 & (x \le 0) \\ 1 & (x > 0) \end{cases}$$

활성화 함수 - sigmoid(시그모이드 함수)

$$h(x) = \frac{1}{1 + exp(-x)}$$

 $\exp(-x)$ 는 e^{-x} 를 뜻한다.

e는 자연상수로 2.7182의 값을 갖는 실수이다.

h(1.0) = 0.731, h(2.0) = 0.880

활성화 함수- 시그모이드 함수

$$h(x) = \frac{1}{1 + exp(-x)}$$

 $\exp(-x)$ 는 e^{-x} 를 뜻한다.

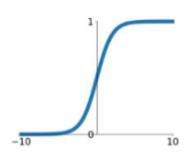
e는 자연상수로 2.7182의 값을 갖는 실수이다.

h(1.0) = 0.731, h(2.0)=0.880

활성화 함수의 종류

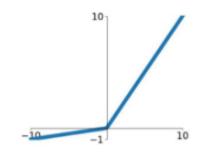
Sigmoid

$$\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$



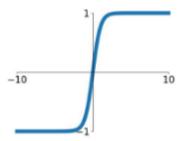
Leaky ReLU

 $\max(0.1x, x)$



tanh

tanh(x)

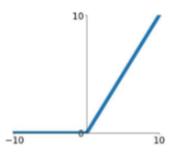


Maxout

 $\max(w_1^T x + b_1, w_2^T x + b_2)$

ReLU

 $\max(0, x)$

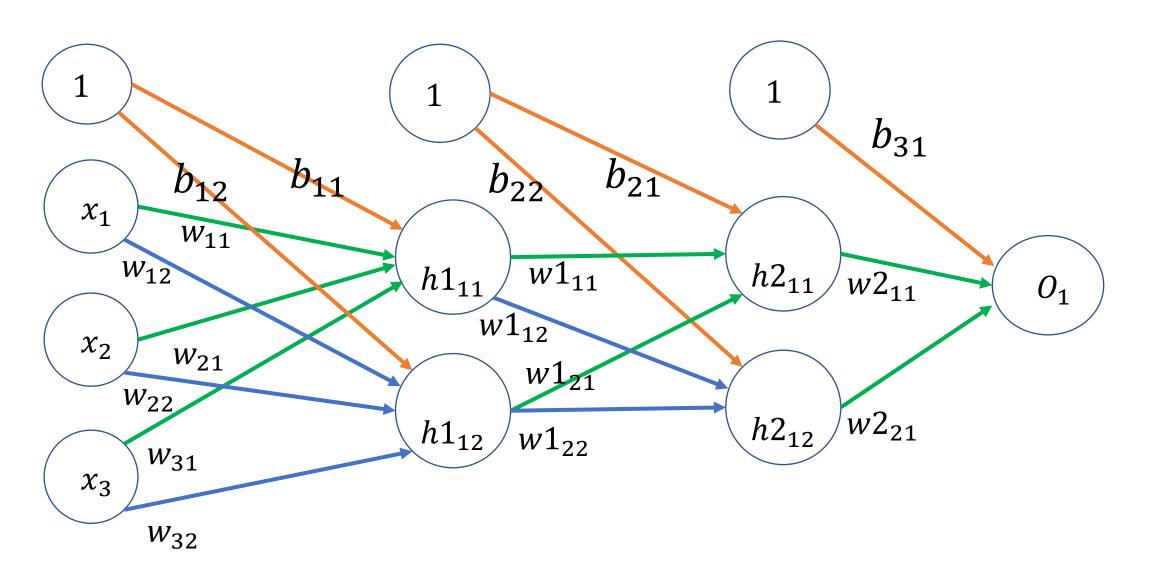


ELU

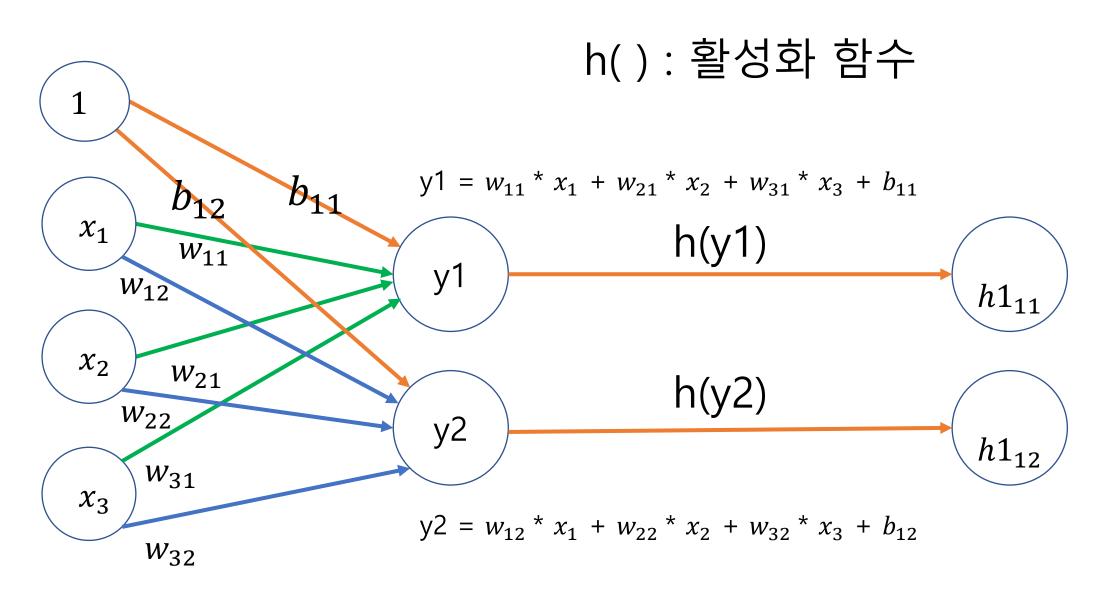
$$\begin{cases} x & x \ge 0 \\ \alpha(e^x - 1) & x < 0 \end{cases}$$

https://towardsdatascience.com/complete-guide-of-activation-functions-34076e95d044 참조

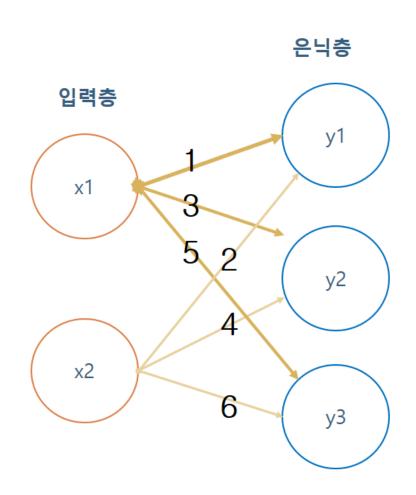
다층 신경망

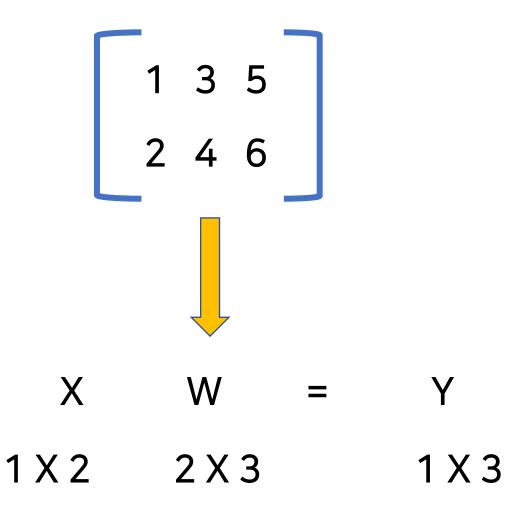


다층 신경망 일부 연산 확인



신경망을 행렬로 표시(1)





신경망을 행렬로 표시(2)

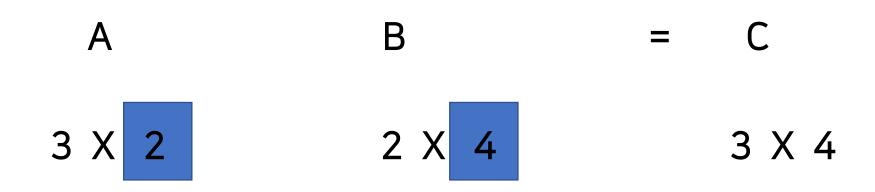
- ★ 첫번째 행렬의 열, 두번째 행의 행이 같다.
- ★ 첫번째 행렬의 행, 두번째 행의 열이 결과 행렬의 행렬이 된다.

행렬의 내적(예제)

```
A = np.array([[1,2],[3,4]])
A. shape
(2, 2)
B = np.array([[5,6],[7,8]])
B.shape
(2, 2)
np.dot(A,B)
array([[19, 22],
       [43, 50]])
```

행렬의 곱에서 유의하기

▶ 행렬의 곱에서는 대응하는 차원의 원소 수를 일치 시켜야 함.



다차원 배열 연산 예제

```
import numpy as np
A = np.array([1,2,3,4])
print(A)
[1 2 3 4]
                      배열의 차원수 확인
np.ndim(A)
                      배열의 형상
A. shape
(4,)
A.shape[0]
```

```
import numpy as np
B = np.array([[1,2],[3,4],[5,6]])
print(B)
[[1 2]
[3 4]
[5 6]]
np.ndim(B)
             배열의 차원수 확인
B.shape
             배열의 형상
(3, 2)
```

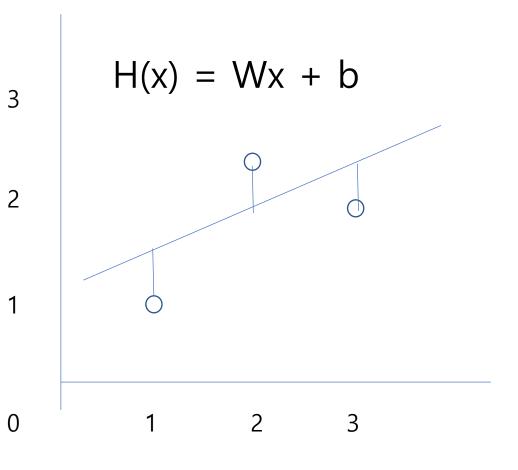
Cost function, loss function

- ▶ 비용 함수(cost function)는 전체 훈련 세트(또는 미니 배치 경사 하강법의 경우, 미니 배치)에 대한 것.
- ▶ 손실 함수(loss function)는 학습용 샘플의 하나의 예제에 대한 것.

Cost Function에 대해 알아보기

▶ 비용함수는 주어진 훈련 샘플과 예상 출력과 관련하여 신경망이 얼마나 좋은가를 측정한 것.

Cost =
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

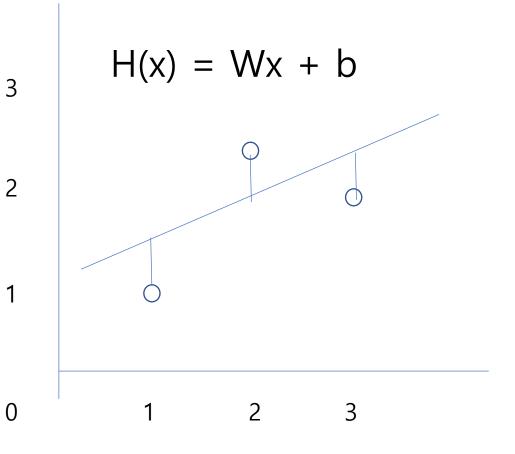


예측 모델과 cost function

▶ 모델(Hypothesis)과 cost Function

Cost =
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$
$$H(x) = Wx + b$$

Cost(W,b)=
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$



모델의 목표는 비용을 최소화

$$cost(W,b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^{2}$$
Minimize cost(W,b)

- ▶ 만약 모델이 비용함수를 MSE로 쓴다고 가정.
- ▶ W와 b를 통해 cost의 값을 최소화하는 알고리즘 구하기

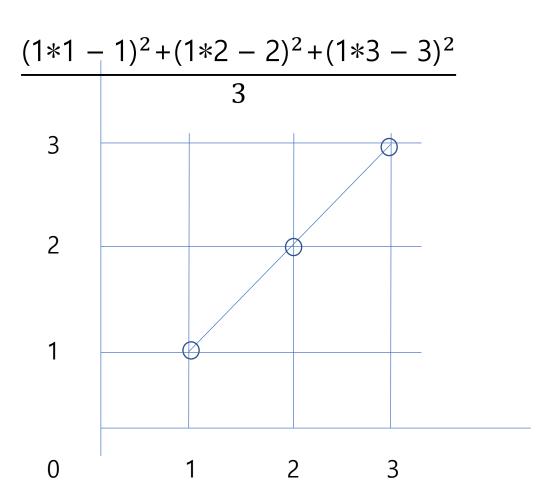
$$H(x) = Wx -> H(x)=1*x$$
 W가 1일때,

$$H(x) = Wx + b$$

cost(W,b)=
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

Cost(W,b)=
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

X	Υ
1	1
2	2
3	3



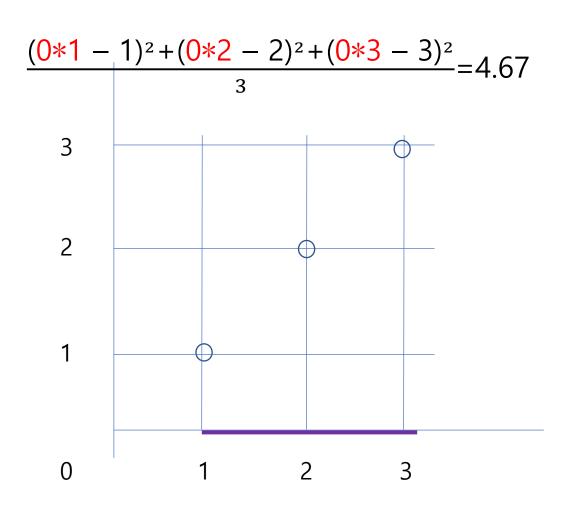
$$H(x) = Wx -> H(x)=0*x$$
 W가 0일때,

$$H(x) = Wx + b$$

cost(W,b)=
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

X	Y
1	1
2	2
3	3

Cost(W,b)=
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$



$$H(x) = Wx -> H(x)=2*x$$

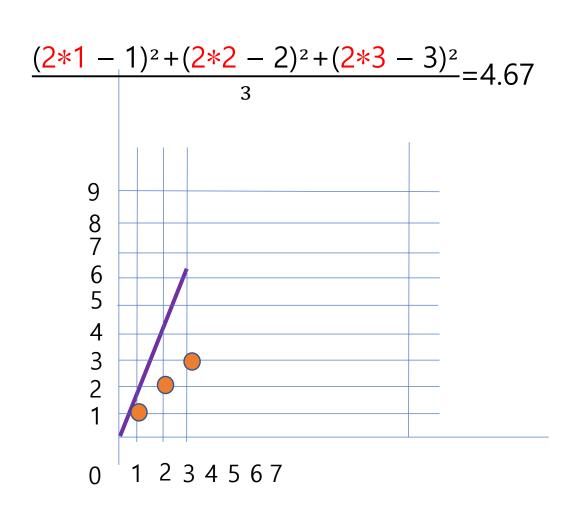
 W가 2일때,

$$H(x) = Wx + b$$

cost(W,b)=
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

X	Y
1	1
2	2
3	3

Cost(W,b)=
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

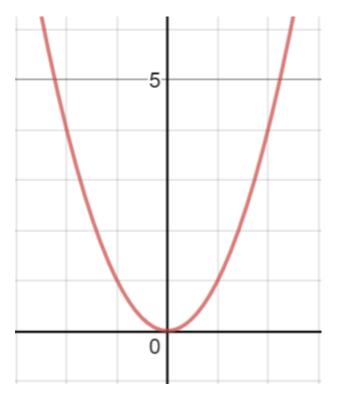


H(x) = Wx + b

W가 0일때, cost(W)=4.67

W가 1일때, cost(W)=0

W가 2일때, cost(W)=4.67



경사 하강 알고리즘

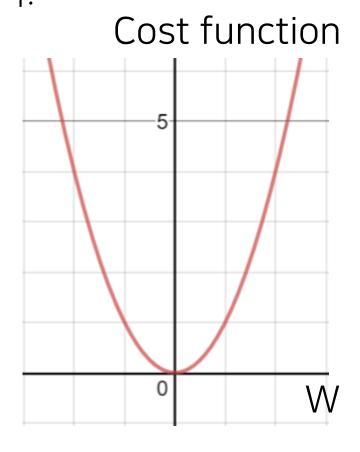
▶ 어떻게 비용 함수가 최소가 되는 W 파라미터를 구할 수 있을까? 경사를 따라 내려가는 알고리즘 중의 하나이다.

가. Cost function을 최소화시키기

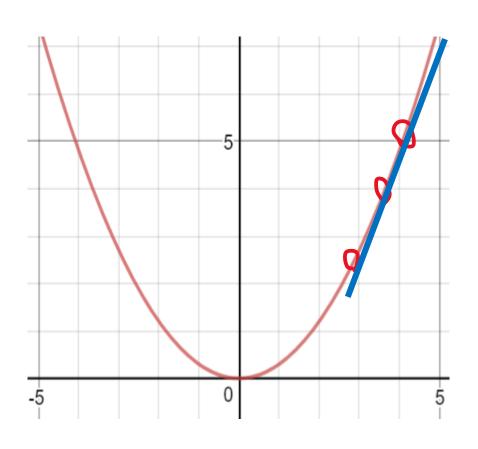
나. Gradient descent 는 여러 최소화 문 제를 풀기 위해 사용된다.

다. Cost function이 주어지고, 이 알고리 즘은 cost를 최소화시키는 W와 b를 찾 을 것이다.

라. W1, w2, w3...



경사 하강 알고리즘(Gradient descent algorithm)



- ▶ 점진적으로 반복적인 계산을 통해 W파라미터 값을 업데이트
- ▶ 오류 값이 최소가 되도록 W 파라미터를 구하는 방식
- ▶ 예측값과 실제 값의 차이가 작아지는 방향성을 가지고 W파라미 터를 보정해 간다.
- ▶ 오류 값이 더 작아지지 않으면 그 오류 값을 최소 비용으로 판단 하고 그때의 W값을 최적 파라미터로 반환.
- ▶ "어떻게 하면 오류가 작아지는 방향으로 W값을 보정할 수 있을 까?
- ▶ 예를 들어, 비용함수가 그림과 같은 포물선 형태의 2차 함수라면 경사 하강법은 최초 w에서부터 미분을 적용한 뒤, 미분값을 감소시키는 방향으로 w값을 업데이트.

Cost(W) =
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$



Cost(W) =
$$\frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

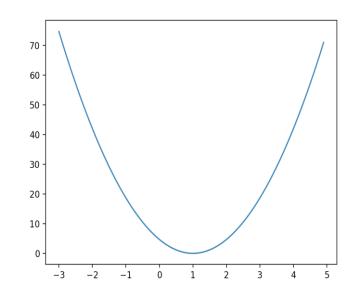
★ 앞의 1/m이나 1/2m 같은 의미를 지닌다.

Cost(W)=
$$\frac{1}{2m}\sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2_{\text{Cost(W)}}$$



Cost 함수를 미분하면 기울기 를 구할 수 있다.

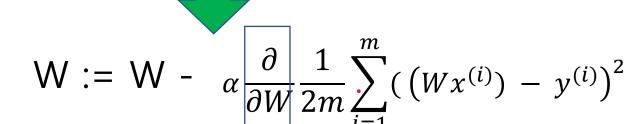
$$W := W - \alpha \frac{\partial}{\partial W} cost(W)$$



- ▶ W가 최소지점의 영역의 오른쪽에 있으면 -방향으로
- ▶ W가 최소지점의 왼쪽에 있으면 + 방향으로 움직이기 위해 -를 붙여준다.

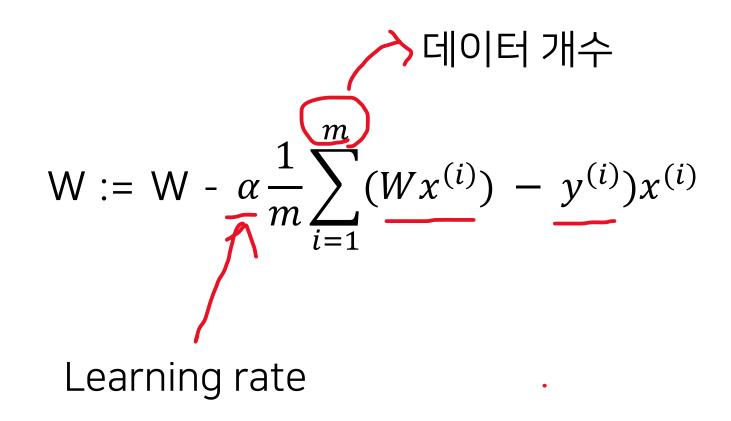
Cost(W)=
$$\frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

$$W := W - \alpha \frac{\partial}{\partial w} cost(W)$$



W := W -
$$\alpha \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} 2(Wx^{(i)}) - y^{(i)} x^{(i)}$$

$$W := W - \alpha \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (Wx^{(i)}) - y^{(i)} x^{(i)}$$



★ 우리는 위와 같이 Gradient descent 알고리즘이 수식으로 나오고, 우리는 이를 기계적으로 적용만 시키면 이 Cost Function을 최소화하는 W를 구해내고, 이것이 바로 linear regression인 학습과정을 통해서 모델을 만든다고 할 수 있다.

정리해 보기

- Hypothesis
$$H(x) = Wx + b$$

- Cost function
$$Cost(W,b) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} ((Wx^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

- Gradient descent algorithm

