선형 회귀(Linear Regression) 모델 구현하기

• 플레이스 홀더를 선언 후, 그래프 실행시에 데이터를 입력받아, 연산 수행

2-1. 라이브러리 불러오기 및 데이터 지정

In [4]:

1 from IPython.display import display, Image

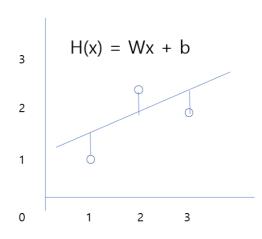
In [5]:

1 display(Image(filename='../img/TF_Regression01.png'))

Cost function

Hypothesis와 cost Function

Cost =
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$



In [6]:

1 import tensorflow as tf

학습을 위한 데이터 지정

In [7]:

```
1 x_data = [1,2,3,4,5]
2 y_data = [10,20,30,40,50]
```

2.2 W와 b를 각각 -1~1 사이의 균등분포(uniform distributiion)를 가진 무작위값으로 초기화수행

- 가중치(Weight)와 Bias를 임의의 값(-1 ~ 1)으로 초기화
- tf.random_uniform(shape, minval=0, maxval=None, dtype=tf.float32, seed=None, name=None) : 균등 분포로 부터 난수값 발생.

In [8]:

```
1 W = tf.Variable(tf.random_uniform([1], -1.0, 1.0))
2 b = tf.Variable(tf.random_uniform([1], -1.0, 1.0))
3 print(W)
4 print(b)
```

```
<tf.Variable 'Variable:0' shape=(1,) dtype=float32_ref> <tf.Variable 'Variable_1:0' shape=(1,) dtype=float32_ref>
```

2.3 플레이스 홀더(placeholder) 설정(이름 지정 - name)

- 플레이스 홀더는 나중에 데이터를 할당되는 심플한 변수이다.
- 데이터 없이도 텐서 그래프의 작성이 가능하다.
- feed_dict에 의해 나중에 값을 정의할 수 있다.
- 배열, matrix, 몇몇의 숫자 등의 다양한 형태의 값을 가질 수 있다.
- None은 임의의 행의 데이터를 가르킨다.

In [9]:

```
1 T = tf.placeholder(tf.float32)
2 print(T)
```

Tensor ("Placeholder:0", dtype=float32)

In [10]:

```
1  X = tf.placeholder(tf.float32, name='X')
2  Y = tf.placeholder(tf.float32, name='Y')
3  4  print(X)
5  print(Y)
```

Tensor("X:0", dtype=float32)
Tensor("Y:0", dtype=float32)

2-4 선형관계 수식 작성

In [11]:

```
1 # 선형관계의 수식을 작성.
2 # W : 가중치(Weight), b : 편향(bias)
3 hypothesis = W * X + b
```

In [12]:

```
1 # hypothesis = W * X + b
```

2-5 손실함수(loss function)

- 우리는 나중에 학습시에 Loss를 최소화하는 W와 b의 값을 구하게 된다.
- 데이터에 대한 손실값을 계산하는 함수
- 손실값이란 실제값과 모델이 예측한 값이 얼마나 차이가 나는가를 나타내는 값.

- 손실값이 적을 수록 모델이 주어진 X값에 대한 Y값을 정확하게 예측할 수 있다라는 의미
- 손실을 전체 데이터에 대해 구한 경우 이를 비용(cost)이라 한다.

In [15]:

display(Image(filename='../img/TF_Regression02.png'))

Cost =
$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (H(x^{(i)}) - y^{(i)})^2$$

식을 만들기

In [16]:

```
1 # hypothesis(예측) - Y(설제)
2 # tf.square(예측과실제의차이) -> 제곱
3 # tf.reduce_mean(a) -> a의 평균
4 cost = tf.reduce_mean(tf.square(hypothesis - Y))
5 cost
```

Out [16]:

<tf.Tensor 'Mean:0' shape=() dtype=float32>

2-6 최적화 함수(경사하강법)

- 경사하강법: 함수의 기울기를 구하고, 기울기가 낮은 쪽으로 계속 이동시키면서 최적의 값을 찾아 나간다. (즉 손실값을 낮춰가며, 계속 최적의 값을 찾아간다.)
- 경사하강법(gradient descent)는 최적화 방법 중 가장 기본적인 알고리즘이다.
- 최적화 함수란 가중치(w)와 편향(b)을 변경해 가면서 손실값을 최소화시키는 가장 최적화된 가중치와 편향 값을 찾아주는 함수.
- learning rate는 학습을 얼마나 급하게 할 것인가를 설정하는 값

In [17]:

```
optimizer = tf.train.GradientDescentOptimizer(learning_rate=0.01)
train_op = optimizer.minimize(cost)
train_op
```

Out[17]:

<tf.Operation 'GradientDescent' type=NoOp>

• 학습을 진행하는 과정 중에 영향을 주는 변수를 **하이퍼파라미터(hyperparameter)**라 한다. 이에 따라 학습 속도와 신경망 성능이 달라질 수 있다

with를 이용하여 세션 블록(세션영역)을 생성

• 출력 순서

• step : 단계

• cost_val : cost 비용 • sess.run(W) : 가중치 값

• sess.run(b) : 편향 값

In [19]:

with tf.Session() as sess:

```
2
        sess.run(tf.global_variables_initializer())
  3
  4
        for step in range(100):
  5
          _, cost_val = sess.run([train_op, cost], feed_dict={X:x_data, Y:y_data})
          print(step, "Cost = \%-10.5f" % cost_val, end=" ")
  6
          print("W = %10.6f" % sess.run(W), end=" ")
  7
          print("B = \%10.6f" % sess.run(b), end="\$m")
  8
0 \text{ Cost} = 987.66052
                       W =
                               2.406130 B =
                                                 1.311109
1 \text{ Cost} = 576.31610
                        W =
                               3.998115 B =
                                                  1.740519
2 \text{ Cost} = 336.59995
                               5.214098 B =
                                                 2.065822
                        W =
                               6.143047 B =
3 \text{ Cost} = 196.90007
                        W =
                                                 2.311660
4 \text{ Cost} = 115.48491
                       W =
                               6.852877 B =
                                                 2.496844
5 \text{ Cost} = 68.03518
                        W =
                               7.395433 B =
                                                 2.635734
6 \text{ Cost} = 40.37886
                               7.810294 B =
                        W =
                                                 2.739293
7 \text{ Cost} = 24.25718
                        W =
                               8.127672 B =
                                                 2.815890
8 \text{ Cost} = 14.85735
                        W =
                               8.370631 B =
                                                 2.871912
9 \text{ Cost} = 9.37473
                        W =
                               8.556778 B =
                                                 2.912236
                         W =
10 \text{ Cost} = 6.17489
                                8.699553 B =
                                                  2.940584
11 \text{ Cost} = 4.30538
                         W =
                                8.809216 B =
                                                  2.959800
12 \text{ Cost} = 3.21116
                         W =
                                8.893600 B =
                                                  2.972051
13 \text{ Cost} = 2.56875
                         W =
                                8.958685 B =
                                                  2.978994
14 \text{ Cost} = 2.18969
                         W =
                                9.009034 B =
                                                  2.981893
15 \text{ Cost} = 1.96411
                         W =
                                9.048133 B =
                                                  2.981713
16 \text{ Cost} = 1.82801
                         W =
                                9.078641 B =
                                                  2.979190
17 \text{ Cost} = 1.74408
                         W =
                                9.102589 B =
                                                  2.974888
18 \text{ Cost} = 1.69059
                         W =
                                9.121526 B =
                                                  2.969235
19 \text{ Cost} = 1.65487
                         W =
                                9.136636 B =
                                                  2.962559
20 \text{ Cost} = 1.62953
                         W =
                                9.148823 B =
                                                  2.955109
21 \text{ Cost} = 1.61027
                         W =
                                9.158775 B =
                                                  2.947078
                                9.167020 B =
22 \text{ Cost} = 1.59459
                         W =
                                                  2.938610
23 \text{ Cost} = 1.58102
                         W =
                                9.173959 B =
                                                  2.929816
24 \text{ Cost} = 1.56871
                         W =
                                9.179899 B =
                                                  2.920782
25 \text{ Cost} = 1.55717
                         W =
                                9.185075 B =
                                                  2.911573
                         W =
                                9.189664 B =
26 \text{ Cost} = 1.54611
                                                  2.902237
27 \text{ Cost} = 1.53535
                         W =
                                9.193804 B =
                                                  2.892812
28 \text{ Cost} = 1.52479
                         W =
                                9.197598 B =
                                                  2.883327
29 \text{ Cost} = 1.51439
                         W =
                                9.201127 B =
                                                  2.873805
30 \text{ Cost} = 1.50410
                         W =
                                9.204451 B =
                                                  2.864261
31 \text{ Cost} = 1.49391
                         W =
                                9.207616 B =
                                                  2.854709
32 \text{ Cost} = 1.48381
                         W =
                                9.210658 B =
                                                   2.845158
33 \text{ Cost} = 1.47378
                         W =
                                9.213604 B =
                                                   2.835615
34 \text{ Cost} = 1.46382
                         W =
                                9.216475 B =
                                                  2.826087
35 \text{ Cost} = 1.45393
                         W =
                                9.219285 B =
                                                   2.816576
                         W =
                                9.222048 B =
36 \text{ Cost} = 1.44412
                                                  2.807088
37 \text{ Cost} = 1.43437
                         W =
                                9.224772 B =
                                                  2.797623
                                9.227465 B =
38 \text{ Cost} = 1.42468
                         W =
                                                  2.788185
39 \text{ Cost} = 1.41507
                         W =
                                9.230131 B =
                                                   2.778773
40 \text{ Cost} = 1.40551
                         W =
                                9.232776 B =
                                                   2.769390
41 \text{ Cost} = 1.39602
                         W =
                                9.235401 B =
                                                   2.760035
42 \text{ Cost} = 1.38660
                         W =
                                9.238010 B =
                                                   2.750710
43 \text{ Cost} = 1.37724
                         W =
                                9.240605 B =
                                                  2.741416
44 \text{ Cost} = 1.36794
                         W =
                                9.243187 B =
                                                  2.732151
45 \text{ Cost} = 1.35871
                         W =
                                9.245757 B =
                                                  2.722917
46 \text{ Cost} = 1.34954
                         W =
                                9.248316 B =
                                                  2.713713
47 \text{ Cost} = 1.34043
                         W =
                                9.250863 B =
                                                  2.704540
48 \text{ Cost} = 1.33138
                         W =
                                9.253401 B =
                                                   2.695397
49 \text{ Cost} = 1.32239
                         W =
                                9.255929 B =
                                                  2.686285
```

```
50 \text{ Cost} = 1.31346
                         W =
                                 9.258448 B =
                                                    2.677204
51 \text{ Cost} = 1.30460
                                 9.260957 B =
                                                   2.668153
52 \text{ Cost} = 1.29579
                         W =
                                 9.263457 B =
                                                   2.659133
                                 9.265948 B =
53 \text{ Cost} = 1.28704
                         W =
                                                   2.650143
54 \text{ Cost} = 1.27836
                         W =
                                 9.268431 B =
                                                   2.641183
55 \text{ Cost} = 1.26973
                         W =
                                 9.270905 B =
                                                   2.632253
56 \text{ Cost} = 1.26116
                         W =
                                 9.273371 B =
                                                   2.623354
                                 9.275828 B =
57 \text{ Cost} = 1.25264
                         W =
                                                   2.614485
58 \text{ Cost} = 1.24419
                         W =
                                 9.278277 B =
                                                   2.605645
59 \text{ Cost} = 1.23579
                         W =
                                 9.280718 B =
                                                   2.596836
60 \text{ Cost} = 1.22745
                         W =
                                 9.283150 B =
                                                   2.588056
61 \text{ Cost} = 1.21916
                         W =
                                 9.285573 B =
                                                   2.579306
                                 9.287989 B =
62 \text{ Cost} = 1.21093
                         W =
                                                   2.570585
63 \text{ Cost} = 1.20275
                         W =
                                 9.290396 B =
                                                   2.561894
64 \text{ Cost} = 1.19464
                         W =
                                 9.292795 B =
                                                   2.553233
                         W =
                                 9.295186 B =
65 \text{ Cost} = 1.18657
                                                   2.544600
66 \text{ Cost} = 1.17856
                         W =
                                 9.297569 B =
                                                   2.535997
67 \text{ Cost} = 1.17061
                         W =
                                 9.299944 B =
                                                   2.527423
                                 9.302311 B =
68 \text{ Cost} = 1.16270
                         W =
                                                   2.518878
69 \text{ Cost} = 1.15486
                         W =
                                 9.304669 B =
                                                   2.510362
                         W =
70 \text{ Cost} = 1.14706
                                 9.307020 B =
                                                   2.501874
71 \text{ Cost} = 1.13932
                         W =
                                 9.309363 B =
                                                   2.493416
                         W =
                                 9.311699 B =
72 \text{ Cost} = 1.13162
                                                   2.484986
73 \text{ Cost} = 1.12399
                         W =
                                 9.314026 B =
                                                   2.476584
74 \text{ Cost} = 1.11640
                         W =
                                 9.316345 B =
                                                   2.468211
75 \text{ Cost} = 1.10886
                         W =
                                 9.318657 B =
                                                   2.459866
76 \text{ Cost} = 1.10138
                         W =
                                 9.320960 B =
                                                   2.451549
77 \text{ Cost} = 1.09394
                         W =
                                 9.323256 B =
                                                   2.443260
78 \text{ Cost} = 1.08656
                         W =
                                 9.325543 B =
                                                   2.435000
79 \text{ Cost} = 1.07922
                         W =
                                 9.327824 B =
                                                   2.426767
80 \text{ Cost} = 1.07194
                         W =
                                 9.330096 B =
                                                   2.418563
81 \text{ Cost} = 1.06470
                         W =
                                 9.332361 B =
                                                   2.410386
82 \text{ Cost} = 1.05751
                         W =
                                 9.334619 B =
                                                   2.402236
                                 9.336868 B =
                         W =
                                                   2.394114
83 \text{ Cost} = 1.05038
84 \text{ Cost} = 1.04328
                         W =
                                 9.339110 B =
                                                   2.386020
                         W =
85 \text{ Cost} = 1.03624
                                 9.341345 B =
                                                   2.377953
86 \text{ Cost} = 1.02925
                         W =
                                 9.343572 B =
                                                   2.369913
                         W =
                                 9.345791 B =
87 \text{ Cost} = 1.02230
                                                   2.361901
88 \text{ Cost} = 1.01540
                         W =
                                 9.348002 B =
                                                   2.353915
89 \text{ Cost} = 1.00854
                         W =
                                 9.350207 B =
                                                   2.345957
                         W =
                                 9.352405 B =
                                                   2.338025
90 \text{ Cost} = 1.00174
91 \text{ Cost} = 0.99497
                         W =
                                 9.354594 B =
                                                   2.330121
92 \text{ Cost} = 0.98826
                         W =
                                 9.356776 B =
                                                   2.322242
93 \text{ Cost} = 0.98159
                         W =
                                 9.358951 B =
                                                   2.314391
                         W =
                                 9.361118 B =
94 \text{ Cost} = 0.97496
                                                   2.306566
95 \text{ Cost} = 0.96838
                         W =
                                 9.363278 B =
                                                   2.298768
96 \text{ Cost} = 0.96184
                         W =
                                 9.365431 B =
                                                   2.290996
97 \text{ Cost} = 0.95535
                         W =
                                 9.367577 B =
                                                   2.283250
98 \text{ Cost} = 0.94890
                         W =
                                 9.369715 B =
                                                   2.275531
99 \text{ Cost} = 0.94249
                         W =
                                 9.371845 B =
                                                   2.267837
```

생각해 보기

• 만약 for문을 계속 반복시켜가면 W의 값은 어떤 값에 가까워질까?

2-7 학습 후, 결과값 확인하기

In [13]:

```
with tf.Session() as sess:
1
2
     sess.run(tf.global_variables_initializer())
3
4
     for step in range(1001):
5
       _, cost_val = sess.run([train_op, cost], feed_dict={X:x_data, Y:y_data})
6
       if step%10==0:
7
         print(step, cost_val, sess.run(W), sess.run(b))
8
9
     print()
10
     print("최종 학습된 결과로 예측해 보기")
     print("Y = {Weight} * X + {Bias} ".format(Weight=sess.run(W), Bias=sess.run(b)))
11
     print("X:5, Y:", sess.run(hypothesis, feed_dict={X:5}))
12
     print("X:2.5, Y:", sess.run(hypothesis, feed_dict={X:2.5}))
13
14
```

```
0 1086.6752 [2.071835] [1.2386663]
10 6.642415 [8.672422] [2.95255]
20 1.6505979 [9.142491] [2.9721873]
30 1.5219158 [9.199667] [2.8811414]
40 1.4221544 [9.228242] [2.785733]
50 1.3290131 [9.25407] [2.6930044]
60 1.2419746 [9.278919] [2.60333]
70 1.1606374 [9.302931] [2.5166397]
80 1.0846274 [9.326143] [2.4328358]
90 1.0135926 [9.348583] [2.3518229]
100 0.94721144 [9.3702755] [2.273507]
110 0.8851782 [9.391245] [2.1978]
120 0.8272082 [9.411516] [2.124614]
130 0.773033 [9.431112] [2.0538647]
140 0.722408 [9.450056] [1.9854717]
150 0.6750964 [9.4683695] [1.9193556]
160 0.63088334 [9.486073] [1.8554412]
170 0.58956724 [9.503185] [1.7936556]
180 0.5509545 [9.51973] [1.7339272]
100 0 E14070EE [0 E0E700] [1 6761070]
```