

제 3 장 블록암호 와 DES

□ 목 차

- ❖ 단순 DES
- ❖ 블록 암호 기법
- ❖ DES
- ❖ 블록 암호의 설계 원리
- ❖ 블록 암호의 운용 모드

암호학(cryptology)

암호시스템 3가지 영역

❖ 평문을 암호화하기 위한 연산자의 유형

- 전치(轉置, Transposition) : 평문의 각 원소를 재배열
- 치환(置換, Substitution) : 평문의 각 원소를 다른 원소로 사상

❖ 사용된 키의 수

- 관용키(conventional key) : single-key, symmetric, secret-key; 송수신자가 같은 키를 사용
- 공개키(public key) : two-key, asymmetric, public-key; 송수신자가 다른 키를 사용

❖ 평문 처리 방법

- 블록 암호화 (Block cipher) : 연산을 블록 단위로 처리
- 스트림 암호화 (Stream cipher) : 입력을 연속적으로 처리

블록 암호 기법

◆ 스트림 암호와 블록 암호 기법

❖ 스트림 암호

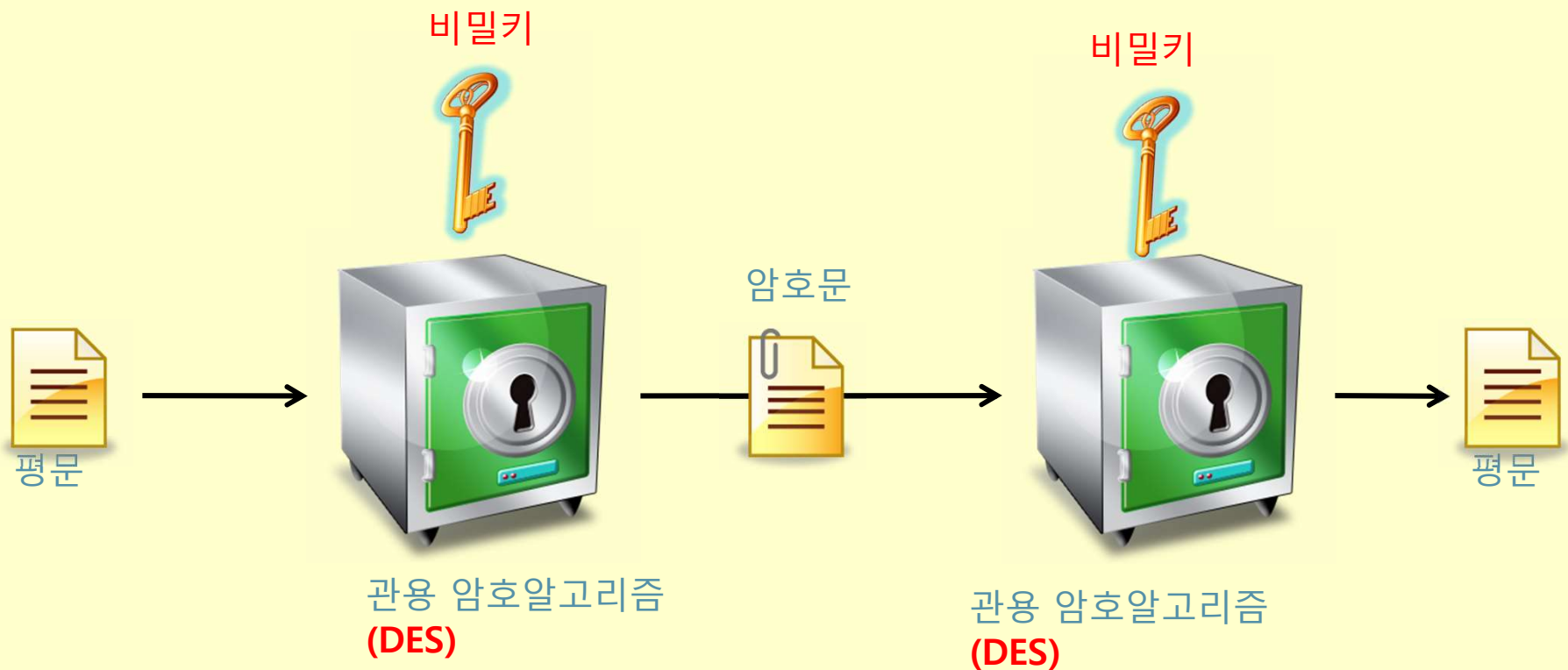
- 한번에 1비트 혹은 1 바이트
- Vigenere 암호, Vernam 암호

❖ 블록 암호

- 평문 블록 전체(64비트 - 전형적)
- 다양한 작동모드 사용
- 스트림 방식에 비해 응용 범위 넓음
- 대부분 네트워크 기반 관용 암호 방식에 사용

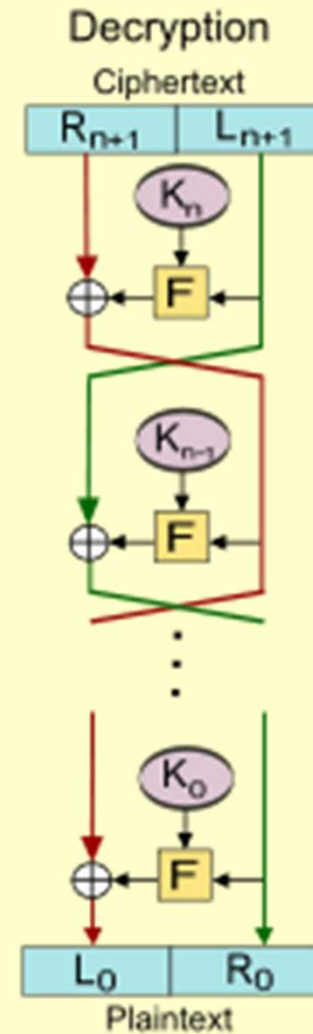
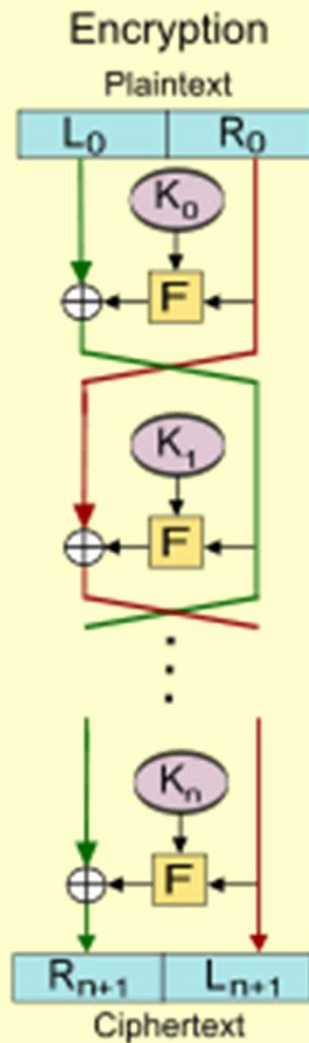
□ 관용 암호 방식 (conventional key cryptosystem)

- 송수신자가 **같은 키**를 사용
- single-key, symmetric-key, secret-key



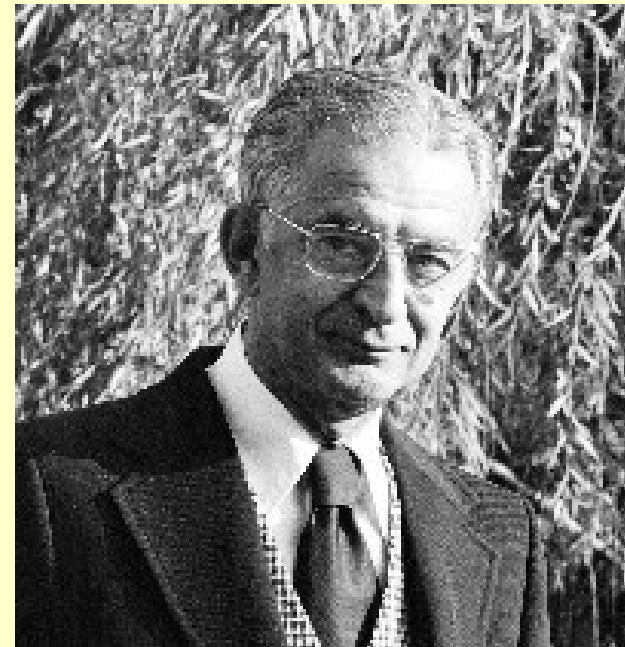
Feistel 암호

- 두 개 이상의 기본 암호 연속적 수행(치환, 순열(전치) 번갈아 수행)



Feistel 암호

- Horst Feistel (January 30, 1915–November 14, 1990) was a cryptographer who worked on the design of ciphers at IBM, initiating research that would culminate in the development of the Data Encryption Standard (DES) in the 1970s.



Feistel 암호

□ 확산과 혼돈

- 매우 이상적인 암호는 암호문에 대한 모든 통계적 정보가 사용된 키와 독립적이어야 한다.

- ❖ Claude Shannon 소개

- ❖ 통계적 분석에 기초한 암호 해독 방지

□ 확산(diffusion)

- ❖ 평문의 통계적 구조가 암호문에 광범위하게 분산(평문과 암호문 관계 복잡)

- ❖ 각 평문 숫자가 다수의 암호문 숫자 값에 영향

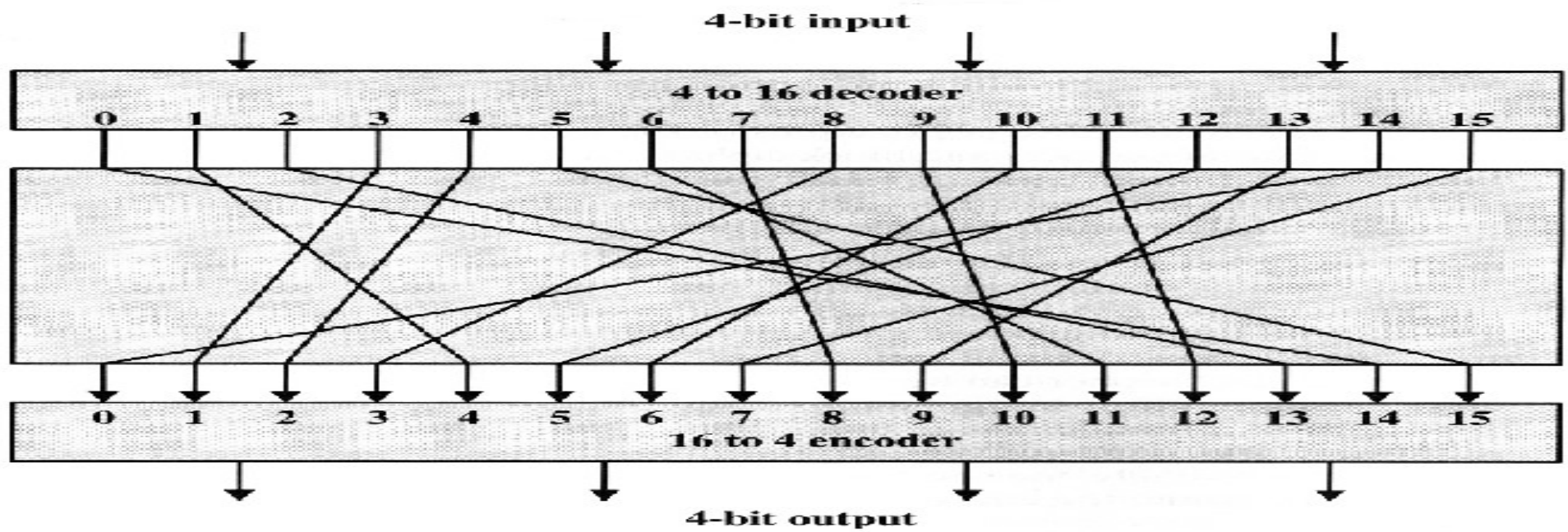
□ 혼돈(confusion)

- ❖ 암호문의 통계적 구조와 암호 키 값 사이의 관계 복잡

- ❖ 주기를 이용한 암호문 생성 방법 복잡(주기 추론 어려움)

Feistel 암호 구조

- n 비트 블록처리: n 비트 평문을 입력으로 n 비트 암호문 출력
 - ❖ 역으로 n 비트 암호문 입력에 대해 n 비트 평문 출력(역의 성립: **reversible**, 비특이형: **nonsingular**)
 - ❖ 2^n 가지의 서로 다른 블록 존재 가능
- 일반적인 n 비트- n 비트 블록치환($n=4$ 인 경우)
 - ❖ 4비트 입력으로 16개 값 중 하나 선택하고 , 내부 치환에 의하여 16개 출력 값 중 하나 대응하여 4비트 출력



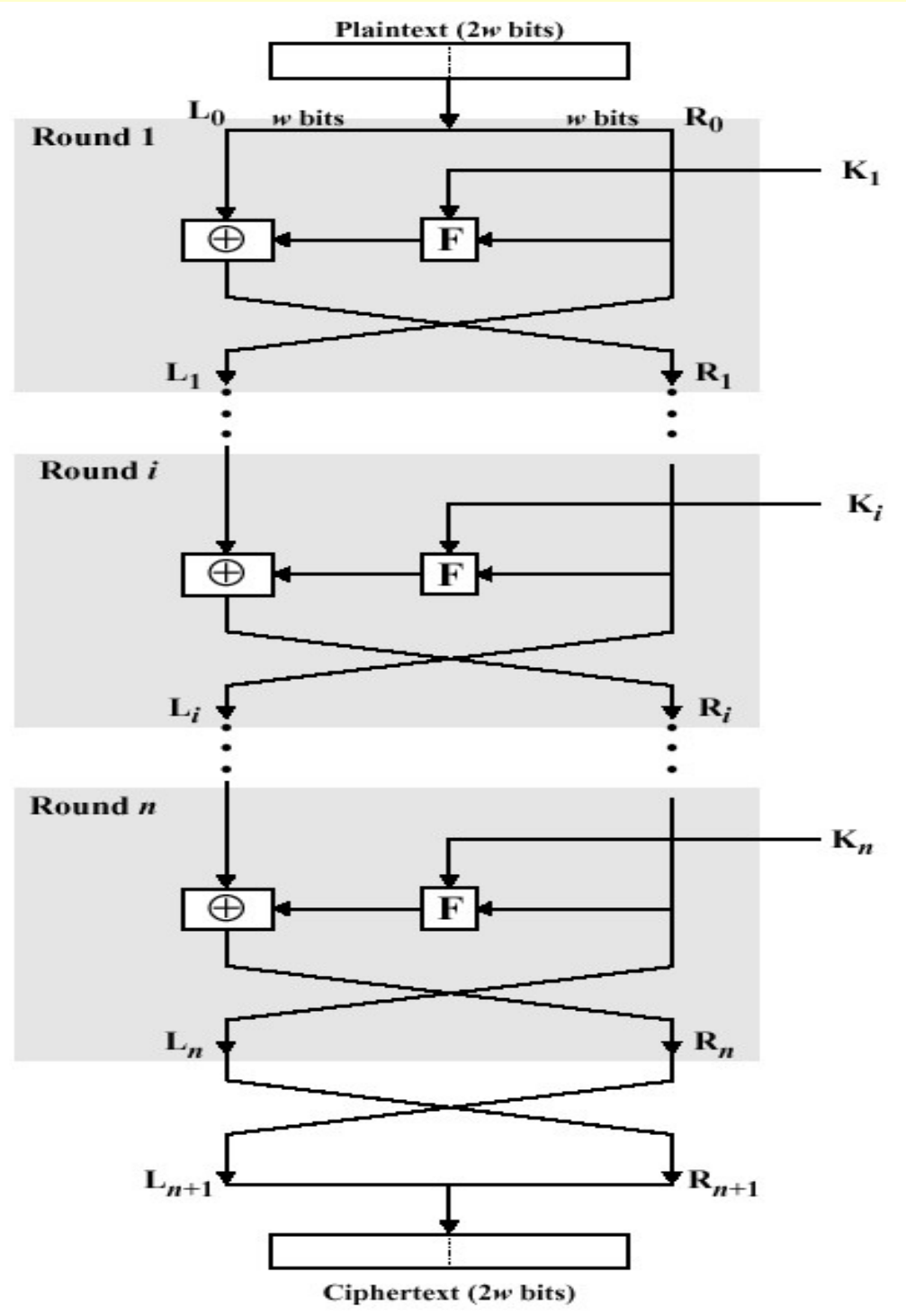
Feistel 암호 구조

처리구조

- ❖ 길이 $2w$ 비트인 평문 블록(L_0, R_0) 분할 처리
- ❖ K 로부터 유도된 n 개의 키(K_i) 사용
- ❖ n 회의 동일한 반복 구조 실행

하나의 반복 구조

- ❖ 오른쪽 반 R_0 에 반복 함수 F 적용
 - ❖ 반복 서브키 K_i 적용 ($K_i \neq K_j$)
- ❖ 왼쪽 반 L_0 와 XOR(치환 작용)
- ❖ 좌우 양쪽 결과를 교환
(순열, 전치 작용)



Feistel 암호 구조

□ 암호 알고리즘의 n 번의 과정 :

$$\diamond LE_1 = RE_0$$

$$\diamond RE_1 = LE_0 \oplus F(RE_0, K_1)$$

$$\diamond LE_2 = RE_1$$

$$\diamond RE_2 = LE_1 \oplus F(RE_1, K_2)$$

$$\diamond LE_i = RE_{i-1}$$

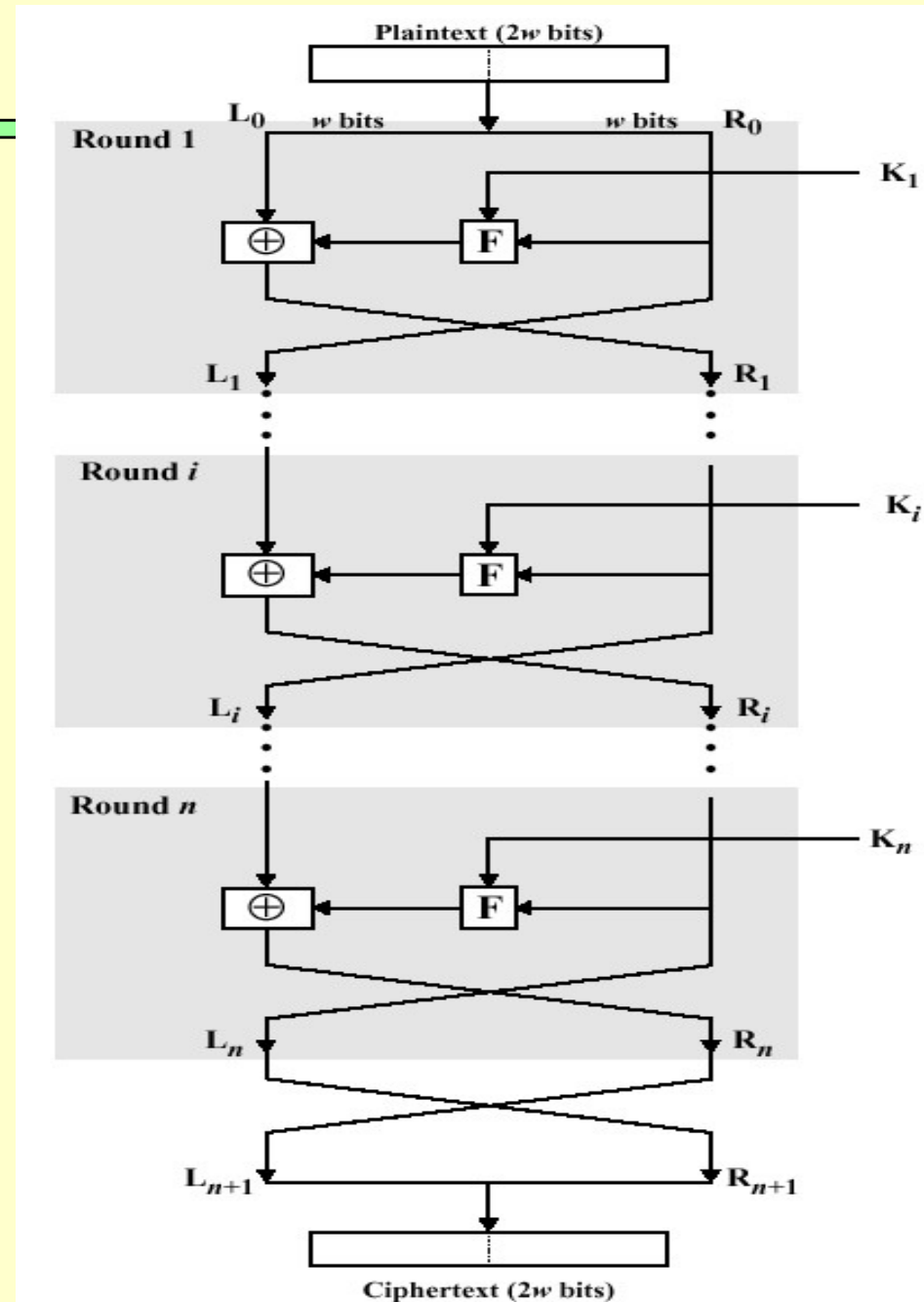
$$\diamond RE_i = LE_{i-1} \oplus F(RE_{i-1}, K_i)$$

□ n 번의 반복과정

□ 암호화 마지막 반복과정

$$\diamond LE_{16} = RE_{15}$$

$$\diamond RE_{16} = LE_{15} \oplus F(RE_{15}, K_{16})$$



Feistel 암호 구조

□ 암호 알고리즘의 i 번째 반복 과정은

$$\diamond LE_i = RE_{i-1}$$

$$\diamond RE_i = LE_{i-1} \oplus F(RE_{i-1}, K_i)$$

□ 역으로 정리하면

$$\diamond RE_{i-1} = LE_i$$

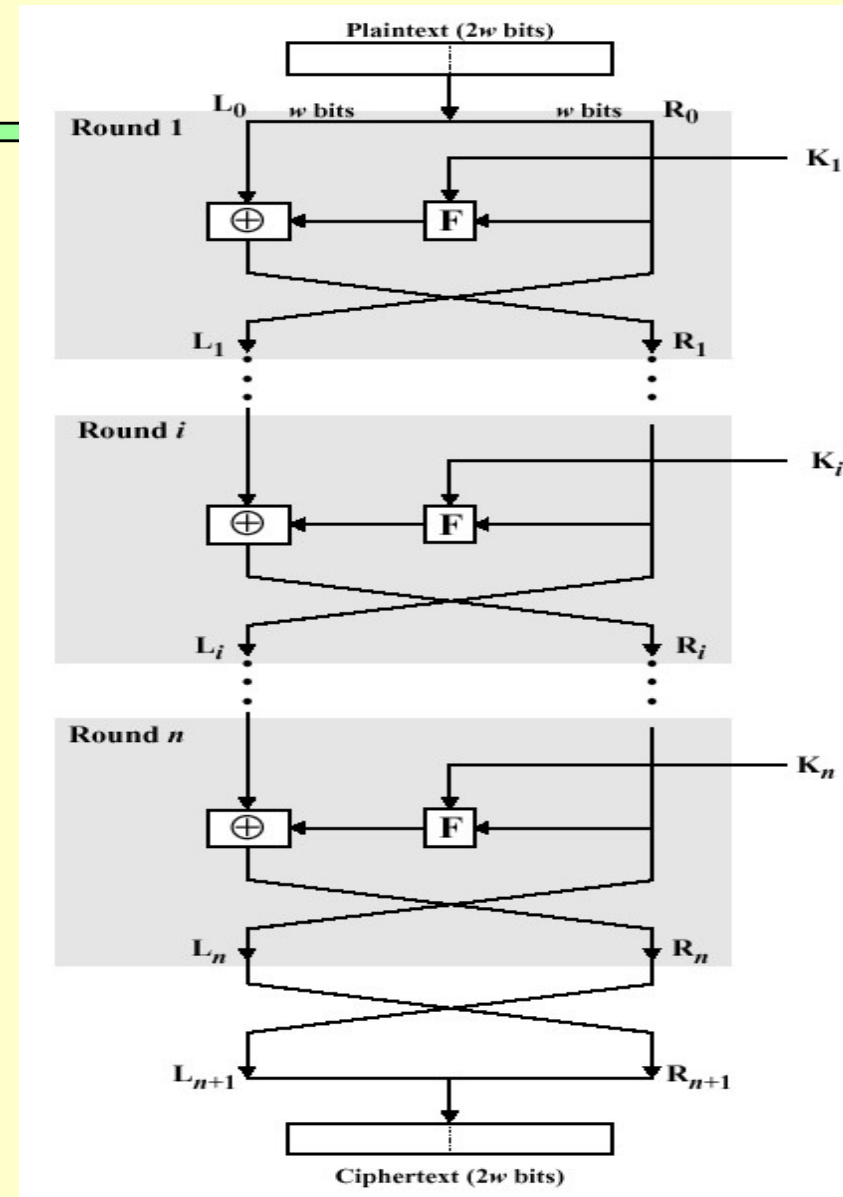
$$\begin{aligned} \diamond LE_{i-1} &= RE_i \oplus F(RE_{i-1}, K_i) \\ &= RE_i \oplus F(LE_i, K_i) \end{aligned}$$

→ 복호화는 $(i-1)$ 번째 복호 결과를
위하여 (i) 번째 입력 형식을 취함

$$\diamond RE_1 = LE_2$$

$$\diamond LE_1 = RE_2 \oplus F(RE_1, K_2)$$

$$= RE_2 \oplus F(LE_2, K_2)$$



Feistel 암호 구조

❑ 암호화 마지막 반복

$$\diamondsuit LE_{16} = RE_{15}$$

$$\diamondsuit RE_{16} = LE_{15} \oplus F(RE_{15}, K_{16})$$

◆ 복호화 과정

❑ 암호화과정의 역 순서 처리

❑ 첫 반복

$$\diamondsuit LD_1 = RD_0 = LE_{16} = RE_{15}$$

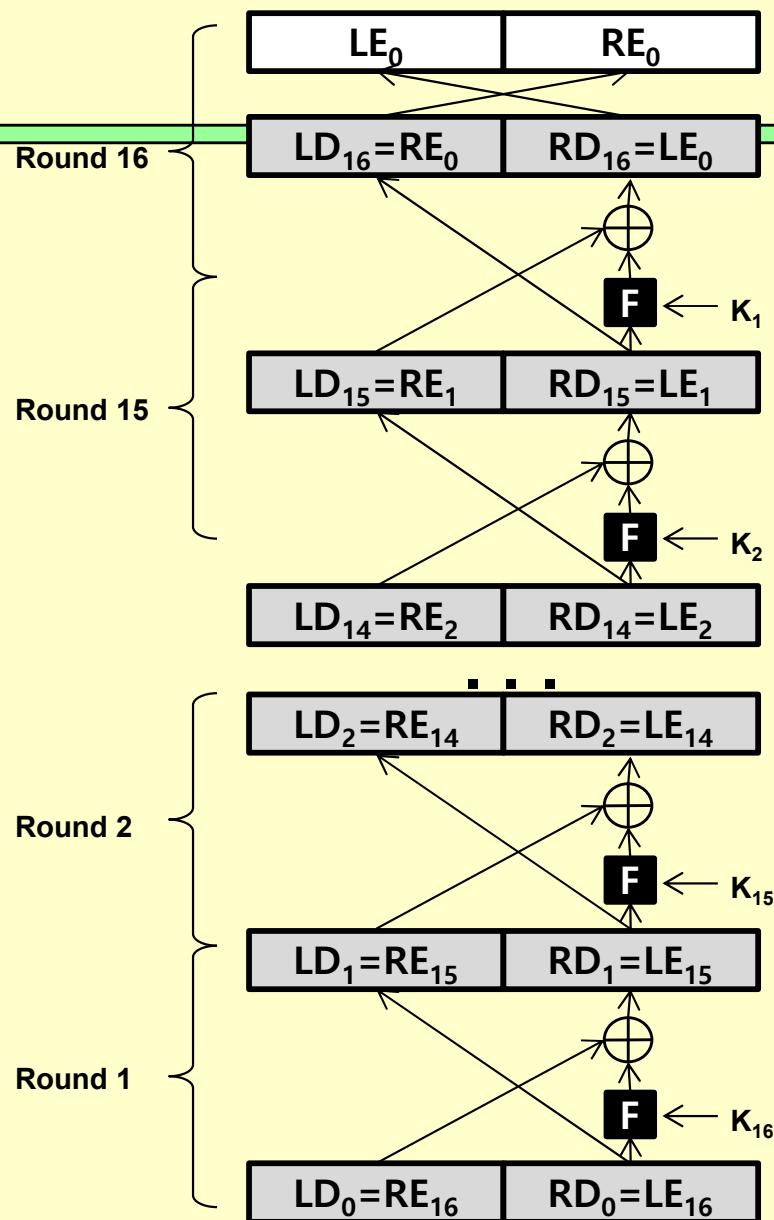
$$\diamondsuit RD_1 = LD_0 \oplus F(RD_0, K_{16})$$

$$= LD_0 \oplus F(LE_{16}, K_{16})$$

$$= RE_{16} \oplus F(RE_{15}, K_{16})$$

$$= [LE_{15} \oplus F(RE_{15}, K_{16})] \oplus F(RE_{15}, K_{16})$$

$$= LE_{15}$$



대칭 블록 암호 구현

- ❖ **블록크기(Block size)** : 블록 길이가 크다는 것은 더 강한 보안을 의미하지만(다른 조건이 같다는 가정 하에) 길이가 길면 암호 · 복호화 속도는 떨어진다
- ❖ **키 길이(Key size)** : 키 길이가 길다는 것은 더 강한 보안을 의미하지만 암호 · 복호화 속도는 떨어진다.
- ❖ **라운드 수(Number of rounds)** : 단일 과정으로는 보안이 부족하지만 라운드 수를 증가시켜 여러 번 수행하면 보안을 강화할 수 있다는 것이 Feistel 암호의 핵심이다.
- ❖ **서브키 생성 알고리즘** : 이 알고리즘이 복잡하면 복잡할수록 암호해독이 어려워진다.
- ❖ **반복 함수** : 이 함수 역시 복잡하면 복잡할수록 암호해독이 어려워진다.

DES (Data Encryption Standard)

- 전용 암호시스템의 필요성 대두

 - ❖ 타 그룹간의 통신에 불리 : 데이터 암호화 표준이 필요

- 미연방 정부에 의해 공개 암호 표준화 작업 진행

- 1977년 미 상무성의 국립 표준국(National Bureau of Standards)에서
연방 정보처리 표준 채택 46(FIPS PUB46)

- 64비트 평문, 56비트 키를 사용

- 치환과 전치 혼합방법, 블록 암호방식, 관용암호방식

단순 DES[Simplified Data Encryption Standard]

□ 알고리즘

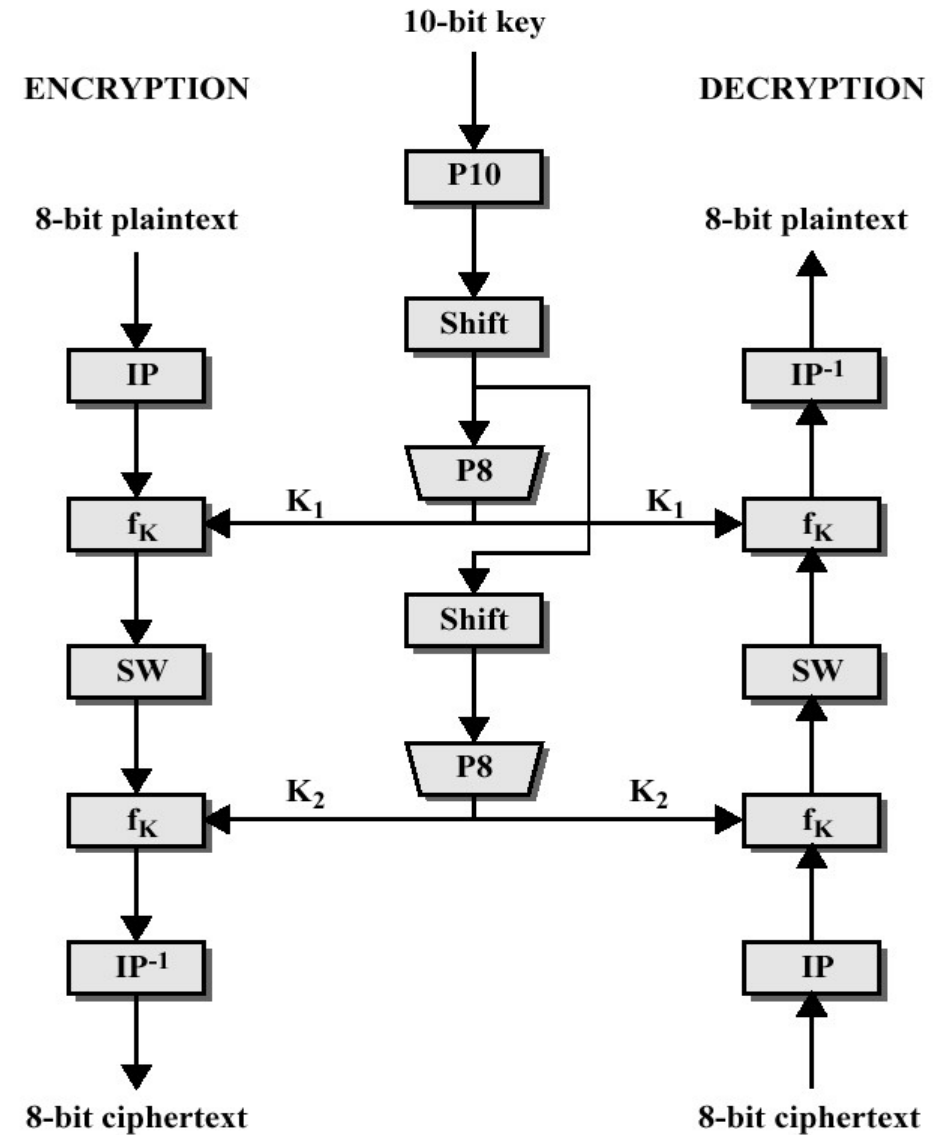
- 8비트 평문, 10비트 키
- 8비트 암호문 생성
- ❖ 초기순열(IP)
- ❖ 순열, 치환 이용 f_k
- ❖ 순열 함수 SW
- ❖ 역 순열(IP^{-1})

□ 암호문

- ❖ $IP^{-1}(f_{k_2}(SW(f_{k_1}(IP(\text{평문}))))))$

□ 복호문

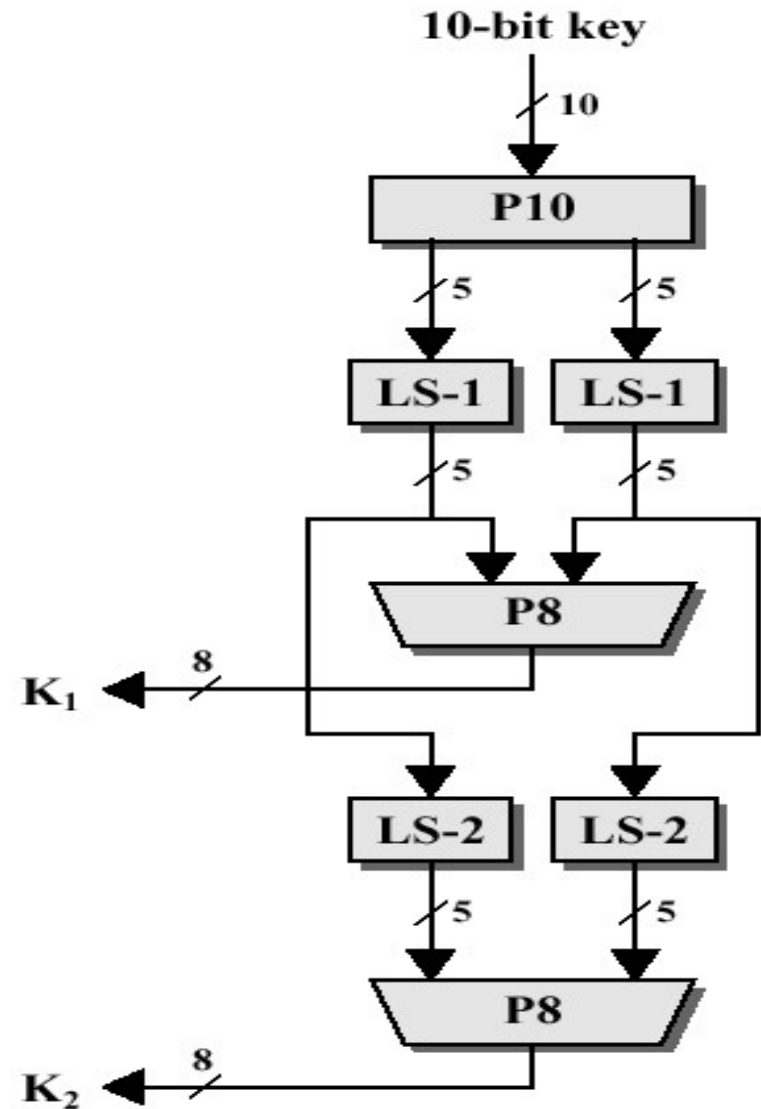
- ❖ $IP^{-1}(f_{k_1}(SW(f_{k_2}(IP(\text{암호문}))))))$



S-DES를 위한 키 생성

□ $K_1 = \text{P8}(\text{Shift}(\text{P10}(\text{key})))$

□ $K_2 = \text{P8}(\text{Shift}(\text{Shift}(\text{P10}(\text{key}))))$



S-DES 키의 생성(1/4)

□ $K_1 = P8(\text{Shift}(P10(\text{key})))$

□ 10 비트 키 = $(k_1, k_2, k_3, k_4, k_5, k_6, k_7, k_8, k_9, k_{10})$

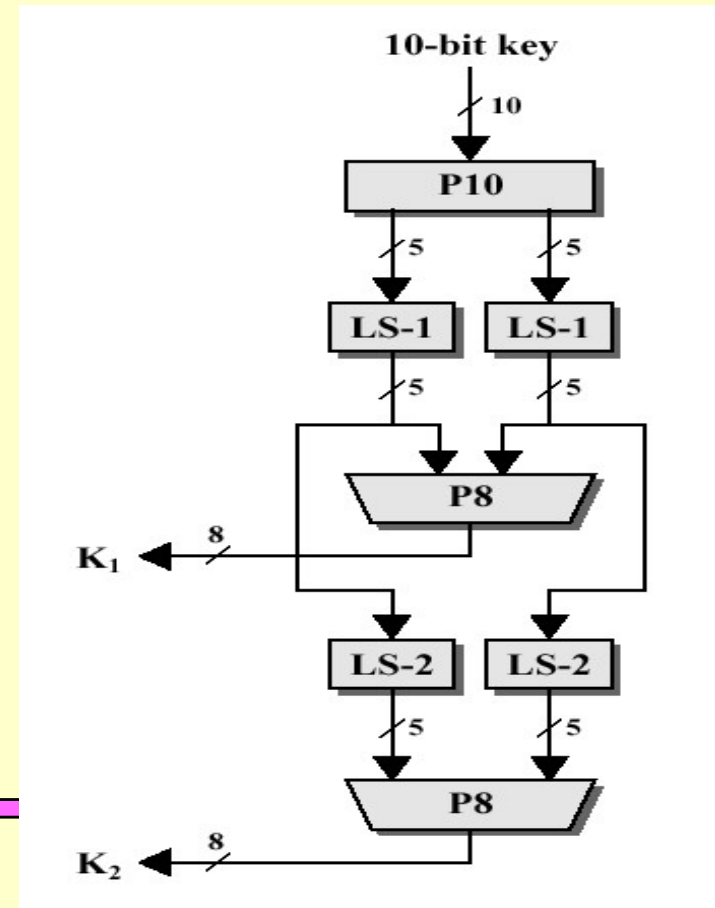
□ $P10 = (k_3, k_5, k_2, k_7, k_4, k_{10}, k_1, k_9, k_8, k_6)$

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
P10									
3	5	2	7	4	10	1	9	8	6

❖ 예)

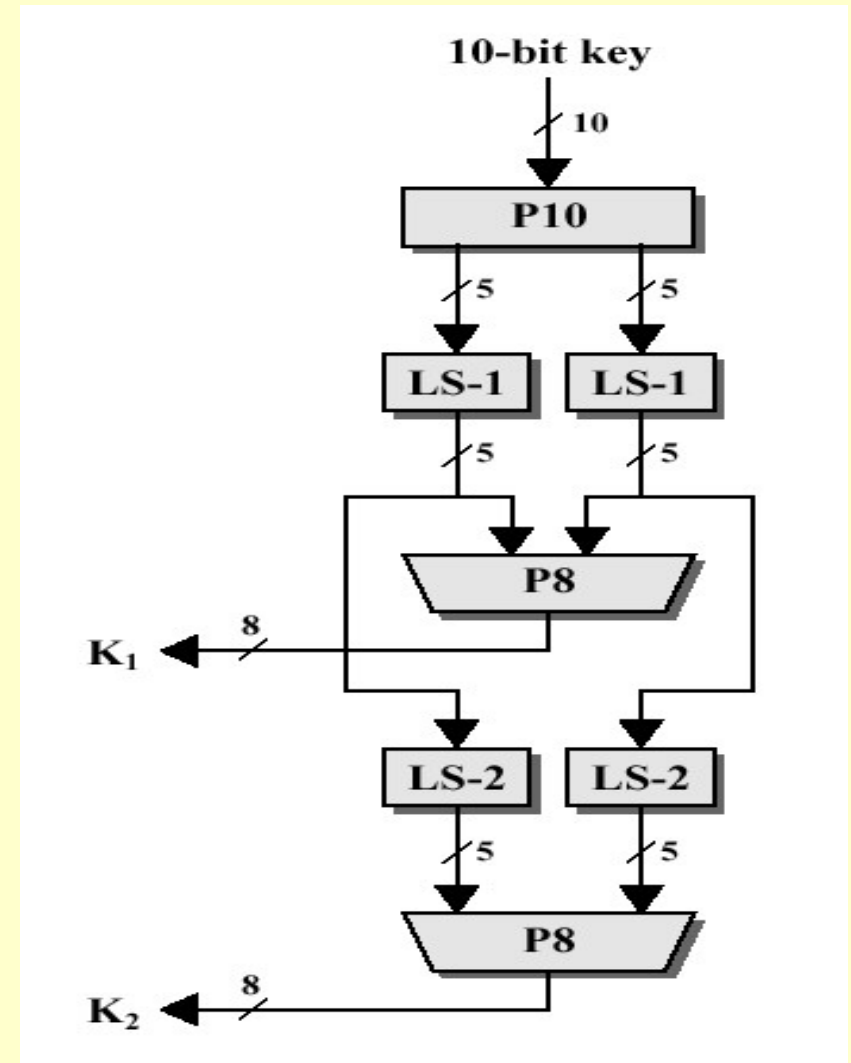
❖ 10 비트 key = $(1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0)$

❖ $P10(\text{key}) = (1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0)$



(2/4)

- $K_1 = P8(\text{Shift}(P10(\text{key})))$
- $(\text{Shift}(P10(\text{key})))$: LS-1[키의 1st 5비트]
& LS-1[키의 2nd 5비트]
 - ❖ 첫 번째 다섯 비트와 두 번째 다섯 비트 좌로 순환 이동
 - ❖ 1비트 좌측 순환이동
- $P10 = (k_3, k_5, k_2, k_7, k_4, k_{10}, k_1, k_9, k_8, k_6)$
- $\text{Shift} = (k_5, k_2, k_7, k_4, k_3, k_1, k_9, k_8, k_6, k_{10})$



(3/4)

□ 예제)

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0

❖ P10 = (1 0 0 0 0 0 1 1 0 0)

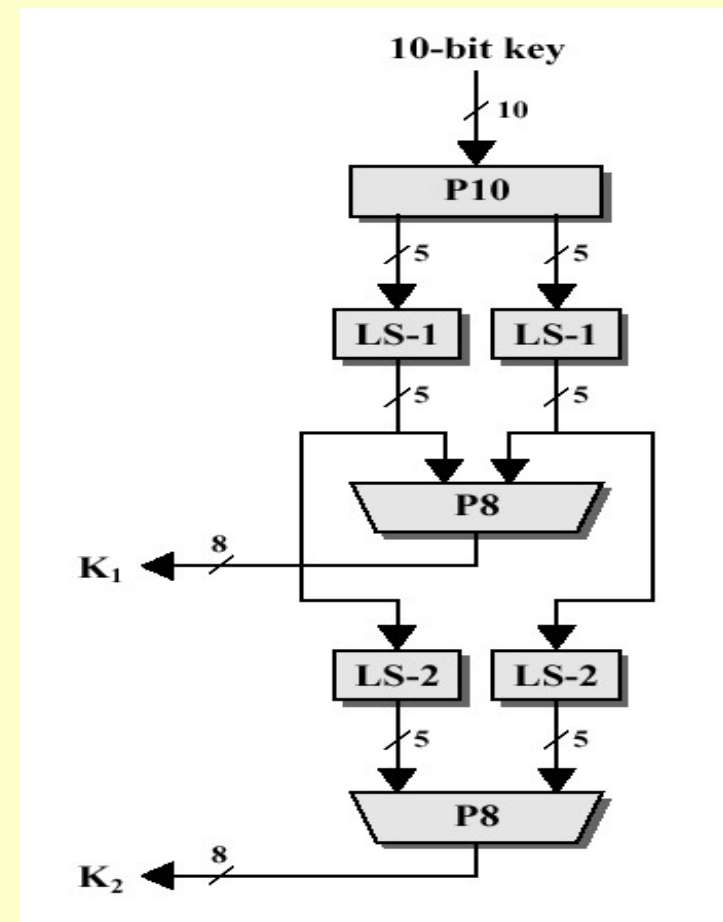
❖ LS-1 = (0 0 0 0 1 1 1 0 0 0)

□ $K_1 = \underline{P8(\text{Shift}(P10(\text{key})))} = P8(\text{LS-1})$

□ $P8(\text{LS-1}) = P8(0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 0)$

❖ 10 비트에서 8비트 선택 치환

P8							
6	3	7	4	8	5	10	9



□ $K_1 = (1\ 0\ 1\ 0\ 0\ 1\ 0\ 0)$

(4/4)

$$\square K_2 = \underline{P8(\text{Shift}(\text{Shift}(P10(\text{key}))))} = \underline{P8(\text{Shift}(LS-1))} = P8(LS-2)$$

$$\square LS-2 = \text{Shift}(LS-1)$$

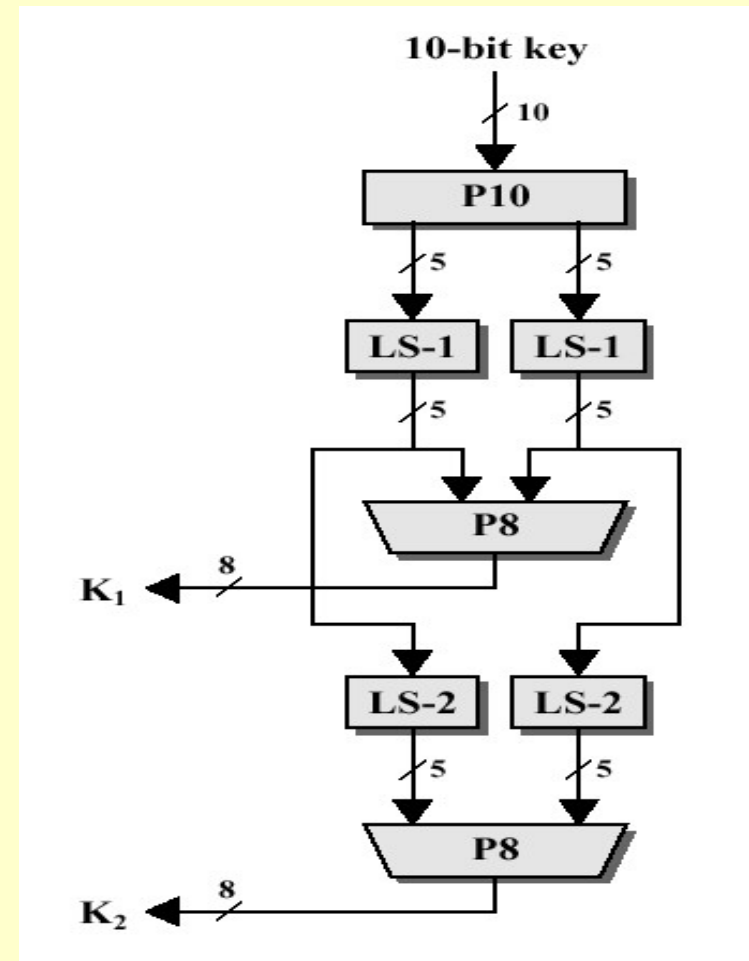
❖ LS-1의 결과에 2비트 좌측 순환 이동

❖ LS-1 : (0 0 0 0 1 1 1 0 0 0)

$$\square K_2 = P8(LS-2) \\ = P8(0 0 1 0 0 0 0 0 1 1)$$

P8								
6	3	7	4	8	5	10	9	

$$\square K_2 = (0 1 0 0 0 0 1 1)$$



Quiz 1

- 키의 값이 **1 1 0 0 1 0 1 0 0 1** 인 경우 S-DES에서의 2개의 세션 키(K_1 , K_2) 값은 얼마인가??

P10									
3	5	2	7	4	10	1	9	8	6

❖ 10 비트 *key* = (1 1 0 0 1 0 1 0 0 1)

❖ P10(key) = (1 2 3 4 5 6 7 8 9 0)

❖ LS-1 = ()

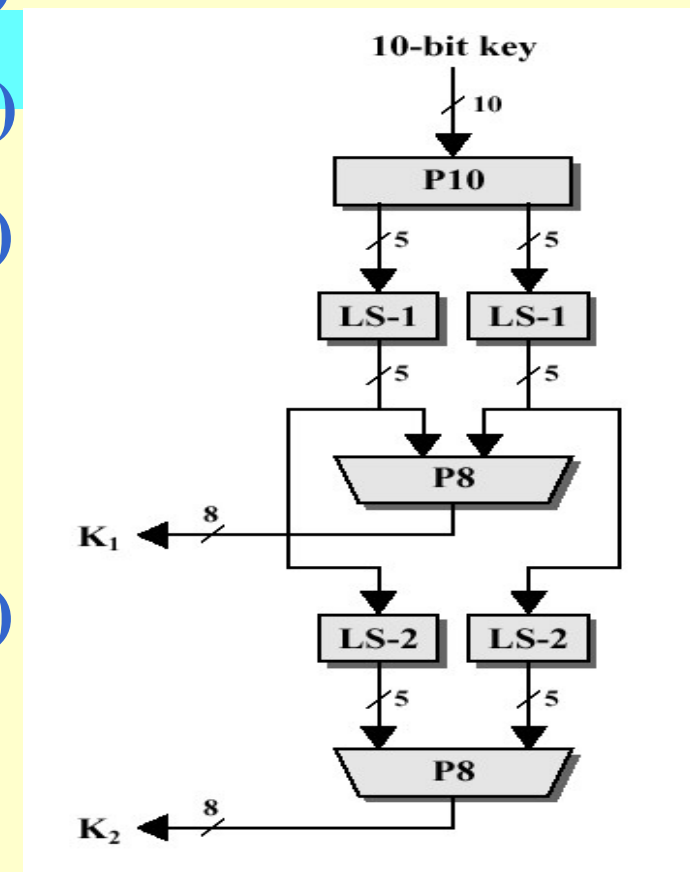
❖ P8(LS-1)

❖ K1 = ()

❖ LS-2 = ()

❖ P8(LS-2)

❖ K2 = ()

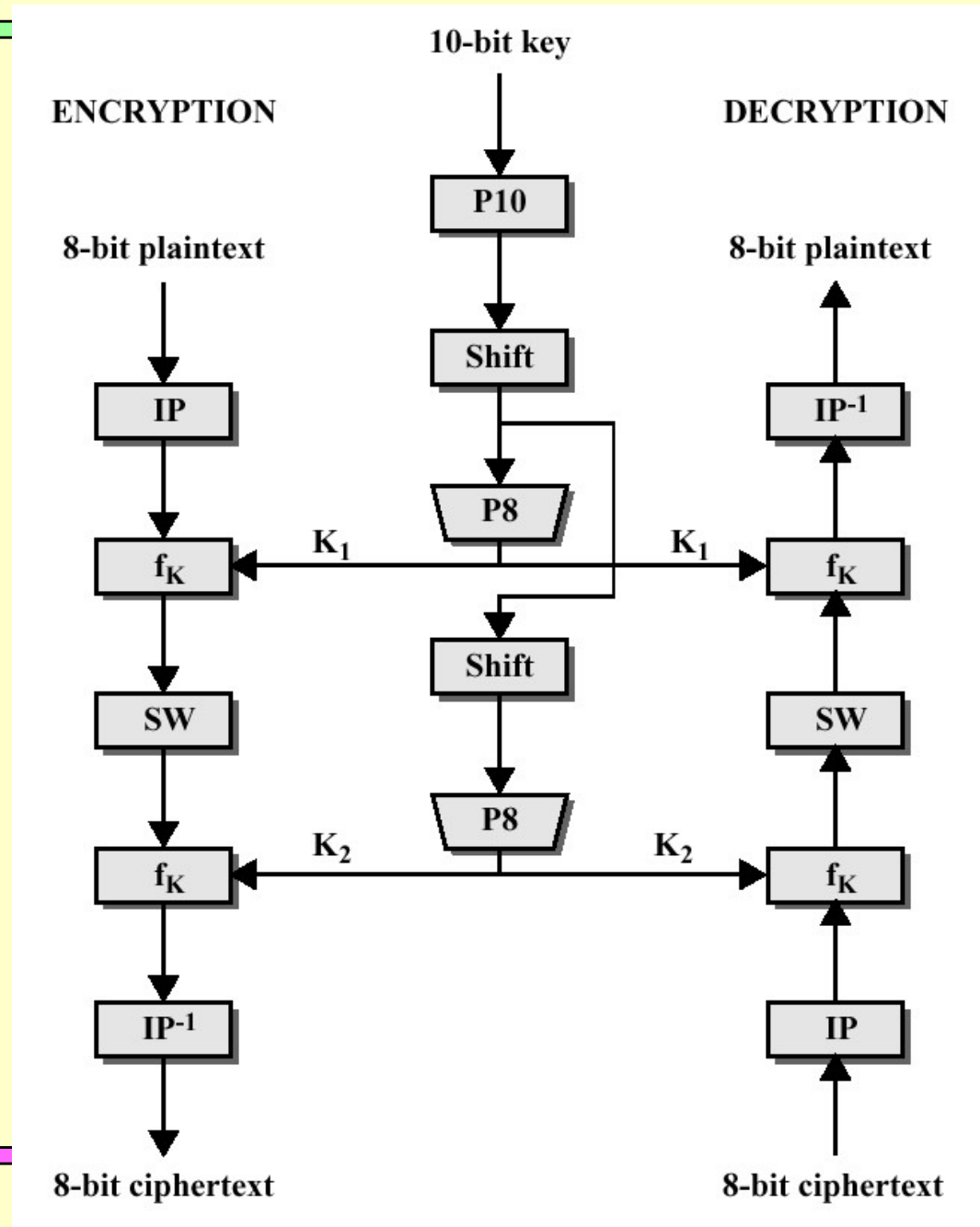


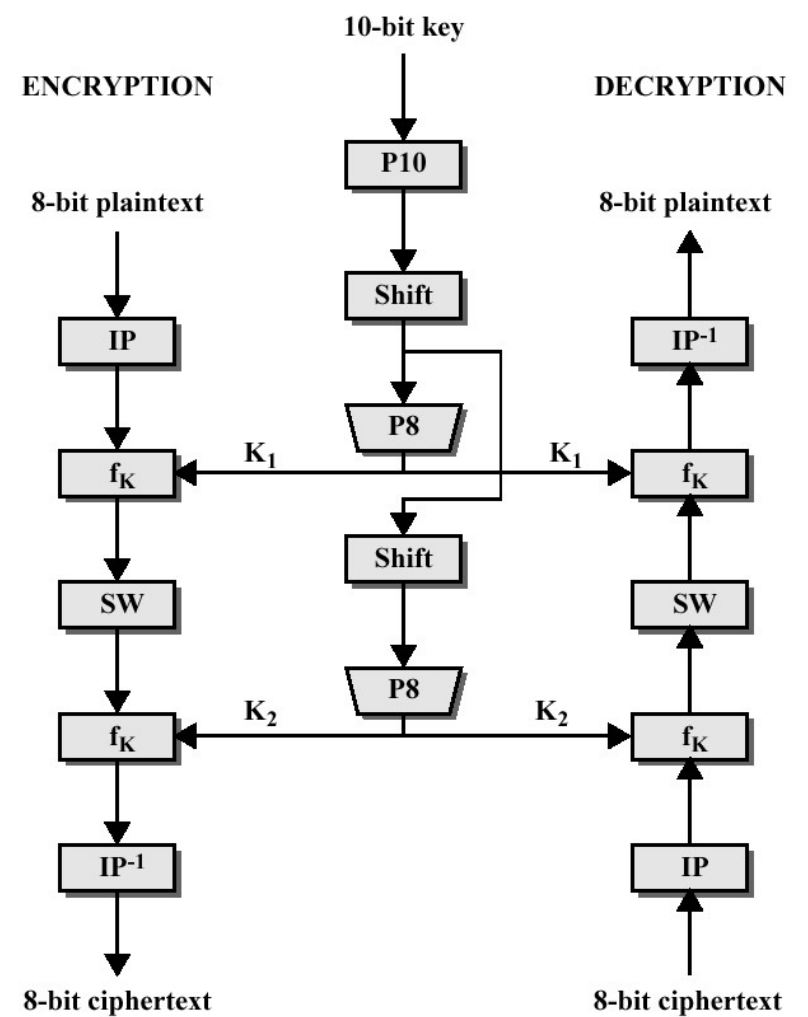
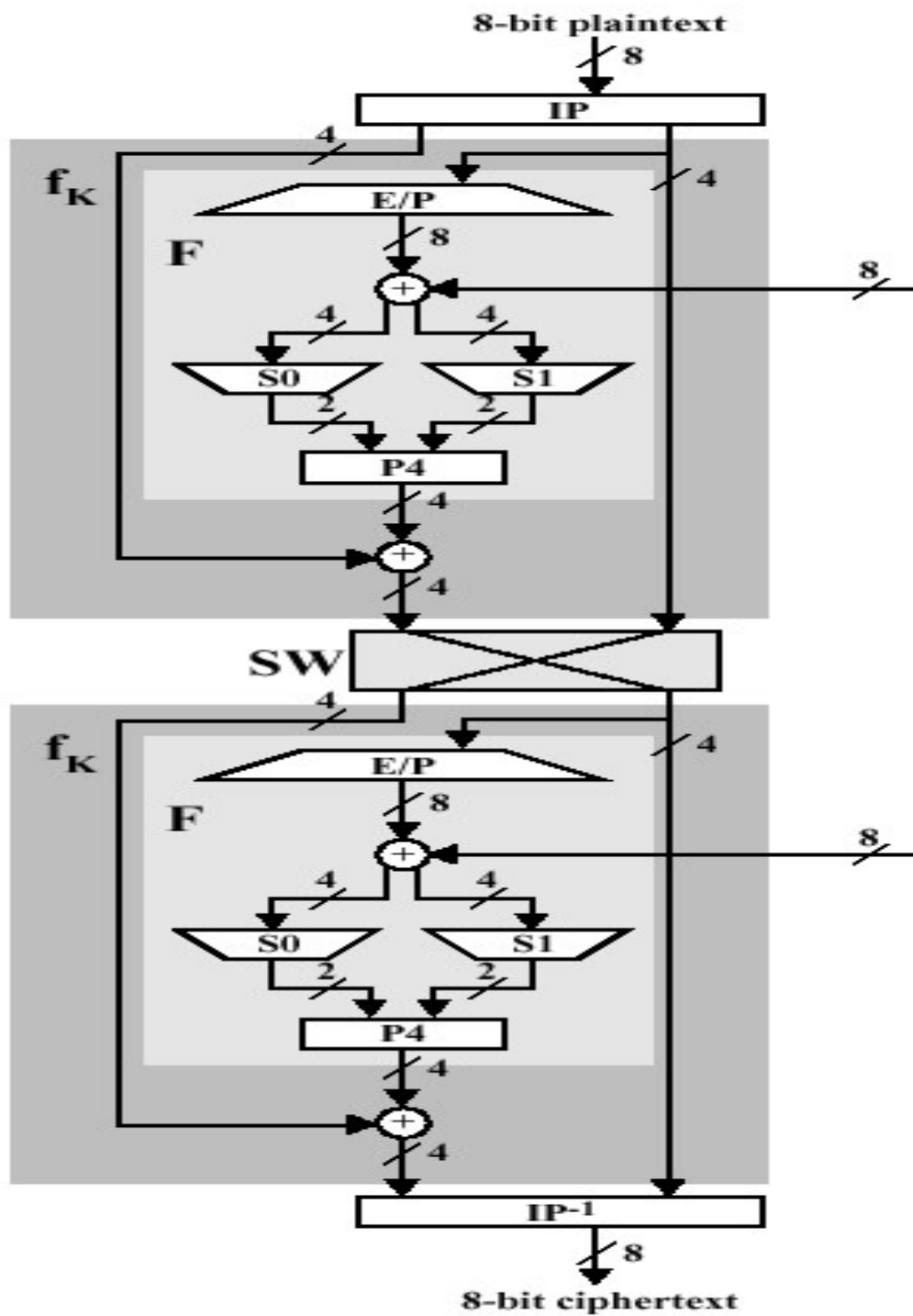
P8							
6	3	7	4	8	5	10	9

Quiz 2

- 키의 값이 **1 0 1 0 1 0 1 1 0 1** 인 경우 S-DES에서의 2개의 세션 키(K_1, K_2) 값은 얼마인가??

S-DES 암호 알고리즘





함수 $f_k(1/5)$

□ 순열, 치환 함수 조합

□ L(Left)

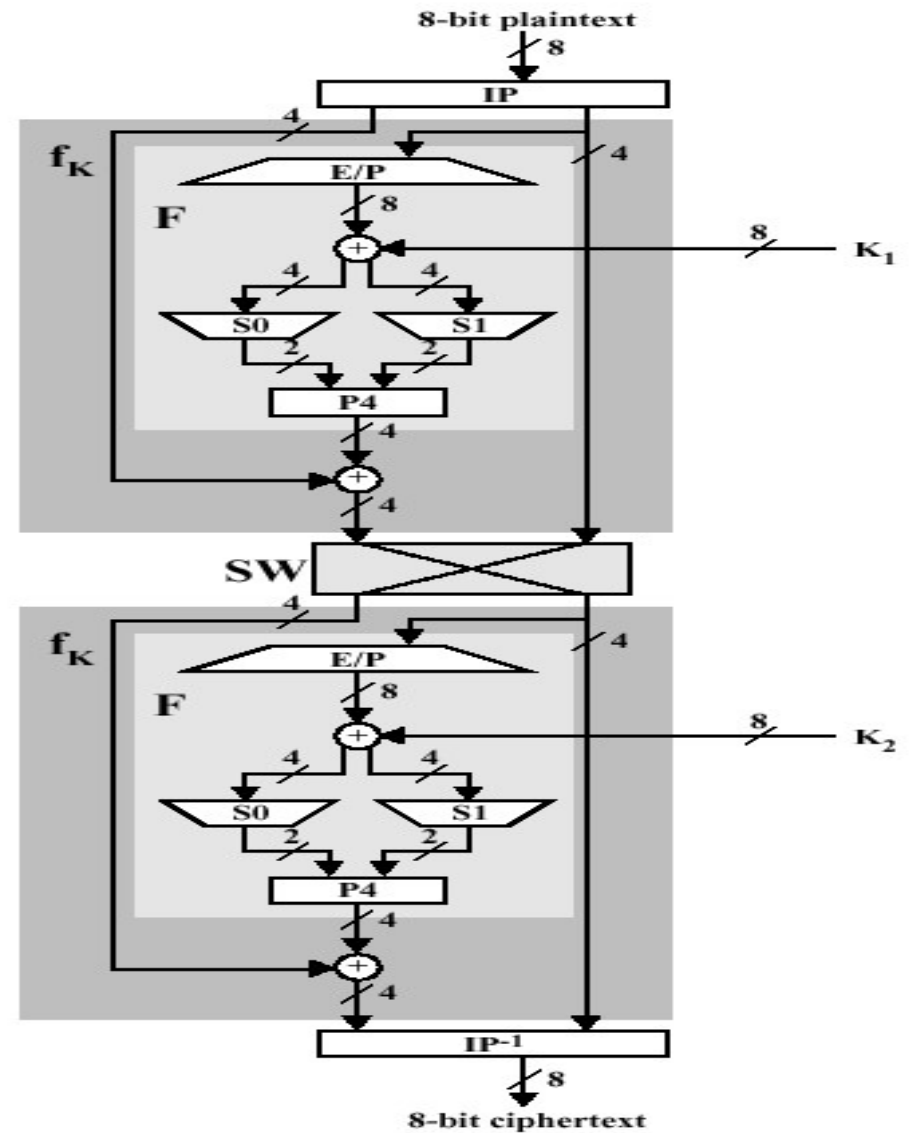
❖ 왼쪽 4비트

□ R(Right)

❖ 오른쪽 4비트

□ $f_k(L, R) = (L \oplus F(R, SK), R)$

□ F 함수(확장 순열)



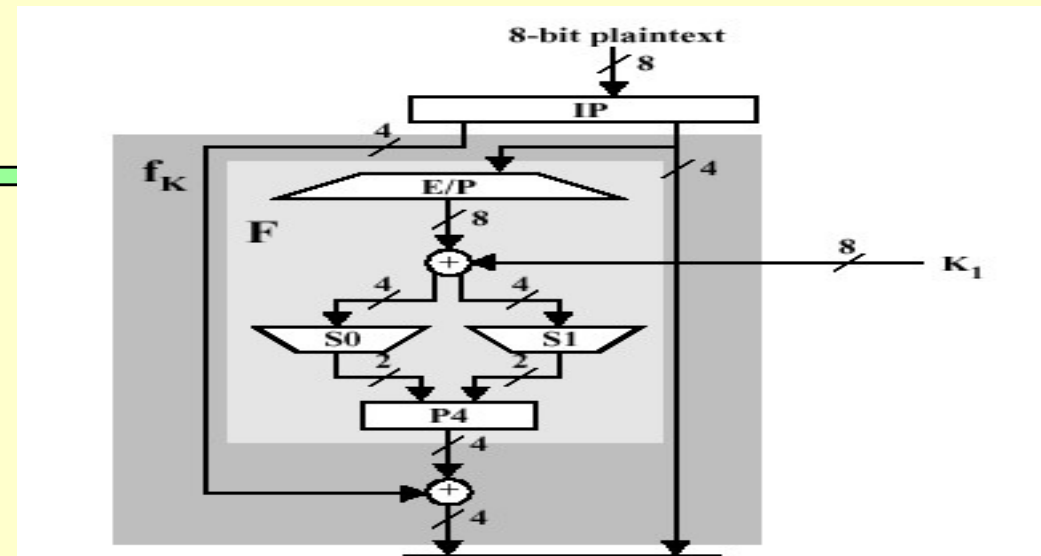
(2/5)

❑ 확장 순열(E/P); 4비트 → 8비트



❖ $R = (0\ 1\ 1\ 0)$

❖ 결과 = $(0\ 0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0)$

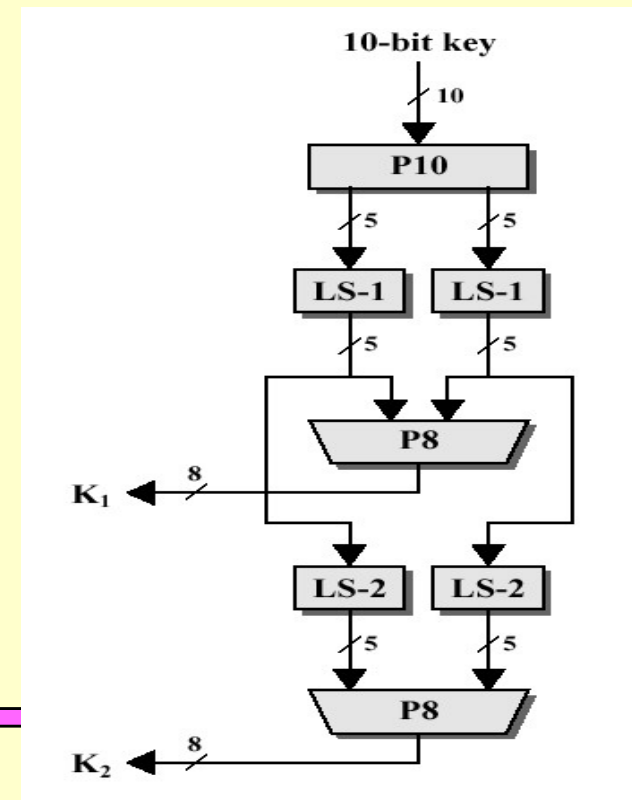


❑ XOR

❖ 서브키 $K_1(8\text{bit}) \oplus$ 확장 순열 결과(8bit)

❖ $K_1 = (k_{11}, k_{12}, k_{13}, k_{14}, k_{15}, k_{16}, k_{17}, k_{18})$

❖ 결과 = $(o_1, o_2, o_3, o_4, o_5, o_6, o_7, o_8)$



(3/5)

□ S-Box

❖ XOR결과 = ($o_1, o_2, o_3, o_4, o_5, o_6, o_7, o_8$)

❖ 4비트 입력, 2비트 출력

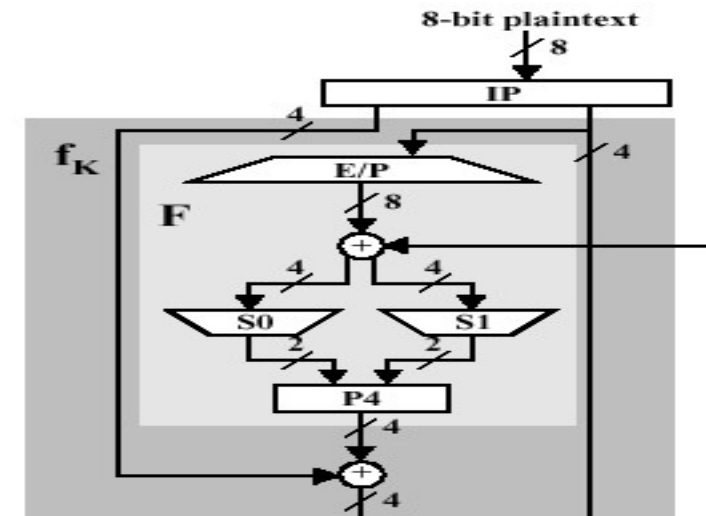
❖ 입력 = ($o_1, o_2, o_3, o_4, o_5, o_6, o_7, o_8$)

❖ S0 : 1,4 요소 → 행, 2,3 요소 → 열

❖ S1 : 5,8 요소 → 행, 6,7 요소 → 열

$$S0 = \begin{matrix} & \begin{matrix} 0 & 1 & 2 & 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 3 \\ 3 & 1 & 3 & 2 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

$$S1 = \begin{matrix} & \begin{matrix} 0 & 1 & 2 & 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 \\ 2 & 0 & 1 & 3 \\ 3 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 0 & 3 \end{bmatrix} \end{matrix}$$



(4/5)

□ 예제)

❖ $P = (0100\ 0111)$ 이라면

❖ $S0$: 1,4 요소 \rightarrow 행, 2,3 요소 \rightarrow 열

✓ 행 00(0), 열 10(2)

❖ $S1$: 5,8 요소 \rightarrow 행, 6,7 요소 \rightarrow 열

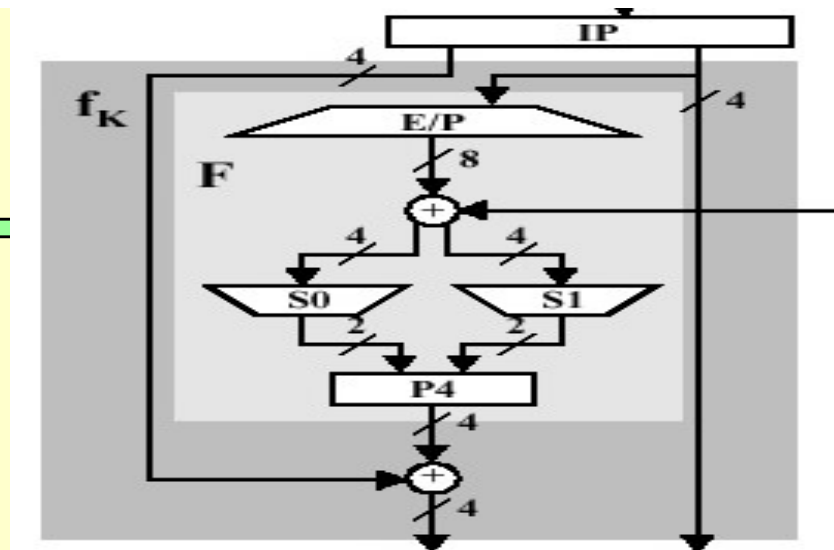
✓ 행 01(1), 열 11 (3)

$$S0 = \begin{matrix} & \begin{matrix} 0 & 1 & 2 & 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 3 \\ 3 & 1 & 3 & 2 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

Diagram illustrating the selection of elements for S0. A red dashed arrow points from row 0, column 2 to the element 3, which is highlighted in a blue circle.

$$S1 = \begin{matrix} & \begin{matrix} 0 & 1 & 2 & 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 \\ 2 & 0 & 1 & 3 \\ 3 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 0 & 3 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

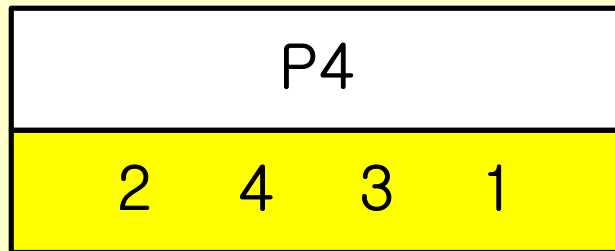
Diagram illustrating the selection of elements for S1. A red dashed arrow points from row 1, column 3 to the element 3, which is highlighted in a blue circle.



❖ $S0 = 3(11)$, $S1 = 3(11)$ 이 된다. (치환 효과)

(5/5)

□ P4 순열



□ P4출력은 함수 F의 출력이 된다.

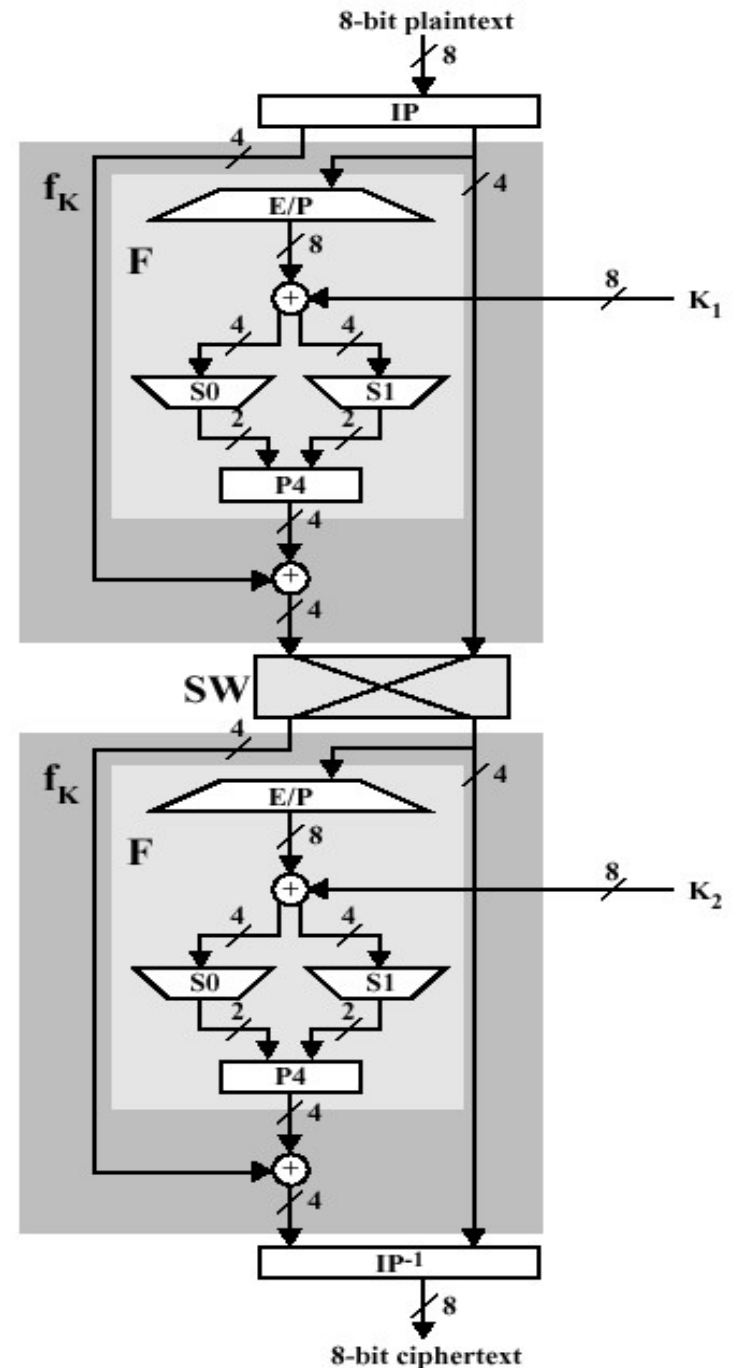
□ F의 출력(4비트) \oplus L(4비트)

□ 스위치 함수(SW)

❖ f_k 는 왼쪽 4비트만 변경

❖ SW이용 왼쪽, 오른쪽 교환

□ 두 번째 f_k 에서는 K_2 만 다름



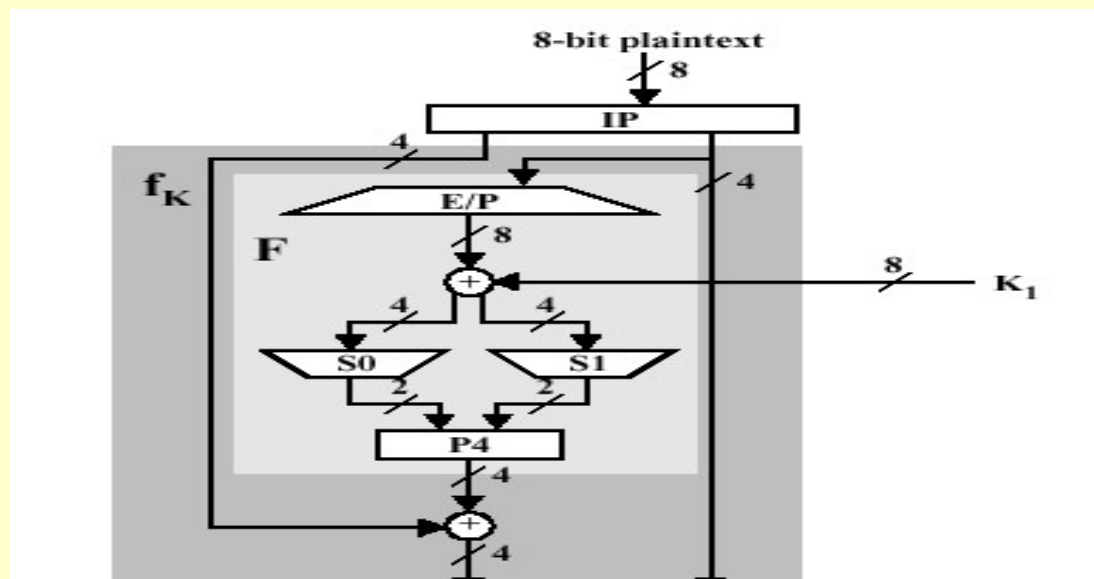
Quiz

❑ S-DES에서의

❖ SK1 키의 값이 1 0 1 0 1 0 1 1 이고

❖ 평문의 값이 1 0 1 0 1 1 0 0 인 경우

□ 첫번째 라운딩 후의 결과 값은 얼마인가??



❑ S-DES에서의

❖ SK1 키의 값이 1 0 1 0 1 0 1 1 이고

❖ 평문의 값이 1 0 1 0 1 1 0 0 인 경우
첫번째 라운딩 후의 결과 값은 얼마인가??

IP							
2	6	3	1	4	8	5	7

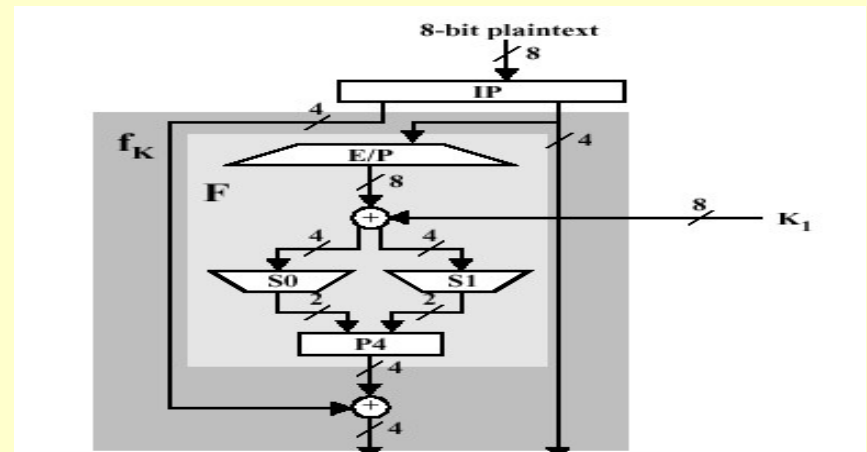
❖ X = ()

❖ IP(X) = ()

E/P							
4	1	2	3	2	3	4	1

❖ E/P 이후 : ()

❖ 0001 0100 + 1010 1011 = ()



❖ (,)

$$S0 = \begin{matrix} & \begin{matrix} 0 & 1 & 2 & 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 1 & 0 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 3 \\ 3 & 1 & 3 & 2 \end{bmatrix} \end{matrix} \quad S1 = \begin{matrix} & \begin{matrix} 0 & 1 & 2 & 3 \end{matrix} \\ \begin{matrix} 0 \\ 1 \\ 2 \\ 3 \end{matrix} & \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 \\ 2 & 0 & 1 & 3 \\ 3 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 0 & 3 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

❖ S0 박스 : 행 , 열 →

❖ S1 박스 : 행 , 열 →

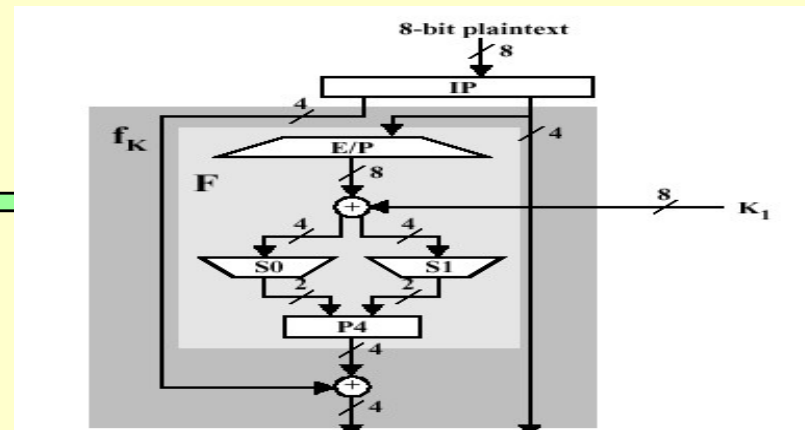
❖ P4 이전 :

❖ P4 이후 :

❖ E/P 이후 :

❖ P4 출력() \oplus L() =

P4			
2	4	3	1



❖ 첫번째 라운딩 후의 결과 값 :

레포트

□ S-DES(2 라운드)에서의

❖ 키의 값이 **1 1 1 0 0 0 1 0 0 1** 이고

❖ 평문의 값이 **0 1 1 1 0 1 1 0** 인 경우

□ 2라운드 후의 암호문의 값은 얼마인가??

S-DES의 분석

- ❑ Brute-force 공격 가능
- ❑ 10비트 키 $2^{10} = 1024$
- ❑ 기지 평문/암호문 쌍
 - ❖ 평문: ($p_1, p_2, p_3, p_4, p_5, p_6, p_7, p_8$)
 - ❖ 출력 암호문: ($c_1, c_2, c_3, c_4, c_5, c_6, c_7, c_8$)
- ❑ 미지의 키: ($k_1, k_2, k_3, k_4, k_5, k_6, k_7, k_8, k_9, k_{10}$)
- ❑ 기지 평문 공격: 각 c_i 는 p_j 와 k_j 의 다항식 함수 g_i
- ❑ 암호 알고리즘은 10개의 미지수를 갖는 8개의 비선형 방정식
- ❑ 알고리즘에서 각각의 순열과 합 연산은 선형 사상
- ❑ S박스를 통하여 비선형성을 도출
 - ❖ 선형 사상을 비선형 사상으로 변경함으로써 암호해독을 난해하게 하는 효과

레포트

□ S-DES(2 라운드)에서의

❖ 키의 값이 **1 0 1 0 1 0 1 1 0 1** 이고

❖ 평문의 값이 **1 1 1 1 0 0 1 0** 인 경우

□ 암호문의 값은 얼마인가??