P P1. Regresión

Luis Enrique Garcia Gallegos

Matricula: 649247

En este proyecto estarás trabajando con datos de tu interés, ya sea que los descargues de alguna base de datos pública o que los hayas generado por tu cuenta. Desarrolla los siguientes puntos en una *Jupyter Notebook*, de forma que se genere un reporte fácilmente comprensible, intepretable y replicable, con información para el lector descrita en formato de markdown. Indica claramente de dónde descargaste los datos, y los objetivos específicos que se desean alcanzar con el proyecto (e.g. identificar si a partir de información relacionada a la calidad del aire puedo predecir la temperatura, y caracterizar la relación que existe entre la cantidad de partículas pm25 y la temperatura).

1. Importa los datos a tu ambiente de trabajo. Describe características de tu base de datos, imprimiendo en consola y graficando información relevante. Por ejemplo: cantidad de observaciones, cantidad de variables, tipo de variables, nombre de variables, identificación de la respuesta de interés, etc. Asegúrate de que tus variables tengan un nombre fácilmente interpretable. En caso contrario, adjunta también un diccionario, un archivo .docx, .xlsx, .pdf, .csv, etc. donde se describa cada variable (por ejemplo: var1. Peso medido en gramos, var2. Diámetro medido en centímetros). Explica claramente qué de esta información te permitió suponer que realizar una regresión lineal pudiera ser una buena solución y/o por qué supones que otro método sería una mejor opción.

Información sobre cada columna -> EXCEL.

```
In [1]: import pandas as pd
        import numpy as np
        import matplotlib.pyplot as plt
        import statsmodels.api as sm
        import scipy.stats as st
        import mlxtend.feature_selection as mlx
        import random
        from math import sqrt
        from sklearn.model selection import train test split
        from sklearn.linear_model import LinearRegression
        from sklearn.preprocessing import StandardScaler
        from sklearn.neighbors import KNeighborsRegressor # Usa KNeighborsClassifier si es
        from sklearn.metrics import mean_squared_error # Usa accuracy_score si es clasific
        BaseDeDatos=pd.read_csv('INE_SECCION_2020.csv')
        print("Dimensiones de los datos: ",BaseDeDatos.shape, "\nNombres de las variables:
        BaseDeDatos.head(5)
```

Out[1]:

•		ID	ENTIDAD	DISTRITO	MUNICIPIO	SECCION	TIPO	POBTOT	POBFEM	POBMAS	P
	0	118	1	3	1	1	2	2564	1360	1204	
	1	122	1	3	1	2	2	889	462	427	
	2	128	1	3	1	3	2	2003	1057	946	
	3	137	1	3	1	4	2	1636	880	756	
	4	138	1	3	1	5	2	808	445	363	

5 rows × 226 columns



Se tomaron los datos del INEGI de su base de datos para el publico, específicamente de **Estadísticas censales a escalas geoelectorales (2020)**, dicho aparto era una archivo *ZIP*, en el que venia mucha información, solamente se tomaron los arvichos adjuntos (Descripción de columnas de la base de datos, Base de datos, CLASIFICACIONES DEL CENSO DE POBLACIÓN Y VIVIENDA 2020).

2. Aplica soluciones para al menos tres de los cinco problemas típicos que se describieron en la presentación C1.5. Demuestra las modificaciones que se le realizaron a la base de datos, imprimiendo en consola información relevante, y explica por qué se realizaron. Por ejemplo: para el caso de variables cualitativas, podrías imprimir la cantidad y los nombres de las variables antes de aplicar la solución, y la cantidad y los nombres de las variables después de aplicar la solución.

```
In [2]: datos=BaseDeDatos.drop(columns=['ID', 'DISTRITO', 'MUNICIPIO', 'SECCION', 'POBFEM',
    print(f"Entidades en México\n{datos['ENTIDAD'].value_counts()}")
    print(f"\nTipos (2. Urbana\t3. Mixta\t4. Rural)\n{datos['TIPO'].value_counts()}\t")
    datos['RURAL']=datos['TIPO']//4
    datos['MIXTA']=(datos['TIPO']//3)-datos['RURAL']
    for i in range(32, 1, -1):
        name='ENTIDAD'+str(i)
        datos[name]=datos['ENTIDAD']//i
        existe=datos[name]*i
        datos['ENTIDAD']=datos['ENTIDAD']-existe
    datos=datos.drop(columns=['TIPO', 'ENTIDAD'])
    datos.head(5)
```

```
Entidades en México
ENTIDAD
15
    6544
9
    5535
30 4865
25 3765
14 3613
8
    3195
    3161
11
    2818
19
16
    2703
12
    2685
21
    2684
20
    2479
7
    2099
28
    2017
2
    2016
24
    1793
32
    1777
13
    1762
5
    1701
26 1528
10
    1369
27
    1144
31
    1122
23
   1038
18
    968
17
    914
22 8911 622
29
     612
     532
4
3
     484
     370
6
Name: count, dtype: int64
Tipos (2. Urbana 3. Mixta 4. Rural)
TIPO
2 43815
4 18605
3 6386
```

Name: count, dtype: int64

Out[2]:		POBTOT	P_0A2	P3A5_NOA	P6A11_NOA	P12A14NOA	P15A17A	P18A24A	P8A14AN
	0	2564	36	8	5	0	98	203	2
	1	889	27	9	6	4	26	46	3
	2	2003	56	10	5	9	72	170	1
	3	1636	40	17	3	5	50	158	1
	4	808	14	4	3	0	34	66	1

5 rows × 48 columns



Como esta base de datos incluye demasiada información, se descarto toda aquella que fuera referente a otro tema respecto a la educación y a la ENTIDAD, esto porque no lo senti relevante para este análisis de conocer la población de niños de entre 3 a 5 años de edad que no van a la escuela. Tanto la variable TIPO y ENTIDAD, son cualitativas para el TIPO existen 3 categorías 2. Urbana, 3. Mixta y 4. Rural, mientras que ENTIDAD hace referencia a los 32 estados de México; considerando esto se crearon columnas binarias, por ejemplo si tenemos dos datos en ENTIDAD que fueran 10 y 11 y creáramos una columna que fuera ENTIDAD11, entonces nuestro datos pasarían 0 y 1, respectivamente. Gran parte de este procesos fue logrado mediante la extension de VisualCode Data Wrangler, la cual permitió visualizar los datos y realizar operaciones básicas en las columnas facilitando la codificación y limpieza de los datos.

3. Realiza un proceso de selección de características. Puedes llevar a cabo una metodología de selección hacia adelante o eliminación hacia atrás, o incluso mezclarlas. También puedes utilizar un método de regularización. Evidencia tus resultados imprimiendo en consola la cantidad y los nombres de las variables antes y después del proceso de selección de características. Explica claramente por qué utilizaste la metodología empleada, así como alguna conclusión sobre los resultados de este proceso.

```
In [3]: random.seed(0)
    caliz, prueba=train_test_split(datos, train_size=0.8)
    nC=caliz.shape[0]
    mC=caliz.shape[1]
    nP=prueba.shape[0]
    mP=prueba.shape[1]
    print("Datos de entrenamiento: ", caliz.shape, "\tDatos de prueba: ",prueba.shape,
        XC=caliz.drop('P3A5_NOA', axis=1)
    YC=caliz['P3A5_NOA']
    XP=prueba.drop('P3A5_NOA', axis=1)
    YP=prueba['P3A5_NOA']
    sfs=mlx.SequentialFeatureSelector(LinearRegression(), k_features=(30, (mP-1)), forw
    sfs.fit(XC,YC)
    variables=sfs.k_feature_names_
    print(f"Características:\n\t{caliz.columns}\nCaracterísticas seleccionadas:\n\t{var}
```

```
xAjustadoC=XC
 xAjustadoP=XP
 for i in range(len(variables)):
     xAjustadoC=xAjustadoC.drop(variables[i], axis=1)
 borrar=xAjustadoC.columns
 xAjustadoC=XC
 for i in range(len(borrar)):
     xAjustadoC=xAjustadoC.drop(borrar[i], axis=1)
     xAjustadoP=xAjustadoP.drop(borrar[i], axis=1)
                                        Datos de prueba: (13762, 48)
Datos de entrenamiento: (55044, 48)
        Total de datos: 68806
Características:
        Index(['POBTOT', 'P_0A2', 'P3A5_NOA', 'P6A11_NOA', 'P12A14NOA', 'P15A17A',
       'P18A24A', 'P8A14AN', 'P15YM_AN', 'P15YM_SE', 'P15PRI_IN', 'P15PRI_CO',
       'P15SEC_IN', 'P15SEC_CO', 'P18YM_PB', 'RURAL', 'MIXTA', 'ENTIDAD32',
       'ENTIDAD31', 'ENTIDAD30', 'ENTIDAD29', 'ENTIDAD28', 'ENTIDAD27',
       'ENTIDAD26', 'ENTIDAD25', 'ENTIDAD24', 'ENTIDAD23', 'ENTIDAD22',
       'ENTIDAD21', 'ENTIDAD20', 'ENTIDAD19', 'ENTIDAD18', 'ENTIDAD17',
       'ENTIDAD16', 'ENTIDAD15', 'ENTIDAD14', 'ENTIDAD13', 'ENTIDAD12',
       'ENTIDAD11', 'ENTIDAD10', 'ENTIDAD9', 'ENTIDAD8', 'ENTIDAD7',
       'ENTIDAD6', 'ENTIDAD5', 'ENTIDAD4', 'ENTIDAD3', 'ENTIDAD2'],
      dtype='object')
Características seleccionadas:
        ('POBTOT', 'P_0A2', 'P6A11_NOA', 'P12A14NOA', 'P15A17A', 'P18A24A', 'P8A14A
N', 'P15YM_AN', 'P15YM_SE', 'P15PRI_IN', 'P15PRI_CO', 'P15SEC_CO', 'P18YM_PB', 'RURA
L', 'MIXTA', 'ENTIDAD32', 'ENTIDAD31', 'ENTIDAD30', 'ENTIDAD29', 'ENTIDAD28', 'ENTID
AD27', 'ENTIDAD26', 'ENTIDAD24', 'ENTIDAD22', 'ENTIDAD21', 'ENTIDAD20', 'ENTIDAD19',
'ENTIDAD18', 'ENTIDAD17', 'ENTIDAD16', 'ENTIDAD15', 'ENTIDAD14', 'ENTIDAD12', 'ENTID
AD11', 'ENTIDAD9', 'ENTIDAD8', 'ENTIDAD7', 'ENTIDAD6', 'ENTIDAD5', 'ENTIDAD4', 'ENTI
DAD3', 'ENTIDAD2')
```

Se uso una semilla para mantener un punto fijo a la hora de hacer una partición de datos entre prueba y entrenamiento, en el cual por gusto propio decidí hacer una partición de 80 para entrenamiento y el resto para las pruebas. Se opto por llevar una metodología de selección de características hacia atrás, ya que existen muchas variables *dummies* por lo que si vamos hacia adelante, vamos a tener que hacer más iteraciones, si bien yo fije un aproximado de cuantas variables voy a usar esto es con el fin de limitar el tiempo de cálculos, no obstante se uso validación cruzada.

4. Genera un modelo de regresión lineal y al menos uno no lineal, para predecir una variable de interés; explica con detalle por qué seguiste los pasos mostrados en tu código para generar el modelo, en aras de obtener la mejor predicción y resultados generalizables. Imprime en consola los coeficientes estimados al entrenar el modelo, e indica para cuáles de ellos puedes afirmar que existe una asociación significativa con la respuesta, y el por qué de tu aseveración.

```
In [4]: modeloML=sm.OLS(YC, sm.add_constant(xAjustadoC))
    resultadosML=modeloML.fit()
    resumenML=resultadosML.summary()
    print(resumenML)
    scaler = StandardScaler()
```

```
xAjustadoCKNN=scaler.fit_transform(xAjustadoC)
xAjustadoPKNN=scaler.transform(xAjustadoP)
mse_scores={}
for k in range(1, 101):
    knn=KNeighborsRegressor(n_neighbors=k)
    knn.fit(xAjustadoCKNN, YC)
    y_pred=knn.predict(xAjustadoPKNN)
    mse_scores[k]=mean_squared_error(list(YP), y_pred)
best_k=min(mse_scores, key=mse_scores.get)
modeloKNN=KNeighborsRegressor(n_neighbors=best_k)
modeloKNN.fit(xAjustadoCKNN, YC)
print(knn.get_params())
```

OLS Regression Results

 Dep. Variable:
 P3A5_NOA
 R-squared:
 0.943

 Model:
 0LS
 Adj. R-squared:
 0.943

 Method:
 Least Squares
 F-statistic:
 2.175e+04

 Date:
 Tue, 18 Feb 2025
 Prob (F-statistic):
 0.00

 Time:
 13:45:57
 Log-Likelihood:
 -2.2240e+05

 No. Observations:
 55044
 AIC:
 4.449e+05

 Df Residuals:
 55001
 BIC:
 4.453e+05

 Df Model:
 42
 42

Df Model: 42 Covariance Type: nonrobust

coval Tallce		HOHI OD	usc			
========	coef	std err	t	P> t	[0.025	0.975]
const	1.0743	0.184	5.844	0.000	0.714	1.435
POBTOT	0.0255	0.001	39.899	0.000	0.024	0.027
P_0A2	0.2287	0.003	78.443	0.000	0.223	0.234
P6A11_NOA	0.5609	0.009	62.848	0.000	0.543	0.578
P12A14NOA	0.2276	0.011	21.244	0.000	0.207	0.249
P15A17A	-0.0956	0.003	-28.661	0.000	-0.102	-0.089
P18A24A	-0.0229	0.002	-10.462	0.000	-0.027	-0.019
P8A14AN	0.1157	0.009	13.035	0.000	0.098	0.133
P15YM_AN	-0.0390	0.002	-22.019	0.000	-0.042	-0.036
P15YM_SE	-0.0216	0.001	-15.788	0.000	-0.024	-0.019
P15PRI_IN	-0.0386	0.002	-25.472	0.000	-0.042	-0.036
P15PRI_CO	-0.0264	0.001	-21.516	0.000	-0.029	-0.024
P15SEC_CO	0.0092	0.001	9.980	0.000	0.007	0.011
P18YM_PB	-0.0321	0.001	-42.873	0.000	-0.034	-0.031
RURAL	-0.5111	0.159	-3.219	0.001	-0.822	-0.200
MIXTA	-3.0875	0.223	-13.862	0.000	-3.524	-2.651
ENTIDAD32	-4.9011	0.403	-12.162	0.000	-5.691	-4.111
ENTIDAD31	-7.4748	0.498	-15.007	0.000	-8.451	-6.499
ENTIDAD30	2.7942	0.287	9.740	0.000	2.232	3.357
ENTIDAD29	-3.0984	0.638	-4.854	0.000	-4.349	-1.847
ENTIDAD28	2.7666	0.383	7.227	0.000	2.016	3.517
ENTIDAD27	-16.1916	0.487	-33.272	0.000	-17.145	-15.238
ENTIDAD26	5.3405	0.428	12.473	0.000	4.501	6.180
ENTIDAD24	-10.8199	0.399	-27.144	0.000	-11.601	-10.039
ENTIDAD22	-2.8958	0.545	-5.317	0.000	-3.963	-1.828
ENTIDAD21	-8.6388	0.355	-24.336	0.000	-9.335	-7.943
ENTIDAD20	-6.1514	0.364	-16.918	0.000	-6.864	-5.439
ENTIDAD19	-4.0344	0.342	-11.790	0.000	-4.705	-3.364
ENTIDAD18	-2.2351	0.521	-4.286	0.000	-3.257	-1.213
ENTIDAD17	-2.0843	0.536	-3.887	0.000	-3.135	-1.033
ENTIDAD16	-5.5736	0.347	-16.072	0.000	-6.253	-4.894
ENTIDAD15	-0.9993	0.261	-3.827	0.000	-1.511	-0.487
ENTIDAD14	-1.9108	0.314	-6.093	0.000	-2.525	-1.296
ENTIDAD12	-9.3839	0.350	-26.842	0.000	-10.069	-8.699
ENTIDAD11	-6.3596	0.325	-19.588	0.000	-6.996	-5.723
ENTIDAD9	-5.0077	0.282	-17.743	0.000	-5.561	-4.454
ENTIDAD8	3.1107	0.322	9.668	0.000	2.480	3.741
ENTIDAD7	-7.0726	0.409	-17.281	0.000	-7.875	-6.270
ENTIDAD6	-3.9690	0.820	-4.839	0.000	-5.577	-2.361
ENTIDAD5	-1.5303	0.412	-3.718	0.000	-2.337	-0.724
ENTIDAD4	-9.3976	0.685	-13.723	0.000	-10.740	-8.055
ENTIDAD3	-0.8250	0.709	-1.163	0.245	-2.216	0.566

ENTIDAD2	5.1618	0.385	13.394	0.000	4.406	5.917	
==========	========	========				=======	
Omnibus:		28365.502	2 Durbin	-Watson:		2.009	
Prob(Omnibus):	0.000) Jarque	Jarque-Bera (JB):		5783622.518	
Skew:		1.367	' Prob(J	B):		0.00	
Kurtosis:		53.142	Cond.	No.		5.32e+04	
=========			.=======	========		=======	

Notes:

- [1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly spe cified.
- [2] The condition number is large, 5.32e+04. This might indicate that there are strong multicollinearity or other numerical problems.

```
{'algorithm': 'auto', 'leaf_size': 30, 'metric': 'minkowski', 'metric_params': None,
'n_jobs': None, 'n_neighbors': 100, 'p': 2, 'weights': 'uniform'}
```

Como tenemos más de una variables no se podría utilizar un modelo de regresión lineal simple por lo que se usa el modelo de regresión lineal multiple. Asi mismo como tenemos más de una variable no sabemos que forma tendría función, por lo que un modelo KNN seria una manera de tener un modelo no lineal. Si analizamos el summary() del modelo lineal, veremos que tenemos una R^2 de **0.943**, el cual es bastante bueno, en cuanto a los **p-values** la mayoría son menores a **0.05**, no obstante hay algunos que superan estos valores, esto se puede deber a que existan pocos datos de esa columna por lo que en la mayoría de los casos no influye en el modelo.

5. Calcula al menos una métrica de error y una del nivel de linealidad del modelo, con la intención de que ambas métricas representen el funcionamiento esperado del modelo para cualquier dato que se le presente. Agrega un comentario que describa en palabras sencillas el significado de los mismos.

```
In [5]: estimacionML=resultadosML.predict(sm.add_constant(xAjustadoP))
    estimacionKNN=modeloKNN.predict(xAjustadoPKNN)
    mseKNN=mean_squared_error(estimacionKNN, YP)
    mseML=mean_squared_error(estimacionML, YP)
    print(f"MSE KNN: {round(mseKNN)}\tMSE regresión lineal multiple: {round(mseML)}")
```

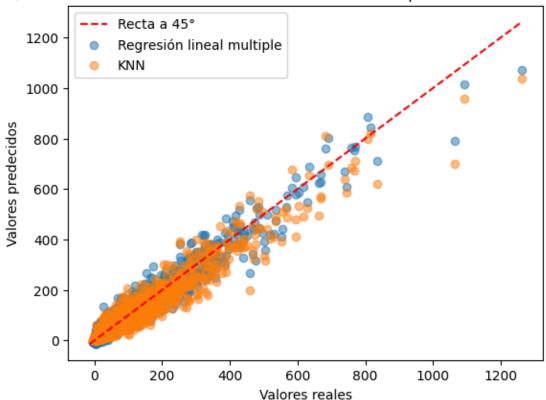
MSE KNN: 233 MSE regresión lineal multiple: 189

Con los **MSE** de cada modelo podemos ver que tanto varían nuestros resultados entre lo previsto y lo real, como estamos prediciendo la población, entonces estos valores deben de ser enteros. Como ambos modelos tienen similares **MSE** si tomamos como referencia que la población más alta de niños de 3 a 5 años esta por los **1200**. Por lo tanto ambos modelos se adaptan bien a los datos.

6. Genera un modelo de regresión lineal o no lineal (del mismo tipo que el que haya obtenido el mejor desempeño en los puntos anteriores), pero para realizar un análisis de inferencia. A partir del mismo, realiza una o varias inferencias sobre los datos, asegurándote de incluir márgenes de error para tus conclusiones.

```
In [6]: min_val=min(min(estimacionML), min(estimacionKNN), min(YP))
    max_val=max(max(estimacionML), max(estimacionKNN), max(YP))
    plt.plot([min_val, max_val], [min_val, max_val], color='red', linestyle='--')
    plt.scatter(YP, estimacionML, alpha=0.5)
    plt.scatter(YP, estimacionKNN, alpha=0.5)
    plt.title('Real vs. Predicción\n(Población de niños de entre 3 a 5 años de edad que
    plt.xlabel("Valores reales")
    plt.ylabel("Valores predecidos")
    plt.legend(["Recta a 45°", "Regresión lineal multiple", "KNN"])
    plt.show()
```

Real vs. Predicción (Población de niños de entre 3 a 5 años de edad que no van a la escuela)



Se gráfico las predicciones de ambos modelos ya que al tener un **MSE** similar las predicciones serian similares, mediante ayuda de ChatGPT se logro graficar una recta a $45\,^\circ$ la cual nos permitirá ver que tan buenas predicciones se hicieron con los datos de prueba.

 (Opcional, valor de 10 puntos extra, solamente válido si utilizaste datos de https://www.inegi.org.mx/datosabiertos/)

No description has been provided for this image

Crea una presentación corta (aproximadamente 5 slides), y expón al grupo la metodología y resultados obtenidos, como si estuvieras presentando resultados a una entidad responsable de resolver problemáticas sociales. Sube la presentación en la bandeja de Blackboard junto con el resto de los documentos.

Firma de Honor: Doy mi palabra que he realizado esta actividad con integridad académica