Elementos, Conjuntos e pertinência

Em Matemática, utilizamos sistemas axiomáticos. Nesses sistemas, temos algumas noções elementares, que são coisas que não definimos e axiomas, que são as regras que escolhemos como válidas dentro desse sistema.

Na Teoria dos Conjuntos, as noções elementares são:

- conjunto
- elemento
- pertinência

Nossa noção de conjunto em matemática é a mesma da linguagem coloquial: um agrupamento de coisas. Essas coisas que compõe o conjunto são os elementos desse conjunto. Quando um elemento faz parte de um conjunto, dizemos que ele pertence ao conjunto.

Exemplos

- O conjunto das vogais: a, e, i, o, u
- O conjunto de alunos do PIAPE
- O conjunto de alunos da UFSC Blumenau
- O conjunto dos números pares: 0, 2, 4, 6, 8,...

Pertinência

Quando queremos dizer que um elemento pertence a um conjunto, utilizamos o símbolo \$\in\$. Quando queremos dizer que um elemento não pertence a um conjunto, utilizamos \$\notin\$. Assim, \$\$a\in \text{conjunto das vogais}\$\$ \$\$c \notin \text{conjunto das vogais}\$\$ \$\$1\notin \text{conjunto dos números pares}\$\$

Convenção

Uma convenção é um acordo. A convenção geral é que utilizamos letras minúsculas para denotar os elementos e letras maiúsculas para denotar os conjuntos.

- \$a, b, c\$ são elementos
- \$A, B, C\$ são conjuntos

Definindo um conjunto

Podemos definir um conjunto de duas maneiras:

- Enumerando seus elementos
- Descrevendo uma propriedade que seus elementos possuem

Exemplo

- O conjunto das vogais podemos enumerar como \$\$V={a,e,i,o,u}\$\$ Sempre enumeramos os elementos de um conjunto entre chaves \${}\$. Assim, para dizer que "a" é uma vogal, podemos denotar por \$a\in V\$.
- O conjunto dos números pares podemos descrever como \$\$P = { n \text{ é um número par} }\$\$

Conjunto unitário e vazio

Existe um conjunto que não possui nenhum elemento. Esse conjunto é chamado de *conjunto vazio*, e denotado pelo símbolo \$\emptyset\$.

Um conjunto unitário é um conjunto que possui apenas um elemento.

Exemplo: o conjunto de tutores de matemática do PIAPE no campus Blumenau possui um único elemento.

Conjunto universo

Quando estamos trabalhando em um problema, geralmente consideramos um conjunto universo, que é o conjunto de todos os elementos que podemos considerar no contexto estudado.

Subconjuntos

Dizemos que um conjunto \$A\$ é _subconjunto de \$B\$ se todo elemento de \$A\$ também pertence a \$B\$. Nesse caso, utilizamos a notação \$A \subseteq B\$.

Exemplo

- Seja \$A = {a,b,c}\$ e \$B = {a,b,c,d,e}\$. Note que todo elemento de \$A\$ também percente a \$B\$, logo \$A \subseteq B\$.
- Seja \$P = { n \text{ é um número par} }\$ e \$D = { n \text{ é um número múltiplo de 10} }\$. Como todo número múltiplo de 10 também é par, podemos escrever \$D \subseteq P\$.

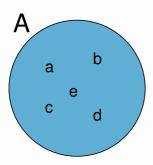
Contra-exemplos

- Se \$A = {a,e,i,o,u}\$ e \$B = {a,b,c,d,e}\$, note que nem todo elemento de \$A\$ pertence a \$B\$. Nesse caso, \$A\$ não é um sonjunto de \$B\$, e denotamos esse fato escrevendo \$\$A\not\subseteq B\$\$
- Seja \$P = { n \text{ é um número par} }\$ e \$C = { n \text{ é um número múltiplo de 5} }\$. Nesse caso, \$5\in C\$, porém \$5\not\in P\$. Assim, \$C\$ não pode ser um subconjunto de \$P\$, e denotamos por \$C\not\subseteq P\$.

Diagramas de Venn

Podemos representar conjuntos de maneira visual. Para isso, utilizamos diagramas de Venn.

Podemos representar o conjunto \$A = {a,b,c,d,e}\$ listando seus elementos e agrupando eles dentro de um círculo, como abaixo



Se quisermos representar o conjunto $A = \{a,b,c\}$ juntamente com o conjunto $B = \{a,b,c,d,e\}$, podemos representar todos os elementos e depois circular os que pertencem a A e os que pertencem a B.

a b c d e A B

Agora temos uma maneira visual de entender que \$A\subseteq B\$.

Se quisermos representar o conjunto $A = \{a,e,i,o,u\}$ juntamente com o conjunto $B = \{a,b,c,d,e\}$, podemos representar todos os elementos e depois circular os que pertencem a A e os que pertencem a B.

uoiaebcdAB