

## CÂU TRÚC DỮ LIỆU & GIẢI THUẬT

## Bài tập về đồ thị

---oOo----

1. Cho danh sách các cạnh của một đồ thị vô hướng:

(A, B), (A, C), (A, D), (B, E), (C, F), (D, F), (E, G), (F, H), (G, I), (H, J), (I, J), (G, H)

- a) Vẽ đồ thị tương ứng
- b) Biểu diễn đồ thị này dưới dạng ma trận kề và danh sách kề.
- 2. Duyệt đồ thị BFS & DFS

Với đồ thị ở bài 1:

- a) Thực hiện duyệt BFS và DFS bắt đầu từ đỉnh A.
- b) Cho biết thứ tự đỉnh được duyệt theo từng thuật toán.
- c) Viết hàm BFS(Graph G, Vertex start) và DFS(Graph G, Vertex start)
- 3. Cho một đồ thị vô hướng gồm 12 đỉnh với các cạnh như sau:

Các cạnh: (A, B), (B, C), (C, D), (D, E), (E, F), (G, H), (H, I), (I, J), (J, K), (K, L)

- a) Kiểm tra xem đồ thị có liên thông không.
- b) Viết hàm đếm số thành phần liên thông.
- c) Nếu thêm cạnh (F, G), đồ thị có còn 2 thành phần liên thông không? Viết hàm để kiểm tra thêm cạnh cho trước có làm cho đồ thị liên thông không?
- 4. Cho đồ thị vô hướng có 9 đỉnh và trọng số như sau:

(A, B, 4), (A, H, 8), (B, C, 8), (B, H, 11), (C, D, 7), (C, F, 4), (C, I, 2), (D, E, 9), (D, F, 14), (E, F, 10), (F, G, 2), (G, H, 1), (G, I, 6), (H, I, 7)

- a) Vẽ đồ thị có trọng số.
- b) Ap dụng thuật toán Prim để tìm cây khung nhỏ nhất.
- c) Áp dụng thuật toán Dijkstra để tìm đường đi ngắn nhất từ A đến tất cả các đỉnh còn lại.
- **5.** Cho hai dãy số a, b. Hãy tìm dãy con chung dài nhất của hai dãy này. Dãy con ở đây không nhất thiết phải là các phần tử liền nhau Chẳng hạn cho hai dãy số sau:

Dãy a: 1, 5, 3, 7, 8

Dãy b: 6, 2, 5, 7, 1, 9, 8

Gợi ý:

Một cấu trúc dữ liệu cho bài toán này là chuyển bài toán này về cấu trúc đồ thị bằng cách thành lập một ma trận kề, trong đó a[i][j] = 1 nếu phần tử thứ i của dãy a trùng với phần tử thứ j trong dãy b.