



# ENTZERRUNG VON KEGELOBERFLÄCHEN AUS EINER EINKAMERAANSICHT BASIEREND AUF PROJEKTIVER GEOMETRIE

BACHELORARBEIT  
zur Erlangung des akademischen Grades  
BACHELOR OF SCIENCE

Westfälische Wilhelms-Universität Münster  
Fachbereich Mathematik und Informatik  
Institut für Informatik

Betreuung:  
*Dimitri Berh*

Erstgutachten:  
*Prof. Dr. Xiaoyi Jiang*

Zweitgutachten:  
*Prof. Dr. Klaus Hinrichs*

Eingereicht von:  
*Lars Haalck*

Münster, August 2016



## **Zusammenfassung**

bla bla zusammenfassung



# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Theoretische Grundlagen</b>	<b>3</b>
2.1	Kegel . . . . .	3
<b>3</b>	<b>Implementierung</b>	<b>7</b>
<b>4</b>	<b>Analyse</b>	<b>9</b>
<b>5</b>	<b>Fazit und Ausblick</b>	<b>11</b>
	<b>Abbildungsverzeichnis</b>	<b>13</b>
	<b>Tabellenverzeichnis</b>	<b>15</b>



# 1 Einleitung

einleitung





## 2 Theoretische Grundlagen

Rechtshändiges Koordinatensystem...

### 2.1 Kegel

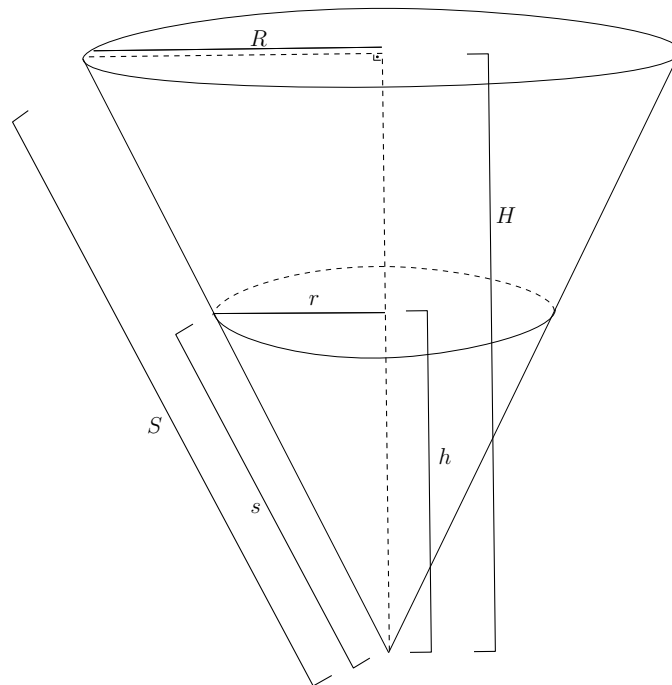


Abbildung 2.1: Gerader Kreiskegel

Kreisgrundfläche mit Radius  
normaler Kegel Spitze  $S(0, 0, 0)$

$$\begin{aligned}x &= \frac{u}{h} R \cos \theta \\y &= u \\z &= \frac{u}{h} R \sin \theta\end{aligned}\tag{2.1}$$

mit  $u \in [0, H]$  und  $\theta \in [0, 2\pi)$

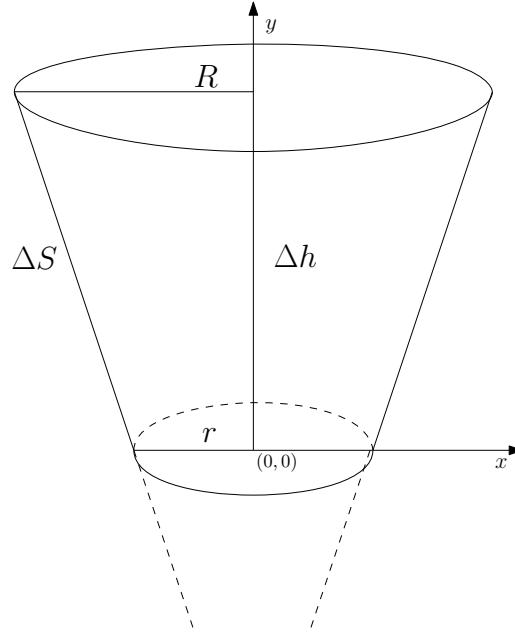


Abbildung 2.2: Kegelstumpf

$$\begin{aligned}
 x &= \left(r + \frac{u}{h}(R - r)\right) \cos \theta \\
 y &= u \\
 z &= \left(r + \frac{u}{h}(R - r)\right) \sin \theta
 \end{aligned} \tag{2.2}$$

mit  $u \in [0, \Delta H]$  und  $\theta \in [0, 2\pi)$

$$\begin{aligned}
 x &= -(s + \lambda(S - s)) \sin \phi \\
 y &= (s + \lambda(S - s)) \cos \phi
 \end{aligned} \tag{2.3}$$

mit  $\lambda \in [0, 1]$  und  $\phi \in [0, \alpha]$

Sei  $\mathcal{R}(y) := r + \frac{y}{h}(R - r)$ ,  $\Phi(x, y, z) := \text{atan2}\left(\frac{z}{d(y)}, \frac{x}{d(y)}\right)$ ,  $\mathcal{S}(y) := s + \frac{y}{\Delta H}(S - s)$

$$\begin{aligned}
 \Psi: [r, R] \times [0, \Delta H] \times [r, R] &\rightarrow [s, S] \times [s, S] \\
 (x, y, z) &\mapsto (-\mathcal{S}(y) \sin \Phi(x, y, z), \mathcal{S}(y) \cos \Phi(x, y, z))
 \end{aligned} \tag{2.4}$$

Sei  $\mathcal{R}(y) := r + \frac{y}{h}(R - r)$ ,  $\Phi(x, y, z) := \text{atan2}\left(\frac{z}{d(y)}, \frac{x}{d(y)}\right)$ ,  $\mathcal{S}(y) := s + \frac{y}{\Delta H}(S - s)$

$$\begin{aligned}
 \Psi^{-1}: [s, S] &\rightarrow [r, R] \times [0, \Delta H] \times [r, R] \times [s, S] \\
 (x, y, z) &\mapsto (-\mathcal{S}(y) \sin \Phi(x, y, z), \mathcal{S}(y) \cos \Phi(x, y, z))
 \end{aligned} \tag{2.5}$$

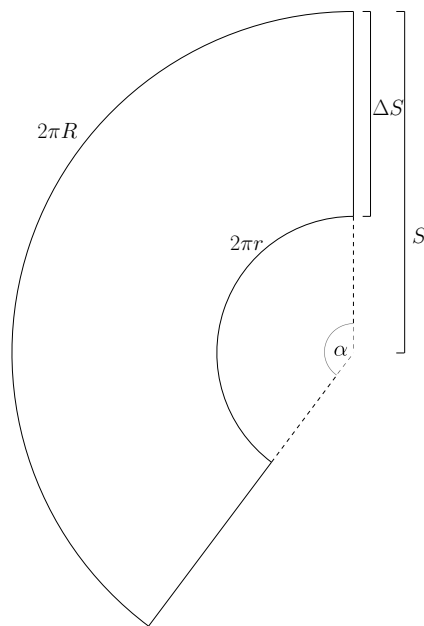


Abbildung 2.3: Kegelmantelfläche

Gerader Kreiskegel kamerakalibrierung  
 projektionsmatrix (homogene Koordinaten????) SVD, QR, LSQ?  
 kegel koordinaten  
 kegel mantelfläche  
 kegel abbildungen  
 Hough?  
 Parameterschätzung Ransac. anzahl iterationen  
 ellipse distanz mit transformationen die nötig sind  
 Hauptachsentransformation  
 schnittpunkt linie ellipse  
 Kantendetektion (canny sobel)  
 evtl noch am ende delaunay  
 deformable templates



# 3 Implementierung

implementierung



## 4 Analyse

analyse?





## 5 Fazit und Ausblick

fazit



# Abbildungsverzeichnis

2.1	Gerader Kreiskegel . . . . .	3
2.2	Kegelstumpf . . . . .	4
2.3	Kegelmantelfläche . . . . .	5



# **Tabellenverzeichnis**



# Plagiatserklärung

Hiermit versichere ich, dass die vorliegende Arbeit über

*Entzerrung von Kegeloberflächen aus einer Einkameraansicht basierend auf projektiver Geometrie*

selbstständig verfasst worden ist, dass keine anderen Quellen und Hilfsmittel als die angegebenen benutzt worden sind und dass die Stellen der Arbeit, die anderen Werken – auch elektronischen Medien – dem Wortlaut oder Sinn nach entnommen wurden, auf jeden Fall unter Angabe der Quelle als Entlehnung kenntlich gemacht worden sind.

---

Lars Haalck, Münster, 28. August 2016

Ich erkläre mich mit einem Abgleich der Arbeit mit anderen Texten zwecks Auffindung von Übereinstimmungen sowie mit einer zu diesem Zweck vorzunehmenden Speicherung der Arbeit in eine Datenbank einverstanden.

---

Lars Haalck, Münster, 28. August 2016