4.2.1什么是平衡二叉树

例:搜索树结点不同插 <i>入</i>	、次序,将导致不同的 深度 和平均	匀查找长度 A	SL		
1. 2. 3.					
平衡因子(,简称):	, 其中	和	分别为	的左右子树高度
平衡二叉树() (树)				
1. 空树 2. 任一结点左右子树	高度差的绝对值不超过1,即				
平衡二叉树的高度能达到	」 吗?				
设 是高度为 的平衡二	工义树的最少结点数,结点最少6	时:			

 $\frac{\sqrt{}}{\sqrt{}} = \frac{\sqrt{}}{\sqrt{}}$

给定结点数为的树,最大高度为

平衡二叉树的调整

```
typedef struct AVLNode *Position;
typedef Position AVLTree; /* AVL树类型 */
struct AVLNode{
   ElementType Data; /* 结点数据 */
                 /* 指向左子树 */
   AVLTree Left;
                 .
/* 指向右子树 */
/* 树高 */
   AVLTree Right;
   int Height;
};
int Max ( int a, int b )
   return a > b ? a : b;
AVLTree SingleLeftRotation ( AVLTree A )
{ /* 注意:A必须有一个左子结点B */
 /* 将A与B做左单旋,更新A与B的高度,返回新的根结点B */
   AVLTree B = A->Left;
   A->Left = B->Right;
   B->Right = A;
   A->Height = Max( GetHeight(A->Left), GetHeight(A->Right) ) + 1;
   B->Height = Max( GetHeight(B->Left), A->Height ) + 1;
   return B;
}
AVLTree DoubleLeftRightRotation ( AVLTree A )
{ /* 注意:A必须有一个左子结点B,且B必须有一个右子结点C*/
 /* 将A、B与C做两次单旋,返回新的根结点C */
   /* 将B与C做右单旋,C被返回 */
   A->Left = SingleRightRotation(A->Left);
   /* 将A与C做左单旋,C被返回 */
   return SingleLeftRotation(A);
/**************
/* 对称的右单旋与右-左双旋请自己实现 */
AVLTree Insert( AVLTree T, ElementType X )
{ /* 将X插入AVL树T中,并且返回调整后的AVL树 */
   if (!T) { /* 若插入空树,则新建包含一个结点的树 */
       T = (AVLTree)malloc(sizeof(struct AVLNode));
       T->Data = X;
       T->Height = 0;
       T->Left = T->Right = NULL;
   } /* if (插入空树) 结束 */
   else if ( X < T->Data ) {
       /* 插入T的左子树 */
       T->Left = Insert( T->Left, X);
       /* 如果需要左旋 */
       if ( GetHeight(T->Left)-GetHeight(T->Right) == 2 )
           if ( X < T->Left->Data )
             T = SingleLeftRotation(T);
                                          /* 左单旋 */
           else
             T = DoubleLeftRightRotation(T); /* 左-右双旋 */
   } /* else if (插入左子树) 结束 */
   else if ( X > T->Data ) {
       /* 插入T的右子树 */
       T->Right = Insert( T->Right, X );
       /* 如果需要右旋 */
       if ( GetHeight(T->Left)-GetHeight(T->Right) == -2 )
           if ( X > T->Right->Data )
             T = SingleRightRotation(T);
             T = DoubleRightLeftRotation(T); /* 右-左双旋 */
   } /* else if (插入右子树) 结束 */
   /* else X == T->Data, 无须插入 */
   /* 别忘了更新树高 */
   T->Height = Max( GetHeight(T->Left), GetHeight(T->Right) ) + 1;
   return T;
}
```