

3.1.1引子（顺序查找）

什么是树 客观世界中许多事物存在层次关系

1. 人类社会家谱
2. 社会组织结构
3. 图书信息管理

分层次组织在管理上有更高的效率

数据管理的基本操作之一：查找

如何实现有效率的查找？

查找：根据某个给定的关键字K，从集合R中找出与K相同的记录

静态查找：集合中记录是固定的

没有插入和删除操作，只有查找

动态查找：集合中的记录是动态变化的

除查找外，还可能发生插入和删除

静态查找

方法1：顺序查找

```
/* 方法1：顺序查找 */
#define MAXSIZE 1000
typedef int ElementType;
typedef struct LNode *List;
struct LNode
[
    ElementType Element[MAXSIZE];
    int Length;
]

int SequentialSearch(List Tbl, ElementType K)
{ /* 在Element[1]~Element[n]中查找关键字为K的数据元素 */
    int i;
    Tbl->Element[0]=K; /* 建立哨兵 */
    for (i=Tbl->Length; Tbl->Element[i]!=K; i--)
        return i; /* 查找成功则返回所在单元下标，否则返回0 */
}

/* 无哨兵时的实现 */
int SequentialSearch(List Tbl, ElementType K)
{ /* 在Element[1]~Element[n]中查找关键字为K的数据元素 */
    int i;
    for (i=Tbl->Length; i>0&&Tbl->Element[i]!=K; i--)
        return i; /* 查找成功则返回所在单元下标，否则返回0 */
}
/* 时间复杂度为O(n) */
```

3.1.2引子（二分查找）

假设n个数据元素的关键字满足有序

并且是连续存放（数组），那么可以进行二分查找

3.1.3引子（二分查找实现）

二分查找算法

```


/* 方法2：二分查找 (Binary Search) */
#define MAXSIZE 1000
typedef int ElementType;
typedef struct LNode *List;
struct LNode
{
    ElementType Element[MAXSIZE];
    int Length;
}

int BinarySearch(List Tbl, ElementType K)
{
    /* 在表Tbl中查找关键字为K的数据元素 */
    int left, right, mid, NotFound = -1;

    left = 1;                /* 初始化左边界 */
    right = Tbl->Length;      /* 初始化右边界 */
    while (left <= right)
    {
        mid = (left + right) / 2; /* 计算中间元素坐标 */
        if (K < Tbl->Element[mid])
        {
            right = mid - 1; /* 调整右边界 */
        }
        else if (K > Tbl->Element[mid])
        {
            left = mid + 1; /* 调整左边界 */
        }
        else
        {
            return mid; /* 查找成功，返回数据元素的下标 */
        }
    }
    return NotFound; /* 查找失败，返回-1 */
}

```

时间复杂度为：

11个元素的二分查找判定树 

- 判定树上每个结点需要的查找次数刚好为该结点所在的层数
- 查找成功时查找次数不会超过判定树的深度
- n 个结点的判定树的深度为 $\lceil \lg n \rceil$ ，就是取对数后向上取整
- 平均成功查找次数

3.1.4树的定义和术语

树 (Tree)：个结点构成的有限集合

当时，称为空树

对于任一非空树，它具备以下性质

- 树中有一个称为根 (Root) 的特殊结点，用 r 表示
- 其余结点可分为 m 个互不相交的有限集，其中每个集合本身又是一棵树，称为原来树的子树 (SubTree)

树与非树？

- 子树是不相交的
- 除了根结点外，每个结点有且仅有一个父结点
- 一颗结点的树有 条边

树是保证结点连通的最小连接方式

问：棵树的集合，有 条边，一共几个结点？

答：个结点，一条边对应一个结点，根结点没有边对应，棵树就有 个根结点，故一共 个结点。

树的一些基本术语

- 结点的度 (Degree)：结点的子树个数
- 树的度：树的所有结点中最大的度数
- 叶结点 (Leaf)：度为0的结点
- 父结点 (Parent)：有子树的结点是其子树的根结点的父结点
- 子结点 (Child)：若A结点是B结点的父结点，则称B结点是A结点的子结点；子结点也称孩子结点

6. **兄弟结点** (Sibling) : 具有同一父结点的各结点彼此是兄弟结点
7. **路径和路径长度** : 从结点 到 的**路径**为一个结点序列 , 是 的父结点, 路径所包含的边的个数为**路径的长度**
8. **祖先结点** (Ancestor) : 沿**树根到某一结点**路径上的所有结点都是这个结点的祖先结点
9. **子孙结点** (Descendant) : 某一结点的**子树中的所有结点**是这个结点的子孙
10. **结点的层次** (Level) : 规定**根结点在1层**, 其他任以结点的层数是其父结点的层数+1
11. **树的深度** (Depth) : 树中所有结点中的**最大层次**是这棵树的深度

高度从0开始, 层数从1开始

3.1.5树与树的表示

树的表示 儿子兄弟表示法 ☐ ☐

- 在用“儿子-兄弟”法表示的树中, 如果从根结点开始访问其“次子”的“次子”, 所经过的结点数与下面哪种情况一样? (注意:比较的是结点数, 而不是路径)

访问到次子: 两个结点, 再到次子的次子, 又是两个结点。共4个结点

从根结点开始访问其“长子”的“长子”的“长子”的“长子”

二叉树的链表结构

```
typedef struct TNode *Position
typedef Position BinTree /*二叉树类型*/
struct TNode /*树结点定义*/
{
    ElementType Data; /*结点数据*/
    BinTree Left; /**/
    BinTree Right;
}
```