4.1.1二叉搜索树及查找

查找问题

- 1. 静态查找与动态查找 (二分查找,事先组织,有序化)
- 2. 针对动态查找,数据如何组织?

什么是二叉搜索树

二叉搜索树(BST,Binary Search Tree),也称二叉排序树或二叉查找树

二叉搜索树:一颗二叉树,可以为空;如果不为空,满足以下性质:

- 1. 非空左子树的所有键值小于其根结点的键值
- 2. 非空右子树的所有键值大于其根结点的键值
- 3. 左右子树都是二叉搜索树

二叉搜索树操作的特别函数

- 1. Position Find(ElementType X,BinTree BST:从二叉搜索树BST中查找元素X,返回其所在结点的地址
- 2. Position FindMin(BinTree BST): 从二叉搜索树BST中查找并返回最小元素所在结点的地址
- 3. Position FindMax(BinTree BST):从二叉搜索树BST中查找并返回最大元素所在结点的地址
- 4. BinTree Insert(ElementType X,BinTree BST)
- 5. BinTree Delete(ElementType X,BinTree BST)

二叉搜索树的查找操作: Find

- 查找从根结点开始,如果树为空,返回NULL
- 若搜索树非空,则根结点关键字和X进行比较,并进行不同处理
 - 。 若X小于根结点键值,只需在左子树中继续搜索
 - 。 若X大于根结点键值,只需在右子树中继续搜索
 - 。 若两者比较结果是相等,搜索完成,返回指向此结点的指针

```
Position Find(ElementType X,BinTree BST)
{
    if(!BST)
    {
        return NULL; /* 查找失败 */
    }
    if(X>BST->Data)
    {
        return Find(X,BST->Right); /* 在右子树中继续查找 */
    }
    else if(X<BST->Data)
    {
        return Find(X,BST->Left); /* 在左子树中继续查找 */
    }
    else /* X==BST->Data */
    {
        return BST; /* 查找成功,返回节点的找到结点的地址 */
    }
}
```

由于非递归函数的执行效率高,可将尾递归函数改为迭代函数

```
Position IterFind(ElementType X,BinTree BST)
{
    while(BST)
    {
        if(X>BST->Data)
        {
            BST=BST->Right; /* 向右子树中移动,继续查找 */
        }
        else if (X<BST->Data)
        {
            BST=BST->Left; /* 向左子树中移动,继续查找 */
        }
        else /* X==BST->Data */
        {
            return BST; /* 查找成功,返回结点的已找到结点的地址 */
        }
    }
    return NULL; /* 查找失败 */
}
```

查找的效率决定于树的高度

平衡二叉树

查找最大和最小元素

- 最大元素一定是在树的最右分支的端结点上
- 最小元素一定是在树的最左分支的端结点上

```
Position FindMin(BinTree BST)
{
    if(!BST)
    {
        return NULL; /* 空的二叉搜索树,返回NULL */
    }
    else if(!BST->Left)
    {
        return BST; /* 找到最左叶结点并返回 */
    }
    else
    {
        return FindMin(BST->Left); /* 沿左分支继续查找 */
    }
}
```

查找最小元素的递归函数

```
Position FindMax(BinTree BST)
{
    if(BST)
    {
       while(BST->Right)
      {
          BST=BST->Right; /* 沿右分支继续查找,直到最右结点 */
      }
    }
    return BST;
}
```

查找最大元素的迭代函数

4.1.2二叉搜索树的插入

分析:关键是要找到元素应该插入的位置,可以采用与Find类似的方法

例:以一年十二个月的英文缩写作为键值,按从一月到十二月顺序输入

4.1.3二叉搜索树的删除

考虑三种情况

- 1. 要删除的是叶结点:直接删除,并再修改其父结点指针--置为NULL
- 2. 要删除的结点只有一个孩子结点:
 - 1. 将其父结点的指针指向要删除结点的孩子结点
- 3. 要删除的结点有左右两颗子树:
 - 1. 用另一结点代替被删除的结点:右子树的最小元素或者左子树的最大元素

```
BinTree Delete(ElementType X,BinTree BST)
   Position Tmp;
   if(!BST)
      printf("要删除的元素未找到");
   else if(X<BST->Data)
      BST->Left=Delete(X,BST->Left); /* 左子树递归删除 */
   else if(X>BST->Data)
      BST->Right=Delete(X,BST->Right); /* 右子树递归删除 */
   else /* 找到要删除的结点 */
      if(BST->Left&&BST->Right) /* 被删除的结点有左右两个子结点 */
      {
          Tmp=FindMin(BST->Right); /* 在右子树中找最小的元素填充删除节点 */
          BST->Data=Tmp->Data;
          BST->Right=Delete(BST->Data,BST->Right);
          /* 在删除节点的右子树中删除最小元素 */
      }
      else /* 被删除结点有一个或无子结点 */
          Tmp=BST;
          if(!BST->Left) /* 有右孩子,或者无子结点 */
             BST=BST->Right;
          else if(!BST->Right) /* 有左孩子或者无子结点 */
             BST=BST->Left;
          free(Tmp);
      }
   }
   return BST;
}
```

■ 完全二叉搜索树的最小结点一定在最左边,但是最大结点不一定在最右边