Лабораторная работа №5

Математическая модель «хищник-жертва»

Го Чаопен

11 марта 2023

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия

Информация

Докладчик

- Го Чаопен
- студент группы НФИбд-02-20
- Российский университет дружбы народов
- [1032194919@pfur.ru]

Вводная часть

Актуальность

• Необходимость навыков моделирования реальных математических задач, построение графиков.

Объект и предмет исследования

- Язык программирования Julia
- Язык моделирования Modelica
- Математическая модель «хищник-жертва» (модель Лотки-Вольтерры)

Цели и задачи

- Продолжить изучение функционала языков Julia и Modelica.
- Создать математическую модель Лотки-Вольтерры с помощью данных языков.
- Построить графики состояния систем в соответствии с поставленными задачами.

Материалы и методы

- Языки:
 - язык программирования Julia
 - язык моделирования Modelica
- Дополнительный комплекс программ:
 - Программное обеспечение OpenModelica

Ход работы

Теоретический материал

Простейшая модель взаимодействия двух видов типа «хищник — жертва» - модель Лотки-Вольтерры. Данная двувидовая модель основывается на следующих предположениях:

- 1. Численность популяции жертв х и хищников у зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории)
- 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает
- 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными

Теоретический материал

- 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается
- 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников

Формулировка задания

Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.71x(t) + 0.046x(t)y(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.64y(t) - 0.017x(t)y(t) \end{cases}$$

- x число жертв;
- y число хищников;
- a скорость естественного прироста числа жертв в отсутствие хищников;
- b естественный прирост жертв;
- - естественное вымирание хищников, лишенных пищи в виде жертв;
- d коэффициент смертности жертв;

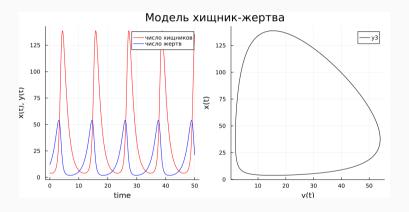
Формулировка задания

Построить график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях: $x_0=4, y_0=12.$ Найти стационарное состояние системы.

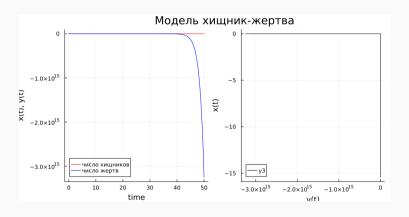


Julia

Получившиеся графики при $x_0 = 4, y_0 = 12$

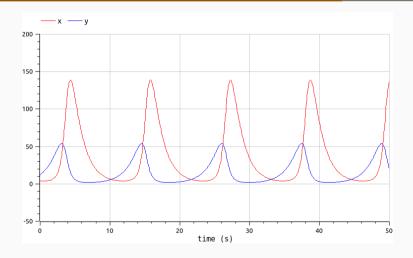


Получившиеся графики для стационарного состояния

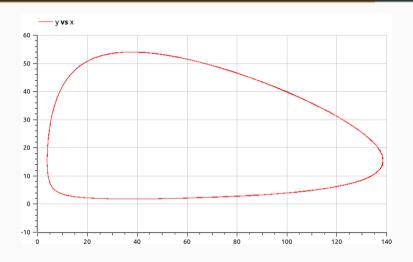




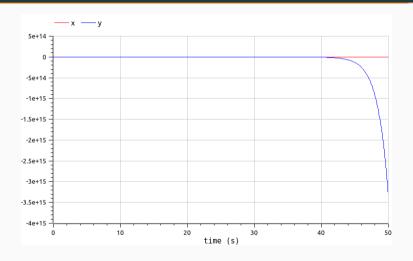
Получившиеся графики при $x_0 = 4, y_0 = 12$



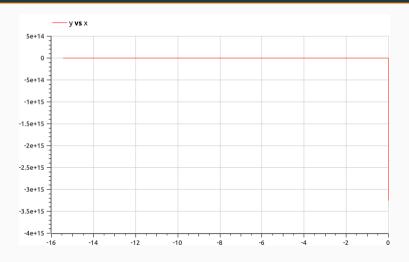
Получившиеся графики при $x_0=4, y_0=12$



Получившиеся графики для стационарного состояния



Получившиеся графики для стационарного состояния



Результаты

Результаты

- Созданы математические модели Лотки-Вольтерры с помощью данных языков.
- Построены графики состояния систем в соответствии с поставленными задачами.

Вывод

Продолжил знакомство с функционалом языка программирования Julia и языка моделирования Modelica, а также с функционалом программного обеспечения OpenModelica и интерактивного блокнота Pluto. Используя эти средства, построил математические модели «хищник-жертва» (модели Лотки-Вольтерры).