**Approche**

***Sujet*** : Déterminer le chemin le plus court entre deux cases d’une grille d’entiers positifs.

***Réflexion autour de l’algorithme de Dijkstra :***

L’[algorithme de Dijkstra](https://fr.wikipedia.org/wiki/Algorithme_de_Dijkstra) est une méthode qui permet de trouver le plus court chemin entre deux sommets d’un graphe pondéré par des réels positifs. Il a été inventé par le mathématicien et informaticien néerlandais [Edsger Dijkstra](https://fr.wikipedia.org/wiki/Edsger_Dijkstra) en 1956. L’idée principale de l’[algorithme](https://www.maths-cours.fr/methode/algorithme-de-dijkstra-etape-par-etape) est de maintenir un ensemble de sommets dont les distances minimales à la source sont connues, et d’ajouter progressivement le sommet le plus proche de la source à cet ensemble. Ci-après l’algorithme de Dijkstra en pseudo code :

// Entrée : un graphe G = (V, E) pondéré par des réels positifs et un sommet source s

// Sortie : un tableau dist qui contient les distances minimales de s à tous les autres sommets

// Initialisation

Pour chaque sommet v de V

dist[v] = +infini // Distance infinie à l'origine

visité[v] = faux // Sommet non visité

Fin pour

dist[s] = 0 // Distance nulle à la source

// Boucle principale

Tant qu'il existe un sommet non visité

u = le sommet non visité ayant la plus petite distance // Choix glouton

visité[u] = vrai // Marquer u comme visité

Pour chaque voisin v de u

si dist[u] + poids(u, v) < dist[v] // Relâchement des arêtes

dist[v] = dist[u] + poids(u, v) // Mise à jour de la distance de v

Fin si

Fin pour

Fin tant que

Retourner dist

**Cahier des charges**

La réalisation de cette analyse donnant lieu à un programme informatique est conditionnée par un cahier des charges :

* Le voyage dans la grille ne prend pas en compte de diagonales.
* La grille est composée d’entiers positifs.
* On veut obtenir le plus court chemin entre deux cases de la grille.