

czy的树

观察到操作数限制是 $\geq n^2$ 的，所以每次将某一个数移到对应点，并且它不在其它数到对应点路径上就一定可行。

显然每次选一个叶子，将对应数移过去，并且删掉这个叶子，一定是对的。

zzt的序列

套路的将方差的定义式展开：

$$\begin{aligned}s^2 &= \frac{\sum (a_i - \bar{a})^2}{n} \\&= \frac{\sum (a_i^2 - 2a_i\bar{a} + \bar{a}^2)}{n} \\&= \frac{\sum a_i^2 - \frac{(\sum a_i)^2}{n}}{n}\end{aligned}$$

然后拆一下贡献。

对于 i ， a_i^2 总共出现的系数是 $f_n = \sum_{k \geq 1} \binom{n-1}{k-1} \frac{1-\frac{1}{k}}$ 。

对于 $i \neq j$ ， $a_i a_j$ 总共出现的系数是 $g_n = \sum_{k \geq 2} \binom{n-2}{k-2} \frac{-1}{k^2}$

对所有 i, j 求和，就是 $((\sum a_i)^2 - \sum a_i^2)g_n + (\sum a_i^2)f_n = (\sum a_i)^2 g_n + (\sum a_i^2)(f_n - g_n)$

显然 f, g 可以先NTT预处理出来。

注意特判 $l = r$ 的询问。

时间复杂度 $O(n \log n)$

skydogli的数据

设合法的数列个数为 S ，则 $P = \frac{S}{k^n}$

所以这里我们只讨论 S 的计算。

考虑把满足条件的序列划分成极长不上升子段。

显然每段长度 ≤ 2 ，并且第 i 段的 $\max < \text{第} i + 1 \text{段的} \min$ 。

第一条显然，第二条的证明：

如果以 i 开头的段长度为2，那么由 $a_i < a_{i+2}, a_{i+3}$ 得证。

如果以 i 开头的段长度为1，那么考虑以 $i + 1$ 开头的段长度，如果为1，那么根据“极长不上升子段”得 $a_i < a_{i+1}$ ，否则由 $a_i < a_{i+2}$ 得证。

类似的可以反过来证明每一个满足划分后条件的数列都满足要求。

所以变成统计划分后的段。

枚举有多少段长度为2，把这些段的两个数交换下顺序就会变成一个不降序列，其中如果在同一个段内则可以相等。

直接组合数统计即可。