## Asia-Pacific Informatics Olympiad 2021

22 - 23 May 2021 Indonesia Jumps
APIO 2021 Tasks
Chinese (CHN)

# 雨林跳跃

在苏门答腊岛的热带雨林中,有 N 棵树排成一排,从左到右依次用 0 到 N-1 进行编号,其中 i 号树的高度为 H[i],且所有树的高度互不相同。

Pak Dengklek 正在训练一只猩猩,让她能够从一棵树上跳到另一棵树上。 对于一次跳跃,猩猩可以从一棵树,向左或向右跳到比当前这棵树高的第一棵树上。 形式化地,如果猩猩当前在 x 号树,那么当且仅当满足下列条件之一时,她能够跳到 y 号树上:

- y 是满足 H[z] > H[x] 的所有 z 中比 x 小的最大非负整数; 或者:
- y 是满足 H[z] > H[x] 的所有 z 中比 x 大的最小非负整数。

Pak Dengklek 有 Q 个跳跃计划,每个计划用四个整数 A, B, C 和 D ( $A \leq B < C \leq D$ ) 来描述。 对于每个计划,Pak Dengklek 想知道猩猩是否能够从某棵树 s ( $A \leq s \leq B$ ) 出发,经过若干次跳跃,到达某棵树 e ( $C \leq e \leq D$ )。 若该计划可行,Pak Dengklek 还想知道可行方案中猩猩需要的最少跳跃次数。

#### 实现细节

你需要实现下列函数:

void init(int N, int[] H)

- N: 树的数量。
- H: 大小为 N 的数组,H[i] 表示 i 号树的高度。
- 该函数在第一次 minimum\_jumps 的调用前,将会被调用恰好一次。

int minimum\_jumps(int A, int B, int C, int D)

- *A*, *B*: 可以用作起点的树的编号范围。
- C, D: 可以用作终点的树的编号范围。
- 该函数需要返回可行方案中猩猩需要的最少跳跃次数,或者返回 −1 表示该计划不可行。
- 该函数将被调用恰好 Q 次。

#### 例子

考虑如下调用:

init(7, [3, 2, 1, 6, 4, 5, 7])

在初始化完成后,考虑如下调用:

minimum\_jumps(4, 4, 6, 6)

该计划意味着猩猩必须从 4 号树(高度为 4)出发,并到达 6 号树(高度为 7)。

一种跳跃次数最少的可行方案为: 先跳到 3 号树(高度为 6), 再跳到 6 号树。

另一种方案为: 先跳到 5号树(高度为 5), 再跳到 6号树。

因此, $minimum_jumps$  应该返回 2。

考虑另一个调用:

minimum\_jumps(1, 3, 5, 6)

该计划意味着猩猩必须从 1 号树(高度为 2),2 号树(高度为 1),或 3 号树(高度为 6)之一出发,并最终到达 5 号树(高度为 5)或者 6 号树(高度为 7)。

唯一一种跳跃次数最少的可行方案为:从3号树出发,直接跳到6号树。

因此,minimum\_jumps 应该返回 1。

考虑另一个调用:

 $minimum_jumps(0, 1, 2, 2)$ 

该计划意味着猩猩必须从 0 号树(高度为 3)或者 1 号树(高度为 2)出发,并最终到达 2 号树(高度为 1)。

由于2号树是高度最低的树,所以无法从其他树上跳到2号树。

因此,  $minimum_jumps$  应该返回 -1。

#### 约束

- $2 \le N \le 200\,000$
- $1 \le Q \le 100\,000$
- $1 \le H[i] \le N \ (0 \le i \le N-1)$
- $H[i] \neq H[j] (0 \le i < j \le N-1)$
- $0 \le A \le B < C \le D \le N-1$

### 子任务

1. (4 分) H[i] = i + 1 ( $0 \le i \le N - 1$ )

- 2. (8 分)  $N \le 200$ ,  $Q \le 200$
- 3. (13 分)  $N \leq 2000$ ,  $Q \leq 2000$
- 4. (12 分)  $Q \leq 5$
- 5. (23 分) A=B, C=D
- 6. (21 分) C=D
- 7. (19 分) 无附加限制

## 示例测试程序

示例测试程序按如下格式读取输入数据:

- 第1行: NQ
- 第 2 行:  $H[0] H[1] \dots H[N-1]$
- 第3+i ( $0 \le i \le Q-1$ ) 行: A B C D,表示第i 次 minimum\_jumps 调用的参数。

示例测试程序按如下格式输出你的答案:

• 第1+i ( $0 \le i \le Q-1$ ) 行:第i次 minimum\_jumps 调用的返回值。