

我们先差分一下, 然后每次操作花费  $a_i$  代价给 i 上的数加一, 给 i+1 上的数减一, 或者反过来。

我们对 a 求前缀和 , 然后 i 位置上的数我们把它移到  $sa_i$  的位置上 , 这样就变成了我们可以花费两个数 距离的代价把一个 1 从一个数移到另一个数上。

当  $h_i>d$  时,我们在 i 放置  $h_i-d$  个必须送入传送门的箱子与 2d 个没有要求的箱子。

当  $-d \le h_i \le d$  时,我们在 i 放置  $h_i + d$  个没有要求的箱子与  $d - h_i$  个没有要求的传送门。

当  $h_i < -d$  时,我们在 i 放置  $-d - h_i$  个必须接收箱子的传送门与 2d 个没有要求的传送门。

这样就变成了把箱子匹配传送门的最小代价。

我们考虑怎么计算,我们从左到右扫描箱子与传送门,对于必须匹配东西的箱子与传送门,我们先在负 无穷远处添加无穷个传送门与箱子与之配对。

我们维护两个堆,当扫到一个箱子时,我们把它与传送门堆中代价最小的传送门匹配,我们要把距离贡献分开处理,假设堆顶代价为 v ,则匹配代价为  $s_i+v$ 。

考虑到后续可能有一个传送门要来抢夺这个箱子,我们在箱子堆中添加一个代价为 $-v-2s_i$ 的箱子。

考虑到后续可能有一个箱子要来抢夺这个传送门,在这个箱子不是必须被匹配的情况下,我们在传送门 堆中添加一个代价为  $-s_i$  的传送门。

对于传送门的情况是完全对称的。

我们发现放入箱子与传送门堆中的权值有很多是相同的,于是我们可以把它们合并。

关于复杂度,我们发现我们加入一批箱子时,那么这一批箱子会分裂为代价不等的 x 堆箱子扔进箱子堆,相应的,也会有 O(x) 个代价不等的传送门会被合并成一个等代价的传送门,对于传送门同理。

由于传送门总数是不多的,所以分裂出代价不等的传送门是很少的。对于一个箱子,我们取每取一次堆顶,传送门代价种类会少 1 ,而每次加入的代价不同的传送门种类数至多有 2d+10 个,所以复杂度均摊  $O(nd\log(n))$ 。