Asia-Pacific Informatics Olympiad 2021 22 - 23 May 2021

22 - 23 May 2021 Indonesia roads
APIO 2021 Tasks
Chinese (CHN)

封闭道路

在泗水市,有 N 个路口(编号从 0 到 N-1)。 这些路口由 N-1 条双向道路连接(编号从 0 到 N-2),因此通过这些道路,任意一对路口之间都有一条唯一的路径。 i 号道路($0 \le i \le N-2$)连接着 U[i] 号和 V[i] 号路口。

为了提高环保意识,泗水市长 Pak Dengklek 计划举办无车日。 为了鼓励该活动,Pak Dengklek 将组织 封路。 Pak Dengklek 将首先选择一个非负整数 k,然后封闭一些道路,以使每个路口只能直接连接至多 k条未封闭的道路。 封闭 i 号道路的成本为 W[i]。

请你帮助 Pak Dengklek 对每个可能的非负整数 k ($0 \le k \le N-1$) 计算封闭道路的最低总成本。

实现细节

你需要实现下列函数:

int64[] minimum_closure_costs(int N, int[] U, int[] V, int[] W)

- N: 泗水市的路口数量。
- U 和 V: 大小为 N-1 的数组,其中 U[i] 号路口和 V[i] 号路口通过 i 号道路直接连接。
- W: 大小为 N-1 的数组,其中封闭 i 号道路的成本为 W[i]。
- 该函数需要返回一个大小为 N 的数组。对每个 k ($0 \le k \le N-1$),k 号元素是使得每个路口与至 多 k 条未封闭道路直接连接的最低总成本。
- 该函数将被调用恰好一次。

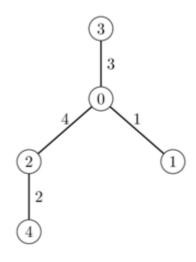
例子

例子 1

考虑如下调用:

minimum_closure_costs(5, [0, 0, 0, 2], [1, 2, 3, 4], [1, 4, 3, 2])

这个例子中共有 5 个路口和 4 条道路,分别连接着路口 (0,1), (0,2), (0,3) 和 (2,4),封闭它们的成本依次为 1, 4, 3 和 2。



为了得到最低的总成本:

- 如果 Pak Dengklek 选择 k=0,那么所有道路都需要封闭,总成本为 1+4+3+2=10;
- 如果 Pak Dengklek 选择 k=1,那么需要封闭 0 号道路和 1 号道路,总成本为 1+4=5;
- 如果 Pak Dengklek 选择 k=2,那么需要封闭 0 号道路,总成本为 1;
- 如果 Pak Dengklek 选择 k=3 或 k=4,那么没有道路需要封闭。

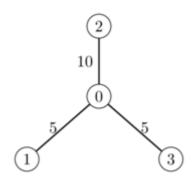
因此, $minimum_closure_costs$ 应该返回数组 [10,5,1,0,0]。

例子 2

考虑如下调用:

minimum_closure_costs(4, [0, 2, 0], [1, 0, 3], [5, 10, 5])

这个例子中共有 4 个路口和 3 条道路,分别连接着路口 (0,1), (2,0) 和 (0,3),封闭它们的成本依次为 5, 10 和 5。



为了得到最低的总成本:

- 如果 Pak Dengklek 选择 k=0,那么所有道路都需要封闭,总成本为 5+10+5=20;
- 如果 Pak Dengklek 选择 k=1,那么需要封闭 0 号道路和 2 号道路,总成本为 5+5=10;
- 如果 Pak Dengklek 选择 k=2,那么需要封闭 0 号道路或 2 号道路,总成本为 5;

• 如果 Pak Dengklek 选择 k=3,那么没有道路需要封闭。

因此, $minimum_closure_costs$ 应该返回数组 [20, 10, 5, 0]。

约束

- $2 \le N \le 100\,000$
- $0 \le U[i], V[i] \le N-1 \ (0 \le i \le N-2)$
- 任意一对路口可以通过道路互相到达。
- $1 \le W[i] \le 10^9 \ (0 \le i \le N-2)$

子任务

- 1. (5 分) U[i] = 0 ($0 \le i \le N-2$)
- 2. (7 分) U[i] = i, V[i] = i + 1 ($0 \le i \le N 2$)
- 3. (14 分) $N \leq 200$
- 4.(10分) N < 2000
- 5. (17 分) W[i] = 1 (0 $\leq i \leq N-2$)
- 6. (25 分) $W[i] \le 10$ ($0 \le i \le N-2$)
- 7. (22 分) 无附加限制

示例测试程序

示例测试程序按如下格式读取输入数据:

- 第1行: N
- 第 2+i ($0 \le i \le N-2$) 行: U[i] V[i] W[i]

示例测试程序输出仅一行,包含一个数组,表示 minimum_closure_costs 的返回值。