模拟赛

题目名称	查拉图斯特拉如是说	橡树上的逃亡	苏菲的世界
源程序名称	number.cpp	tree.cpp	sphere.cpp
输入文件名称	number.in	tree.in	sphere.in
输出文件名称	number.out	tree.out	sphere.out
时间限制	2s	1.5s	2s
空间限制	512MB	1024MB	512MB

说明:

- 编译选项为 -02 -Wl,-stack=10240000000
- 时间限制需要根据评测机效率酌情修改,不应小于 $\max\{\lceil \operatorname{std}$ 实际运行时间 \cdot $1.5 \rceil, 1s \}$
- 第一题共有 10 个测试点,每个测试点 10 分;第二题和第三题均采用子任务捆绑和子任务依赖,你需要通过这个子任务和它依赖的所有子任务的所有测试点,才能够得到这个子任务的分数
- 三道题(包括第三题,尽管输出是实数)的比较方式均为:逐行比较(忽略多余的空格和制表符)
- 请注意输出输出对程序效率的影响
- 如果时间紧张,或是对自己的阅读速度没有自信,可以跳过每一题的"题目背景"部分,因为它们与你需要解决的问题毫无关系

查拉图斯特拉如是说

题目背景

下雨了。

有些,关于自己的,可怕的真相,是只有朋友才能告诉的。

更加可怕的真相,就只有自己才知道。

最恐怖的真相,连自己也从未意识到。在潜意识的深处挣扎着要表达,同时也被狠狠地打压。

或者被看不见的敌人榨干,或者燃起节日的焰火、一切在毁灭中走向尽头!

'How could you become new, if you had not first become ashes?'

下雨了。

题目描述

JZmster 最近看到了一道题: 给出 n 以及一个 m 次多项式 f(x), 需要求出

$$\sum_{i=0}^{n} \binom{n}{i} f(i)$$

对 998244353 取模的结果。

他逼迫 LJZ_C 告诉他答案, LJZ_C 没有理他, 但是薇看不下去了, 所以你必须告诉薇答案。

输入格式

第一行两个整数 n, m。

接下来一行 m+1 个整数,从低到高表示 f(x) 各项的系数。

输出格式

一行一个整数表示答案。

样例

样例 1 输入

样例 1 输出

26

样例 1 解释

$$Ans = {2 \choose 0} (2+3\cdot 0+1\cdot 0^2) + {2 \choose 1} (2+3\cdot 1+1\cdot 1^2) + {2 \choose 2} (2+3\cdot 2+1\cdot 2^2)$$

$$= 1\cdot (2+0+0) + 2\cdot (2+3+1) + 1\cdot (2+6+4)$$

$$= 2+12+12=26$$

样例 2 输入

见下发文件 number\ex_number2.in

样例 2 输出

见下发文件 number\ex_number2.ans

数据范围及约定

对于所有的数据,保证 $1 \leq m \leq 100000, m \leq n \leq 10^9$, f(x) 的各项系数均在 [0,998244353) 中。

测试点编号	$m \leq$	$n \leq$
0	50	10^{9}
1	50	10^{9}
2	500	10^{9}
3	500	10^{9}
4	5000	$\lfloor \frac{10000000}{m} \rfloor$
5	5000	$\lfloor \frac{10000000}{m} \rfloor$
6	5000	10^{9}
7	5000	10^{9}
8	5000	10^{9}
9	100000	10^{9}

橡树上的逃亡

题目背景

对于在草原上生活的人们来说,大树——托比的过去,只是一颗遥远的行星。

又一个夏季。连绵的雨,望不到边的汪洋,足以澄清一切回忆。

重生。

题目描述

薇的榆树长大了。

这是一棵结点从 1 开始编号、以 1 号点为根的有根树。

薇发现她的这棵树有个非常优美的性质:对于任意的 u < v < w,如果 w 在 u 的子树内,那么 v 也在 u 的子树内。

对于一个区间 [L,R], 以及一个数 k:

- 设编号在 [L,R] 中的叶子构成的集合为 U;V 是一个初始为空的集合。
- 进行以下操作 k 次:从 U 等概率随机选择一个点,将这个点加入 V。注意我们每次选点后并**不会**把点从 U 中删掉。
- 薇想知道操作结束后 V 的虚树大小的期望对 998244353 取模的值。

一个点集 S 的虚树大小定义如下:

- 称一条边在虚树上,当且仅当存在 $x,y \in S$,原树上 x,y 之间的最短路径经过了这条边
- 虚树的大小定义为在虚树上的边数

特别的, 如果给出的区间 [L,R] 中没有叶子, 答案为 0。

薇总共会向你询问 q 次, 你需要告诉她答案。

对于一部分的测试点,你必须在线回答薇的询问。

输入格式

第一行三个整数 type, n, q,其中 type 表示这个测试点是否强制在线。

第二行包含 n-1 个整数 $f_2, f_3, \cdots f_n$, 其中 f_i 表示结点 i 的父亲结点的编号。保证输入的 f_i 构成一棵 树。

接下来 q 行,每行三个整数 L',R',k,表示第 i 组询问。真实的 L,R 的计算方法如下:记上一次询问的答案为 lastans (初始时 lastans=0) ,则 $L=L'\bigoplus (type\times lastans), R=R'\bigoplus (type\times lastans)$,其中 \bigoplus 表示二进制的按位异或。数据保证 $1\leq L\leq R\leq n$ 。

输出格式

输出 q 行每行一个整数表示答案。

样例

样例 1 输入

```
0 4 4
1 1 3
1 4 2
2 3 2
3 3 2
1 4 3
```

样例 1 输出

```
499122178
0
0
748683267
```

样例 1 解释

对于第一组询问,区间 [1,4] 中共有两个叶子 2,4,从中选点两次的方案有 $\{2,2\},\{2,4\},\{4,2\},\{4,4\}$,虚树的大小分别为 0,3,3,0,所以答案为 $\frac{0+3+3+0}{4}\equiv\frac{3}{2}\equiv499122178\pmod{998244353}$ 。

对于第三组询问, [L,R] 中没有叶子, 所以答案为 0。

样例 2 输入

```
0 10 10
1 1 3 4 5 4 3 8 1
4 5 2
6 10 6
9 10 5
2 6 5
7 8 7
3 7 5
3 8 7
1 9 5
4 10 6
4 10 7
```

样例 2 输出

```
0
278319111
249561092
311951365
0
187170819
46792707
729186311
278319111
948770824
```

样例 3 输入

见下发文件 tree\ex_tree3.in

样例 3 输出

见下发文件 tree\ex_tree3.ans

数据范围及约定

对于所有的数据,保证 $type \in \{0,1\}, 1 \leq n, q \leq 2 \times 10^5, 2 \leq k \leq 10$ 。

子任务依赖关系:

- 子任务 8 依赖于子任务 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7
- 子任务 2 依赖于子任务 1
- 子任务 4 依赖于子任务 3
- 子任务 6 依赖于子任务 5

子任务编号	特殊限制	分值
0	$n,q \leq 20, k \leq 4, type = 1$	5
1	$n,q \leq 100, type = 0$	15
2	$n,q \leq 100, type = 1$	5
3	$n,q \leq 5000, type = 0$	15
4	$n,q \leq 5000, type = 1$	5
5	树以某种方式随机生成 * , $type=0$	10
6	树以某种方式随机生成*, $type=1$	10
7	type=0	15
8	type = 1	20

^{*} 子任务5,6中,树的生成方式为:先生成一棵树 T',保证 T' 中 i 的父亲的编号在 $\left[1,i\right)$ 中均匀随机,如果不存在一种重编号方案使得 T' 可以满足题目中的性质就重新生成 T',否则给 T' 重编号使得它满足题目中描述的性质并返回 T'。

苏菲的世界

题目背景

在 0202 年 50 月 32 日这天, 薇参加了一场体验极差的练习赛(题不在好, 锅多就行)。

薇觉得自己的脑子和心情全都坏掉了,可是她的出题任务还差一道 T3......

薇拿出一道小学二年级题目改了改,用暴力造好了数据,准备等考试结束后把考场上选手的程序剽来当标程。

题目描述

空间中有n个球,你需要求出它们的并的体积。

准确地说,一个球可以用四元组 (x_i,y_i,z_i,r_i) 描述, (x_i,y_i,z_i) 为球心坐标, r_i 为球的半径。我们定义 $f_i(x,y,z)=\left[(x_i-x)^2+(y_i-y)^2+(z_i-z)^2\leq r_i^2\right]$,称点 (x,y,z) 在球 i 的内部当且仅当 $f_i(x,y,z)=1$ 。

定义函数

$$f(x,y,z) = egin{cases} 1 &$$
 存在球 i , 满足 $f_i(x,y,z) = 1 \ 0 &$ 其它情况

而你要求的是:

$$\int_{lz}^{rz} \int_{ly}^{ry} \int_{lx}^{rx} f(x, y, z) \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z$$

其中

$$egin{aligned} lz &= \min_i \{z_i - r_i\}, rz = \max_i \{z_i + r_i\} \ ly &= \min_i \{y_i - r_i\}, ry = \max_i \{y_i + r_i\} \ lx &= \min_i \{x_i - r_i\}, rx = \max_i \{x_i + r_i\} \end{aligned}$$

由于某些原因,你需要输出答案**四舍五入保留三位小数**的结果。你输出的数小数点后必须**恰好**是三个数字,否则会被判为答案错误。

输入格式

第一行一个数 n,表示球的个数。

接下来 n 行每行四个**整数** x_i, y_i, z_i, r_i ,表示第 i 个球球心的坐标为 (x_i, y_i, z_i) ,半径为 r_i 。

输出格式

输出一个**三位小数**,表示答案**四舍五入保留三位小数**的结果。你输出的数小数点后必须**恰好**是三个数字,否则会被判为答案错误。

样例

样例 1 输入

```
2
0 0 0 3
0 0 1 1
```

样例 1 输出

```
113.097
```

样例 2 输入

```
2
-2 3 0 2
-1 1 0 3
```

样例 2 输出

124.819

样例 3 输入

```
4
-2 3 0 2
3 -3 0 3
0 0 4 2
-1 1 0 3
```

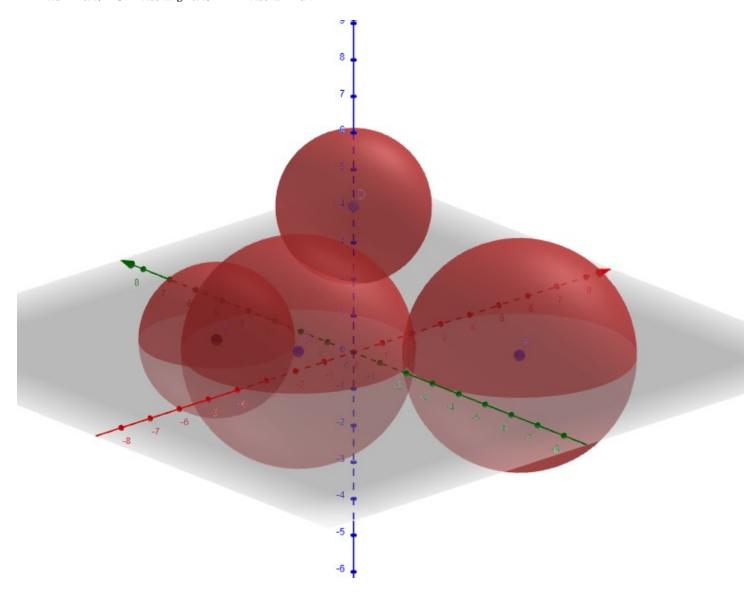
样例 3 输出

268.850

样例 3 解释

(下面的图片是用 Geogebra 画的)

红色的 x 轴,绿色的是 y 轴,蓝色的是 z 轴。



样例 4 输入

见下发文件 sphere\ex_sphere4.in

样例 4 输出

见下发文件 sphere\ex_sphere4.ans

数据范围及约定

对于所有的数据,保证 $n \leq 20$, $x_i, y_i, z_i \in [-1000, 1000], r_i \in [0, 1000]$ 。

子任务依赖关系:

- 子任务 4 依赖于子任务 1, 2
- 子任务 5 依赖于子任务 1, 2, 4
- 子任务 6 依赖于子任务 0, 1, 2, 3, 4, 5

子任务编号	特殊限制	分值
0	$r_i = 0$	5
1	n = 1	10
2	n=2	15
3	$x_i, y_i, z_i \in [-10, 10], r_i \in [0, 10]$	15
4	$n \leq 5$	15
5	$n \leq 10$	15
6	无特殊限制	25