

## T1

---

对于20%的数据，直接暴力即可。

对于 $m = 1$ ，枚举 $i, j$ ，然后直接 $O(1)$ 算即可。

对于 $l_i, r_i \leq 2 \times 10^5$ ，直接ntt即可。

考虑正解。

枚举 $i, j$ ，考虑他们的贡献。

可以发现是可以拆成两个区间加等差数列的形式。

那么差分两次，就是单点加。

最后在前缀和变回去即可。

## T2

---

直接人脑计算可能可以算出来前30%。

考虑一般图上的随机游走，可以列出方程高斯消元，复杂度 $O(n^3)$

考虑改变顺序，从 $n$ 消元到1。

那么当消元到 $x$ ，他的子孙全部被消元结束。

只需要消元他父亲和他父亲的父亲。

这样就是 $O(n^2)$ 的。

当然还有 $O(n)$ 的做法。

## T3

---

考虑如何求解。

首先我们设答案为 $d$ 。设 $S = \sum_{i=1}^m w_i$

考虑每次随机到 $i$ ，先手比后手期望多 $\text{Max}(i - d, d - i)$

也就是说 $\sum_{i=1}^m |i - d| \times w_i = S \times d$ 。我们要解这个方程。

那么枚举 $d$ 的整数部分，就可以通过 $w_i = y = 1$ 和 $m, Q \leq 3000$ 的部分分。

我们设 $f(d) = \sum_{i=1}^m |i - d| \times k_i - S \times d$ ，也就是我们要求 $f(d) = 0$ 的 $d$ 。

首先我们有 $f$ 是一个单调递减函数。

考虑 $d$ 增大时，前半部分的增加量比后半部分小。

所以 $f$ 是一个递减函数。

那就可以二分求解

我们首先求出 $d$ 的整数部分 $k$ ，这样可以把绝对值都去掉。

我们可以二分求解，找到一个 $f(k) \geq 0, f(k + 1) < 0$ 。

我们把 $f(k)$ 展开。

$$\text{设 } S' = \sum_{i=1}^m k_i \times i, g_i = \sum_{j=1}^i k_j \times j, f_i = \sum_{j=1}^i k_j$$

$$f(k) = f_k \times k - g_k + S' - g_k + f_k \times k - S \times k$$

$$= (2f_k - 2S) \times k + (S' - 2g_k)$$

这样我们用线段树维护 $f, g$ ，就可以二分。

二分完后解一元一次方程即可。

时间复杂度 $O(Q \log^2 m)$ 。

(事实上可以通过所有测试点

考虑到 $f$ 为单调函数，所以我们只要找最大的 $d, f(d) \geq 0$ 即可

那么在线段树上维护一下右端点的值即可。

时间复杂度 $O(Q \log m)$ 。