第一题

发现一个节点只会被儿子感染或者父亲感染 (废话)。

我们先看被儿子感染的情况,那么如果一个城市刚被感染病毒了或者已经被感染并且刚刚解封了,那么我们把他父亲扔到危险集合中,这个步骤最多扔 n + q 次。

如果一个节点可能被父亲感染了,那么如果一个城市刚被感染病毒了或者已经被感染并且刚刚解封了,我们把他扔到边缘集合中,这个步骤最多扔n+q次,而一个点被解封时候把它丢进它父亲的危险儿子集合(初始也要丢哦),这个步骤最多扔n+q次。

然后我们枚举危险集合,如果这个点的确会被感染(统计危险的儿子数量 0(1) 判断),那么就记录他,访问完后清空危险集合,这一步总复杂度 0(n+q)。

然后我们枚举边缘集合,如果这个点的确可传染(没有封城),那么就枚举他可能危险的儿子城市,试图感染(判断其是否未感染且未封城),枚举后清空这个危险儿子集合(只有枚举后才清空!),这一步总复杂度 0(n + q),记得也要清空边缘集合。

可以发现用 set 维护即可 $0(n\log n)$,但是好像有重复元素没有事情,那就用 vector 吧,时间复杂度 0(n+q)。

第二题

对每一个节点维护一个数 X_i ,表示节点 i 的父亲是否已经被染色,或者节点 i 的父亲的它的其余子树之中是否存在黑色的点。使用树链剖分之后,我们再对每一条重链,维护其延伸出去的轻边之中满足 $X_i=0$ 的轻边集合。

容易发现可以直接维护 Si,使用树状数组扫描线可以轻易解决,时间复杂度 O(nlogn)。

第三题

我们先对 a[i] 排序。

取一个变量 K, 我们令 x[i] = max(a[i] - K, 0), 容易发现 x[i] 的和是不降的,我们取一个使得 x[i] 的和为 C 的 k, 就可以了。

计算可行的 K 时,我们枚举其所在的区间 [a[w-1], a[w]],然后可以发现在这个区间内其是一个一次函数,解出可行的 K 并判断是否可行即可。