水题选讲

雅礼中学高二信息组

Nov 2,2020

某题

给定一棵大小为 n 的有标号无根树和一参数 k。

有几棵同样大小为 n 的树的边集的与原树边集的交集大小不小于 k。

经典范围: n ≤ 100

加强范围: $n \le 5000$

1

题意:给出一个圆的 n 条圆弧,求一个最大的子集满足子集中的圆弧两两有 交。 $1 \le n \le 3000$ 。

在 $n \times m$ 的方格里,用 1×2 的多米诺骨牌恰好填满。

拿走其中任意一个骨牌,然后可以让任意骨牌以平行于原来的方向移动,但不 能转弯。要求一个骨牌最终的位置与初始位置至少有一个格子重合。

试求出所有空格位置无序二元组的数量。

 $n\times m \leq 200000$

CF Gym 100959 K

给定一个二维平面上的 n 个黑点,剩下的均为白点,问你最多染多少个点变为黑点可以形成一个正方形网格。一个 $K \times K$ 的正方形网格指,有实数 a,b,c,d 使得 $\forall i,j \in [0,K) \cap Z$ 有 (a+ci+dj,b+di-cj) 为黑点。 $n \leq 10^5$,二维平面坐标在 int 范围内。

1

U0J312 梦中的题面

题目大意: 给定 m, b, c, 求出满足以下条件的 m 元组 $(x_1, x_2, ..., x_m)$ 的个数

 $x_i \in \mathbb{Z}$, $0 \leqslant x_i \leqslant b_i - c$, $x_1 + x_2 + \ldots + x_m \leqslant n$

数据范围: $c \in 0, 1, 0 \le n < b^{m+1}, 2 \le b \le 50, 1 \le m \le 50$

5

CF1208G Polygons

给定 n, k

你需要构造 k 个有相同外接圆的多边形,使得边数在 $3 \sim n$ 间且边数两两不同

你可以任意旋转它们,求它们与这个外接圆的最少交点数

$$k \le n - 2, n \le 10^6$$

