# HAHAHA

# YMDragon

| 英文名称  | graph     | string     | tetris     |
|-------|-----------|------------|------------|
| 输入文件名 | graph.in  | string.in  | tetris.in  |
| 输出文件名 | graph.out | string.out | tetris.out |
| 数据组数  | 20        | 20         | 10         |
| 时间限制  | 1s        | 1s         | 1s         |
| 空间限制  | 256MB     | 256MB      | 256MB      |

# 1 graph

#### 1.1 Description

给定一张 n 个点 m 条边的有向图,显然有向图的邻接矩阵 A 是一个 n 阶的布尔矩阵。

可以发现这个邻接矩阵的幂的序列具有一定的周期性(注:计算幂时要用布尔运算,即乘法为与,加法为或)。

求这个序列的周期 d。但是在某些时候还需要求满足等式  $A^k = A^{k+d}$ 的正整数 k 的最小值。当然,这两个数可能会很大,所以只需要求其对  $10^9 + 7$  取模后的余数。

#### 1.2 Input

第一行两个整数 n, m, ty。 n, m 的意义如题目所述,如果 ty = 1 则需要求 k 的值,否则不需要求。

接下来 m 行,每行两个整数 a,b,描述一条从点 a 到点 b 的边。

#### 1.3 Output

一行,如果 ty = 1 则输出两个整数 k, d; 否则只输出 d。

#### 1.4 Sample 1

#### 1.4.1 Input

- 5 5 1
- 1 2
- 2 3
- 3 4
- 4 5
- 5 3

#### 1.4.2 Output

23

#### 1.4.3 Explanation

这个有向图的邻接矩阵为

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

它的各次幂为:

$$A^{2} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A^{2} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A^{3} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^{4} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A^{5} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$
可以发现  $A^{5} = A^{2}$ 、故  $k = 2$ , $d = 3$ .

# 1.5 Sample 2

见下发文件中的 graph2.in/ans

# 1.6 Sample 3

见下发文件中的 graph3.in/ans

## 1.7 Data Range

有 10% 的数据:  $n \le 50$ ,  $m \le 1200$ ,  $ty \ne 1$ ; 又有 20% 的数据:  $n \le 50$ ,  $m \le 1200$ , ty = 1; 又有 30% 的数据:  $n \le 200$ ,  $m \le 3000$ , ty = 1; 最后有 40% 的数据:  $n \le 10^5$ ,  $m \le 2*10^5$ ,  $ty \ne 1$ 。

# 2 string

## 2.1 Description

给定一个只包含字母'A','B','C','D' 的字符串 T。

用串 T 构造出一个新的串 S 的构造方法是进行多次操作,每次从 T 中选出一段连续的子串,加入到 S 的后面。

显然对于一个串S,它的构造方法不止一种,所以定义S的构造代价为最少的操作次数。

求构造一个长度为 n 的串的最大构造代价。

#### 2.2 Input

第一行一个整数 n。 第二行一个字符串 T。

#### 2.3 Output

一个整数,表示构造一个长度为 n 的串的最大构造代价。

#### 2.4 Sample 1

#### 2.4.1 Input

5

ABCCAD

#### 2.4.2 Output

5

#### 2.4.3 Explanation

构造串'AAAAA' 需要 5 次操作,并且没有比它的构造代价更大的了。

# 2.5 Sample 2

见下发文件中的 string2.in/ans

# 2.6 Sample 3

见下发文件中的 string3.in/ans

# 2.7 Data Range

10%:  $n \le 5$ ;

40%:  $n \le 10^5$ ,  $|T| \le 1000$ ;

70%:  $n \le 10^5$ ,  $|T| \le 10^5$ ;

100%:  $n \le 10^{18}$ ,  $|T| \le 10^5$ .

#### 3 tetris

#### 3.1 Description

现在有一个特殊的俄罗斯方块游戏。游戏是在一个平面内进行,平面的宽度是 N ,但高度无限。从左数第 i 列从下数第 j 行的格子用 (i,j) 来表示。每个格子的状态一定是有方块或没有方块中的一种。

游戏流程如下:

开始时第 i 列的最下方  $A_i$  个格子上有方块,其他位置没有。即 (i,j) 有方块当且仅当  $1 < j < A_i$  。

在每一回合,将进行如下事情:

- 1. 玩家可以决定一个大小为  $1 \times K$  的板块的下落方向和位置,方向为水平或者垂直。如果选择的方向是竖直方向,那么玩家将选择一个数 $x(1 \le x \le N)$  作为板块下落的列标号。如果选择的方向是水平方向,那么玩家将选择一个数x(1 < x < N K + 1) 作为板块最左边方块的列标号。
- 2. 决定好下落的方向后,板块将从无穷高处落下,直到无法下落,即 其下方紧邻已有方块。
- 3. 如果此时有行被方块完全覆盖,则该行被消去,并且这一行上面的 所有方块下落一格。
  - 4. 如果此时平面内没有任何方块,游戏结束;否则游戏继续。 问是否有方法能够在 10000 回合内结束游戏,如果有请输出方案。

#### 3.2 Input

第一行两个正整数 N, K。

第二行 N 个非负整数  $A_i$ 。

#### 3.3 Output

如果无法在 10000 回合内结束游戏则输出"-1", 否则:

第一行输出一个整数表示游戏进行的回合数 M。

接下来输出 M 行,每行两个数,第一个代表选择的方向,1 表示竖直方向,2 表示水平方向,第二个表示选择的位置参数 x 。

## 3.4 Sample 1

# 3.4.1 Input

- 4 2
- 1 0 1 2

## **3.4.2** Output

- 4
- 2 2
- 1 1
- 2 3
- 1 2

# 3.5 Sample 2

#### 3.5.1 Input

- 2 2
- 0 1

#### **3.5.2** Output

-1

# 3.6 Sample 3

见下发文件中的 tetris3.in/ans

# 3.7 Data Range

对于 10% 的数据满足, $N \le 5$ ; 另有 20% 的数据满足,K = 2,N 为偶数; 另有 20% 的数据满足,K = 2,N 为奇数; 另有 20% 的数据满足, $K \mid N$ ; 对于 100% 的数据满足, $K \le N \le 50$ , $0 \le A_i \le 50$ 。 每组数据中可能有若干测试点,捆绑评测。