

travel

首先考虑 $q=0$ 怎么做。

下面假设图连通。

随便找出一棵生成树。

将一条非树边对应的环定义为非树边并上两个端点在树上的路径。

从1开始的任意路径的异或值就等价于从1开始的一条树链异或上一些非树边对应的环。

求出所有非树边对应的环的线性基，

对于每条从1开始的树链，在线性基上跑一遍，使得线性基上存在的那些位都通过异或变成0，

然后数一下有几个不同的结果，乘上 $2^{\text{线性基大小}}$ 即可。

$q>0$ 的情况是类似的。

因为只用考虑1所在的连通块，所以加入的边如果两个端点都不在1所在的连通块我们就不用管它。

否则，如果两个端点都在1所在的连通块，就加入了一条非树边，那么我们在线性基中插入它对应的环，

如果插入成功，这种情况最多只会发生 $\log W$ 次，这时就暴力把所有树链重新跑一遍。

否则，两个端点一个在1所在的连通块，一个不在，这时就dfs一下新的连通块来得到新的连通块带来的树链和非树边，

然后分别执行树链的插入和非树边对应的环的插入。

时间复杂度 $O(n \log^2 W + (m + q) \alpha(n))$ 。

modulo

设原来的序列为 a , 定义差分序列 b , $b_i = a_i - a_{i-1} (i > 1), b_1 = a_1$

则对 $a[l \cdots r] + 1$ 相当于 $b[l] + 1, b[r+1] - 1$ (若 $r = n$ 则只有 $b[l] + 1$);

a 变成 0 就相当于 b 变成 0。

定义解的序列 c , $c[i]$ 表示 $b[i]$ 被加了几, 就是说 i 每作为一次左端点 $c[i]$ 就+1, 每作为一次右端点+1 $c[i]$ 就-1。

注意, $b[i]$ 是模 k 意义下的, 但 $c[i]$ 不是。

只对 $[l, n]$ 操作可以得到一个初始解 c_0 , $c_0[i] = (k - b[i]) \% k$ 。

注意到, 对于答案的解序列, 有 $c[i] = c_0[i]$ 或 $c[i] = c_0[i] - k$ 。

一个 c 合法的条件就是所有前缀和非负, 一个 c 对应的操作次数就是 c 中正数的和。

考虑从 $c = c_0$ 开始, 每次贪心将一个 $c[i]$ 从 $c_0[i]$ 变成 $c_0[i] - k$, 来得到答案的解序列。

那么显然一次改变会将答案减少 $c_0[i]$, 而对前缀和的影响为将 $[i..n]$ 减少 k 。

因此我们按 $c_0[i]$ 从大到小, $c_0[i]$ 相等时从后往前贪心, 判断能否将 $c[i]$ 从 $c_0[i]$ 改成 $c_0[i] - k$ 即可。

考虑证明这个贪心的正确性。

对于同一个 $c_0[i]$, 最优方案选择改变的 i 显然是一段后缀。

如果一个方案对于最大的 $c_0[i]$ 选择改变的后缀没有达到最长, 显然可以从小的 $c_0[i]$ 那里调整, 使得答案变大。

时间复杂度 $O(nk)$ 。

real

令 s_i 表示 $[1..i]$ 有几个1。

则我们希望 $|f - \frac{s_r - s_l}{r - l}|$ 最小,

即 $|\frac{f \times r - s_r - f \times l + s_l}{r - l}|$ 最小。

令 $p_i = (i, f \times i - s_i)$, 则我们希望两点斜率的绝对值最小。

答案必定可以由两个按 y 排序后相邻的点取到, 证明用反证法是显然的。

因此就可以 $O(n \log n)$ 解决此题了。