## 良心省选模拟赛题解

## 这把我们就遇到了高手了(master)

首先横纵坐标是可以分开的。

然后问题就变成了环上,可以发现一个性质,每个技能恰好把整个集合分成了两块,不妨称为里面或者 外面。

那么我们发现对于任意一个点,假如所有技能包含了他,那么技能的释放是唯一的。

做法就很简单了,就是找出每一段,包含他的技能是里面还是外面,然后用维护一个01串的哈希值。

## ok起飞(okfly)

很容易证明其实对图的限制就是仙人掌,部分分只是用来骗人的。

那么考虑从8到t的最大流是什么呢,不难发现最小割要么割在一个环上,要么割在一条边上。

假如割在一个环上, 那么必然会割两条边, 并且这个环上的最小边会被割。

那么其实我们将所有的环上最小边加到环上其他边上去,最小割不会改变。

那么我们就可以将题目变成一棵树了,考虑从大到小加边,用并查集维护合并两个联通块,计算每一位的贡献即可。

复杂度O(mlogV)

## 这钵和餐厅配合的不是很好(restaurant)

 $\diamondsuit m = \sum a_i$ 

首先我们考虑如果下饭值是 $\frac{1}{\prod_{i=1}^{n} s_i}$ 的情况。

考虑m个带标号小球,颜色为i的有 $a_i$ 个,那么随便排列要求每种颜色最大的位置标号也最大的方案数就是 $\frac{n!}{\prod_{i=1}^n a_i}$ ,但是如果我们考虑枚举一个每种颜色的最大位置的顺序 $p_i$  ( $p_i$  假设为第i大的位置),那么方案数就是 $\sum_{p_i} \frac{n!}{\prod_{i=1}^n s_i}$ 。

现在我们相当于还是枚举一个顺序,但是对于 最大位置最小的颜色 $(p_n)$ ,他的标号我们没有限制。那么只需要考虑枚举这个颜色x,剩下的颜色只需要满足最大位置大于x的最大位置,并且每个颜色最大位置的标号也最大即可。

后面一个限制很好满足,全部除一个 $a_i$ 即可,前面那个限制可以容斥成最大位置小于x的最大位置,这个的贡献是只跟 $\sum a_i$ 有关的,跑一个背包即可(实现的时候可以从所有的背包里去掉 $a_i$ 这个元素)。

复杂度O(nm)