装箱游戏(D)

题目描述

你在玩一个装箱游戏,在这个游戏中,初始有 n 个空盒子,每次以某种概率随机给出 A,B,C,D 这四种字符中的一个,你需要将其放入一个当前为空的盒子(你可以选择放入哪个盒子,但你不知道后面出现的字符序列)。一共会有 n 轮, n 轮过后所有盒子都会被装满,你想要让最终的状态里盒子中的字符字典序单调不降,求在最优策略下,你获胜的概率。

输入格式

第一行一个正整数 n , 代表盒子的数量。

第二行四个整数 $p_a, p_b, p_c, p_d(p_a + p_b + p_c + p_d = 100)$, 分别代表 A, B, C, D 出现的百分比。

输出格式

一行一个小数,代表获胜的概率,保留6位小数。

样例输入1

3 25 25 25 25

样例输出1

0.750000

样例输入2

5 10 20 30 40

样例输出2

0.621160

数据范围

测试点编号	$n \leq$	特殊限制
1	10	无
2	20	保证 $p_b=p_c=0$
3	20	无
4	40	保证 $p_a=0$
5	40	无
6	70	保证 $p_d=0$
7	70	无
8	250	保证 $p_a=p_b=p_c=p_d$
9	250	无
10	250	无

时间限制:1s

空间限制:1GB

库图鲁(kutulu)

题目描述

Goodeat喜爱游戏 $Tree\ of\ Kutulu$ 。这是一个回合制游戏。这个游戏是在一个有n个结点,n-1条无向边的连通图上进行的。换言之,游戏地图形成了一棵树。Goodeat开始时在1号结点上。

总共进行h个回合,第x回合按如下流程进行:

- 1.如果 $x \equiv 1 \pmod{k}$, 那么对于 $1 \leq i \leq n$, 第i个结点上出现 a_i 只新的怪兽。
- 2.Goodeat执行以下两个操作之一:移动到一个相邻结点或不动。
- 3.每只怪兽沿着到Goodeat所在结点的最短路径行走到相邻结点。特别地,若某只怪兽与Goodeat位于同一结点,那么它不动。
- 4.对每只与Goodeat在同一结点上的怪兽, Goodeat会与它战斗, 然后这只怪兽被击杀并离开游戏。

Goodeat的目标是与尽可能少的怪物打斗。你需要计算出Goodeat最少与多少怪物战斗。

输入格式

第1行,三个正整数n, k, h

第2行,n个整数 a_1,a_2,\ldots,a_n

接下来n-1行描述地图,每行两个正整数 $u,v(1 \le u,v \le n,u \ne v)$,表示u与v之间有一条边。

输出格式

一行一个整数,表示Goodeat最少与多少怪物战斗。

样例输入一

3 1 6

0 0 1

1 2

2 3

样例输出一

5

样例解释一

第1回合,3结点上产生一只怪兽,Goodeat移动到2,怪兽移动到2,Goodeat与它战斗

第2回合,3结点上产生一只怪兽,Goodeat移动到3,怪兽不动,Goodeat与它战斗

第3回合,3结点上产生一只怪兽,Goodeat移动到2,怪兽移动到2,Goodeat与它战斗

第4回合,3结点上产生一只怪兽,Goodeat移动到1,怪兽移动到2

第5回合,3结点上产生一只怪兽,Goodeat不动,2结点上的怪兽移动到1,Goodeat与它战斗;3结点上的怪兽移动到2

第6回合,3结点上产生一只怪兽,Goodeat不动,2结点上的怪兽移动到1,Goodeat与它战斗;3结点上的怪兽移动到2

注意,这可能并不是唯一的最优解。

样例输入二

4 2 5 0 1 1 1 1 2

1 3

1 4

样例输出二

7

样例三

见附加文件中的 ex_kutulu3.in/ans

限制与约定

对于前10%的数据 $n,h \leq 4$

对于前30%的数据 $n,h \leq 300$

对于前50%的数据 $n \leq 5000$

对于另外20%的数据 地图形成一条链

对于100%的数据 $1 \le n \le 10^5, 1 \le k \le h \le 10^9, 0 \le a_i \le 10^4$

时间限制:2s

空间限制:1GB

树(tree)

题目描述

邓老师种了一排树。这些树共有n棵,等间距的排在一条路上,第i棵树的初始高度为 h_i 。

邓老师希望这些树茁壮成长。因此,他有时会调查第l棵到第r棵树的高度之和。同时,他还会给这些树施肥。当他给第l棵到第r棵的每一棵树施用品质为c的肥料时,这些树的高度会立刻分别增加c。当然,邓老师有可能买到盗版货,因此c可能小于0。这时候,这些树的高度会立刻减少-c。

邓老师养了一只史莱姆,这只史莱姆喜欢在树上蹦跳。为了避免史莱姆有危险,邓老师有时会对一段树木进行修剪。当邓老师修剪第l棵到第r棵树时,他可以从这段区间中选择若干棵树使它们的高度减小,使得相邻两棵树的高度差不大于k,且树的高度和尽可能大。

形式化的,假设当前第l棵到第r棵树的高度分别为 a_l,a_{l+1},\ldots,a_r ,邓老师会将它们变为 b_l,b_{l+1},\ldots,b_r ,并遵循以下原则:

- $orall l \leq i \leq r$,使 $b_i \leq a_i$ 。
- $orall l \leq i < r$, 使 $|b_i b_{i+1}| \leq k$ 。
- 在满足上述条件的同时,使 $\sum_{i=l}^{r}b_{i}$ 尽可能大。

可以证明,满足上述条件的 $b_l, b_{l+1}, \ldots, b_r$ 是唯一的。

请帮助邓老师完成这几种操作。

值得注意的是,邓老师生活在一个魔幻的世界中,因此树木的高度可以是负数或0。

输入格式

第一行,三个非负整数n, m, k。

第二行,n个整数 h_1,h_2,\ldots,h_n 。

接下来加行,每行首先有一个整数0p,代表操作类型。

- op = 1, 则再输入两个整数l, r, 表示邓老师调查第l棵到第r棵树的高度之和。
- op = 2, 则再输入三个整数l, r, c, 表示邓老师给第l棵到第r棵树施用品质为c的肥料。
- op = 3, 则再输入两个整数l, r, 表示邓老师对第l棵到第r棵进行修剪。修剪的定义见题目描述。

输出格式

对每一个op = 1的操作,输出一行,表示答案。

样例输入一

```
5 5 1
2 4 5 3 1
1 1 5
2 2 4 1
1 3 5
3 1 3
1 2 4
```

样例输出一

15

11

11

样例解释一

序列初始为 $\{2,4,5,3,1\}$,执行"2 2 4 1"后为 $\{2,5,6,4,1\}$,执行"3 1 3"后为 $\{2,3,4,4,1\}$ 。

样例二

见附加文件中的 ex_tree2.in/ans

限制与约定

对于前10%的数据, $n, m \leq 5, h_i \leq 5, k \leq 2, -2 \leq c \leq 2$.

对于前30%的数据, $n, m \leq 10^3$.

对于另外10%的数据, op = 3的操作不超过10次。

对于另外10%的数据, op = 3的操作不超过100次。

对于另外30%的数据,在第i次操作中, $op \equiv i \pmod 3$,且当op = 3时,l = 1, r = n。

对于100%的数据, $1 \le n, m \le 10^5, 1 \le h_i \le 10^9, 1 \le l \le r \le n, 1 \le k \le 10^4, -10^4 \le c \le 10^4$ 。

时间限制:2s

空间限制:1GB