## Universidade Federal do Rio de Janeiro - IM - DCC Linguagens Formais (2018/2) Prova 2 (22 de novembro de 2018)

Não é permitido o uso de nenhum aparelho eletrônico ou material de consulta durante a prova.

Questão 1: (2,1 pontos) Considere a gramática livre de contexto  $G_1 = (V, T, S, R)$  abaixo.

$$V=\{S\}, T=\{a,b\}, S$$
 é o símbolo inicial e 
$$R=\{S\to aSb, S\to aaSb, S\to b\}$$

- Descreva textualmente  $L(G_1)$
- $G_1$  é ambígua? Justifique.
- Em caso afirmativo, apresente uma gramática livre de contexto  $G_2$  não ambígua tal que  $L(G_2) = L(G_1)$  e justifique.
- Questão 2: (2,3 pontos) Construa um autômato de pilha que reconhece a linguagem  $L_2 = \{w \in \{a, b, c\}^* : w \text{ começa com } a, \text{ termina com} a$ e, entre dois a's consecutivos de w, existe uma quantidade de b's maior do que de c's $\}$ .
- Questão 3: (2,1 pontos) Considere a linguagem  $L_3 = \{a^p b^q a^r : 1 \leq r \leq p \leq q\}$ . Apresente uma gramática livre de contexto  $G_3$  tal que  $L_3 = L(G_3)$  ou mostre que  $L_3$  não é livre de contexto.
- Questão 4: (3,5 pontos) Usando diagramas de composição, construa uma Máquina de Turing que recebe um cadeia  $w \in \{a,b\}^*$  e inverte a cadeia, ou seja, ao final da computação a fita contém, a partir da segunda posição, os símbolos de w de trás para frente.

Exemplo:

entrada: ⊳<u>b</u>aabbaaaa⊔

saída: ⊳aaaabbaab⊔