Mapeamento Window-Viewport

Claudio Esperança Paulo Roma Cavalcanti

Problema

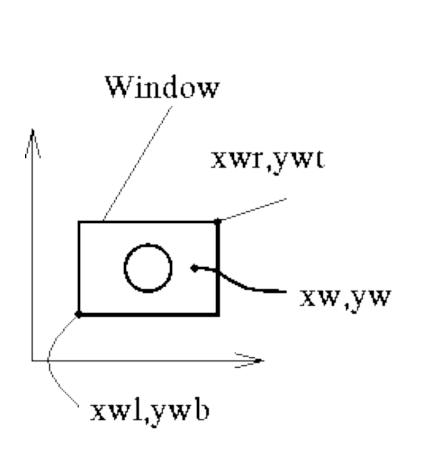
- Cena é 3D, mas eventualmente será projetada para 2D.
- Cena 2D está num plano infinito, mas o dispositivo possui uma área visível retangular finita.
- O que fazer?

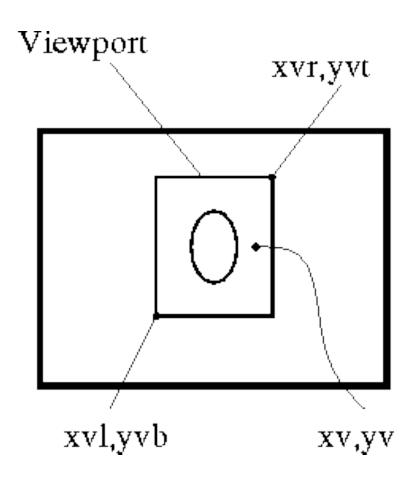
Resposta: mapear uma região retangular da cena 2D para o dispositivo.

Definições

- Window:
 - Região retangular de interesse na cena.
- Viewport:
 - Região retangular no dispositivo.
- Normalmente, ambos os retângulos estão alinhados com o sistema de coordenadas.

Window - Viewport





Matemática – Regra de três

• Ponto (x_w, y_w) da Window mapeia sobre um ponto (x_v, y_v) da Viewport.

- Window tem cantos (x_{wl}, y_{wb}) e (x_{wr}, y_{wt}) .
- Viewport tem cantos (x_{vl}, y_{vb}) e (x_{vr}, y_{vt}) .

- Comprimento e altura da Window são L_w e H_w .
- Comprimento e altura da Viewport são L_v e H_v.

Manter a Proporção

Mapeie cada coordenada de acordo com:

$$\frac{\Delta x_{w}}{L_{w}} = \frac{\Delta x_{v}}{L_{v}}, \frac{\Delta y_{w}}{H_{w}} = \frac{\Delta y_{v}}{H_{v}}.$$

Coordenada na Viewport

Para mapear x_w para x_v (y_v é equivalente):

$$\frac{x_{w} - x_{wl}}{L_{w}} = \frac{x_{v} - x_{vl}}{L_{v}} \Longrightarrow x_{v} = \frac{L_{v}}{L_{w}} (x_{w} - x_{wl}) + x_{vl}.$$

Razão de Aspecto

 Se a razão de aspecto não for a mesma, a imagem será distorcida:

$$\frac{H_{w}}{L_{w}} \neq \frac{H_{v}}{L_{v}}$$

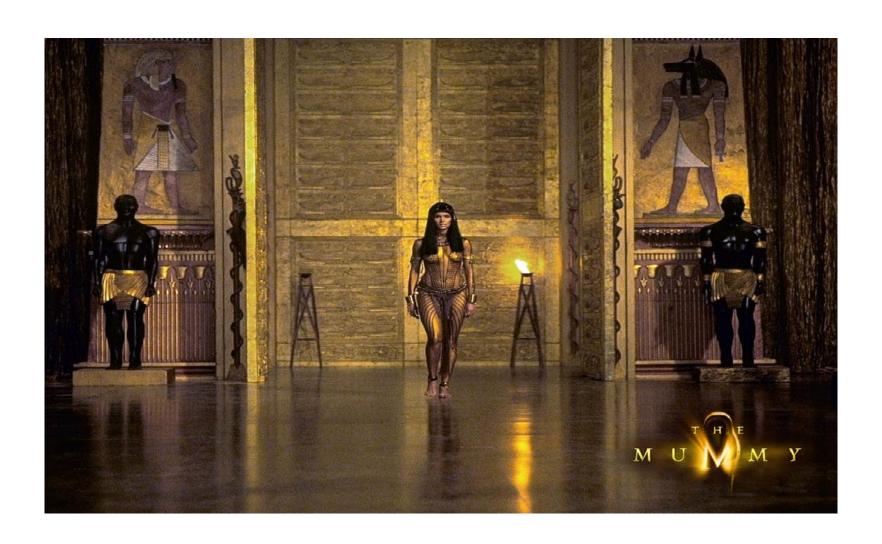
Resumo

- Converta x_w para uma distância w a partir do canto inferior esquerdo da Window.
- Escale esta distância w para obter uma distância v.
- Adicione a v o canto da Viewport para obter x_v .
- Equivalente a uma escala mais uma translação.

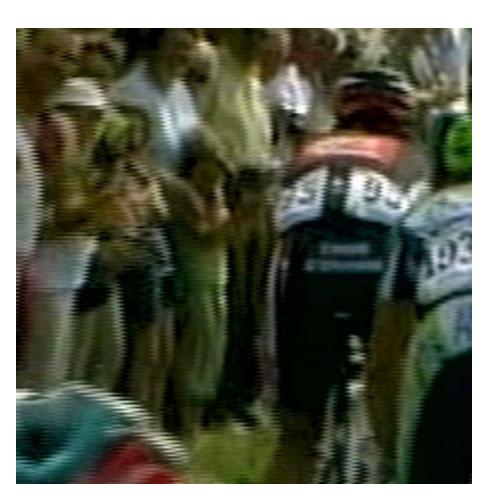
Imagem 1024 x 768 (4:3)



Mesma Imagem 1024 x 614 (10:6)



Desentrelaçamento





TV 4:3 e 16:9



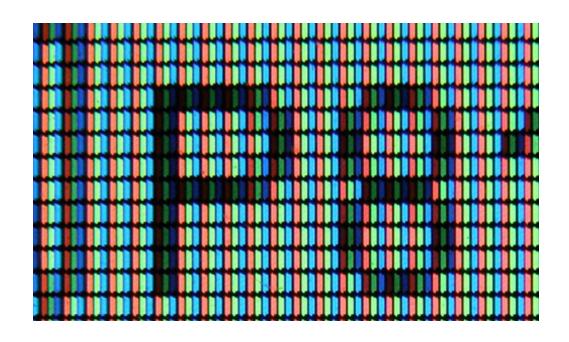


Pixels

• Full HD: 1080 x 1920

• 4K: 2160 x 3840

• 8K: 4320 x 7680



Transformações Afim

- Transformações Afim = transformações lineares + translações
- Qualquer transformação linear fica determinada pelo efeito causado nos vetores da base de um espaço vetorial.
 - são necessários apenas 3 pontos não colineares em 2D.

Mapeamento RPQ para unitário

• Logo, sabendo-se que o mapeamento do triângulo unitário (0,0), (1,0), (0,1) no triângulo RPQ é dada pela matrix de transformação homogênea:

$$T = \begin{pmatrix} P_{x} - R_{x} & Q_{x} - R_{x} & R_{x} \\ P_{y} - R_{y} & Q_{y} - R_{y} & R_{y} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Mapeamento RPQ to R'P'Q'

• e, usando-se o triângulo unitário como ponte, o mapeamento do triângulo RPQ, no frame A, sobre o triângulo R'P'Q', no frame B, é dado pela matrix:

$$T_{A \to B} = T^{-1} * \begin{pmatrix} P'_{x} - R'_{x} & Q'_{x} - R'_{x} & R'_{x} \\ P'_{y} - R'_{y} & Q'_{y} - R'_{y} & R'_{y} \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Mapeamento para viewport

- Em particular, para mapear o retângulo alinhado com os eixos coordenados, com diagonal $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$, basta fazer o terceiro ponto ser: (x_1, y_2)
- Facilmente implementável com Numpy

Rio - Calgary via New York

