ITAM Departamento de Estadística

Inferencia Estadística—Laboratorio #12Pruebas de Hipótesis 2

- 1. El cálculo de β puede ser extremadamente complicado para algunas pruebas estadísticas. Por lo que podemos usar la prueba Z para demostrar el cálculo de β como la lógica empleada para seleccionar el tamaño muestral de una prueba. Para la prueba $H_0: \theta = \theta_0$ vs. $H_a: \theta > \theta_0$, podemos calcular probabilidades de error tipo II. Alternativamente, se propone por ejemplo, $\theta = \theta_a$, entonces:
 - (a) Defina la región de rechazo en términos de $\hat{\theta}$ pra un valor crítico k.
 - (b) Calcule α y β
 - (c) Intuya la distribución de sus resultados.
- 2. Usando los resultados que obtuvo en el ejercicio anterior, suponga que Rod desea detectar una diferencia igual a una persona vacunada en el número medio de personas vacunadas por semana en su investigación de vacunación contra COVID-19. Esto es, desea probar $H_0: \mu=15$ vs. $H_a: \mu=16$. Suponga que tenemos n=36, la media muestral es 17 y $S^2=9$. Para un nivel de pueba $\alpha=0.05$. Encuentre:
 - (a) β
 - (b) Tamaño muestral para un prueba de cola superior de nivel α
- 3. Una muestra aleatoria de 37 estudiantes de segundo grado que practicaban deportes obtuvieron califi- caciones de habilidad manual con una media de 32.19 y una desviación estándar de 4.34. Una muestra independiente de 37 estudiantes del mismo grado que no los practicaban tuvo calificaciones de destreza manual con media de 31.68 y desviación estándar de 4.56.
 - (a) Aplique una prueba para ver si existe suficiente evidencia que indique que los estudiantes de segundo grado que practican deportes tienen una calificación más alta en destreza manual. Use $\alpha = .05$.
 - (b) Para la región de rechazo empleada en el inciso a, calcule β cuando $\mu_1 \mu_2 = 3$.

4. Una prubea de hipótesis de nivel α y para muestras grandes en el caso de $H_0: \theta = \theta_0$ vs. $H_1: \theta > \theta_0$ rechaza H_0 si

$$\frac{\hat{\theta} - \theta_0}{\sigma_{\hat{\theta}}} > Z_{\alpha}$$

Demuestre que esto es equivalente a rechazar H_0 si $_0$ es menor que el límite inferior del IC al $(1-\alpha)\%$ de una muestra grande para θ .

5. Una prubea de hipótesis de nivel α y para muestras grandes en el caso de $H_0:\theta=\theta_0$ vs. $H_1:\theta>\theta_0$ rechaza H_0 si

$$\frac{\hat{\theta} - \theta_0}{\sigma_{\hat{\alpha}}} < -Z_{\alpha}$$

Demuestre que esto es equivalente a rechazar H_0 si $_0$ es menor que el límite superior del IC al $(1-\alpha)\%$ de una muestra grande para θ .

6. **Definición 1** Si T(x) es un estadísico de prueba, el **valor p**, o nivel de significancia alcanzado, es el nivel más pequeño de significancia α para el cual la información obervada indica que la hipótesis nula debe ser rechazada.

Los altos porcentajes de ocupación en vuelos regulares de líneas aéreas son esenciales para tener rentabi- lidad. Suponga que un vuelo regular debe promediar al menos 60% de ocupación para ser rentable y que un examen de los porcentajes de ocupación para 120 vuelos de las 10:00 de la mañana de Atlanta a Dallas mostraron un porcentaje medio de ocupación por vuelo de 58% y desviación estándar de 11%. Verifique si existe suficiente evidencia para apoyar la afirmación de que el vuelo no es rentable. Encuentre el valor p relacionado con la prueba. ¿Qué concluiría si desea poner en práctica la prueba en el nivel $\alpha = .10$?

- 7. A dos grupos de niños de escuela primaria se les enseñó a leer con el uso de métodos diferentes, 50 por cada método. Al término del periodo de instrucción, un examen de lectura arrojó los siguientes resultados $\bar{y}_1 = 74, \bar{y}_2 = 71, s_1 = 9, s_2 = 10$.
 - (a) ¿Cuál es el nivel de significancia alcanzado si se desea verificar si la evidencia indica que hay una diferencia entre las dos medias poblacionales?
 - (b) ¿Qué se concluiría si desea un valor de α de .05?
- 8. ¿Piensa usted que un porcentaje excepcionalmente alto de los ejecutivos de empresas grandes son diestros? Aun cuando 85 % del público en general es diestro, un estudio a 300 principales ejecutivos de grandes empresas demostró que 96 % eran diestros.
 - (a) ¿La diferencia en porcentajes es estadísticamente significativa? Pruebe usando $\alpha=.01$.
 - (b) Encuentre el valor p para la prueba y explique lo que significa.