

顺序表算法 16个

```
void del_min(SqList &L,int &value){
    //删除顺序表L中最小值元素结点, 并通过引用型参数value返回其值
    //若删除成功返回true, 否则返回false

    if( L.length==0 )
        return false;

    value = L.data[0];
    int pos = 0;
    for(int i=1;i<L.length;i++){
        if( L.data[i]<value ){
            value=L.data[i];
            pos=i;
        }
    }
    L.data[pos]=L.data[L.length-1];
    L.length--;
    return true;
}

/* 顺序表L所有元素逆置, 要求算法空间复杂度为O(1) */
void Reverse(SqList &L){
    Elemtype temp; //辅助变量
    for ( i=0;i<L.length;i++){
        temp = L.data[i]; //交换L.data[i]与L.data[L.length-i-1]
        L.data[i] = L.data[L.length-i-1];
        L.data[L.length-i-1]=temp;
    }
}
```

```
/* 顺序表长度 n,删除该表中值为x的数据元素,要求:时间复杂度:O(n),空间复杂度O(1) */
/**
 *解法一:
 *用k记录L中不等于x的数据元素个数(即需要保存的元素个数),
 *边扫描L边统计K,并将不等于x的元素向前移动k个位置,最后修改L的长度.
 */
void del_x_1(Sqlist &L,Elemtype x){
    int k=0;
    for(i=0;i<L.length;i++){
        if(L.data[i] != x){
            L.data[k] = L.data[i];
            k++;
        }
    }
    L.length=k;
}
/**
 * 解法二:
 * 用k记录L中等于x的元素,边扫描边统计k,并将不等于x的元素前移k个位置,
 * 最后修改L的长度
 */
void del_x_2(Sqlist &L, Elemtype x){
    int k=0;
    int i=0;
    while(i<L.length){
        if(L.data[i]==x){
            k++;
        }else{
            L.data[i-k] = L.data[i]; //当前元素前移 k 个位置
            i++;
        }
    }
    L.length = L.length-k;
}
```

```

/* 删除 x,  s < x < t */
//同上题算法一
void del_s_t_1( SqList *l, int s, int t ){
    int k=0,i=0;
    while(i<l->length){
        if(l->data[i]>s && l->data[i]<t){ //如果条件加上'=', 则s, t也会被删除
            k++;
        }else{
            l->data[i-k] = l->data[i];
        }
        i++;
    }
    l->length = l->length-k;
}

/* 删除 x ,  s<x<t 或 s<=x<=t*/
// 同上题算法二
void del_s_t_2( SqList *L, int s, int t ){
    int k=0;
    for(int i=0;i<L->length;i++){
        if(L->data[i] <= s || L->data[i] >= t){ //将等号去掉, 则s, t也将被删除
            L->data[k] = L->data[i];
            k++;
        }
    }
    L->length = k;
}

//删除 s<=x<=t
bool Del_s_t2(SqList &L,ElemType s, ElemType t){
    int i,j;
    if(s>=t || L.length==0)
        return false;
    for(i=0;i<L.length && L.data[i]<s;i++); //寻找大于等于s的第一个元素
    if(i>=L.length)
        return false;
    for(j=i;j<L.length&&L.data[j]<=t;j++); //寻找值大于t的第一个元素
    for( ; j<L.length; i++, j++ )
        L.data[i] = L.data[j];
    L.length = i;
    return true;
}

```

```
/**
 * 题目描述: 有序表删除所有重复的元素, 使表中所有元素的值均不同
 * 算法思想: 初始时将第一个元素看作是没有重复的顺序表, 依次遍历L后序元素,
 * 遇到不同, 插入, 遇到相同, 跳过, 继续遍历。最后更新表的长度
 */
bool Del_same(SqList &L){
    if (L.length==0)
        return false;
    int i,j;
    for (i=0,j=1;j<L.length;j++){
        if(L.data[i]!=L.data[j])
            L.data[++i] = L.data[j];
        L.length=i+1;
        return true;
    }
}

/**
 * 题目描述: 合并有序顺序表, 新表保持有序
 */
bool Merge(SqList A,SqList B,SqList &C){
    if (A.length+B.length>C.MaxSize)
        return false;
    int i=0, j=0, k=0;
    while(i<A.length && j<B.length){
        if(A.data[i]<=B.data[j])
            C.data[k++]=A.data[i++];
        else
            C.data[k++]=B.data[j++];
    }
    while(i<A.length)
        C.data[k++]=A.data[i++];
    while(j<B.length)
        C.data[k++]=B.data[j];
    C.length=k;
    return true;
}
```

```
/**
 * 题目描述:A[m+n]中存放 a1~am,b1~bn,使用算法将其转为b1~bn,a1~am
 * 算法思想:现将整个顺序表逆置为 bn~b1,am~a1
 * 再将A的前n项和后m项分别逆置。
 */
typedef int DataType;
void Reverse ( DataType A[], int left, int right, int arraySize ){
    if( left>=right || arraySize==0 )
        return;
    int min=( left+right )/2;
    for( int i=0; i<min; i++ ){
        DataType tmp = A[left+i];
        A[left+i] = A[right-i];
        A[right-i] = tmp;
    }
}

void Exchange(DataType A[], int m, int n, int arraySize){
    Reverse(A, 0,m+n-1,arraySize);
    Reverse(A,0,n-1,arraySize);
    Reverse(A,n,m+n-1,arraySize);
}
```

```

/**
 * 题目描述：递增顺序表，查找x，若找到，与后继元素交换位置，
 * 若没找到，则插入
 * 算法思想：二分查找
 */
void SearchExchangeInsert(ElemType A[],ElemType x){
    int low=0,high=A.size()-1,mid;
    while( low <= high ){
        mid = (low+high)/2;
        if(A[mid]<x){
            low = mid+1;
        }else{
            high = mid-1;
        }
    }
    if (A[mid]==x && mid!=n-1){ //若和最后一个元素相等，则不存在与其后继交换的操作
        ElemType tmp = A[mid];
        A[mid] = A[mid+1];
        A[mid+1] = tmp;
    }
    if(low>high){ //查找失败
        for(int i=A.size()-1;i>high;i--) A[i+1] = A[i];
        A[i+1] = x;
    }
}

/**
 * 题目描述：数组左移p个单位
 * 算法思想：将问题视为把数组ab转换成数组ba，a代表数组的前p个元素，b代表数组中余下的n-p个元素
 * 现将a逆置为a^-1,将b转为b^-1,再将整体转为ba
 */
void Reverse(int R[], int from, int to){
    int i, temp;
    for(i=0;i<(from+to)/2;i++){
        temp = R[from+i];
        R[from+i] = R[to-i];
        R[to-i] = temp;
    } //Reverse
    void Converse(int R[], int n, int p){
        Reverse(R,0,p-1);
        Reverse(R,p,n-1);
        Reverse(R,0,n-1);
    }
}

```

```

/**
 * eg: S1= (11, 13, 15, 17, 19) ; s2(2,4,6,8,20),给出定义 中位数 (长度) L/2 向上取整。eg中s1和s2的中位数是 11
 * 算法思想: 二路归并排序, 排到第 (L+1)/2个停止, 即为s1和s2的中位数
 */
int sear_mid(SqlList &s1,SqlList &s2){
    int count=0;
    int i,j;
    while( i<s1.size() && j<s2.size() && count < (s1.size()+s2.size()+1)/2 ){
        if(s1.data[i]<s2.data[j]){
            i++;
            count++;
        }else{
            j++;
            count++;
        }
    }
    if(s1.data[i]<s2.data[j])
        return s1.data[i];
    else
        return s2.data[j];
}

int Majority(vector<int> nums){
    unordered_map<int ,int> m;
    for(auto& v : nums){
        m[v]++;
    }
    int key = m.begin()->first;
    int value = m.begin()->second;
    for(auto it=m.begin();it!=m.end();it++){
        //cout << it->first <<": "<<it->second << endl;
        if(it->second>value){
            key = it->first;
            value = it->second;
        }
    }
    if(value > nums.size()/2)
        return value;
    else
        return << -1;
}

```

链表算法 24个

```

/**
 * Definition for singly-linked list.
 * struct ListNode {
 *     int val;
 *     ListNode *next;
 *     ListNode(int x) : val(x), next(NULL) {}
 * };
 */
/** 迭代 删除值为val的结点 */
class Solution {
public:
    ListNode* deleteNode(ListNode* head, int val) {
        ListNode* dummy = new ListNode(-1);
        dummy->next = head; //建立虚拟头节点
        ListNode* cur = dummy;
        while (cur->next)
            if (cur->next->val == val) cur->next = cur->next->next;
            else cur = cur->next;
        return dummy->next;
    }
};

// 递归 删除 值为val的节点
class Solution {
public:
    ListNode* removeElements(ListNode* head, int val) {
        //1、递归边界
        if (!head) return nullptr;
        //2、递去：直到到达链表尾部才开始删除重复元素
        head->next = removeElements(head->next, val);
        //3、递归式：相等就是删除head，不相等就不用删除
        return head->val == val ? head->next : head;
    }
};

```



```
/* 用delete删除被删节点 */
class Solution {
public:
    ListNode* removeElements(ListNode* head, int val) {
        ListNode* sentinel = new ListNode(0);
        sentinel->next = head;

        ListNode *prev = sentinel, *curr = head, *toDelete = nullptr;
        while (curr != nullptr) {
            if (curr->val == val) {
                prev->next = curr->next;
                toDelete = curr;
            } else prev = curr;

            curr = curr->next;

            if (toDelete != nullptr) {
                delete toDelete;
                toDelete = nullptr;
            }
        }
        ListNode *ret = sentinel->next;
        delete sentinel;
        return ret;
    }
};
```

//反转链表

```
class Solution {
public:
    ListNode* reverseList(ListNode* head) {
        ListNode *cur = nullptr;
        ListNode *pre = head;
        while(pre) {
            ListNode *node = pre->next;
            pre->next = cur;
            cur = pre;
            pre = node;
        }
        return cur;
    }
};

// 递归解 (反转链表)
class Solution {
public:
    ListNode* reverseList(ListNode* head) {
        // 递归终止条件是当前为空, 或者下一个为空
        if(!head || !head -> next) return head;
        // 递归调用来反转每一个结点
        ListNode *curr = reverseList(head -> next);
        // 每一个结点都是这样反转的
        head -> next -> next = head;
        // 防止链表循环, 需要将head->next置为空
        head -> next = nullptr;
        // 每层递归函数都返回cur, 也就是最后一个结点
        return curr;
    }
};
```

```

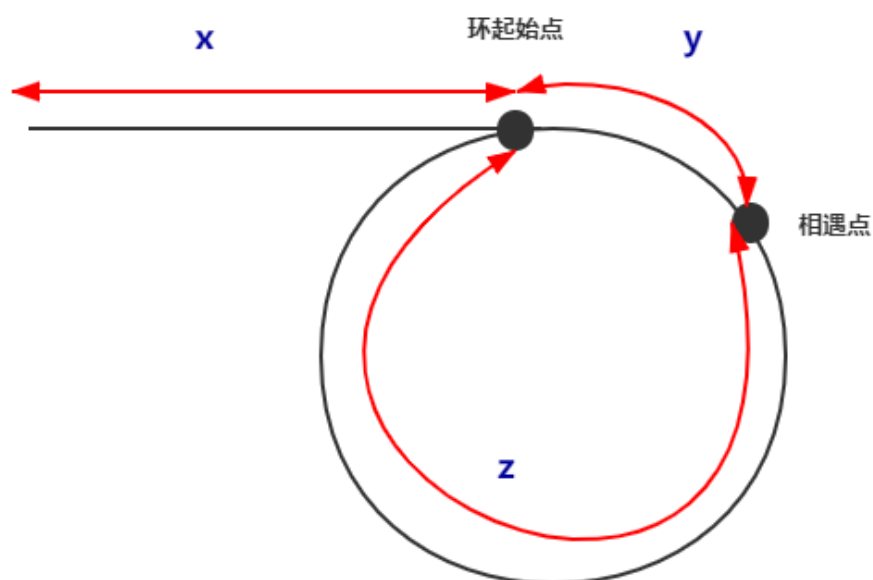
/**
 * 判断链表中是否有环
 */
class Solution {
public:
    //哈希表
    bool hasCycle(ListNode *head) {
        set<ListNode*> s;
        while(head != nullptr){
            if(s.insert(head).second==false){
                return true;
            }else{
                s.insert(head);
            }
            head = head->next;
        }
        return false;
    }

    // 快慢指针
    bool hasCycle(ListNode *head) {
        if(!head || !head->next) return false;
        ListNode *slow = head;
        ListNode *fast = head;
        while(fast != nullptr && fast->next != nullptr){
            slow = slow->next;
            fast = fast->next->next;
            if(fast == slow){
                return true;
            }
        }
        return false;
    }
};

/**
 * 给定一个链表，返回链表开始入环的第一个节点。 如果链表无环，则返回 null。
 * 为了表示给定链表中的环，我们使用整数pos来表示链表尾连接到链表中的位置(索引从 0 开始) 如果 pos 是 -1，则在该链表中没有环。
 * 说明：不允许修改给定的链表。
 * 示例 1：
 * 输入：head = [3,2,0,-4], pos = 1
 * 输出：tail connects to node index 1
 * 解释：链表中有一个环，其尾部连接到第二个节点。

 * 算法思想：快慢指针相遇的时候，此时从node1从head出发，node2从fast出发，相遇即为入口
 */

```



相遇时:

slow走过的路程: $x+y$

fast走过的路程: $x+y+z+y$

又因为fast走过的路程是slow的两倍

$$2*(x+y) = x+y+z+y \Rightarrow x=z$$

所以从head到环起始点的距离
= 从相遇点到环起始点的距离

相遇时, 令其中一个指针指向head, 然后两个指针同步往后指, 再相遇时即为环起始点

```
class Solution {
public:
    ListNode *detectCycle(ListNode *head) {
        ListNode* slow = head;
        ListNode* fast = head;
        while(fast != nullptr && fast->next != nullptr){
            slow = slow->next;
            fast = fast->next->next;
            if(slow == fast){
                ListNode* node1 = fast;
                ListNode* node2 = head;
                while(node1 != node2){
                    node1 = node1->next;
                    node2 = node2->next;
                }
                return node2;
            }
        }
        return NULL;
    }
};
```

/* 编写一个程序，找到两个单链表相交的起始节点。 */

//算法思想：为了和你相遇，即使我走过了我所有的路，我也愿意走一遍你走过的路。

```
class Solution {
public:
    ListNode *getIntersectionNode(ListNode *headA, ListNode *headB) {
        ListNode *boy = headA;
        ListNode *girl = headB;
        while(boy != girl){
            boy = boy==nullptr ? headB : boy->next;
            girl = girl==nullptr ? headA : girl->next;
        }
        return girl;
    }
};
```

/* 给定一个链表，删除链表的倒数第 n 个节点，并且返回链表的头结点。

*示例：

*给定一个链表：1->2->3->4->5，和 $n = 2$ 。

*当删除了倒数第二个节点后，链表变为 1->2->3->5。

*/

//算法思想：快慢指针，相距 n 个单位，当fast到达表尾时，slow->next 即为要删除的点

```
class Solution {
public:
    ListNode* removeNthFromEnd(ListNode* head, int n) {
        ListNode *dummyHead = new ListNode(0);
        dummyHead->next = head;
        ListNode *slow = dummyHead;
        ListNode *fast = dummyHead;
        for(int i=0; i<n+1 ; i++){
            fast = fast->next;
        }
        while(fast){
            fast = fast->next;
            slow = slow->next;
        }
        ListNode *delNode = slow->next;
        slow->next = delNode->next;
        delete delNode;

        ListNode *newHead = dummyHead->next;
        delete dummyHead;
        return newHead;
    }
};
```

```
/* 合并两个有序链表 */  
class Solution {  
public:  
    ListNode* mergeTwoLists(ListNode* l1, ListNode* l2) {  
        ListNode *dummyHead = new ListNode(-1);  
        ListNode *p = dummyHead;  
  
        while( l1 != nullptr && l2 != nullptr ){  
            if(l1->val < l2->val)  
            {  
                p->next = l1;  
                l1=l1->next;  
            }else{  
                p->next = l2;  
                l2=l2->next;  
            }  
            p=p->next;  
        }  
        p->next = l1==nullptr ? l2 : l1;  
        ListNode *newHead = dummyHead->next;  
        delete(dummyHead);  
        return newHead;  
    }  
};
```

/*
给定一个链表和一个特定值 x ，对链表进行分隔，使得所有小于 x 的节点都在大于或等于 x 的节点之前。
你应当保留两个分区中每个节点的初始相对位置。

示例：

输入：head = 1->4->3->2->5->2, $x = 3$

输出：1->2->2->4->3->5

```
*/  
  
class Solution {  
public:  
    ListNode* partition(ListNode* head, int x) {  
        ListNode *lowdummyhead = new ListNode(-1); // 小于x的结点的虚拟头结点  
        ListNode *plow = lowdummyhead;  
        ListNode *highdummyhead = new ListNode(-1); // 大于等于x的结点的虚拟头结点  
        ListNode *phigh = highdummyhead;  
        while(head) {  
            ListNode *next = head->next; // 记录head->next 防止链表断裂  
            head->next = nullptr;  
            if(head->val < x) { // 小于x的值连接到lowdummyhead  
                plow->next = head;  
                plow = plow->next;  
            }else{  
                phigh->next = head; // 大于等于x的值链接到highdummyhead  
                phigh = phigh->next;  
            }  
            head = next; // head 向前走一步  
        }  
        plow->next = highdummyhead->next;  
        ListNode *newhead = lowdummyhead->next;  
        delete lowdummyhead;  
        delete highdummyhead;  
        return newhead;  
    }  
};
```



```
/*
 * 给定一个带有头结点 head 的非空单链表，返回链表的中间结点。
 * 如果有两个中间结点，则返回第二个中间结点。
 */
class Solution {
public:
    ListNode* middleNode(ListNode* head) {
        if(!head) return head;
        ListNode *slow = head;
        ListNode *fast = head;
        while(fast->next && fast->next->next){
            slow = slow->next;
            fast = fast->next->next;
        }
        return fast->next==nullptr ? slow : slow->next; //奇偶个数分别处理
    }
};

/*
 * 给定一个链表，两两交换其中相邻的节点，并返回交换后的链表。
 * 你不能只是单纯的改变节点内部的值，而是需要实际的进行节点交换。
 */
class Solution {
public:
    ListNode* swapPairs(ListNode* head) {
        if(!head) return nullptr;
        ListNode *dummyhead = new ListNode(-1);
        dummyhead->next = head;
        ListNode *pre = dummyhead;
        ListNode *p = head;
        ListNode *after = head->next;
        while(p && p->next){
            pre->next = p->next;
            p->next = after->next;
            after->next = p;
            pre = p;
            p = p->next;
            if(p) after = p->next;
        }
        ListNode *newHead = dummyhead->next;
        delete dummyhead;
        return newHead;
    }
};
```

```

/*
*给你两个 非空 链表来代表两个非负整数。数字最高位位于链表开始位置。
*它们的每个节点只存储一位数字。将这两数相加会返回一个新的链表。
*你可以假设除了数字 0 之外，这两个数字都不会以零开头。
*复杂度分析
*时间复杂度： $O(\max(m, n))O(\max(m, n))$ ，其中 mm 与 nn 分别为两个链表的长度。我们需要遍历每个链表。
*空间复杂度： $O(m + n)O(m+n)$ ，其中 mm 与 nn 分别为两个链表的长度。这是我们把链表内容放入栈中所用的空间。
*/

```

```

class Solution {
public:
    ListNode* addTwoNumbers(ListNode* l1, ListNode* l2) {
        stack<int> s1,s2;
        while(l1){           // 入栈
            s1.push(l1->val);
            l1=l1->next;
        }
        while(l2){
            s2.push(l2->val);
            l2=l2->next;
        }
        int carry=0;
        ListNode *ans=nullptr;
        while( !s1.empty() or !s2.empty() or carry > 0 ){
            int x = s1.empty() ? 0 : s1.top();
            int y = s2.empty() ? 0 : s2.top();
            if(!s1.empty())s1.pop();
            if(!s2.empty())s2.pop();
            int curr = x + y +carry;
            carry = curr/10;
            curr%=10;
            ListNode *temp = new ListNode(curr);
            temp->next = ans;
            ans = temp;
        }
        return ans;
    }
};

```

```

class Solution {
public:
    ListNode* addTwoNumbers(ListNode* l1, ListNode* l2) {
        ListNode *p1 = l1;
        ListNode *p2 = l2;
        ListNode *dummyhead = new ListNode(-1);
        ListNode *cur = dummyhead;
        int carry = 0;
        while(p1 || p2){           // 不论长短 一起遍历

```

```

    int x = p1 != nullptr ? p1->val : 0; // 若p1到尾部, 按照加法规则, 从低位对齐, 高位视为0
    int y = p2 != nullptr ? p2->val : 0;
    int sum = x + y + carry;
    carry = sum / 10;
    cur->next = new ListNode(sum%10); // sum % 10 十进制, 满十进位, 剩余保留
    cur = cur->next; // 结果链表指针移到当前尾部
    if(p1) p1 = p1->next; // 如果p1不空, p1前进一步。防止空指针报错, 因为本循环无视长度
    if(p2) p2 = p2->next;
}
if(carry > 0){ // 如果最高位满十, 则进位, 逻辑同其他
    cur->next = new ListNode(carry);
}
ListNode *newhead = dummyhead->next;
delete dummyhead;
return newhead;
}
};

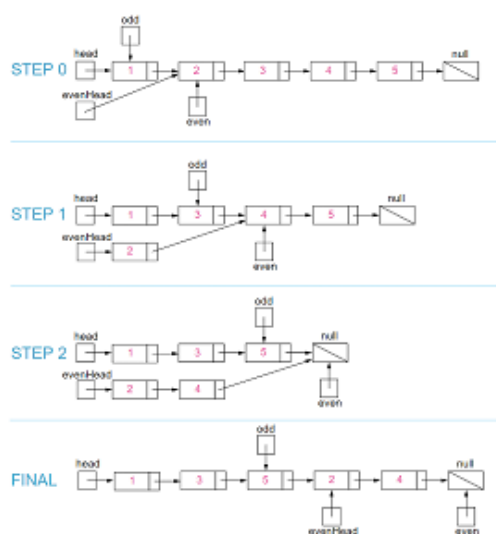
```

/*

给定一个单链表, 把所有的奇数节点和偶数节点分别排在一起。

请注意, 这里的奇数节点和偶数节点指的是节点编号的奇偶性, 而不是节点的值的奇偶性。

*/



```
class Solution {
public:
    ListNode* oddEvenList(ListNode* head) {
        if(!head) return nullptr;
        // odd是奇链表的当前节点, 先初始化为head (初始化为奇链表头)
        ListNode *odd = head;
        // even是偶链表的当前节点, 初始化为第二个节点也就是head.next
        ListNode *even = head->next;
        // evenHead是偶链表的头节点, 初始化为链表第二个节点 (初始化为奇链表头的下一个节点)
        ListNode *evenhead = even;
        while(even && even->next){ //涉及到链表长度为奇或偶, 用双指针, 条件好像都是这个
            odd->next = even->next;
            odd = odd->next;
            even->next = odd->next;
            even = even->next;
        }
        odd->next = evenhead; // 奇(拼接)偶
        return head;
    }
};

/* 删除 有序 链表中的重复项 */
void Del_Same(LinkList &L){
    LNode* p = L->next, *q;
    if(p==null) return;
    while(p->next){
        q = p->next;
        if(p->data == q->data){
            p->next = q->next;
            free(q);
        }else{
            p = p->next;
        }
    }
}
```

```
/* 请判断一个链表是否为回文链表。(栈) */  
class Solution {  
public:  
    bool isPalindrome(ListNode* head) {  
        stack<int> st;  
        ListNode *cur = head;  
        int length = 1;  
        while(cur){  
            st.push(cur->val);  
            cur = cur->next;  
            length++;  
        }  
        int cnt = length/2;  
        cur = head;  
        while(cnt--){  
            if(cur->val != st.top()) return false;  
            st.pop();  
            cur = cur->next;  
        }  
        return true;  
    }  
};
```

```
/* 顺序表法 */
class Solution {
public:
    bool isPalindrome(ListNode* head) {
        vector<int> res;
        while(head) {
            res.push_back(head->val);
            head = head->next;
        }
        int i = 0; int j = res.size() - 1;
        while(i<j){ // 啊啊啊啊 边界值真的是佛了啊
            if(res[i++]!=res[j--]) return false;
        }
        return true;
    }
};

/* 双指针, 反转链表 */
public:
    bool isPalindrome(ListNode *head){
        ListNode *cur = head;
        ListNode *pre = nullptr;
        ListNode *fast = head;
        while(fast && fast->next){
            fast = fast->next->next; //位置不可以变, 因为链表在后面断了
            ListNode *temp = cur->next;
            cur->next = pre;
            pre = cur;
            cur = temp;
        }
        if(fast) cur = cur->next;
        while(pre){
            if(cur->val != pre->val) return false;
            cur = cur->next;
            pre = pre->next;
        }
        return true;
    }
};
```

```
/* 给定一个链表，旋转链表，将链表每个节点向右移动 k 个位置，其中 k 是非负数。 */  
class Solution {  
public:  
    ListNode* rotateRight(ListNode* head, int k) {  
        if(!head || !head->next || k==0) return head;  
        ListNode *phead = head;  
        int length = 1;  
        while(phead->next){length++;phead = phead->next;}  
        int move = k % length;  
        if(move == 0) return head;  
        ListNode *cur = head;  
        for(int i=0;i<length-move-1;i++) cur = cur->next;  
        ListNode *tmp = cur->next;  
        cur->next = nullptr;  
        phead->next = head;  
        return tmp;  
    }  
};
```

/** 给定一个只包括 '(' , ')', '{', '}', '[' , ']' 的字符串，判断字符串是否有效。

有效字符串需满足：

左括号必须用相同类型的右括号闭合。左括号必须以正确的顺序闭合。

```
*/
class Solution{
public:
    bool isValid(string s){
        int n = s.size();
        if(n % 2 == 1){return false;}
        unordered_map<char,char> pairs = {
            {'}', '('},
            {']', '['},
            {'}', '{'}
        };
        stack<char> stk;
        for(char ch : s){
            if(pairs.count(ch)){
                if(stk.empty() || stk.top() != pairs[ch]){
                    return false;
                }else{
                    stk.pop();
                }
            }else{
                stk.push(ch);
            }
        }
        return stk.empty();
    }
};
```

// I,O表示入栈出栈，栈的始态和终态均为空，判断序列是否合法

```
bool judge(vector<char> vec){
    if(vec[0] == 'O') return false;
    int j = 0, k = 0;
    for(int i = 0; i < vec.size(); ++i){
        vec[i] == 'I' ? ++j : ++k;
        if(k > j) return false;
        i++;
    }
    return j != k ? false : true;
}
```

二叉树算法 29个

//前序遍历

```
void preorder(bitree *t){
    bitree *temp;
    temp = t;
    while(temp || !empty()){
        while(temp){
            printf("%4d",temp->data);
            push(temp);
            temp = temp->lchild;
        }
        if(s.top!=0){
            temp = pop();
            temp = temp->rchild;
        }
    }
    printf("\n");
}
```

//中序遍历

```
void inorder(bitree *t){
    bitree *temp = t;
    while(temp || !empty()){
        if(temp){
            push(temp);
            temp = temp->lchild;
        }else{
            temp = pop();
            printf("%4d",temp->data);
            temp = temp->rchild;
        }
    }
    printf("\n");
}
```

//后序遍历

```
void postorder01(bitree *t){
    bitree *temp = t;
    bitree *r=NULL;
    while(temp || !empty()){
        if(temp){
            push(temp);
            temp = temp->lchild;
        }else{
            temp = getTop();
            //printf("栈顶元素:%4d\n",temp->data);
            if(temp->rchild && temp->rchild!=r){
                temp = temp->rchild;
                push(temp);
                temp = temp->lchild;
            }else{
                temp = pop();
                printf("%4d",temp->data);
                r = temp;
                temp = NULL;
            }
        }
    }
    printf("\n");
}
```

```
/**
 * 二叉树的前序遍历非递归(统一写法)
 */
class Solution{
public:
    vector<int> preorderTraversal(TreeNode* root) {
        vector<int> result;
        stack<TreeNode*> st;
        if(root != NULL) st.push(root);
        while( !st.empty() ){
            TreeNode *node = st.top();
            if(node != NULL){
                st.pop();
                if(node->right) st.push(node->right); //右
                if(node->left) st.push(node->left); //左
                st.push(node); //中
                st.push(NULL);
            }else{
                st.pop();
                node = st.top();
                st.pop();
                result.push_back(node->val);
            }
        }
        return result;
    }
};
```

```

/**
 * 二叉树的层序遍历
 */
class Solution {
public:
    vector<vector<int>> levelOrder(TreeNode* root) {
        vector<vector<int>> result;
        queue<TreeNode*> que;
        if(root != NULL) que.push(root);
        while(!que.empty()){
            int size = que.size();
            vector<int> vec;
            for(int i=0; i<size; i++){
                TreeNode *node = que.front();
                que.pop();
                vec.push_back(node->val);
                if(node->left) que.push(node->left);
                if(node->right) que.push(node->right);
            }
            result.push_back(vec);
        }
        return result;
    }
};

/**
 * Definition for a binary tree node.
 */
struct TreeNode {
    int val;
    TreeNode *left;
    TreeNode *right;
    TreeNode(int x) : val(x), left(NULL), right(NULL) {}
};

* 递归二叉树的深度
*/
class Solution {
public:
    int max(int a, int b){
        return a>b ? a : b;
    }
    int maxDepth(TreeNode* root) {
        if(!root) return 0;
        int left_depth = maxDepth(root->left);
        int right_depth = maxDepth(root->right);
        return max(left_depth, right_depth)+1;
    }
};

```

```
/**
 * 给定一个二叉树，检查它是否是镜像对称的。
 * 例如，二叉树 [1,2,2,3,4,4,3] 是对称的。
 */
class Solution {
public:
    bool check(TreeNode *p, TreeNode *q) {
        if(!p && !q) return true;
        if(!p || !q) return false;
        return check(p->left,q->right) && check(p->right,q->left) && p->val == q->val;
    }
    bool isSymmetric(TreeNode* root) {
        return check(root,root);
    }
};
```

```

/**
 * Definition for a binary tree node.
 * struct TreeNode {
 *     int val;
 *     TreeNode *left;
 *     TreeNode *right;
 *     TreeNode(int x) : val(x), left(NULL), right(NULL) {}
 * };
 * 给定一个二叉树和一个目标和，判断该树中是否存在根节点到叶子节点的路径，这条路径上所有节点值相加等于目标和。
 * 说明：叶子节点是指没有子节点的节点。
 * 示例：
 * 给定如下二叉树，以及目标和 sum = 22
 */

class Solution {
public:
    bool hasPathSum(TreeNode* root, int sum) {
        queue<TreeNode*> node_que;
        queue<int> val_que;
        if(root){
            node_que.push(root);
            val_que.push(root->val);
        }
        while(!node_que.empty() && !val_que.empty()){
            TreeNode *node = node_que.front(); node_que.pop();
            int val = val_que.front(); val_que.pop();
            if(!node->left && !node->right) {
                if( val==sum )
                    return true;
                continue;
            }
            if(node->left) {
                node_que.push(node->left);
                val_que.push(node->left->val + val);
            }
            if(node->right) {
                node_que.push(node->right);
                val_que.push(node->right->val + val);
            }
        }
        return false;
    }
};

```

```

/**
 * 《从中序与后序遍历序列构造二叉树》
 * 根据一棵树的中序遍历与后序遍历构造二叉树。
 * 注意：
 * 你可以假设树中没有重复的元素。
 * 例如，给出：中序遍历 inorder = [9,3,15,20,7]，后序遍历 postorder = [9,15,7,20,3]
 * 返回如下的二叉树：
      3
     / \
    9  20
   /  \
  15   7
 */

class Solution {
public:
    // 找到Inorder中根节点的位置
    int index;
    int getInorderIndex(vector<int> &inorder, int val){
        for(int i=0;i<inorder.size();i++) {
            if(val==inorder[i]) return i;
        }
        return 0;
    }

    TreeNode* create(vector<int>& inorder, vector<int>& postorder, int left, int right){
        if( left>right ) return nullptr;
        int val=postorder[index];
        TreeNode* root=new TreeNode(val);
        index--;
        int inIndex = getInorderIndex(inorder, val);
        root->right=create(inorder,postorder, inIndex+1, right);    // 后序(左右根)顺序表 index-- 先指向右子树

        root->left=create(inorder, postorder, left, inIndex-1);
        return root;
    }

    TreeNode* buildTree(vector<int>& inorder, vector<int>& postorder) {
        if (!postorder.size()) return nullptr;
        // get root index
        index=postorder.size()-1;
        TreeNode* root=create(inorder, postorder, 0, inorder.size()-1);
        return root;
    }
};

```

```
/**
```

根据一棵树的前序遍历与中序遍历构造二叉树。

注意：

你可以假设树中没有重复的元素。

例如，给出 前序遍历 preorder = [3,9,20,15,7]，中序遍历 inorder = [9,3,15,20,7]

返回如下的二叉树：

```

    3
   / \
  9  20
   / \
  15  7
*/
```

```
class Solution{
public:
    int index;
    int find(vector<int> inorder, int val){
        for(int i=0; i<inorder.size(); i++){
            if( inorder[i]==val ){
                return i;
            }
        }
        return -1;
    }
}

TreeNode *create(vector<int> preorder, vector<int> inorder, int left, int right){
    if(left > right) return nullptr;
    int val = preorder[index];
    TreeNode *root = new TreeNode(val);
    index++;
    int rootIndexofInorder = find(inorder, val);
    root->left = create(preoder, inorder, 0, rootIndexofInorder-1); //前序(根左右)遍历序列，index++先指向左子树
    root->right = create(preoder, inorder, rootIndexofInorder+1, right);
    return root;
}

TreeNode *buildTree(vector<int>& preorder, vector<int>& inorder){
    index = 0;
    return create(preoder, inorder, 0, inorder.size()-1);
}
};
```



```
//顺序存储结构

/**
 * i的左孩子 ---2i
 * i的右孩子 ---2i+1
 * i的父结点 ---i/2 (向下取整)
 * i是否是叶子结点/分支结点 --- i 是否大于 ( n/2 (向下取整) )
 * i是否有左孩子 ---2i <= n
 * i是否有右孩子 ---2i+1 <= n
 */

char comm_Ancessor(Tree T,int i,int j){
    if(T.nodes[i].data!='#' && T.nodes[j].data != '#'){
        while(i!=j){
            if(i>j)
                i = i/2;
            else
                j = j/2;
        }
        return T.nodes[i].data;
    }
}
```

```
//判断是否是完全二叉树
/**
    层序遍历 所有节点入队，包括空节点
    空树 return true
    if node == nullptr
        check 后面节点是否为空
            if 后面节点为空
                return false
            return true
*/
class Solution{
public:
    bool check(TreeNode *root){
        queue<TreeNode*> q;
        if(T == nullptr){
            return true;
        }
        q.push(root);
        while(!q.empty()){
            TreeNode *node = q.front();
            q.pop();
            if(node){
                q.push(node->left);
                q.push(node->right);
            }else{
                while(!q.empty()){
                    node = q.front();
                    q.pop();
                    if(p){
                        return false;
                    }
                }
            }
        }
        return true;
    }
};
```

```
// 双分支节点个数
/**
    model:
    f(b)=0 // 若b=null
    f(b)=f(b->left)+f(b->right)+1 // 若b是双分支结点
    f(b)=f(b->left)+f(b->right) // 若b是叶结点或单分支节点
*/

int DsonNodes(BinTree T){
    if(T==NULL)
        return 0;
    else if(T->left!=NULL &&T->right!=NULL) return DsonNodes(T->left)+DsonNodes(T->right)+1;
    else return DsonNodes(T->left)+DsonNodes(T->right);
}

/* 交换左右子树 */
/* 后序遍历思想：先交换b的左子树的左右子树，再交换b的右子树的左右子树，最后交换b的左右子树 */
class Solution {
public:
    TreeNode* invertTree(TreeNode* root) {
        if(!root) return nullptr;
        TreeNode *left = invertTree(root->left);
        TreeNode *right = invertTree(root->right);

        root->left = right;
        root->right = left;
        return root;
    }
};
```

```
// 最近公共祖
```

```
/**
 * 具体思路:
 (1) 如果当前结点 root 等于 NULL, 则直接返回 NULL
 (2) 如果 root 等于 p 或者 q , 那这棵树一定返回 p 或者 q
 (3) 然后递归左右子树, 因为是递归, 使用函数后可认为左右子树已经算出结果, 用 left 和 right 表示
 (4) 此时若left为空, 那最终结果只要看 right; 若 right 为空, 那最终结果只要看 left
 (5) 如果 left 和 right 都非空, 因为只给了 p 和 q 两个结点, 都非空, 说明一边一个, 因此 root 是他们的最近公共祖先
 (6) 如果 left 和 right 都为空, 则返回空 (其实已经包含在前面的情况中了)
```

时间复杂度是 $O(n)$: 每个结点最多遍历一次或用主定理, 空间复杂度是 $O(n)$: 需要系统栈空间

```
*/
class Solution {
public:
    TreeNode* lowestCommonAncestor(TreeNode* root, TreeNode* p, TreeNode* q) {
        if(root==nullptr) return nullptr;
        if(root==p || root==q) return root;

        TreeNode *left = lowestCommonAncestor(root->left, p, q);
        TreeNode *right = lowestCommonAncestor(root->right, p, q);

        if(left==nullptr) return right;
        if(right==nullptr) return left;

        if(right && left) return root;

        return nullptr;
    }
};

/* 递归所有祖先 */
int PrintAncestors(BinTree *root, ElemType x)
{
    if (!root) return 0;
    if (root->data == x) return 1;
    //如果子树中可以找到匹配值 那么此节点肯定是祖先结点
    if (PrintAncestors(root->left, x) || PrintAncestors(root->right, x))
    {
        printf("%4c", root->data);
        return 1;
    }
    return 0;
} //打印祖先 结果: 5 1
```

```
/* 满二叉树 前序序列转换为后序序列 */
```

```
void preTopost(char pre[],int l1,int h1,char post[],int l2,int h2){  
    int half;  
    if(l1<=h1){  
        post[h2]=pre[l1];  
        half=(h1-l1)/2;  
        preTopost(pre,l1+1,l1+half,post,l2,l2+half-1);  
        preTopost(pre,l1+half+1,h1,post,l2+half,h2-1);  
    }  
}
```

```
/* 将叶子结点从左到右连成一个单链表, 表头指向head */
```

```
BinTree *head=NULL;
```

```
BinTree *pre=NULL;
```

```
BinTree *leafNodeToList(BinTree *root){  
    if(root){  
        leafNodeToList(root->left);  
        if(root->left==NULL && root->right==NULL){  
            if(pre==NULL){  
                head=root;  
                pre=root;  
            }else{  
                pre->right=root;  
                pre=root;  
            }  
        }  
        leafNodeToList(root->right);  
        pre->right=NULL;  
    }  
    return head;  
}
```

```
/* 判断两棵树是否相似 */
```

```
int similar_tree(BinTree *t1,BinTree *t2){  
    if(t1==NULL && t2==NULL) return 1;  
    else if(t1==NULL || t2==NULL) return 0;  
    else{  
        return similar_tree(t1->left,t2->left) && similar_tree(t1->right,t2->right);  
    }  
}
```

```
/* 中序线索二叉树里查找指定节点在后序的前驱结点 */
BinTree *InPostPre(BinTree *t, BinTree *p) {
    BinTree *q;
    if (p->rtag == 0) q = p->right;
    else if (p->ltag == 0) q = p->left;
    else if (p->left == NULL)
        q = NULL;
    else {
        while (p->ltag == 1 & p->left != NULL) {
            p = p->left;
        }
        if (p->ltag == 0)
            q = p->left;
        else
            q = NULL;
    }
    return q;
}

/* 将给定的表示式树（二叉树）转换为等价的中缀表达式（添加括号反映操作符计算次序） */
void BTreeToE(BTree *root) {
    BTreeToExp(root, 1); // 根的高度为1
}

void BTreeToExp(BTree *root, int deep) {
    if (root == nullptr) return; // 空节点返回
    else if (root->left == nullptr && root->right == null) // 若为叶子结点
        printf(root->data); // 输出操作数，不加括号
    else {
        if (deep > 1) printf("("); // 若有子表达式则加 1层括号
        BTreeToExp(root->left, deep + 1);
        printf(root->data); // 输出操作符
        BTreeToExp(root->right, deep + 1);
        if (deep > 1) printf(")"); // 若有子表达式则加 1层括号
    }
}
```

```
/* 判断是否是二叉搜索树 */
// 递归
class Solution {
public:
    bool helper(TreeNode* root, long long low, long long high){
        if(!root) return true;
        if(root->val >= high || root->val <=low) return false;
        return helper(root->left, low, root->val) && helper(root->right, root->val, high);
    }
    bool isValidBST(TreeNode* root) {
        return helper(root, LONG_MIN, LONG_MAX);
    }
};
```

// 迭代 判断二叉搜索树

```
class Solution {
public:
    long long inorder = LONG_MIN;
    bool isValidBST(TreeNode* root) {
        if(!root) return true;
        stack<TreeNode*> st;
        vector<long long> res;
        while (root != nullptr || !st.empty()) {
            while (root != nullptr) {
                st.push(root);
                root = root->left;
            }
            root = st.top();
            st.pop();
            if(root->val <= inorder) return false;
            inorder = root->val;
            root = root->right;
        }
        return true;
    }
};
```

```
/* 判断是否是二叉平衡树 */
```

```
class Solution {
public:
    int max(int a, int b){
        return a > b ? a : b;
    }

    int maxDepth(TreeNode* root){
        if(!root) return 0;
        int leftdepth = maxDepth(root->left);
        int rightdepth = maxDepth(root->right);
        if(!root->left || !root->right) return leftdepth + rightdepth + 1;
        return max(leftdepth, rightdepth) + 1;
    }

    bool isBalanced(TreeNode* root) {
        if(!root) return true;
        if(maxDepth(root->left)-maxDepth(root->right) > 1 || maxDepth(root->left) - maxDepth(root->right) < -1)
            return false;
        return isBalanced(root->left) && isBalanced(root->right);
    }
};
```

```
/* 二叉树最大宽度 */
```

```
class Solution {
public:
    int widthOfBinaryTree(TreeNode* root) {
        if(!root) return 0;
        queue<pair<TreeNode*, unsigned long long>> que; // 结点, 位置下标
        int ans = 1;
        que.push({root, 1});
        while(!que.empty()){
            int sz = que.size();
            // 当前层的宽度是队尾(最右)编号-对头(最左)编号+1
            ans = max(int(que.back().second - que.front().second + 1), ans);
            while(sz--){
                TreeNode* node = que.front().first;
                unsigned long long pos = que.front().second;
                que.pop();
                if(node->left) que.push({node->left, pos * 2});
                if(node->right) que.push({node->right, pos * 2 + 1});
            }
        }
        return ans;
    }
};
```


图的数据结构(邻接矩阵)

```
typedef struct GNode *PtrToGNode;
struct GNode{
    int Nv; /* 顶点数 */
    int Ne; /* 边数 */
    VertexType vex[Maxsize]; /* 顶点表*/
    EdgeType G[MaxVertexNum][MaxVertexNum]; /* 邻接矩阵, 边表*/
};
typedef PtrToGNode MGraph; /* 以邻接矩阵存储的图类型 */
```

深度优先遍历 (递归)

```
void DFS(MGraph graph, int v){
    visited[v] = true;
    visit(v);
    for(int i = 0; i < graph->Nv; ++i){
        if(graph->G[v][i] == 1 && !visited[vex[i]])
            DFS(graph, vex[i]);
    }
}
```

深度优先遍历 (迭代)

```
void DFS(MGraph graph, int v){
    stack<int> st;
    visit(v);
    visited[v];
    st.push(v);
    while(!st.empty()){
        int data, i;
        data = st.top();
        for(i = 0; i < graph->Nv; ++i){
            if(graph->G[data][i] == 1 && visited[vex[i]] == 1){
                visit(vex[i]);
                visited[vex[i]] = true;
                st.push(v);
                break;
            }
        }
        if(i == graph->Nv) st.pop();
    }
}
```

图的广度优先遍历(迭代)

```

void BFS(MGraph graph, int v){
    queue<int> que;
    int vertex;
    visit(v);
    visited[v] = true;
    que.push(v);
    while(!que.empty()){
        vertex = que.front();
        que.pop();
        for(int i = 0; i < graph->Nv; ++i){
            if(graph->G[v][i] == 1 && !visited[vex[i]]){
                visit(vex[i]);
                visited[vex[i]] = true;
                que.push(vex[i]);
            }
        }
    }
}

```

图的数据结构描述(邻接表)

```

typedef struct ArcNode{           // 边表结点
    int adjvex;                   // 该弧所指向的顶点的位置
    struct ArcNode *nextArc;      // 指向下一条弧的指针
}ArcNode;

typedef struct VNode{             // 顶点表结点
    int data;                     // 顶点信息
    ArcNode* firstArc;            // 指向第一条依附该顶点的弧的指针
}VNode, AdjList[MaxVertexNum];

typedef struct{
    AdjList vertices;             // 邻接表
    int vexnum;                   // 顶点数目
    int arcnum;                   // 边数目
}ALGraph;

```

```

vector<bool> visited;

void DFS(ALGraph graph, int v){ //深度优先遍历(递归)
    visited[v] = true;
    ArcNode* p;
    visit(graph.vertices[v].data);
    p = G.vertices[v].firstArc;
    while(p) {
        if(!visited[p->adjvex])
            DFS(graph, p->adjvex);
        p = p->nextArc;
    }
}

void DFSTraverse(Graph graph,int v){ //图的非递归深度优先遍历
    int i,visited[MaxSize],top;
    ArcNode *stack[MaxSize],*p;
    for(i = 0; i < graph.vexnum; i++){ //将所有顶点都添加未访问标志0
        visited[i] = 0;
    }
    printf("%4c",graph.vertices[v].data); //访问顶点v并将访问标志置为1
    visited[v] = 1;

    top = -1; //初始化栈
    p = graph.vertices[v].firstArc; //p指向顶点v的第一个邻接点
    while(top > -1 || p != NULL){
        while(p!=NULL){
            if(visited[p->adjvex] == 1){
                p = p->nextarc;
            }else{
                printf("%4c",graph.vertices[p->adjvex].data);
                visited[p->adjvex]=1;
                stack[++top] = p;
                p = graph.vertices[p->adjvex].firstArc;
            }
        }
        if(top > -1){
            p = stack[top--];
            p = p->nextArc;
        }
    }
}

```

// 图的广度优先遍历

```
int visited[maxsize];

void BFS(ALGraph *G, int v){
    ArcNode* p;
    int que[maxsize], front = 0, rear = 0;
    int j;
    Visit(v);
    visited[v] = 1;
    rear = (rear + 1) % maxsize;
    que[rear] = v;
    while (front != rear)
    {
        front = (front + 1) % maxsize;
        j = que[front];
        p = G->adjlist[j].firstArc;
        while(p){
            if(visited[p->adjvex] == 0){
                Visit(p->adjvex);
                visited[p->adjvex] = 1;
                rear = (rear + 1) % maxsize;
                que[rear] = p->adjvex;
            }
            p = p->nextarc;
        }
    }
}
```

```
//拓扑
bool TopologicalSort(Graph G){
    //若G存在拓扑排序, 返回true, 否则返回false
    InitStack(S);
    for(int i=0; i<G.vexnum; ++i){
        if(indegree[i] == 0)
            S.push(i);
        int count = 0;
        while(!IsEmpty(S)){
            Pop(S,i);
            print[count++] = i;
            for(p = G.vertices[i].firstarc; p; p = p->next){
                //将所有i所指向的顶点的入度减1, 并且将入度减为0的顶点压入栈S
                v = p->adjvex;
                if(--indegree[v])
                    S.push(v);          // 入度为0 则入栈
            }
        }
        if(count < G.vexnum)    // 拓扑排序失败 有回路
            return false;
        else
            return true;
    }
}
```

```
// dijkstra
int g[N][N]; // 存储每条边
int dist[N]; // 存储1号点到每个点的最短距离
bool st[N]; // 存储每个点的最短路是否已经确定

// 求1号点到n号点的最短路, 如果不存在则返回-1
int dijkstra()
{
    memset(dist, 0x3f, sizeof dist);
    dist[1] = 0;

    for (int i = 0; i < n - 1; i ++ )
    {
        int t = -1; // 在还未确定最短路的点中, 寻找距离最小的点
        for (int j = 1; j <= n; j ++ )
            if (!st[j] && (t == -1 || dist[t] > dist[j]))
                t = j;

        // 用t更新其他点的距离
        for (int j = 1; j <= n; j ++ )
            dist[j] = min(dist[j], dist[t] + g[t][j]);

        st[t] = true;
    }

    if (dist[n] == 0x3f3f3f3f) return -1;
    return dist[n];
}

// floyd
初始化:
for (int i = 1; i <= n; i ++ )
    for (int j = 1; j <= n; j ++ )
        if (i == j) d[i][j] = 0;
        else d[i][j] = INF;

// 算法结束后, d[a][b]表示a到b的最短距离
void floyd()
{
    for (int k = 1; k <= n; k ++ )
        for (int i = 1; i <= n; i ++ )
            for (int j = 1; j <= n; j ++ )
                d[i][j] = min(d[i][j], d[i][k] + d[k][j]);
}
```

```
// prim
int n;          // n表示点数
int g[N][N];    // 邻接矩阵, 存储所有边
int dist[N];    // 存储其他点到当前最小生成树的距离
bool st[N];     // 存储每个点是否已经在生成树中

// 如果图不连通, 则返回INF (值是0x3f3f3f3f), 否则返回最小生成树的树边权重之和
int prim()
{
    memset(dist, 0x3f, sizeof dist);

    int res = 0;
    for (int i = 0; i < n; i ++ )
    {
        int t = -1;
        for (int j = 1; j <= n; j ++ )
            if (!st[j] && (t == -1 || dist[t] > dist[j]))
                t = j;

        if (i && dist[t] == INF) return INF;

        if (i) res += dist[t];
        st[t] = true;

        for (int j = 1; j <= n; j ++ ) dist[j] = min(dist[j], g[t][j]);
    }

    return res;
}
```

查找 4 个

//折半查找

```
int Bsearch(int R[], int low, int high, int k){
    int mid;
    while(low <= high)    // 当子表长度大于等于1时进行循环
    {
        mid = (low + high) / 2;
        if(R[mid] == k)
            return mid;
        else if(R[mid] > k)
            high = mid - 1;
        else
            low = mid + 1;
    }
    return 0;
}
```


//二叉排序树 查找

```
BTNode* BSTSearch(BTNode* bt, int key)
{
    if(bt == null)
        return null;
    else
    {
        if(bt->val == key)
            return bt;
        else if(key < bt->val)
            return BSTSearch(bt->left, key);
        else
            return BSTSearch(bt->right, key);
    }
}
```

//二叉排序树 插入

```
int BSTInsert(BTNode* bt, int key)
{
    if(bt == null)
    {
        BTNode* bt = new BTNode(key);
        return 1;
    }
    else
    {
        if(key == bt->val)
            return 0;
        else if(key < bt->val)
            BSTInsert(bt->left, key);
        else
            BSTInsert(bt->right, key);
    }
}
```

排序算法 8个

//直接插入排序

```
void InserSort(int R[], int n)
{
    int i, j;
    int temp;
    for(i = 1; i < n; ++i)
    {
        temp = R[i];
        j = i - 1;
        while(j >= 0 && temp < R[j])
        {
            R[j + 1] = R[j];
            --j;
        }
        R[j + 1] = temp; // 插入
    }
}
```

// 折半查找排序

```
void InsertSort(int A[]){
    int n = A.size();
    int low, high;
    for(int i = 2; i < n; ++i){
        A[0] = A[i];
        low = 1;
        high = i - 1;
        while(low < high){
            mid = (low + high) / 2;
            if(A[mid] > A[0])
                high = mid - 1;
            else
                low = mid + 1;
        }
        for(j = i - 1; j >= high + 1; --j)
            A[j + 1] = A[j];
        A[high + 1] = A[0];
    }
}
```

```
// ShellSort
/*
    记录前后位置的增量是dk, 不是1
    A[0]暂存单元, 不是哨兵, 当 j<=0 时, 插入位置已到
*/
void ShellSort(int A[]){
    int n = A.size();
    for(int dk = n / 2; dk >= 1; dk = dk / 2)
        for(int i = dk + 1; i <= n; ++i)
            if(A[i] < A[i - dk]){
                A[0] = A[i];
                for(int j = i - dk; j > 0 && A[0] < A[j]; j -= dk)
                    A[j + dk] = A[j];
                A[j + dk] = A[0];
            }
}

// 冒泡排序
void BubbleSort(int R[]){
    int n = R.size();
    for(int i = n - 1; i >= 1; --i){
        int flag = 0;
        for(j = 1; j <= i; ++j){
            if(R[j - 1] > R[j]){
                int temp = R[j];
                R[j] = R[j - 1];
                R[j - 1] = temp;
                flag = 1;
            }
        }
        if(flag == 0)
            return;
    }
}
```

```
// 快速排序

#include<iostream>
using namespace std;

const int N = 1000010;
int n;
int arr[N];

void quick_sort(int arr[], int l, int r){
    if(l >= r) return;
    int i = l - 1, j = r + 1, x = arr[l + r >> 1];
    while(i < j){
        do i++; while(arr[i] < x);
        do j--; while(arr[j] > x);

        if(i < j) swap(arr[i], arr[j]);
    }
    quick_sort(arr, l, j), quick_sort(arr, j + 1, r);
}

int main(){
    scanf("%d", &n);

    for(int i = 0; i < n; i++) scanf("%d", &arr[i]);

    quick_sort(arr, 0, n - 1);

    for(int i = 0; i < n; i++) printf("%d ", arr[i]);
}

// 简单选择排序
void SelectSort(int R[], int n){
    int i, j, k;
    int temp;
    for(int i = 0; i < n; ++i){
        k = i;
        //从无序序列中选择最小的一个关键字
        for(j = i + 1; j < n; ++j){
            if(R[k] > R[j])
                k = j;
        }
        // 最小关键字与无序序列第一个位置交换
        temp = R[i];
        R[i] = R[k];
        R[k] = temp;
    }
}
```

```
// 归并排序

#include<iostream>
using namespace std;

const int N = 1000010;

int n;
int tmp[N];
int q[N];

void merge(int q[], int l, int r){
    if(l >= r) return;
    int mid = l + r >> 1;
    merge(q, l, mid);
    merge(q, mid + 1, r);
    int k = 0, i = l, j = mid + 1;
    while(i <= mid && j <= r){
        if(q[i] < q[j]) tmp[k++] = q[i++];
        else tmp[k++] = q[j++];
    }
    while(i <= mid) tmp[k++] = q[i++];
    while(j <= r) tmp[k++] = q[j++];

    for(i = l, j = 0; i <= r; i++, j++) q[i] = tmp[j];
}

int main(){
    scanf("%d", &n);
    for(int i = 0; i < n; i++){
        scanf("%d", &q[i]);
    }
    merge(q, 0, n - 1);

    for(int i = 0; i < n; i++){
        printf("%d ", q[i]);
    }
}
```

```
// 堆排序

#include<iostream>
using namespace std;

void swap(int tree[], int a, int b){
    int temp = tree[a];
    tree[a] = tree[b];
    tree[b] = temp;
}

void heapify(int tree[], int n, int i){
    int c1 = i * 2 + 1;
    int c2 = i * 2 + 2;
    int max = i;
    if(c1 < n && tree[c1] > tree[max])
        max = c1;
    if(c2 < n && tree[c2] > tree[max])
        max = c2;
    if(max != i){
        swap(tree, max, i);
        heapify(tree, n, max);
    }
}

void build_heap(int tree[], int n){
    int last_node = n - 1;
    int parent = (last_node - 1) / 2;
    for(int i = parent; i >= 0; i--){
        heapify(tree, n, i);
    }
}

void heapSort(int tree[], int n){
    build_heap(tree, n);
    for(int i = n - 1; i >= 0; i--){
        swap(tree, i, 0);
        heapify(tree, i, 0);
    }
}

int main(){
    int n,m;
    scanf("%d%d", &n, &m);
    int tree[n];
    for(int i = 0; i < n; i++){
        scanf("%d", &tree[i]);
    }
    heapSort(tree, n);

    int i;
    for(i = 0; i < m; i++){
        printf("%d ", tree[i]);
    }
}
```

```
// 01背包

#include<iostream>

using namespace std;

const int N = 1010;

int n, m;

int v[N], w[N];

int f[N][N];

int main(){
    cin >> n >> m;
    for(int i = 1; i <= n; i++) cin >> v[i] >> w[i];

    for(int i = 1; i <= n; i++)
        for(int j = 1; j <= m; j++){
            f[i][j] = f[i - 1][j];
            if(j >= v[i]) f[i][j] = max(f[i][j], f[i - 1][j - v[i]] + w[i]);
        }

    cout << f[n][m] << endl;
    return 0;
}
```