

# Graphen Protokoll

Lorenz Rentenberger, Samuel Hammerschmidt

Juni 2024

## Dateieinlesung und Graphenerstellung

Die Methode `parse_graph(filename)` erstellt ein neues Graph-Objekt indem er die gewählte Datei zeilenweise einliest. Die Datei wird getrennt in den Liniennamen `line_name`, Stationsnamen `stations` und den Kantengewichten/Zeit/Kosten `times`. Danach wird die Funktion `add_edge` um die Stationen mit Kanten zu verbinden.

## Kantenerstellung

Die Methode `add_edge(self, line, from_station, to_station, cost)` erstellt eine Kante zwischen zwei Stationen. Als erstes, überprüft die Methode, ob die Stationen bereits im Graph enthalten sind. Ist dies nicht der Fall, wird eine neue Station erstellt. Danach wird die Verbindung zwischen den beiden Stationen generiert, die Kosten der Verbindung werden als Gewicht der Kante gesetzt. Die Kante wird dann in die Adjazenzliste der beiden Stationen eingefügt.

## Dijkstra-Algorithmus

`dijkstra(self, start, end)` berechnet den kürzesten Weg zwischen zwei Stationen, die vom Benutzer gewählt werden. Zuerst initialisiert die Methode die kürzesten Distanzen vom Startknoten zu jedem anderen Knoten als `infinity`. Die vorherigen Knoten auf dem kürzesten Pfad werden in `previous_stations` gespeichert und zunächst auf `None` gesetzt. Die Distanz von der Startstation wird auf 0 gesetzt. Danach erstellt die Methode ein Set von nicht-besuchten Stationen durch einen Min-Heap `unvisited_stations`, die zunächst nur die Startstation beinhaltet. Als nächstes betritt die Methode eine Schleife, die so lange läuft, solange noch nicht alle Stationen besucht wurden. Beim ersten Schritt der Schleife wird aus dem Min-Heap das oberste Element, also der Knoten mit der kürzesten Distanz, aus der Priority-Queue entfernt und verarbeitet. Sollte dieser Knoten dem Ziel entsprechen, wird der Pfad rekonstruiert, indem die `previous_stations` zurückverfolgt und umgekehrt werden. Ist der Knoten nicht das Ziel, betritt man eine neue Schleife, die für jede Verbindung des aktuellen Knotens die neue Distanz zu seinen Verbundenen Knoten berechnet. Ist die neue Distanz kürzer als die bisher gespeicherte Distanz, wird diese aktualisiert und der verbundene Knoten mit in den Min-Heap eingefügt. Dies garantiert, dass das oberste Element des Min-Heaps immer das Element mit der kürzesten Distanz ist. Sollte kein Pfad gefunden werden, wird `None` und `Infinity` zurückgegeben.

## Print-Funktion

Die Methode `print_shortest_path(path, distance, start, end)` gibt den kürzesten Pfad zwischen zwei Stationen in der Konsole aus. Die Argumente `path` (Liste der durchlaufenen Stationen) und `distance` (Gesamtfahrzeit /-kosten) werden vom Dijkstra-Algorithmus zurückgegeben. Bei jedem Durchlauf wird die aktuelle Station der `path` Liste ausgegeben. Danach wird die Linie der aktuellen Station gespeichert. Wenn sich die Linie an der nächsten Station ändert, wird der Schritt zum Umsteigen ausgegeben. Am Ende wird die Gesamtfahrzeit bzw. die Gesamtkosten des Pfades ausgegeben.

## Aufwandsabschätzung

Operation	Best Case	Worst Case	Average Case
Graphenerstellung ( <code>parse_graph</code> )	$O(n * m)$	$O(n * m)$	$O(n * m)$
Kantenerstellung ( <code>add_edge</code> )	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
Kürzester Pfad ( <code>dijkstra</code> )	$O((V + E) \log V)$	$O((V + E) \log V)$	$O((V + E) \log V)$
Pfad ausdrucken ( <code>print_shortest_path</code> )	$O(n)$	$O(n)$	$O(n)$

Tabelle 1: Aufwandsabschätzung für verschiedene Operationen

# Experiment

In diesem Experiment haben wir die durchschnittliche Zeit gemessen, die der Dijkstra-Algorithmus benötigt, um den kürzesten Weg zwischen zwei Stationen in verschiedenen Graphen mit verschiedenen Längen zu finden. Die Ergebnisse sind in Tabelle 2 dargestellt. Die angegebenen Zeiten sind Durchschnittswerte von 10.000 Durchläufen.

Um einen besseren Vergleich zu erhalten haben wir die Anzahl der Stationen variiert. Die Strecke ist immer dieselbe.

**Wiener Strecke:** *Ottakring*  $\rightarrow$  *KagranerPlatz*

**Londoner Strecke:** *Bank*  $\rightarrow$  *HighBarnet*

Graph	Länge 3	Länge 7	Länge 10	Länge 15	Länge 20
Wien (450 Stationen)	0.071 ms	0.106 ms	0.158 ms	0.356 ms	0.547 ms
Wien (90 Stationen, U-Bahn)	0.015 ms	0.018 ms	0.027 ms	0.061 ms	0.086 ms
London (204 Stationen)	0.036 ms	0.096 ms	0.143 ms	0.202 ms	0.229 ms

Tabelle 2: Experiment